

C

## முதல் இடைப்பருவத் தேர்வு - 2022

பன்னிரண்டாம் வகுப்பு

பதிவு எண்:

--	--	--	--	--	--	--	--

மதிப்பெண்கள்: 50

கணிதம்

நேரம்: 1.30

பகுதி - I

10 x 1 = 10

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1.  $|\text{adj}(\text{adj } A)| = |A|^9$  எனில், சதுர அணி A யின் வரிசையானது

- a) 3                      b) 4                      c) 2                      d) 5

2.  $A^T A^{-1}$  ஆனது சமச்சீர் எனில்  $A^2 =$  a)  $A^{-1}$     b)  $(A^T)^2$     c)  $A^T$     d)  $(A^{-1})^2$ 3.  $A = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 2 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$  எனில்  $\text{adj}(\text{adj } A)$  ன் மதிப்பு

- a)  $\begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 2 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$     b)  $\begin{bmatrix} 6 & -6 & 8 \\ 4 & -6 & 8 \\ 0 & -2 & 2 \end{bmatrix}$     c)  $\begin{bmatrix} -3 & 3 & -4 \\ -2 & 3 & -4 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}$     d)  $\begin{bmatrix} 3 & -3 & 4 \\ 0 & -1 & 1 \\ 2 & -3 & 4 \end{bmatrix}$

4.  $iz$  மற்றும்  $z + iz$  என்ற கலப்பெண்கள் ஆர்கண்ட் தளத்தில் உருவாக்கும் முக்கோணத்தின் பரப்பளவு    a)  $\frac{1}{2}|z|^2$     b)  $|z|^2$     c)  $\frac{3}{2}|z|^2$     d)  $2|z|^2$ 5.  $|z| = 1$  எனில்  $\frac{1+z}{1+\bar{z}}$  ன் மதிப்பு    a)  $z$     b)  $\bar{z}$     c)  $\frac{1}{z}$     d) 16.  $x^2 + x + 1 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  எனில்  $\alpha^{2020} + \beta^{2020}$  ன் மதிப்பு.    a) -2    b) -1    c) 1    d) 27.  $\left(\frac{1+\sqrt{3}i}{1-\sqrt{3}i}\right)^{10}$  ன் மதிப்பு    a)  $\text{cis } \frac{2\pi}{3}$     b)  $\text{cis } \frac{4\pi}{3}$     c)  $-\text{cis } \frac{2\pi}{3}$     d)  $-\text{cis } \frac{4\pi}{3}$ 8.  $x^3 + 64$  ன் ஒரு பூச்சியமாக்கி    a) 0    b) 4    c)  $4i$     d) -49.  $x^3 + px^2 + qx + r$  க்கு  $\alpha, \beta$  மற்றும்  $\gamma$  என்பவை பூச்சியமாக்கிகள் எனில்  $\sum \frac{1}{\alpha}$  ன் மதிப்பு    a)  $-\frac{q}{r}$     b)  $-\frac{p}{r}$     c)  $\frac{q}{r}$     d)  $-\frac{q}{p}$ 10.  $\sin^{-1}(\cos x)$ ,  $0 \leq x \leq \pi$  ன் மதிப்பு

- a)  $\pi - x$                       b)  $x - \frac{\pi}{2}$                       c)  $\frac{\pi}{2} - x$                       d)  $x - \pi$

பகுதி - II

II. ஏதேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண். 17 கட்டாய வினா)

4 x 2 = 8

11. பின்வரும் அணியின் தரம் காண்க:  $\begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & 2 \\ 3 & 3 & 6 \end{bmatrix}$ 12.  $\sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$  ன் முதன்மை மதிப்பைக் காண்க.13. கூடுக்குக:  $\sum_{n=1}^{102} i^n$ 14.  $z_1 = 1 - 3i$ ,  $z_2 = -4i$ ,  $z_3 = 5$  எனில்  $(z_1 + z_2) + z_3 = z_1 + (z_2 + z_3)$  எனக்காட்டுக.15.  $\alpha, \beta, \gamma$  என்பவை  $x^3 + px^2 + qx + r = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்களாக இருந்தால், கெழுக்களின் அடிப்படையில்  $\sum \frac{1}{\beta\gamma}$  ன் மதிப்பைக் காண்க.

(2)

XII கணிதம்

16. கொடுக்கப்பட்ட மூலங்களைக் கொண்டு முப்படி சமன்பாட்டை உருவாக்குக: 1, 2 மற்றும் 3  
 17. பின்வரும் நேரிய சமன்பாட்டுத் தொகுப்பை கிராமரின் விதிப்படி தீர்க்க:  
 $5x - 2y + 16 = 0, x + 3y - 7 = 0$

பகுதி - III

- III. எவையேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண். 24 கட்டாய வினா)  $4 \times 3 = 12$
18.  $A = \begin{bmatrix} 0 & -3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  எனக்கொண்டு  $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$  என்பதை சரிபார்க்க.
19. பின்வரும் நேரிய சமன்பாட்டுத் தொகுப்பை நேர்மாறு அணி காணல் முறையில் தீர்க்க:  
 $2x - y = 8, 3x + 2y = -2$
20.  $\cos^{-1}\left(\frac{2+\sin x}{3}\right)$  ன் சார்பகம் காண்க.
21.  $(3-i)x - (2-i)y + 2i + 5$  மற்றும்  $2x + (-1+2i)y + 3 + 2i$  ஆகிய கலப்பெண்கள் சமம் எனில்  $x$  மற்றும்  $y$  ன் மதிப்புகளைக் காண்க.
22.  $x^3 + px^2 + qx + r = 0$  ன் மூலங்கள் கூட்டுத் தொடர்முறையில் இருப்பதற்கான நிபந்தனையைப் பெறுக.
23.  $2 + \sqrt{3}i$  ஐ மூலமாகக் கொண்ட குறைந்தபட்ச படியுடன் விகிதமுறு கெழுக்களையுடைய ஓர் பல்லுறுப்புக் கோவைச் சமன்பாட்டைக் காண்க.
24.  $(2 + i\sqrt{3})^{10} + (2 - i\sqrt{3})^{10}$  ஒரு மெய் எண் எனக்காட்டுக.

பகுதி - IV

- IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:  $4 \times 5 = 20$
25. a) ஒரு சிறுவன்  $y = ax^2 + bx + c$  என்ற பாதையில்  $(-6, 8), (-2, -12)$  மற்றும்  $(3, 8)$  எனும் புள்ளிகள் வழியாக செல்கிறான்.  $P(7, 60)$  என்ற புள்ளியில் உள்ள அவனுடைய நண்பனை சந்திக்க விரும்புகிறான். அவன் அவனுடைய நண்பனை சந்திப்பானா? (காஸ் நீக்கல் முறையை பயன்படுத்துக) (அல்லது)
- b) மதிப்பு காண்க :  $\cos\left(\cos^{-1}\left(\frac{4}{5}\right) + \sin^{-1}\left(\frac{4}{5}\right)\right)$
26. a)  $\lambda, \mu$  ன் எம்மதிப்புகளுக்கு  $2x + 3y + 5z = 9, 7x + 3y - 5z = 8, 2x + 3y + \lambda z = \mu$  என்ற சமன்பாடுகளின் தொகுப்பானது. i) யாதொரு தீர்வும் பெற்றிராது ii) ஒரே ஒரு தீர்வைப் பெற்றிருக்கும் iii) எண்ணிக்கையற்ற தீர்வுகளைப் பெற்றிருக்கும் என்பதனை ஆராய்க. (அல்லது)
- b)  $2 + i$  மற்றும்  $3 - \sqrt{2}$  ஆகியவை  $x^6 - 13x^5 + 62x^4 - 126x^3 + 65x^2 + 127x - 140 = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில் அனைத்து மூலங்களையும் காண்க.
27. a)  $z = x + iy$  என்ற ஏதேனும் ஒரு கலப்பெண்  $\text{Im}\left(\frac{2z+1}{iz+1}\right) = 0$  எனுமாறு அமைந்தால்  $z$  ன் நியமப்பாதை  $2x^2 + 2y^2 + x - 2y = 0$  எனக்காட்டுக. (அல்லது)
- b)  $ix^2 + nx + n = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள்  $p$  மற்றும்  $q$  எனில்  $\sqrt{\frac{p}{q}} + \sqrt{\frac{q}{p}} + \sqrt{\frac{n}{1}} = 0$  எனக்காட்டுக.
28. a)  $\text{adj } A = \begin{bmatrix} 7 & 7 & -7 \\ -1 & 11 & 7 \\ 11 & 5 & 7 \end{bmatrix}$  எனில்  $A$ -ஐக் காண்க. (அல்லது)
- b)  $z = x + iy$  மற்றும்  $\arg\left(\frac{z-1}{z+1}\right) = \frac{\pi}{2}$  எனில்  $x^2 + y^2 = 1$  எனக்காட்டுக.