

## 2<sup>nd</sup> Mid term Test -2019 - 10<sup>th</sup> Std -Trichy- Maths Answer Key

Prepared by Mr.A.Senthilnathan M.Sc.,B.Ed

TC Reg.No.

**இரண்டாம் இடைப்பருவ பொதுத் தேர்வு - 2019**

காலம்: 1.30 மணி வகுப்பு - 10 மதிப்பெண்கள்: 50

கணக்கு  
பகுதி - I

1. சரியான விடையைத் தேர்வு செய்க. 6 x 1 = 6

1.  $q^2x^2 + p^2x^2 + r^2 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்களின் வர்க்கங்கள்  $qx^2 + px + r = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில் Q, P, R என்பன

a) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் உள்ளன  b) ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையில் உள்ளன

c) கூட்டுத்தொடர் வரிசை மற்றும் பெருக்குத்தொடர் வரிசை இரண்டிலும் உள்ளன

d) இதில் எதுவும் இல்லை

2.  $\begin{pmatrix} \sin \theta \\ \cos \theta \\ \tan \theta \end{pmatrix}$  என்ற அணியின் வரிசை

a) 1 x 3 b) 1 x 1  c) 3 x 1 d) எதுவும் இல்லை

3. ஒரு நேர்வட்ட உருளையின் அக்க அதன் விட்டத்திற்கு \_\_\_\_\_ அளமாயும்.

a) இரண்டையாக b) சமமாக  c) செங்குத்தாக d) இணை மற்றும் சமம்

4. 1 செ.மீ ஆரமும் 5 செ.மீ உயரமும் கொண்ட ஒரு மா உருளையில் இருந்து அதிகபட்சக் கன அளவு கொண்ட கோளம் வெட்டி எடுக்கப்படுகிறது. எனில் அதன் கன அளவு

a)  $\frac{4}{3}\pi$  b)  $\frac{10}{3}\pi$  c)  $5\pi$  d)  $\frac{20\pi}{3}$

5. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது

a)  $P(A) > 1$  b)  $0 \leq P(A) \leq 1$  c)  $P(\emptyset) = 0$  d)  $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

பகுதி - II

II. எவையேனும் ஐந்து விவாக்கங்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 12க்கு கட்டாயம் . 5 x 2 = 10

6. அலகு அணி என்றால் என்ன?

7.  $A = \begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$  எனில்  $AA^T$  காண்க.

8.  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  என்பன  $x^2 + 7x + 10 = 0$  ன் தீர்வுகள் எனில்  $\alpha^2 - \beta^2$  ன் மதிப்பைக் காண்க

9. ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் கன அளவு 11088 க.செ.மீ ஆகும். கூம்பின் உயரம் 24 செ.மீ எனில் அதன் ஆரம் காண்க.

2

10-கணிதம்

10. ஒரு திண்டைக் கோளம் மற்றும் திண்டை அரைக்கோளத்தின் மொத்தப் பரப்பு சமமானதாக இருக்குமானால் அவற்றின் கன அளவுகளின் விகிதம்  $3\sqrt{3} : 4$  என நிரூபி.
11. இரண்டு நாணயங்கள் ஒன்றாகக் கண்டப்படுகின்றன. இரண்டு நாணயங்களிலும் வெவ்வேறு முகங்கள் கண்டப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?
12.  $\sqrt{x^2 - 2x} + 3\sqrt{2} = 0$  என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் தன்மையைக் கூறுக.

பகுதி - III

- III. எவையேனும் ஐந்து வினாவுக்கு விடையளி. வினா எண் 19 கட்டாயம்.  $5 \times 5 = 25$
13. 10 செ.மீ ஆரமுள்ள ஓர் அலுமினியக்கோளம் உருக்கப்பட்டு 8 செ.மீ ஆரமுள்ள ஓர் உருளையாக மாற்றப்படுகிறது. உருளையின் உயரம் காண்க.

14.  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  என்பன  $5x^2 + 7x - 2 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில்  $\frac{\alpha^2}{\beta} + \frac{\beta^2}{\alpha}$  ன் மதிப்பைக் காண்க.

15.  $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$  எனில்  $A^2 - 5A + 7I_2 = 0$  என நிறுவுக.

16. இரண்டு பகடைகள் ஒருமுறை உருட்டப்படுகின்றன. முதல் பகடையில் முக மதிப்பு இரட்டைப்படை என அல்லது முக மதிப்புகளின் கூடுதல் 8 ஆகக் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

17.  $A = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$  மற்றும்  $I = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  எனில்  $A^2 - (a+d)A + (bc - ad)I_2 = 0$  என நிறுவுக.

18. உயரம் 16 செ.மீ உடைய ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்ட வடிவில் அமைந்த கொள்கலன் ஒன்றின் மேற்புரம் திறந்த நிலையில் உள்ளது. கீழ்ப்புற ஆரம் 8 செ.மீ மற்றும் மேற்புற ஆரம் 20 செ.மீ கொண்ட கொள்கலனில் முழுளையாக பால் நிரப்பப்படுகிறது. ஒரு லிட்டர் பாலின் விலை ரூ.40 எனில் நிரப்பப்படும் பாலின் மொத்த விலையைக் காண்க.

19. ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் கர்ணம் 25 செ.மீ மற்றும் அதன் சுற்றளவு 56 செ.மீ எனில் முக்கோணத்தின் சிறிய பக்கத்தின் அளவைக் காண்க.

IV. விடையளி.

 $2 \times 5 = 10$ 

20. 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைந்து வட்டத்தின் மையத்தில் இருந்து 8 செ.மீ தொலைவில் P என்ற புள்ளியை குறிக்கவும். அப்புள்ளியிலிருந்து PA மற்றும் PB என்ற இரு தொடுகோடுகள் வரைந்து அதன் நீளங்களை அளந்து எடுத்துக்.

21.  $y = x^2 - 4x + 3$  ன் வரைபடம் வரைந்து அதன் மூலம்  $x^2 - 6x + 9 = 0$  என்ற சமன்பாட்டை தீர்க்கவும்.

\*\*\*\*\*

9<sup>th</sup> Maths - 2<sup>nd</sup> Mid term Test

தமிழக அரசு கல்வித்துறை - 2019

நேரம்: 4:10

பகுதி - I

1. b) ஒரு சதுரத்தின் பக்கம்
2. c)  $3 \times 1$
3. c)  $0.8660254$
4. a)  $\frac{4}{3}\pi$
5. d)  $P(A) > 1$

பகுதி - II

10) ஒரு சதுரத்தின் பக்கம்  $r$  எனில் அதன் சுற்றளவு  $4r$  மற்றும் அதன் பரப்பளவு  $r^2$  ஆகும். இவற்றின் விகிதம்  $\frac{4r}{r^2} = \frac{4}{r}$  எனில்  $r = 4$  எனும்போது  $4r = 16$  மற்றும்  $r^2 = 16$  ஆகும்.

$$I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

17)  $AA^T = \begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$

$$= \begin{pmatrix} \cos^2 \theta + \sin^2 \theta & -\cos \theta \sin \theta + \sin \theta \cos \theta \\ -\sin \theta \cos \theta + \cos \theta \sin \theta & \sin^2 \theta + \cos^2 \theta \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= I$$

8)  $x^2 + 7x + 10 = 0$

$a = 1, b = 7, c = 10$

பேர்மீட்டர்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$

$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$

$\alpha + \beta = -\frac{7}{1} = -7$

$\alpha - \beta = \frac{c}{a}$

$\alpha - \beta = \frac{10}{1} = 10$

$$\alpha - \beta = \sqrt{(\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta}$$

$$= \sqrt{(-7)^2 - 4(10)} = \sqrt{49 - 40} = \sqrt{9} = 3$$

$\therefore \alpha - \beta = 3$

$$\alpha^2 - \beta^2 = (\alpha + \beta)(\alpha - \beta)$$

$$= (-7) \times 3 = -21$$

9) சதுரத்தின் பக்கம்  $h$

சதுரத்தின் பரப்பளவு  $11088$  ஆகும்.

$$\frac{1}{2} \pi r^2 h = 11088$$

$$\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times r^2 \times 21 = 11088$$

$$r^2 = \frac{11088 \times 3 \times 7}{22 \times 24}$$

$$r^2 = 441$$

$$r = \sqrt{441}$$

$$r = 21$$

சதுரம் =  $21 \times 21$

10) சதுரத்தின் பக்கம்  $r$

சதுரத்தின் சுற்றளவு  $4\pi r$  மற்றும் அதன் பரப்பளவு  $\pi r^2$  ஆகும்.

$$\frac{4\pi r}{\pi r^2} = \frac{3\pi}{4\pi}$$

$$\frac{4}{r} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{r}{4} = \frac{3}{2}}$$

சதுரத்தின் பக்கம்  $r = 6$

சதுரத்தின் பரப்பளவு  $\pi r^2 = \pi \times 6^2 = 36\pi$

சதுரத்தின் சுற்றளவு  $4\pi r = 4\pi \times 6 = 24\pi$

$\therefore$  சதுரத்தின் பரப்பளவு  $\frac{36\pi}{24\pi} = \frac{3}{2} = 1.5$

11) சதுரத்தின் பக்கம்  $h$

சதுரத்தின் பரப்பளவு  $11088$  ஆகும்.

$n(S) = 4$

சதுரத்தின் பக்கம்  $h$

சதுரத்தின் பரப்பளவு  $11088$  ஆகும்.

$A = \{HT, TH\}$

$n(A) = 2$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

12)  $\sqrt{2}t^2 - 3t + 3\sqrt{2} = 0$

$a = \sqrt{2}, b = -3, c = 3\sqrt{2}$

சதுரத்தின் பக்கம்  $h$

$\Delta = b^2 - 4ac$

$$= (-3)^2 - 4(\sqrt{2})(3\sqrt{2})$$

$$= 9 - 24 = -15 < 0$$

$\Delta < 0$

$\therefore$  சதுரத்தின் பக்கம்  $h$

சதுரத்தின் பரப்பளவு  $11088$  ஆகும்.



13) சதுரத்தின் பரப்பளவு:  
 ஆரம் (R) = 12 செ.மீ  
 பரப்பளவு =  $\frac{1}{2} \pi R^2$   
 $= \frac{1}{2} \pi \times 12 \times 12$

2) கூம்பின்:

ஆரம் (r) = 8 செ.மீ  
 உயரம் h = 12 செ.மீ  
 பரப்பளவு =  $\pi r^2 h$   
 $= \pi \times 8 \times 8 \times 12$

கூம்பின் பரப்பளவு:

$\pi r^2 h = \frac{1}{2} \pi \times 12 \times 12$   
 $h = \frac{\pi \times 12 \times 12 \times 2}{\pi \times 8 \times 8}$

$h = 36$

∴ கூம்பின் உயரம் (h) = 36 செ.மீ

14)  $3x^2 + 7x - 2 < 0$  ; குறிகள் 2 வரையில்

a = 3, b = 7, c = -2

கு.அ =  $-\frac{b}{2a}$

அ.ப =  $-\frac{7}{6}$

கு.அ =  $\frac{7}{6}$

அ.ப =  $-\frac{2}{3}$

$\frac{x^2}{a} + \frac{p^2}{4} = \frac{x^2 + p^2}{4p}$

$= \frac{(x+p)^2 - 3xp}{4p}$

$= \frac{(-\frac{7}{6})^2 - 3(-\frac{2}{3})(-\frac{7}{6})}{-\frac{2}{3}}$

$= \frac{-\frac{343}{27} - \frac{42}{9}}{-\frac{2}{3}}$

$= \frac{-\frac{343-126}{27}}{-\frac{2}{3}} = \frac{+469/27}{+2/3}$

$= \frac{469}{27} \times \frac{3}{2}$

$\frac{x^2}{a} + \frac{p^2}{4} = \frac{469}{18}$

15)  $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

$A^2 = A \times A$

$= \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$

$= \begin{bmatrix} 9-1 & 3+2 \\ -3-2 & -1+4 \end{bmatrix}$

$A^2 = \begin{bmatrix} 8 & 5 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$

$A^2 - 6A + 7I_2 = \begin{bmatrix} 8 & 5 \\ -5 & 3 \end{bmatrix} - 6 \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} + 7 \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$   
 $= \begin{bmatrix} 8-5 & 5-6 \\ -5+6 & 3-12 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 7 & 0 \\ 0 & 7 \end{bmatrix}$   
 $= \begin{bmatrix} 3-1 & -1-6 \\ -2+7 & 3-10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -7 \\ 5 & -7 \end{bmatrix}$

∴  $A^2 - 6A + 7I_2 = 0$

16)

பெரிய உருவகம்  $2 \times 2$  உருவகம்

பெரிய உருவகம் (S) = { (1,1) (1,2) (1,3) (1,4) (1,5) (1,6)  
 (2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)  
 (3,1) (3,2) (3,3) (3,4) (3,5) (3,6)  
 (4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)  
 (5,1) (5,2) (5,3) (5,4) (5,5) (5,6)  
 (6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6) }

n(S) = 36

பெரிய உருவகம் (A) = { (2,1) (2,2) (2,3) (2,4) (2,5) (2,6)  
 (4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (4,5) (4,6)  
 (6,1) (6,2) (6,3) (6,4) (6,5) (6,6) }

n(A) = 18  
 $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{18}{36}$

பெரிய உருவகம் (B) = { (2,6) (3,5) (4,4) (5,3) (6,2) }

n(B) = 5  
 $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{5}{36}$

$A \cap B = \{ (2,6) (4,4) (6,2) \}$

n(A ∩ B) = 3

$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{3}{36}$

$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

$= \frac{18}{36} + \frac{5}{36} - \frac{3}{36}$

$= \frac{18+5-3}{36} = \frac{20}{36} = \frac{5}{9}$

18)

கூம்பின் பரப்பளவு  $\frac{1}{2} \pi h (R^2 + Rr + r^2)$

ஆரம் (R) = 20 செ.மீ

ஆரம் (r) = 8 செ.மீ

உயரம் (h) = 16 செ.மீ

பரப்பளவு =  $\frac{1}{2} \pi h (R^2 + Rr + r^2)$

$= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 16 (20^2 + 20 \times 8 + 8^2)$

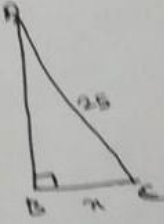
$= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 16 (400 + 160 + 64)$

9<sup>th</sup> Maths - 2<sup>nd</sup> Mid term Test

$$\begin{aligned}
 \text{Area of triangle} &= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 16 \times \frac{20}{2} \\
 &= \frac{73916}{7} \text{ cm}^2 \\
 &= 10459.42 \text{ cm}^2 \\
 &= \frac{10459.42}{1000} = 10.45942 \text{ m}^2 \quad [1 \text{ m}^2 = 10000 \text{ cm}^2] \\
 &= 10.45942 \text{ m}^2 \\
 \text{Cost of painting} &= ₹ 40 \\
 \therefore 10.45942 \text{ m}^2 \text{ Cost} &= ₹ 10.45942 \times 40 \\
 &= ₹ 418.36
 \end{aligned}$$

19

Right angled triangle ABC with  
 right angle at B. BC = x cm.  
 Hypotenuse AC = 25 cm.  
 Perimeter = 56 cm.



$$\begin{aligned}
 \therefore AB + BC + CA &= 56 \\
 AB + x + 25 &= 56 \\
 AB &= 56 - 25 - x \\
 \boxed{AB} &= \boxed{31 - x}
 \end{aligned}$$

By Pythagoras theorem,

$$\begin{aligned}
 AB^2 + BC^2 &= AC^2 \\
 (31 - x)^2 + x^2 &= 25^2 \\
 961 - 62x + x^2 + x^2 &= 625 \\
 \Rightarrow 2x^2 - 62x + 961 - 625 &= 0 \\
 2x^2 - 62x + 336 &= 0
 \end{aligned}$$

2-2nd method,

$$\begin{aligned}
 x^2 - 31x + 168 &= 0 \\
 (x - 7)(x - 24) &= 0 \\
 x - 7 = 0, \quad x - 24 = 0 \\
 x = 7, \quad x = 24
 \end{aligned}$$

x = 24 is not possible because  
 $\therefore \boxed{x = 7}$   
 Hypotenuse = 7 cm