



வகுப்பு 11

மொத்த மதிப்பெண்கள்: 90

நேரம்: 3.00 மணி

கணிதம்

பகுதி - I

20×1=20

- 1) $|x - 1| \geq |x - 3|$ என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வுக்கணம்
a) $[0, 2]$ b) $[2, \infty]$ c) $(0, 2)$ d) $(-\infty, 2)$
- 2) $f: [-3, 3] \rightarrow S$ என்ற சார்பு $f(x) = x^2$ என வறையறுக்கப்பட்டு மேற்கோர்த்தல் எனில் S என்பது
a) $[-9, 9]$ b) R c) $[-3, 3]$ d) $[0, 9]$
- 3) If $\frac{1-2x}{3+2x-x^2} = \frac{A}{3-x} + \frac{B}{x+1}$ எனில் A+B ன் மதிப்பு
a) $-\frac{1}{2}$ b) $-\frac{2}{3}$ c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{2}{3}$
- 4) $2 \cos \frac{\pi}{13} \cos \frac{9\pi}{3} + \cos \frac{3\pi}{13} + \cos \frac{5\pi}{13}$ ன் மதிப்பு
a) 0 b) 1 c) -1 d) 2
- 5) $2 \log 10 + 3 \log 2$ ன் மதிப்பு
a) $\log 80$ b) $\log 800$ c) $\log 60$ d) $\log 400$
- 6) ஒரு தளத்தில் 10 புள்ளிகள் உள்ளன. அவற்றில் 4 ஒரே கோடமைவன ஏதேனும் இரு புள்ளிகளை இணைத்து கிடைக்கும் கோடுகளின் எண்ணிக்கை
a) 45 b) 40 c) 39 d) 38
- 7) $nC_{10} > nC_r$ ன் $0 \leq r \leq n$ எனில் n ன் மதிப்பு
a) 10 b) 21 c) 19 d) 20
- 8) A என்பது 3×3 வரிசை சதுர அணி மற்றும் $|A| = 2$ எனில் $|3A|$ ன் மதிப்பு =
a) 54 b) 6 c) 27 d) -54
- 9) $\frac{1}{\cos 80^\circ} - \frac{\sqrt{3}}{\cos 80^\circ} =$
a) $\sqrt{2}$ b) $\sqrt{3}$ c) 2 d) 4
- 10) $\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{3} + 2\sqrt{3}}$ என்ற தொடர்முறை
a) கூட்டுத்தொடர் b) பெருக்குத்தொடர்
c) இசைத்தொடர் d) கூட்டு பெருக்குத்தொடர்
- 11) $(1, 2)$ மற்றும் $(3, 4)$ ஆகிய இரு புள்ளியிலிருந்து சமத்தொலைவிலும் $2x - 3y = 5$ என்ற கோட்டின் மீதும் அமைந்துள்ள புள்ளி
a) $(7, 3)$ b) $(4, 1)$ c) $(1, -1)$ d) $(-2, 3)$
- 12) $2x^2 + kxy + 4y^2 = 0$ என்பது இணை இரட்டை நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டை குறிக்குமாயின் k ன் மதிப்பு
a) ± 8 b) $\pm 4\sqrt{2}$ c) $\pm 3\sqrt{2}$ d) $\pm 5\sqrt{2}$
- 13) A என்பது ஒரு சதுர அணி எனில், பின்ருவனவற்றுள் எது சமச்சீரல்ல?
a) $A + A^T$ b) AA^T c) $A^T A$ d) $A - A^T$
- 14) $\vec{a} - \vec{b}, \vec{b} - \vec{c}, \vec{c} - \vec{a}$ ஆகிய வெக்டர்கள்
a) ஒன்றுக்கொன்று இணையானது b) அலகு வெக்டர்
c) செங்குத்தான வெக்டர் d) ஒரு தளவெக்டர்

V11M

2

$$15) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1} =$$

a) 1

b) 0

c) -1

d) $\frac{1}{2}$

$$16) g(x) = (x^2+2x+1)f(x), f(0) = 5 \text{ மற்றும் } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)-5}{x} = 4 \text{ எனில் } g'(0) \text{ என்பது}$$

a) 20

b) 14

c) 18

d) 12

$$17) x = at^2, y = 2 \text{ எனில் } \frac{d^2y}{dx^2} \text{ என்பது}$$

a) $-\frac{1}{2at^2}$ b) $-\frac{1}{2at^3}$ c) $\frac{1}{2at^2}$ d) $\frac{1}{2at^3}$

$$18) \lambda^2 - 2\lambda - 2\lambda k \text{ என்பது ஓரலகு வெக்டர் எனில், } \lambda \text{ன் மதிப்பு}$$

a) $\frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{1}{9}$ d) $\frac{1}{2}$

$$19) \text{ ஈடுபட்ட உறுப்புகளின் குணகத்தின் கூடுதல்}$$

a) $2n$ b) 2^n c) n^2

d) 1

$$20) {}^nC_{12} = {}^nC_5 \text{ எனில் } n \text{ன் மதிப்பு}$$

a) 12

b) 6

c) 4

d) 20

பகுதி - II

II. எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும். வினா எண் 30க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்: 7x2=14

$$21) n(P(A)) = 1024, n(A \cup B) = 15 \text{ மற்றும் } n(P(B)) = 32, \text{ எனில் } n(A \cap B) \text{ காண்க.}$$

$$22) \text{ தீர்க்க: } |2x-3| = |x-5|$$

$$23) \text{ மதிப்பு காண்க: } \left(\left((256)^{-1/2} \right)^{-1/4} \right)^3$$

$$24) \text{ மதிப்பு காண்க: (i) } \tan 105^\circ \quad \text{(ii) } \sec^{-1}(-\sqrt{2})$$

$$25) 10P_r = 7P_{r+2} \text{ எனில் 'r' ஐக் காண்க.}$$

$$26) 12, G_1, G_2, G_3, G_4, \frac{3}{8} \text{ என்ற தொடர்முறை பெருக்குத் தொடர்முறையாக இருக்குமாறு } G_1, G_2, G_3, G_4 \text{ என்ற நான்கு எண்களைக் காண்க.}$$

$$27) a_{ij} = i-j \text{ எனில் } A = [a_{ij}]_{3 \times 3} \text{ என்ற அணியை உருவாக்குக. மேலும் } A \text{ என்பது சமச்சீர் அணியா அல்லது எதிர்சமச்சீர் அணியா எனக் கூறுக.}$$

$$28) \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{\sqrt{2}}, a \right) \text{ ஆகியவை ஒரு வெக்டரின் திசைக்கொசைன்களாயின் 'a'ன் மதிப்பைக் காண்க.}$$

$$29) x^2+y^2 = 1 \text{ எனில் } \frac{dy}{dx} \text{ ஐக் காண்க.}$$

$$30) 3x-4y+5 = 0 \text{ மற்றும் } 6x-8y-15 = 0 \text{ அகிய இணைக்கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.}$$

V11M

3
பகுதி - III

III. எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும். வினா எண் 40க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்: 7×3=21

31) $\frac{1}{2 \cos x - 1}$ என்ற சார்பின் வீச்சகத்தைக் காண்க.

32) $\log_2 x - 3 \log_{1/2} x = 6$ ன் தீர்வு காண்க.

33) $A+B = 45^\circ$ எனில் $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$ என நிறுவுக.

34) BLEAT என்ற வார்த்தையில் உள்ள எழுத்துகளை வரிசை மாற்றத்திற்கு உட்படுத்தி எத்தனை எழுத்துச் சரம் பெறலாம்?

35) $\sqrt{3} + \sqrt{75} + \sqrt{243} + \dots$ என்ற தொடரின் n உறுப்புகளின் கூடுதல் $435\sqrt{3}$ எனில் n ன் மதிப்பு காண்க.

36) மதிப்பு காண்க: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 3^x}{x}$

37) $A(3, -1, 2)$ $B(1, -1, -3)$ $C(4, -3, 1)$ ஆகியவற்றை உச்சிப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பளவைக் காண்க.

38) $A = \begin{bmatrix} 1/2 & \alpha \\ 0 & 1/2 \end{bmatrix}$ எனில் $\sum_{k=1}^n \det(A^k) = \frac{1}{3} \left(1 - \frac{1}{4}n\right)$ என நிறுவுக.

39) ஆதியிலிருந்து $x-2y = 5$ என்ற கோட்டின் மீது மிக அண்மையில் அமைந்துள்ள புள்ளியைக் காண்க.

40) வகையிடுக: $x^y = y^x$.

பகுதி - IV

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்:

7×5=35

41) a] இயல் எண்களில் கணத்தில் R என்பது $2a+3b = 30$ எனில் $a \in R$ என வரைறுக்கப்படுகிறது. R ல் உள்ள உறுப்புகளை எழுதுக. அது (i) தற்சுட்டு (ii) சமச்சீர் (iii) கடப்பு (iv) சமானத் தொடர்பா என்பதைச் சரிபார்க்க.

(அல்லது)

b] நிறுவுக: $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$

42) a] பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும்: $\frac{2x}{(x^2+1)(x-1)}$

(அல்லது)

b] தீர்க்க: $\sqrt{3} \tan^2 \theta + (\sqrt{3} - 1) \tan \theta - 1 = 0$

43) a] $y = \frac{\sin^{-1} x}{\sqrt{1-x^2}}$ எனில் $(1-x^2)y_2 - 3xy - y = 0$ எனக் காட்டுக.

(அல்லது)

b] $P(6, 2)$, $Q(-2, 1)$ மற்றும் R என்பன ΔPQR ன் முனைப் புள்ளிகள் மற்றும் நியமப்பாதை $y = x^2 - 3x + 4$ ன் மீது R என்ற புள்ளி அமைந்துள்ளது எனில் ΔPQR ன் மையக் கோட்டுச் சந்தியின் நியமப்பாதையின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

44) a) x நிகர் சிறியது எனில் $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$ என்பது தோராயமாக $1-x+\frac{x^2}{2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) ஒரு வண்டியில் 8 இருக்கைகள் உள்ளன. முன்வரிசையில் 2 இருக்கைகளும் அதற்கு பின்புறம் இரண்டு வரிசைகளில் ஒவ்வொன்றிலும் மூன்று இருக்கைகள் உள்ளன. அந்த வண்டியானது ஏழு நபர்கள் F, M, S₁, S₂, S₃, D₁, D₂ உள்ள ஒரு குடும்பத்திற்கு சொந்தமானது. பின்வரும் நிபந்தனைகளுக்கு உட்பட்டு அக்குடும்பத்தை அந்த வண்டியில் எத்தனை வழிகளில் அமர வைக்கலாம்

i) எந்த கட்டுப்பாடும் இல்லாமல்

ii) F அல்லது M வண்டியை ஓட்ட வேண்டும்?

iii) F வண்டியை ஓட்டும்போது D₁, D₂ சன்னலோர இருக்கையில் அமர்ந்திருக்க வேண்டும்.

45) a) $\lambda x^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ என்பது ஒரு இரட்டை நேர்கோட்டை குறிக்கும் எனில்

i) λ ன் மதிப்பு மற்றும் தனித்தனிச் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

ii) இரு கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

(அல்லது)

b) நேப்பியரின் சூத்திரத்தை எழுதி நிரூபிக்கவும்.

46) a) காரணி தேற்றத்தை பயன்படுத்தி $\begin{vmatrix} b+c & a-c & a-b \\ b-c & c+a & b-a \\ c-b & c-a & a+b \end{vmatrix} = 8abc$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) \vec{a} , \vec{b} மற்றும் \vec{c} ஆகியவை $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 3$, $|\vec{c}| = 4$ மற்றும் $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ என அமைந்தால் $4\vec{a} \cdot \vec{b} + 3\vec{b} \cdot \vec{c} + 3\vec{c} \cdot \vec{a}$ ஐக் காண்க.

47) a) $x = a \cos^3 t$, $y = a \sin^3 t$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ காண்க.

(அல்லது)

b) எந்தவொரு வெக்டர் \vec{a} க்கும் $|\vec{a} \times \vec{i}|^2 + |\vec{a} \times \vec{j}|^2 + |\vec{a} \times \vec{k}|^2 = 2|\vec{a}|^2$ என நிரூபிக்க.
