

CHENNAI PATTV - DISTRICT

வகுப்பு : 11

அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - 2022-23

தேர்வு
எண்

வணிகக்கணிதம் மற்றும் புள்ளியியல்

நேரம் : 3.00 மணி

[மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90]

பகுதி - I

குறிப்பு : (i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி. (ii) சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடு. 20X1=20
(ii) கொடுக்கப்பட்ட நான்கு விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதுக.

- உள்ளிடு - வெளியீடு பகுப்பாய்வு செயல்படும் வாய்ப்பிற்கான ஹாக்கின்ஸ் - சைமன் நிபந்தனைகளின் எண்ணிக்கை.
(a) 1 (b) 3 (c) 4 (d) 2
- $\begin{vmatrix} x & 2 \\ 8 & 5 \end{vmatrix} = 0$ எனில் x ன் மதிப்பு
(a) $\frac{-5}{6}$ (b) $\frac{5}{6}$ (c) $\frac{-16}{5}$ (d) $\frac{16}{5}$
- $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$ என்பதன் விரிவின் நடுஉறுப்பு ஆனது
(a) $10C_4 \left(\frac{1}{x}\right)$ (b) $10C_5$ (c) $10C_6$ (d) $10C_7 x^4$
- வெவ்வேறு இலக்கங்களை உடைய 9 இலக்க எண்களின் மொத்த எண்ணிக்கை
(a) $10!$ (b) $9!$ (c) $9 \times 9!$ (d) $10 \times 10!$
- $kx^2 + 3xy - 2y^2 = 0$ என்பது செங்குத்து இரட்டை நோக்கோடுகளை குறிக்குமெனில் k =
(a) $\frac{1}{2}$ (b) $\frac{-1}{2}$ (c) 2 (d) -2
- குவியம் வழிச் செல்லும் இரட்டை குத்தாயம் என்பது
(a) குவியநாண் (b) செவ்வகலம் (c) இயக்குவரை (d) அச்சு
- $\sin 15^\circ$ ன் மதிப்பு
(a) $\frac{\sqrt{3}+1}{2\sqrt{2}}$ (b) $\frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$ (c) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ (d) $\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$
- $\tan A = \frac{1}{2}$ மற்றும் $\tan B = \frac{1}{3}$ எனில் $\tan (2A + B)$ ன் மதிப்பு
(a) 1 (b) 2 (c) 3 (d) 4
- $\sin 63^\circ \cos 27^\circ + \cos 63^\circ \sin 27^\circ$ ன் மதிப்பு
(a) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (b) 1 (c) $\frac{-1}{\sqrt{2}}$ (d) 0
- $y = e^x$ என்ற வரைபடமும் y அச்சம் வெட்டும் புள்ளி
(a) (0, 0) (b) (1, 0) (c) (0, 1) (d) (1, 1)
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = \text{_____}$
(a) e (b) nx^{n-1} (c) 1 (d) 0

CH/B.Mat 11/1

12. $y = x^2$ மற்றும் $z = -x^2$ எனில் $dy/dz = \text{-----}$
 (a) x^2 (b) 1 (c) $-x^2$ (d) -1
13. $x = 2$ -ல் x ஐப் பொறுத்து $y = 2x^2 + 5x$ -ன் உடனடி மாறுவீதம்
 a) 4 b) 5 c) 13 d) 9
14. தேவைச்சார்பு எப்பொழுதும்
 (a) கூடும் சார்பு (b) குறையும் சார்பு (c) குறையற்ற சார்பு d) வரையறுக்கப்படாத சார்பு
15. 7% சரக்கு முதலை ₹ 80-க்கு வாங்கினால் கிடைக்கும் வருமான வீதம்
 (a) 9% (b) 8.75% (c) 8% (d) 7%
16. மைய போக்கின் சிறந்த அளவை என்பது
 (a) கூட்டுச் சராசரி (b) இசைச்சராசரி (c) பெருக்கல் சராசரி (d) இடைநிலை
17. சாத்தியமற்ற நிகழ்வின் நிகழ்தகவு என்பது
 (a) 1 (b) 0 (c) 0.2 (d) 0.5
18. இரு மாறிகளின் மதிப்புகள் ஒரே திசையில் நகரும் எனில் ஒட்டுறவு
 (a) எதிரிடை (b) நேரிடை
 (c) முழுமையான நேரிடை (d) ஒட்டுறவு இன்மை
19. ஒட்டுறவுக் கெழுவானது
 (a) $r = \pm \sqrt{byx \times bxy}$ (b) $r = \frac{1}{byx \times bxy}$ (c) $r = bxy \times byx$ (d) $r = \pm \sqrt{\frac{1}{bxy \times byx}}$
20. $2x + y \leq 20$, $x + 2y \leq 20$, $x > 0$, $y > 0$ என்றக் கட்டுப்பாடுகளுக்கு இணங்க $z = x + 3y$ என்ற குறிக்கோள் சார்பின் மீச்சிறு மதிப்பு
 (a) 10 (b) 20 (c) 0 (d) 5

பகுதி - II

குறிப்பு : ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளி.

வினா எண் : 30 கட்டாய வினா

7x2=14

21. $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$ எனில் $|AB|$ யைக் காண்க.

22. ஈருறுப்புத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி $(98)^3$ ன் மதிப்பு காண்க.

23. $x^2 + y^2 + 8x + 4y + 8 = 0$ என்ற வட்டத்திற்கு (2,3) என்ற புள்ளியிலிருந்து வரையப்படும் தொடுகோட்டின் நீளம் காண்க.

24. $\tan 75^\circ$ ன் மதிப்பு காண்க.

25. $x = 2p^2 - 5p + 1$, $p > 3$ என்ற அளிப்புச் சார்புக்கு அளிப்பு நெகிழ்ச்சியைக் காண்க.

26. ஆண்டிற்கு 5% என்ற கூட்டுவட்டியில் உள்ள நிரந்தர பங்கிட்டு தவணைத் தொகை ₹ 50-க்கான வைப்புத் தொகையைக் காண்க.

27. ஒரு பகடை உருட்டப்படும்போது 1) ஒரு பகா எண் பெறுவதற்கான நிகழ்தகவு காண்க. 2) மூன்று அல்லது மூன்றை விட பெரிய எண்ணைப் பெறுவதற்கான நிகழ்தகவு காண்க.

28. $\Sigma xy = 120$; $\Sigma x^2 = 90$; $\Sigma y^2 = 640$ என்ற விவரங்களுக்கு ஒட்டுறவுக் கெழுவைக் காண்க.

29. கீழ்க்கண்ட நிகழ்தகவுகளை கொண்ட திட்டத்தின் வலையமைப்பை வரைக.

நிகழ்வுகள்	1	2	3	4	5	6	7
உடனடி முந்தைய நிகழ்வு	-	1	1	2,3	3	4,5	5,6

CH/B.Mat 11/2

30. $x e^x$ -யை x ஐப் பொறுத்து வகையிடுக.

பகுதி - III

குறிப்பு : ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளி.

வினா எண் 40 கட்டாய வினா.

7x3=21

31. $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 7 \\ 4 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{bmatrix} 4/35 & 11/35 & -5/35 \\ -1/35 & -6/35 & 25/35 \\ 6/35 & 1/35 & -10/35 \end{bmatrix}$ என்ற அணிகள் ஒன்றுக்கொன்று நேர்மாறு எனக்காட்டுக.

32. $nP_r = 1680$, $nC_r = 70$ எனில் n மற்றும் r ன் மதிப்பைக் காண்க.

33. $3x^2 - 5xy - 2y^2 + 17x + y + 10 = 0$ என்ற இரட்டை நேர்க்கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க.

34. $\sin 600^\circ \cdot \cos 390^\circ + \cos 480^\circ \cdot \sin 150^\circ = -1$ என நிறுவுக

35. மதிப்பிடுக. $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^{3/5} - a^{3/5}}{x^{1/5} - a^{1/5}}$

36. $f(x) = x^2 + 2x - 5$ என்ற சார்பின் தேக்கநிலைப்புள்ளி மற்றும் தேக்க நிலை மதிப்பினைக் காண்க.

37. ஆண்டிற்கு 10% வட்டி விகிதத்தில் ஒவ்வொரு ஆண்டும் செலுத்தப்படும் சாதாரண தவணைப் பங்கிட்டுத்தொகை ₹ 3200-க்கு 12 ஆண்டுகளுக்கான முதிர்வுத் தொகையினைக் காண்க. $(1.1)^{12} = 3.1384$

38. பத்து மாணவர்கள் வணிகவியல் மற்றும் கணக்குப்பதிவியல் பாடத்தில் பெற்றத் தரங்கள் பின்வருமாறு

வணிகவியல்	6	4	3	1	2	7	9	8	10	5
கணக்குப்பதிவியல்	4	1	6	7	5	8	10	9	3	2

இரு பாடங்களில் மாணவர்களின் அறிவு எந்த அளவுக்குத் தொடர்புடையது எனக் காண்க.

39. கீழ்க்கண்ட செயல்களைக் கொண்ட திட்டத்தின் வலையமைப்பை வரைக.

செயல்கள் A, B, C ஒரே நேரத்தில் ஆரம்பிக்கப்படும். $A < F$, E ; $B < D$, C ; E , $D < G$

40. 12, 15, 20, 28, 30, 40, 50 என்ற விவரங்களுக்கு Q_2, D_5, P_{50} ஆகியவற்றைக் காண்க.

பகுதி - IV

குறிப்பு : அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7x5=35

41. a) 4 கிலோ வெங்காயம், 3 கிலோ கோதுமை மற்றும் 2 கிலோ அரிசியின் மொத்தவிலை ₹ 320. 2 கிலோ வெங்காயம், 4 கிலோ கோதுமை, 6 கிலோ அரிசியின் மொத்தவிலை ₹ 560. 6 கிலோ வெங்காயம், 2 கிலோ கோதுமை மற்றும் 3 கிலோ அரிசியின் மொத்தவிலை ₹ 380 எனில் நேர்மாறு அணி முறையில் ஒரு கிலோவிற்கான பொருள்களின் விலையைக் காண்க.

(அல்லது)

b) $\frac{\sin(B-C)}{\cos B \cos C} + \frac{\sin(C-A)}{\cos C \cos A} + \frac{\sin(A-B)}{\cos A \cos B} = 0$ என நிறுவுக.

42. a) இரு தொழிற்சாலைகளுக்கிடையே உள்ள உற்பத்தி பரிமாற்றம் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளது.

உற்பத்தி பிரிவு	நுகர்வோர் பிரிவு		உள்நாட்டு தேவை	மொத்த வெளியீடு
	X	Y		
X	30	40	50	120
Y	20	10	30	60

தொழிற்நுட்ப அணியை கண்டுபிடிக்க. மற்றும் ஹாக்கின்ஸ் - சைமன் நிபந்தனையின் படி அமைப்பின் சாத்தியத்தை சோதிக்கவும். உள் தேவை மாற்றங்கள் முறையே 80 மற்றும் 40 அலகு எனில் ஒவ்வொரு பிரிவிலும் புது தேவையை பூர்த்தி செய்வதற்கான மொத்த வெளியீடு என்ன?

CH/B.Mat 11/3

(அல்லது)

b) $x^3 + y^3 = 3axy$, எனில் dy/dx ஐக் காண்க.43. a) $\frac{x+2}{(x-1)(x+3)^2}$ என்பதனை பகுதி பின்னங்களாக மாற்றுக.

(அல்லது)

b) கீழ்க்கண்ட நேரியல் திட்டமிடல் கணக்கைத் தீர்க்க.

 $4x_1 + x_2 \geq 40$, $2x_1 + 3x_2 \geq 90$ மற்றும் $x_1, x_2 \geq 0$ என்ற கட்டுப்பாடுகளுக்கிணங்க $Z = 5x_1 + 4x_2$ ன் மீச்சிறு மதிப்பைக் காண்க.
44. a) $(1, 0)$, $(-1, 0)$ மற்றும் $(0, 1)$ என்ற புள்ளியின் வழியாகச் செல்லக்கூடிய வட்டத்தின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

(அல்லது)

b) பின்வரும் விவரங்களுக்கு ஒட்டுறவுக் கெழுவினைக் காண்க.

X	35	40	60	79	83	95
Y	17	28	30	32	38	49

45. a) தீர்க்க: $\tan^{-1}\left(\frac{x-1}{x-2}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \frac{\pi}{4}$

(அல்லது)

b) முறையே 20%, 30% மற்றும் 50% பொருட்களை உற்பத்தி செய்யக் கூடிய A, B, C என்ற இயந்திரங்களை ஒரு நிறுவனம் கொண்டுள்ளது. அவற்றின் குறைபாடு சதவீதங்கள் முறையே நிறுவனம் கொண்டுள்ளது. அவற்றின் குறைபாடு சதவீதங்கள் முறையே 7,3 மற்றும் 5ஆகும். இந்த உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களிலிருந்து ஒன்று தேர்ந்தெடுக்கப்பட்டுப் பரிசோதிக்கப்படுகிறது. அது குறைபாடுள்ளது எனில் அது இயந்திரம் C-யினால் உற்பத்தி செய்யப்பட்டதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

46. a) $y = 500e^{7x} + 600e^{-7x}$ எனில் $y^2 - 49y = 0$ எனக் காட்டுக.

(அல்லது)

b) பின்வரும் விவரங்களுக்கு X ன் மீது Y ன் தொடர்புப் போக்குக் கோட்டினைக் காண்க.

X	1	2	3	4	5	6	7
Y	9	8	10	12	11	13	14

47. a) A என்ற பொருளின் தேவை $q = 13 - 2P_1 - 3P_2^2$ எனில் $P_1 = P_2 = 2$ என்ற மதிப்புகளுக்கு $\frac{Eq}{P_1}$ மற்றும் $\frac{Eq}{EP_2}$

என்ற பகுதி தேவை நெகிழ்ச்சிகளைக் காண்க.

(அல்லது)

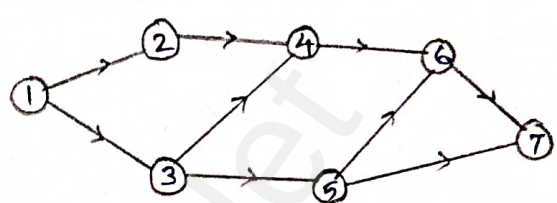
b) ₹ 80 க்கு கிடைக்கும் ₹ 100 முகமதிப்புள்ள பங்குகளில் ஒரு நபர் ₹ 96,000 முதலீடு செய்கிறார். பங்கு நிறுவனம் வழங்கும் பங்குவீதம் 18% எனில் பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

- அவர் வாங்கிய பங்குகளின் எண்ணிக்கை
- மொத்த ஈவுத் தொகை
- முதலீட்டுக்கான வருமான வீதம்

சிறியாண்டில் மொத்தத் தேர்வு - 2022-23

வகுப்பு: 11 வணிகவியல் மீறும் 40 மின்னியல் - KEY

பகுதி - I

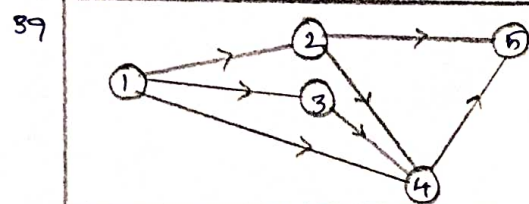
1	d	2	27. i. $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
2	d	$1\frac{1}{5}$	ii. $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$
3	b	10C5	28. $r = \frac{\sum xy}{\sqrt{\sum x^2 \sum y^2}} = \frac{120}{\sqrt{90 \times 640}} = \frac{120}{240} = 0.5$
4	c	$9 \times 9!$	29.
5	c	2	
6	b	தெய்வகலம்	30. $y = xe^x \Rightarrow \frac{dy}{dx} = x(e^x)' + (x)'e^x$ $= xe^x + 1 \cdot e^x$ $\frac{dy}{dx} = e^x(x+1)$
7	b	$\frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$	31. $AB = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 7 \\ 4 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \frac{1}{35} \begin{bmatrix} -4 & 11 & -5 \\ -1 & -6 & 25 \\ 6 & 1 & -10 \end{bmatrix} = \frac{1}{35} \begin{bmatrix} 35 & 0 & 0 \\ 0 & 35 & 0 \\ 0 & 0 & 35 \end{bmatrix}$ $= \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = I$ $AB = I = BA$
8	c	3	32. $T_0 = \frac{1680}{r!} \Rightarrow r! = 24 \Rightarrow \boxed{r=24}$
9	b	1	33. $\theta = \tan^{-1} \left[\frac{2\sqrt{h^2 - a^2}}{a+b} \right]$ $a=3$ $h=\frac{5}{2}$ $b=-2$ $= \tan^{-1} \left[\frac{2\sqrt{(\frac{5}{2})^2 - 3^2}}{1} \right] = \tan^{-1} \left[2 \times \frac{7}{2} \right]$ $\theta = \tan^{-1}(7)$
10	c	(0,1)	34. $\sin 600^\circ \cos 390^\circ + \cos 480^\circ \sin 150^\circ$ $= \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{2}\right)$ $= -\frac{3-1}{4} = -1$
11	c	1	35. $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^{3/5} - a^{3/5}}{x - a} = \frac{\frac{3}{5} a^{-2/5}}{\frac{1}{5} a^{-4/5}} = 3a^{2/5}$
12	d	-1	36. $f'(x) = 2x+2$, $x=-1$ $f(-1) = -6$ மீறல் $(-1, -6)$
13	c	13	37. $A = \frac{a}{i} [(1+i)^n - 1]$ $a=3200$ $i=0.1$ $n=12$ $= \frac{3200}{0.1} [(1+0.1)^{12} - 1] = 3200(2.1384)$ $A = ₹68428.28$
14	b	குறையும் சீர்தன்மை	C. SELVAM, M.Sc, M.Ed, ST. JOSEPH'S HSS
15	b	8.75%	
16	a	கூட்டுத் திரை	
17	b	0	
18	b	தெய்வகலம்	
19	a	$r = \pm \sqrt{byx \times xby}$	
20	c	0	
21		$AB = \begin{bmatrix} 8 & 2 \\ 7 & -2 \end{bmatrix}$, $ AB = -30$	
22		$(100)^3 = (100-2)^3$ $= 100^3 - 3(100)^2(2) + 3(100)(2)^2 - 1(2)^3$ $= 1000000 - 60000 + 1200 - 8$ $= 941192$	
23		$= \sqrt{2^2 + 3^2 + 8(2) + 4(3) + 8} = \sqrt{49} = 7$	
24		$\tan(45^\circ + 30^\circ) = \frac{\tan 45^\circ + \tan 30^\circ}{1 - \tan 45^\circ \tan 30^\circ} = 2 + \sqrt{3}$	
25		$\frac{dx}{dp} = 4p-5$, $\eta_s = \frac{p}{x} \frac{dx}{dp}$ $\eta_s = \frac{4p^2 - 5p}{2p^2 - 5p + 1}$	
26		$A = \frac{a}{i} = \frac{50}{0.05} = ₹1000$	

38.	R_x	R_y	R_z	d^2
	6	4	2	4
	4	1	3	9
	3	6	-3	9
	1	7	-6	36
	2	5	-3	9
	7	8	-1	1
	9	10	-1	1
	8	9	-1	1
	10	3	7	49
	5	2	3	9

$$\sum d^2 = 128$$

$$P = 1 - \frac{6 \sum d^2}{N(N^2-1)} \Rightarrow P = 1 - \frac{6(128)}{10(100-1)}$$

$$P = 0.2242$$



40.

$$P_{50} = \frac{50(n+1)}{100} = \frac{50(7+1)}{100} = 4$$

4 வது உறுப்பின் இடம் = 28

$$Q_2 = D_5 = P_{50} = 28$$

பகுதி - IV

41 a.

$$\begin{aligned} 4x + 3y + 2z &= 320 \\ 2x + 4y + 6z &= 560 \\ 6x + 2y + 3z &= 380 \end{aligned}$$

$$|A| = 50 \neq 0$$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} (\text{adj } A)$$

$$\text{adj } A = \begin{bmatrix} 0 & -5 & 10 \\ 30 & 0 & -20 \\ -20 & 10 & 10 \end{bmatrix}$$

$$x = 20, y = 40, z = 60$$

b.

$$\frac{\sin(B-C)}{\cos B \cos C} = \tan B - \tan C \quad \text{--- (1)}$$

$$\frac{\sin(C-A)}{\cos C \cos A} = \tan C - \tan A \quad \text{--- (2)}$$

$$\frac{\sin(A-B)}{\cos A \cos B} = \tan A - \tan B \quad \text{--- (3)}$$

$$\tan B - \tan C + \tan C - \tan A + \tan A - \tan B = 0$$

42 a.

$$B = \begin{bmatrix} 1/4 & 2/3 \\ 1/6 & 1/6 \end{bmatrix}, I-B = \begin{bmatrix} 3/4 & -2/3 \\ -1/6 & 5/6 \end{bmatrix}$$

$$|I-B| = \frac{37}{72}, \text{adj}(I-B) = \begin{bmatrix} 6/6 & 2/3 \\ 1/6 & 3/4 \end{bmatrix}$$

$$X = (I-B)^{-1} D \Rightarrow X = \begin{bmatrix} 81.62 \\ 84.32 \end{bmatrix}$$

b.

$$x^3 + y^3 = 30xy$$

$$3x^2 + 3y^2 \frac{dy}{dx} = 30 \left[x \frac{dy}{dx} + y \right]$$

$$(y^2 - ax) \frac{dy}{dx} = (ay - x^2)$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{ay - x^2}{y^2 - ax}$$

43. a.

$$= \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+3} + \frac{C}{(x+3)^2}, A = \frac{3}{16}, B = -\frac{3}{16}, C = \frac{1}{4}$$

$$= \frac{3}{16(x-1)} - \frac{3}{16(x+3)} + \frac{1}{4(x+3)^2}$$

b.

$$4x_1 + x_2 = 40, 2x_1 + 3x_2 = 90$$

x_1	0	10
x_2	40	0

x_1	0	45
x_2	30	0

மூலக்கோணங்கள்

$A(45, 0)$	225
$B(0, 30)$	127
$C(0, 45)$	160

$$x_1 = 3, x_2 = 28, Z \text{ இன் மதிப்பு} = 127$$

44. a.

$$x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$$

$$(1, 0) \Rightarrow 2g + c = -1 \quad \text{--- (1)}, (-1, 0) \Rightarrow -2g + c = -1 \quad \text{--- (2)}$$

$$(0, 1) \Rightarrow 2f + c = -1 \quad \text{--- (3)}, c = -1, g = 0, f = 0$$

$$x^2 + y^2 - 1 = 0$$

b.

$$\bar{x} = \frac{392}{6} = 65.33, \bar{y} = \frac{194}{6} = 32.33$$

$$r(x, y) = \frac{N \sum dxdy - (\sum dx)(\sum dy)}{\sqrt{N \sum dx^2 - (\sum dx)^2} \sqrt{N \sum dy^2 - (\sum dy)^2}}$$

$$= \frac{6(1178) - 2(2)}{\sqrt{6(2970) - 4} \sqrt{6(570) - 4}} = 0.906$$

45 a.

$$\tan^{-1}\left(\frac{2x^2-4}{-3}\right) = \pi/4 \Rightarrow 2x^2-4 = -3$$

$$x = \pm \frac{1}{\sqrt{2}}$$

b.

$$P(E_1) = 20/100, P(E_2) = 30/100, P(E_3) = 50/100$$

$$P(A/E_1) = 7/100, P(A/E_2) = 3/100, P(A/E_3) = 5/100$$

$$P(E_3/A) = \frac{P(E_3)P(A/E_3)}{P(E_1)P(A/E_1) + P(E_2)P(A/E_2) + P(E_3)P(A/E_3)}$$

$$P(E_3/A) = \frac{25}{48} = 0.5208$$

46. a.

$$y_1 = 500(7e^{7x}) + 600(-7e^{-7x})$$

$$y_2 = 500(49e^{7x}) + 600(49e^{-7x})$$

$$y_2 = 49y \Rightarrow y_2 - 49y = 0$$

b.

$$\sum x = 28, \sum y = 77, \sum x^2 = 140, \sum y^2 = 87$$

$$\sum xy = 334, \bar{x} = 4, \bar{y} = 11$$

$$b_{xy} = 0.929, b_{yx} = 0.929$$

$$(i) x = 0.929y - 6.219$$

$$(ii) y = 0.929x + 7.284$$

47. a.

$$\frac{\partial Q}{\partial P_1} = -2, \frac{\partial Q}{\partial P_2} = -6P_2, P_1 = P_2 = 2$$

$$\frac{EQ}{EP_1} = \frac{2P_1}{13-2P_1-3P_2} = -4/3$$

$$\frac{EQ}{EP_2} = \frac{6P_2}{13-2P_1-3P_2} = -8$$

b.

$$(i) 15.01 = \frac{96,000}{80} = 1200 \text{ பங்குகள்}$$

$$(ii) \text{மொ. ம. தொ.} = 1200 \times \frac{18}{100} \times 100 = 21,600$$

$$(iii) \text{ம. ச.} = \frac{21,600}{96,000} \times 100\% = 22.5\%$$