

காலாண்டுத் தேர்வு - 2022

11 - ஆம் வகுப்பு

கணிதம்

+ + 1 1 0 2

நேரம் : 3.00 மணி

மதிப்பெண்கள் : 90

- I குறிப்பு : அ) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். ஆ) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும். 20 X 1 = 20
- 3 உறுப்புகள் கொண்ட கணத்தின் மீதான தொடர்புகளின் எண்ணிக்கை
அ) 9 ஆ) 81 இ) 512 ஈ) 1024
 - $A = \{(x, y) : y = \sin x, x \in R\}$ மற்றும் $B = \{(x, y) : y = \cos x, x \in R\}$ எனில் $A \cap B$ -ல்
அ) உறுப்புகளில்லை ஆ) எண்ணிலடங்கா உறுப்புகள் உள்ளன இ) ஒரே ஒரு உறுப்பு உள்ளது
ஈ) தீர்மானிக்க இயலாது
 - 343 - ன் மடக்கை 3 எனில், அதன் அடிமானம் அ) 5 ஆ) 7 இ) 6 ஈ) 9
 - $f : [-3, 3] \rightarrow S$ என்ற சார்பு $f(x) = x^2$ என வரையறுக்கப்பட்டு மேற்கோர்த்தல் எனில், S என்பது
அ) $[-9, 9]$ ஆ) R இ) $[-3, 3]$ ஈ) $[0, 9]$
 - $|x - 1| \geq |x - 3|$ என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வுக் கணம் அ) $[0, 2]$ ஆ) $[2, \infty)$ இ) $(0, 2)$ ஈ) $(-\infty, 2)$
 - $(at^2, 2at)$ என்ற புள்ளியின் நியமப்பாலை
அ) $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ஆ) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ இ) $x^2 + y^2 = a^2$ ஈ) $y^2 = 4ax$
 - $y = -x$ என்ற கோட்டிற்கு $(2, 3)$ என்ற புள்ளியின் பிம்பப்பள்ளி
அ) $(-3, -2)$ ஆ) $(-3, 2)$ இ) $(-2, -3)$ ஈ) $(3, 2)$
 - $2 + 4 + 6 + \dots + 2n$ - ன் மதிப்பு அ) $\frac{n(n-1)}{2}$ ஆ) $\frac{n(n+1)}{2}$ இ) $\frac{2n(2n+1)}{2}$ ஈ) $n(n+1)$
 - $\frac{1}{2!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{6!} + \dots$ - ன் மதிப்பு அ) $\frac{e^2+1}{2e}$ ஆ) $\frac{(e+1)^2}{2e}$ இ) $\frac{(e-1)^2}{2e}$ ஈ) $\frac{e^2-1}{2e}$
 - 38^5 ஈ 13 ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி அ) 12 ஆ) 1 இ) 11 ஈ) 5
 - $x^2 - 4y^2 = 0$ மற்றும் $x = a$ என்ற கோடுகளால் உருவாக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
அ) $2a^2$ ஆ) $\frac{\sqrt{3}}{2} a^2$ இ) $\frac{1}{2} a^2$ ஈ) $\frac{2}{\sqrt{3}} a^2$
 - 52 சீட்டுகள் உள்ள ஒரு சீட்டுக்கட்டிலிருந்து தேர்ந்தெடுக்கப்படும் 5 சீட்டுகளில் குறைந்தபட்சம் ஒரு இராஜா சீட்டு இருக்குமாறு உள்ள வழிகளின் எண்ணிக்கை
அ) $52C_5$ ஆ) $48C_5$ இ) $52C_5 + 48C_5$ ஈ) $52C_5 - 48C_5$
 - 3 விரல்களில், 4 மோதிரங்களை அணியும் வழிகளின் எண்ணிக்கை அ) $4^3 - 1$ ஆ) 3^4 இ) 68 ஈ) 64
 - 2, 4, 5, 7 ஆகிய அனைத்து எண்களையும் பயன்படுத்தி உருவாக்கப்படும் நான்கு இலக்க எண்களில் 10 ஆவது இடத்திலுள்ள அனைத்து எண்களின் கூடுதல் அ) 432 ஆ) 108 இ) 36 ஈ) 18
 - பின்வருவனவற்றில் எது சரியானதல்ல?
அ) $\sin \theta = -3/4$ ஆ) $\cos \theta = -1$ இ) $\tan \theta = 25$ ஈ) $\sec \theta = 1/4$
 - ஒரு சக்கரமானது 2 ஆரையன்கள் அளவில் / விகலைகள் சுழல்கிறது. எனில் 10 முழு சுற்று சுற்றுவதற்கு எத்தனை விகலைகள் எடுத்துக் கொள்ளும்?
அ) 10π விகலைகள் ஆ) 20π விகலைகள் இ) 5π விகலைகள் ஈ) 15π விகலைகள்
 - $4\sin^2 x + 3\cos^2 x + \sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{2}$ இன் மீப்பெரு மதிப்பு அ) $4 + \sqrt{2}$ ஆ) $3 + \sqrt{2}$ இ) 9 ஈ) 4
 - $f(\theta) = |\sin \theta| + |\cos \theta|$, $\theta \in R$ எனில், $f(\theta)$ அமையும் இடைவெளி
அ) $[0, 2]$ ஆ) $[1, \sqrt{2}]$ இ) $[1, 2]$ ஈ) $[0, 1]$
 - $x^2 - px + q = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் a மற்றும் b எனில், $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = ?$
அ) $\frac{p}{q}$ ஆ) $\frac{q}{p}$ இ) $\frac{r}{p}$ ஈ) $\frac{r}{q}$
 - -55° என்ற கோணம் எந்தக் காற்பகுதியில் அமையும்
அ) முதல் காற்பகுதி ஆ) இரண்டாம் காற்பகுதி இ) மூன்றாம் காற்பகுதி ஈ) நான்காம் காற்பகுதி

11 - கணிதம் பக்கம் - 1

II குறிப்பு : அ) எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

ஆ) வினா எண் 30 க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

7 X 2 = 14

21. P(A) என்பது A என்ற கணத்தில் அடங்குகணத்தைக் குறித்தால் $n(P(P(P(\phi))))$ இன் மதிப்புக் காண்க?

22. தீர்வு காண்க. $|3 - x| < 7$.

23. 18° பாகையை ஆரையனாக மாற்றுக.

24. மதிப்புக் காண்க. $100_{C_{99}}$

25. $x - 2y - 3 = 0$ மற்றும் $x + y + 5 = 0$ என்ற தனித்தனிச் சமன்பாடுகளைக் கொண்ட கோடுகளின் ஒருங்கிணைந்த சமன்பாட்டை காண்க.

26. $\log \frac{a^2}{bc} + \log \frac{b^2}{ca} + \log \frac{c^2}{ab} = 0$ என நிறுவுக.

27. $\frac{6!}{n!}$ எனில் -ன் மதிப்புக் காண்க.

28. $\sqrt{3}x - y + 4 = 0$ என்ற கோட்டை வெட்டுத்துண்டு வழுவத்திற்கு மாற்றுக.

29. $\sin 50^\circ + \sin 20^\circ$ என்ற கூட்டலை பெருக்கலாக மாற்றவும். 30. $(2x + 3)^5$ -ன் விரிவாக்கம் காண்க.

III குறிப்பு : அ) எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

ஆ) வினா எண் 40 க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

7 X 3 = 21

31. ஒரு முக்கோணத்தின் மூன்று கோணங்களின் விகிதங்கள் 1 : 2 : 3 எனில் அதன் பக்கங்களின் விகிதங்கள் $1 : \sqrt{3} : 2$ என நிறுவுக.

32. IITJEE என்ற வார்த்தையில் உள்ள அனைத்து எழுத்துக்களையும் என்னா வழிகளிலும் வரிசை மாற்றம் செய்து உருவாக்கப்படும் எழுத்துச் சரங்களை ஆங்கில அகராதியில் உள்ளவாறு வரிசைப்படுத்தும்போது IITJEE என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

33. $S = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ எனும் கணத்தின் மீது தொடர்பு $R = \{(1,1) (2,2) (3,3) \dots (n,n)\}$ எனில் மூன்று அடிப்படைத் தொடர்புகளையும் சோதிக்கவும்.

34. $3x - 9 \geq 0$, $4x - 10 \leq 6$ என்ற அசமன்பாட்டைத் தொகுப்பினைத் தீர்க்கவும்.

35. a, b, c ஆகியவை இசைத்தொடராக இருந்தால் $\frac{a}{c} = \frac{a-b}{b-c}$ என நிறுவுக. இதன் மறுதலையும் உண்மை என நிறுவுக.

36. $(3,0)$ மற்றும் $(5,2)$ ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டை $(3,0)$ ஐ மையமாகக் கொண்டு 15 கழிக்கார எதிர்சுற்றில் சுழற்றும் போது புதிய நிலையில் நேர்கோட்டுச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

37. $x^3 - x^2 - 17x = 22$ -ன் ஒரு மூலம் $x = -2$ எனில், பிற மூலங்களைக் காண்க.

38. நிறுவுக. $\frac{\tan \theta + \sec \theta - 1}{\tan \theta - \sec \theta + 1} = \frac{1 + \sin \theta}{\cos \theta}$

39. $f: R \rightarrow R$ என்ற சார்பு $f(x) = 2x - 3$ என வரையறுக்கப்படும் f ஒரு இருபுறச்சார்பு என நீருபித்து. அதன் நேர்மாறினைக் காண்க.

40. நிறுவுக. $\frac{\sin \theta + \sin 2\theta}{1 + \cos \theta + \cos 2\theta} = \tan \theta$.

IV குறிப்பு : அ) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7 X 5 = 35

41. அ) $y = |x|$ என்ற வளைவரையின் மூலம் i) $y = |x-1|+1$ ii) $y = |x+1|-1$ iii) $y = |x+2|+3$ ஆகியவற்றை வரைக. (அல்லது) ஆ) A மற்றும் B எனும் இரு கணங்கள், $n(B-A) = 2n(A-B) = 4n(A \cap B)$ மற்றும் $n(A \cup B) = 14$ என அமைந்தால், $n(P(A))$ காண்க.

42. அ) $\frac{\log x}{y-x} = \frac{\log y}{z-x} = \frac{\log z}{x-y}$ எனில் $xyz = 1$ எனக் காண்க. (அல்லது) ஆ) நேப்பியர் சூத்திரத்தைக் கூறி நிறுவுக.

43. அ) $A + B + C = 180^\circ$ எனில் $\sin 2A + \sin 2B + \sin 2C = 4 \sin A \sin B \sin C$ என நிறுவுக. (அல்லது)

ஆ) $\frac{\cos^4 \alpha + \sin^4 \alpha}{\cos^2 \beta + \sin^2 \beta} = 1$ எனில் i) $\sin^4 \alpha + \sin^4 \beta = 2 \sin^2 \alpha \sin^2 \beta$ ii) $\frac{\cos^4 \beta + \sin^4 \beta}{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha} = 1$ என நிறுவுக.

44. அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் நிறுவுக. $1! + (2 \times 2!) + (3 \times 3!) + \dots + (n \times n!) = (n+1)! - 1$ (அல்லது)

ஆ) பின்வரும் தொடரின் முதல் உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க. $8 + 88 + 888 + 8888 + \dots$

45. அ) $\lambda x^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ என்பது இரு இரட்டை நேர்கோட்டை குறிக்கும் எனில்

i) λ -ன் மதிப்பு ii) இரு கோடுகளுக்கு இடைபட்ட கோணம் காண்க. (அல்லது)

ஆ) $x^2 - 4xy + y^2 = 0$ மற்றும் $x + y = 3$ ஆகிய நேர்கோடுகள் ஒரு சமபக்க முக்கோணத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.

46. அ) x ஒரு பெரிய எண் எனில் $\sqrt[3]{x^3 + 7} - \sqrt[3]{x^3 + 4}$ -ன் மதிப்பு தோராயமாக $\frac{1}{2}$ என நிறுவுக. (அல்லது)

ஆ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் மூலம் என்னா இயல் எண்கள் n க்கும் $\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n+1}$ என நிறுவுக.

47. அ) பகுதிப் பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும் $\frac{2x}{(x^2+1)(x-1)}$. (அல்லது) ஆ) $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$ இவற்றில் ஒரு கோடு ஆய அச்சுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தின் இரு சமவெட்டி எனில் $(a+b)^2 = 4h^2$ என நிறுவுக.

II - கன்தம் பக்கம் - 2