

K இரண்டாம் இடைப்பருவ பொதுத்தேர்வு - 2019

பதினொன்றாம் வகுப்பு

Reg.No.

நேரம்: 1.30 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 45

பகுதி - அ

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக:

10 x 1 = 10

1. $A = \begin{bmatrix} \lambda & 1 \\ -1 & \lambda \end{bmatrix}$ எனில், λ -ன் எம்மதிப்புகளுக்கு $A^2 = 0$?

- a) 0 b) ± 1 c) -1 d) 1

2. $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப்புள்ளிகள் எனில், x - ன் மதிப்பு

- a) -3 b) $\frac{1}{3}$ c) 1 d) 3

3. $A = \begin{bmatrix} 1 & \sin\theta & 1 \\ -\sin\theta & 1 & \sin\theta \\ -1 & -\sin\theta & 1 \end{bmatrix}$, $0 \leq \theta \leq 2\pi$ என்க. மேலும்

- a) $\det(A) = 0$ b) $\det(A) \in (2, \infty)$ c) $\det(A) \in (2, 4)$ d) $\det(A) \in [2, 4]$

4. $A + I = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ எனில், $(A + I)(A - I)$ - ன் மதிப்பு

- a) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & -9 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} -5 & 4 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$ c) $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ -8 & -9 \end{bmatrix}$

5. ABCD ஓர் இணைகரம் எனில் $\overline{AB} + \overline{AD} + \overline{CB} + \overline{CD}$ என்பது

- a) $2(\overline{AB} + \overline{AD})$ b) $4\overline{AC}$ c) $4\overline{BD}$ d) $\vec{0}$

6. $|\vec{a}| = 13$, $|\vec{b}| = 5$ மற்றும் $\vec{a} \cdot \vec{b} = 60^\circ$ எனில் $|\vec{a} \times \vec{b}|$ - ன் மதிப்பு

- a) 15 b) 35 c) 45 d) 25

7. $\hat{i} + 3\hat{j} + \lambda\hat{k}$ ன் மீது $5\hat{i} - \hat{j} - 3\hat{k}$ ன் வீழலும், $5\hat{i} - \hat{j} - 3\hat{k}$ ன் மீது $\hat{i} + 3\hat{j} + \lambda\hat{k}$ ன் வீழலும் சமம் எனில் λ - ன் மதிப்பு

- a) ± 4 b) ± 3 c) ± 5 d) ± 1

8. \vec{a} மற்றும் \vec{b} என்பன அலகு வெக்டர்கள். θ என்பது அவைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் என்க. மேலும் $\vec{a} + \vec{b}$ என்பது அலகு வெக்டர் எனில் $\theta =$

- a) $\frac{\pi}{4}$ b) $\frac{\pi}{3}$ c) $\frac{\pi}{2}$ d) $\frac{2\pi}{3}$

9. $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin\sqrt{\theta}}{\sqrt{\sin\theta}}$ ன் மதிப்பு

- a) 1 b) -1 c) 0 d) 2

10. If $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin px}{\tan 3x} = 4$ எனில், p ன் மதிப்பு

- a) 6 b) 9 c) 12 d) 4

பகுதி - ஆ

II. எவையேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண். 16 கட்டாய வினா)

4 x 2 = 8

11. $\begin{vmatrix} \operatorname{cosec}^2\theta & \cot^2\theta & 1 \\ \cot^2\theta & \operatorname{cosec}^2\theta & -1 \\ -2 & 5 & -7 \end{vmatrix} = 0$ என நிறுவுக.

(2)

XI கணிதம்

12. (a, b+c), (b, c+a), (c, a+b) என்பன ஒரு கோடமைப் புள்ளிகள் என நிறுவுக.
13. மதிப்பு காண்க : $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{2 \operatorname{cosec} x}$
14. $\vec{a} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + 9\hat{k}$ மற்றும் $\vec{b} = \hat{i} + \lambda\hat{j} + 3\hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் இணை எனில் λ -ன் மதிப்பை காண்க.
15. $\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ மற்றும் $3\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ ஆகியவற்றை அடுத்தடுத்த பக்கங்களாகக் கொண்ட இணைகரத்தின் பரப்பைக் காண்க.
16. \vec{a} மற்றும் \vec{b} ஆகிய இரண்டு வெக்டர்கள் எண்ணளவில் சமம். மேலும் அவைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் 60° என்க. $\vec{a} \cdot \vec{b} = 8$ எனில் $|\vec{a}|$ மற்றும் $|\vec{b}|$ காண்க.

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண். 22 கட்டாய வினா) $4 \times 3 = 12$

17. A, B என்பன இரு சமச்சீர் அணிகள் என்க. $AB = BA$ எனில், AB என்பது சமச்சீர் அணியாகும் என நிறுவுக. மேலும் இதன் மறுதலையும் உண்மை என நிறுவுக.

18. $x, y, z \neq 1$ எனில் $\begin{vmatrix} 1 & \log_x y & \log_x z \\ \log_y x & 1 & \log_y z \\ \log_z x & \log_z y & 1 \end{vmatrix}$ ன் மதிப்புக் காண்க.

19. $A = \begin{bmatrix} 4 & 3 & -2 \\ 1 & 0 & 7 \\ 2 & 3 & -5 \end{bmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 3 \\ -2 & 4 & 0 \\ 9 & 7 & 5 \end{bmatrix}$ என்ற அணிகளுக்கு $\det(AB) = (\det A)(\det B)$ என சரிபார்க்க.

20. மதிப்பு காண்க : $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{t^2+9}-3}{t^2}$

21. \vec{a}, \vec{b} மற்றும் \vec{c} ஆகிய அலகு வெக்டர்களுக்கு $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{c}$ மற்றும் \vec{b} -க்கும் \vec{c} -க்கும் இடைப்பட்ட கோணம் $\frac{\pi}{3}$ எனில் $\vec{a} = \pm \frac{2}{\sqrt{3}} (\vec{b} \times \vec{c})$ என நிரூபிக்க.

22. \vec{a}, \vec{b} ஆகியவை அலகு வெக்டர்கள் மற்றும் θ என்பது அவற்றிற்கு இடைப்பட்ட கோணம் எனில் $\cot \frac{\theta}{2} = \frac{|\vec{a} + \vec{b}|}{|\vec{a} - \vec{b}|}$ எனக்காட்டுக.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

 $3 \times 5 = 15$

23. a) $\cos 2\theta = 0$ எனில் $\begin{vmatrix} 0 & \cos \theta & \sin \theta \\ \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{vmatrix}^2$ ன் மதிப்பைக் காண்க. (அல்லது)

b) $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 7 & 4 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}$ என்க. $CD - AB = 0$ எனில் அணி D-ஐ காண்க.

24. a) முக்கோணம் ABC-யில் $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 + \sin A & 1 + \sin B & 1 + \sin C \\ \sin A(1 + \sin A) & \sin B(1 + \sin B) & \sin C(1 + \sin C) \end{vmatrix} = 0$

எனில் ΔABC ஆனது ஒரு இருசமபக்க முக்கோணம் என நிறுவுக. (அல்லது)

b) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரே புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிறுவுக.

25. a) $\vec{OA} = 4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$, $\vec{OB} = -\hat{j} - \hat{k}$, $\vec{OC} = 3\hat{i} + 9\hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $\vec{OD} = -4\hat{i} + 4\hat{j} + 4\hat{k}$ ஆகியவற்றை நிலைவெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக்காட்டு.

b) $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \left[\frac{1}{x} + \frac{2}{x} + \dots + \frac{15}{x} \right] = 120$ என நிறுவுக.