

௨௦-2022 கணிதம் விடைக்குறிப்பு

பகுதி - I

	A	B
1	(ஆ) 1	(17.) $\frac{1}{10100}$
2	(இ) $F(x)$ எதிர்ப்பு ...	(18.) $\frac{1}{(x+1)^2} dx$
3	(ஈ) $\frac{1}{(x+1)^2} dx$	(அ) A எதிர்ப்பு n உயிர்தரப்படல...
4	(19.) $\frac{1}{10100}$	(ஆ) 24
5	(19.) $\frac{\pi}{6}$	(இ) $2/27$
6	(அ) 19	(19.) $y = c e^{-\int p dx}$
7	(ஆ) $-\frac{2}{y}$	(அ) $x^2 + y^2$
8	(அ) $x^2 + y^2$	(அ) 19
9	(இ) 9	(இ) $\cot x$
10	(அ) 0	(அ) பெருக்கல்
11	(19.) -3	(இ) $F(x)$ எதிர்ப்பு ...
12	(19.) $x^2 y^2 + 6x + 8y + 16 = 0$	(இ) 9
13	(19.) $y = c e^{-\int p dx}$	(அ) 0
14	(இ) $2/27$	(ஆ) $-\frac{2}{y}$
15	(அ) $(1, 0)$	(19.) $x^2 + y^2 + 6x + 8y + 16 = 0$
16	(அ) $\frac{\pi}{2}$	(ஆ) 1
17	(அ) பெருக்கல்	(அ) $\pi/2$
18	(அ) A எதிர்ப்பு n உயிர்தரப்படல...	(அ) $(1, 0)$
19	(இ) $\cot x$	(19.) $\pi/6$
20	(ஆ) 24	(19.) -3

பகுதி - II

தேர்வுக்கு லக்ஷியன் தயாரிக்கல்

21. $z = x + iy$ எனில்
 $\bar{z} = x - iy$ $\rightarrow$ (1)
 $\Rightarrow x \rightarrow \operatorname{Re}(z)$
 $y \rightarrow \operatorname{Im}(z)$

$$z + \bar{z} = 2x$$

$$x = \frac{z + \bar{z}}{2} \rightarrow (1)$$

$$\text{i.e. } \operatorname{Re}(z) = \frac{z + \bar{z}}{2}$$

$$z - \bar{z} = x + iy - x - iy$$

$$= 2iy$$

$$\Rightarrow y = \frac{z - \bar{z}}{2i} \rightarrow (2)$$

$$\text{i.e. } \operatorname{Im}(z) = \frac{z - \bar{z}}{2i}$$

22. $x = 2 - \sqrt{3}$ எனில்
 $x - 2 = -\sqrt{3} \rightarrow (1)$
 $\Rightarrow (x - 2)^2 = (-\sqrt{3})^2$
 $x^2 + 4 - 4x = 3$
 $\text{i.e. } x^2 - 4x + 1 = 0 \rightarrow (2)$

(or)

$\alpha = 2 - \sqrt{3}$ எனில்
 மறுமாற்ற வேலை
 $\beta = 2 + \sqrt{3} \rightarrow (3)$

$$\therefore \alpha + \beta = 4$$

$$\alpha \beta = 4 - 3 = 1 \rightarrow (4)$$

$\therefore$ சமன்பாடு
 $x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha \beta = 0$
 $\Rightarrow x^2 - 4x + 1 = 0 \rightarrow (1)$

23. $\alpha = \tan^{-1}(\sqrt{3})$
 $\frac{\pi}{3} \in (-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$
 $\alpha = \frac{\pi}{3}$ எனில்
 முதன்மை லக்ஷிய

24. $y = x$ எனில் கோட்பாடு காண
 $m_1 = 1$
 மேலும் $y = x^3 + 3x^2 + 2x$ எனில்
 $m_2 = \frac{dy}{dx} = 3x^2 + 6x + 2 \rightarrow (1)$
 மதாடுகோடுகள் இணை
 எனவே $m_1 = m_2 \rightarrow (2)$

$$\Rightarrow 3x^2 - 6x + 1 = 1$$

$$3x^2 - 6x = 0$$

$$3x(x - 2) = 0$$

$$\Rightarrow x = 0, 2 \rightarrow (1)$$

எனவே $(0, -2), (2, -4)$ எனில்
 புள்ளிகளில் $y = x$ எனில் கோட்பாடு
 இணையாக இருக்கும்.

25. $f = x^2 + 3x$
 $df = (2x + 3)dx \rightarrow (1)$
 $x = 2, dx = 0.1$
 $\Rightarrow df = (7)(0.1) = 0.7 \rightarrow (1)$

26. $y = Ae^{x} + Be^{-x}$
 $y' = Ae^{x} - Be^{-x} \rightarrow (1)$
 $y'' = Ae^{x} + Be^{-x}$
 $y'' = y$ (or)
 $y'' - y = 0 \rightarrow (1)$

27. $\frac{dy}{dx} = \frac{\sqrt{1-y^2}}{\sqrt{1-x^2}}$

$\Rightarrow \int \frac{dy}{\sqrt{1-y^2}} = \int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} \rightarrow (1)$

$\sin^{-1} y = \sin^{-1} x + C \rightarrow (1)$

28. $\sum f(x) = 1 \rightarrow (1)$

$\Rightarrow k + 2k + 6k + 5k + 6k + 10k = 1$
 $30k = 1$

$k = \frac{1}{30} \rightarrow (1)$

29.

X எதிர்த்து ஒன்று குறையாதுகொண்டால் போதுமானது முதலில் என்ன

X	0	1	2	3
எதிர்த்து குறையாதுகொண்டால்	1	3	3	1

30.

அதிகபட்சம் $ax+by+cz+d=0$ எதிர்த்து தளத்திற்கு 2 மீட்டர் தொலைவு

$\delta = \left| \frac{d}{\sqrt{a^2+b^2+c^2}} \right| \rightarrow (1)$

$\therefore \delta = \left| \frac{7}{\sqrt{(3)^2+(6)^2+(2)^2}} \right|$

$= \left| \frac{7}{\sqrt{49}} \right| = \left| \frac{7}{7} \right|$

$\delta = 1 \rightarrow (1)$

11ஆம் - III

3 மாதங்களுக்கு

31.

$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 3 & -1 & 2 \\ -1 & -2 & 3 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{\substack{R_2 \rightarrow R_2 - 3R_1 \\ R_3 \rightarrow R_3 - R_1 \\ R_4 \rightarrow R_4 - R_1}} \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & -7 & 5 \\ 0 & -4 & 4 \\ 0 & -3 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow (1)$

$\xrightarrow{R_4 \rightarrow 4R_4 - 3R_3} \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & -7 & 5 \\ 0 & -4 & 4 \\ 0 & 0 & -4 \end{pmatrix} \xrightarrow{R_3 \rightarrow 7R_3 + 4R_2} \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & -7 & 5 \\ 0 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & -4 \end{pmatrix} \rightarrow (1)$

$\xrightarrow{R_4 \rightarrow R_4 + R_3} \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & -7 & 5 \\ 0 & 0 & 4 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow (1)$

$\therefore \rho(A) = 3$

32.

$\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$

$X = A^{-1}B, B = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix} \rightarrow (1)$

$A = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}, |A| = 10 - 6 = 4$

$\text{adj } A = \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -3 & 5 \end{pmatrix} \therefore A^{-1} = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -3 & 5 \end{pmatrix} \rightarrow (1)$

$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 2 & -2 \\ -3 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$

$= \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 6 - 10 \\ -9 + 25 \end{pmatrix} = \frac{1}{4} \begin{pmatrix} -4 \\ 16 \end{pmatrix}$

$= \begin{pmatrix} -1 \\ 4 \end{pmatrix}$

$\Rightarrow x = -1, y = 4 \rightarrow (1)$

33. $z_1 = 10 - 8i, z_2 = 11 + 6i, z = 1 + i$

என்க:

z க்கு z_1 க்கு இடைபடல் தொலைவு

$|z - z_1| = |1 + i - 10 + 8i|$

$= |9(-1 + i)| = 9\sqrt{2}$

$= 9(1.414) \approx 12.7 \rightarrow (1)$

z க்கு z_2 க்கு இடைபடல் தொலைவு

$|z - z_2| = |1 + i - 11 - 6i|$

$= 5\sqrt{5} \approx 11.1 \rightarrow (1)$

எனவே $1 + i$ க்கு மிக அருகில்

உள்ள புள்ளி $11 + 6i \rightarrow (1)$

34. ஒரு கோடு $\alpha = 1$

$$\therefore \begin{vmatrix} 2 & -9 & 10 & -3 \\ 0 & 2 & -7 & 3 \\ 2 & -7 & 3 & 0 \end{vmatrix} \rightarrow (1)$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 7x + 3 = 0 \quad 6 \begin{cases} -\frac{1}{2} \\ -6\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$x = \frac{1}{2}, 3 \rightarrow (1)$$

6-ஆம் ஒரு கோடுகள் $\frac{1}{2}, 3$
(or) Any other method.

35. $\vec{F} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$,

$$\vec{r} = \vec{AO} = -2\hat{i} + \hat{k} \rightarrow (1)$$

$$\text{தொடுகிறதால்} = \vec{r} \times \vec{F} = -\hat{i} - 2\hat{k}$$

$$\text{மாண்புமிகு} = |\vec{r} \times \vec{F}| = \sqrt{5} \rightarrow (1)$$

$$\text{செய்து கொள்ளுங்கள்} (-\frac{1}{\sqrt{5}}, 0, \frac{2}{\sqrt{5}})$$

36. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3}{x^2 - 5x + 3} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2(2 - \frac{3}{x^2})}{x^2(1 - \frac{5}{x} + \frac{3}{x^2})}$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2 - \frac{3}{x^2}}{1 - \frac{5}{x} + \frac{3}{x^2}} \right) \rightarrow (2)$$

$$= \frac{2-0}{1-0+0} = 2 \rightarrow (1)$$

37. ஆரம் $r = 2$ மி.மீ $\rightarrow (1)$

$$dr = 2.1 - 2 = 0.1 \text{ மி.மீ}$$

$$\text{வட்டத்தின் பரப்பளவு} A = \pi r^2$$

$$\Rightarrow \frac{dA}{dr} = 2\pi r$$

$$\Rightarrow dA = 2\pi r \cdot dr \rightarrow (1)$$

$$\text{பரப்பளவு அதிகரிப்பு} \approx dA$$

$$= 2\pi(2)(0.1)$$

$$= 0.4\pi \text{ மி.மீ}^2 \rightarrow (1)$$

38. $t = \sec x$ என்க.

$$\Rightarrow dt = \sec x \cdot \tan x \cdot dx \rightarrow (1)$$

$$\int \frac{\sec x \cdot \tan x}{1 + \sec^2 x} dx$$

$$= \int \frac{dt}{1+t^2} = (\tan^{-1} t)^2 \rightarrow (1)$$

$$= \tan^{-1}(2) - \tan^{-1}(1)$$

$$= \tan^{-1}(2) - \frac{\pi}{4} \rightarrow (1)$$

39. $a, b \in \mathbb{R}$ எனில்

$$a * b = a + b + ab - 7 \in \mathbb{R}$$

எனவே $*$ $\mathbb{R}$ இல் மூடியது $\rightarrow (1)$

மேலும்

$$3 * (-\frac{7}{15}) = -\frac{88}{15} \rightarrow (2)$$

40. வட்டத்தின் மையம் $(-5, -3)$

$$\text{மையம்} (h, k) = (-\frac{5}{2}, -\frac{3}{2}) \rightarrow (1)$$

வட்டம் $(-5/2, -3/2)$ மையமாய்
 $(-1, -1)$ அல்லது $(-4, -2)$ மையம் மையம்
மையம் மையம்.

$$\Rightarrow \text{மையம்} a = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} \rightarrow (1)$$

$$\text{மையம்} (x+5/2)^2 + (y+3/2)^2 = 5/2$$

$$\Rightarrow x^2 + \frac{5}{2}x + y^2 + \frac{3}{2}y = \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow x^2 + 5x + y^2 + 3y + 6 = 0 \rightarrow (1)$$

$$(or) x^2 + y^2 + 5x + 3y + 6 = 0$$

பகுதி - IV

5 மதிப்புகள் கொடுக்க

41 (a)

$$3x + y + z = 2$$

$$x - 3y + 2z = 1$$

$$7x - y + 4z = 5$$

இதற்கு

$$\Delta = \begin{vmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 1 & -3 & 2 \\ 7 & -1 & 4 \end{vmatrix} = 0 \rightarrow (1)$$

இந்த $\Delta = 0$ எனப்பதால்

$$x = \frac{\Delta x}{\Delta} \text{ (அ) } y = \frac{\Delta y}{\Delta} \text{ (ஆ) } z = \frac{\Delta z}{\Delta}$$

எனவே கோடு x, y, z மதிப்புகள்

காண இயலாது. எனவே

இதில் கிடைக்காது விதிக்கலாம் $\rightarrow (3)$

பயன்படுத்தி தீர்வு காண இயலாது

(b)

$$f(x) = 4x^6 - 6x^4$$

$$f'(x) = 24x^5 - 24x^3$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 24x^5 - 24x^3 = 0$$

$$24x^3(x^2 - 1) = 0$$

$$\Rightarrow x = 0, x = 1, -1 \rightarrow (2)$$

Now

$$f''(x) = 120x^4 - 72x^2$$

$$x = 0, f''(x) = 0 \Rightarrow \text{Test fail}$$

$$x = 1 \text{ எனில் } f''(x) = 48 > 0 \rightarrow (1)$$

$$x = -1 \text{ எனில் } f''(x) = 48 > 0 \rightarrow (1)$$

$f''(x) > 0$ எனில் $f(x)$ அங்கு
நிழல் மதிப்பை எவ்வாறு $\rightarrow (1)$

$$42(a) \text{ (அ) } z = x + iy \text{ எனில்} \rightarrow (1)$$

$$|x + iy + i| = |x + iy - i|$$

$$|x + i(y+1)| = |x - i + iy|$$

$$\sqrt{x^2 + (y+1)^2} = \sqrt{x^2 + y^2} \rightarrow (2)$$

$$x^2 + y^2 + 1 + 2y = x^2 + y^2 + 1 - 2y$$

$$\Rightarrow 2y = -2y$$

$$x + y = 0 \rightarrow (2)$$

(ஆ)

$$I = \int_0^a \frac{f(x)}{f(x) + f(a-x)} dx \rightarrow (1)$$

W.K.T

$$\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$$

$$\Rightarrow I = \int_0^a \frac{f(a-x)}{f(a-x) + f(x)} dx \rightarrow (1)$$

$$(A) + (B) \Rightarrow I + I = \int_0^a \frac{f(x) + f(a-x)}{f(x) + f(a-x)} dx$$

$$2I = \int_0^a 1 dx = a \rightarrow (3)$$

$$I = \frac{a}{2}$$

$$\text{ie } \int_0^a \frac{f(x)}{f(x) + f(a-x)} dx = \frac{a}{2}$$

43. (அ)

$$\text{கோடு } (-\sqrt{2}, 0) = (-a, 0) \rightarrow (1)$$

$$\text{கோடுவரை } x = \sqrt{2} \Rightarrow x = -a$$

$$\text{இதிலிருந்து } a = \sqrt{2} \rightarrow (2)$$

கோடு மற்றும் கோடு இடம்க்க
நிழல் மதிப்பை எவ்வாறு $\rightarrow (1)$

$$\text{எனவே } y^2 = -4ax$$

$$\Rightarrow y^2 = -4\sqrt{2}x \rightarrow (1)$$

(ஆ)

$$\cos^{-1}(1) = \pi/4, \sin^{-1}(-\frac{\sqrt{3}}{2}) = -\pi/3$$

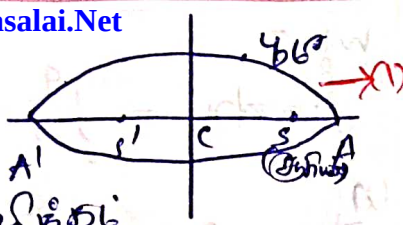
$$\sec^{-1}(-\sqrt{2}) = \pi - \pi/4 = 3\pi/4 \rightarrow (2)$$

$$\therefore \cos^{-1}(1) + \sin^{-1}(-\frac{\sqrt{3}}{2}) - \sec^{-1}(-\sqrt{2})$$

$$= \frac{\pi}{4} + (-\pi/3) - 3\pi/4 \rightarrow (2)$$

$$= -\frac{5\pi}{6} \rightarrow (1)$$

+ (அ)



சூரியனுக்கும் புவியும்

இடைவெளியான அகலமட காந்தம்

$$SA' = 152 \times 10^6$$

$$\Rightarrow a + c = 125 \times 10^6 \rightarrow (1)$$

சூரியந்த பட்ச காந்தம்

$$SA = a - c = 94.5 \times 10^6$$

$$\Rightarrow 2c = 57.5 \times 10^6 \rightarrow (1)$$

சூரியனுக்கும் மீனாம்பாரு கதிர்வீச்சு

இடைவெளியான காந்தம் $SS' = 2c$

$$2c = 57.5 \times 10^6 \text{ (or)}$$

$$= 575 \times 10^5 \rightarrow (2)$$

$$(அ) \sin(A+B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$$

Dig $\rightarrow (1)$

$$\hat{a} = \cos A \hat{i} + \sin A \hat{j}$$

$$\hat{b} = \cos B \hat{i} + \sin B \hat{j} \rightarrow (1)$$

லக்டிபென்ட் படி

$$\hat{a} \times \hat{b} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ \cos A & \sin A & 0 \\ \cos B & \sin B & 0 \end{vmatrix}$$

$$\hat{a} \times \hat{b} = \hat{k} (-\cos A \sin B - \cos B \sin A)$$

$$\Rightarrow \hat{b} \times \hat{a} = \hat{k} (\sin A \cos B + \cos A \sin B) \rightarrow (2)$$

உறையாண்களின் படி

$$\hat{b} \times \hat{a} = |\hat{b}| |\hat{a}| \sin(A+B) \hat{k}$$

$$\Rightarrow \sin(A+B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B \rightarrow (1)$$

Note: Some one take $\hat{b} \times \hat{a}$

45 (அ)

$$\vec{a} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$$

$$\vec{b} = a\hat{i} + 3\hat{j} + 6\hat{k}$$

$$\vec{c} = 2\hat{i} + 6\hat{j} + 6\hat{k} \rightarrow (2)$$

மெய்க்கிளி சகலம் பாகம்:

$$\vec{r} = \vec{a} + s(\vec{b} - \vec{a}) + t\vec{c}$$

$$\vec{r} = 2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k} + s(7\hat{i} + \hat{j} + 5\hat{k}) + t(2\hat{i} + 6\hat{j} + 6\hat{k})$$

அல்லது கார்ட்டீசியன் சகலம் பாகம்:

$$\begin{vmatrix} x-x_1 & y-y_1 & z-z_1 \\ x_2-x_1 & y_2-y_1 & z_2-z_1 \\ c_1 & c_2 & c_3 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} x-2 & y-2 & z-1 \\ 7 & 1 & 5 \\ 2 & 6 & 6 \end{vmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow 3x + 4y - 5z - 9 = 0 \rightarrow$$

(அ)

Dig $\rightarrow (1)$

மெய்க்கிளி யின் (1,1)

$$m_1 = \frac{dy}{dx} = 2x$$

$$\Rightarrow m_1 = \left(\frac{dy}{dx}\right)_{(1,1)} = 2 \rightarrow (1)$$

$$m_2 = 2y \frac{dy}{dx} = 1 \Rightarrow m_2 = \frac{dy}{dx} = \frac{1}{2y}$$

$$\therefore m_2 = \frac{1}{2} \rightarrow (1)$$

இடைவெளி கோணம்

$$\tan \theta = \left| \frac{m_1 - m_2}{1 + m_1 m_2} \right| \rightarrow$$

$$= \left| \frac{2 - \frac{1}{2}}{1 + 2(\frac{1}{2})} \right|$$

$$\tan \theta = (3/4) \text{ (or)}$$

$$\theta = \tan^{-1}(3/4)$$

46 (21) (i) $P(X < 3) = F(3) = \frac{3-1}{4}$
 $= \frac{1}{2} \rightarrow (1)$

(ii) $P(2 < X < 4) = F(4) - F(2)$
 $= \frac{1}{2} \rightarrow (2)$

(iii) $P(3 \leq X) = P(X \geq 3)$
 $= 1 - P(X < 3)$
 $= 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \rightarrow (2)$

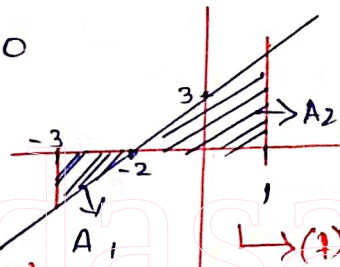
(2b)

$$3x - 2y + 6 = 0$$

$$x=0 \Rightarrow y=3$$

$$y=0, x=-2$$

$$y = \frac{3x+6}{2} \rightarrow (1)$$



குறுக்கவரையுள்ள பகுதி = $A_1 + A_2$

$$A = \left| \int_{-3}^{-2} y \, dx \right| + \int_{-2}^1 y \, dx$$

$$= \left| \int_{-3}^{-2} \frac{3x+6}{2} \, dx \right| + \int_{-2}^1 \frac{3x+6}{2} \, dx \rightarrow (2)$$

$$= \frac{15}{2} \text{ ச.அ} \rightarrow (1)$$

(21) $2^3 = 8$ rows

P	q	r	$q \rightarrow r$	$P \rightarrow (q \rightarrow r)$	$P \wedge q$	$(P \wedge q) \rightarrow r$
T	T	T	T	T	T	T
T	T	F	F	F	T	F
T	F	T	T	T	F	T
T	F	F	T	T	F	T
F	T	T	T	T	F	T
F	T	F	F	T	F	T
F	F	T	T	T	F	T
F	F	F	T	T	F	T

$\downarrow$ (1) $\downarrow$ (1) $\downarrow$ (A) $\downarrow$ (1) $\downarrow$ (1) $\downarrow$ (B)

$\therefore$ (A), (B) பொது

$$P \rightarrow (q \rightarrow r) \equiv (P \wedge q) \rightarrow r$$

E. MADHESWARAN M.Sc, BEd
 PUT MATHS
 CIBHSS, PALLIPALAYAM.
 NAMAKKAL D.T

47 (21)

$$(1+x^2) \frac{dy}{dx} = 1+y^2$$

$$\Rightarrow \int \frac{dy}{1+y^2} = \int \frac{dx}{1+x^2} \rightarrow (2)$$

$$\tan^{-1} y = \tan^{-1} x + C \rightarrow (3)$$

E. MADHESWARAN, M.Sc., B.Ed.,
 P.G. Asst. Maths
 Govt. Boys Hr. Sec. School
 Pallipalayam - 638 006.
 Namakkal (DT).