

வகுப்பு - 10

காலம் : 3.00 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள் : 100

பகுதி - I

14 x 1 = 14

I. சரியான விடையை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. $A = \{a, b, p\}$, $B = \{2, 3\}$, $C = \{p, q, r, s\}$ எனில் $n\{(A \cup C) \times B\}$ ஆனது

அ) 8 ஆ) 20 இ) 12 ஈ) 16

2. $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$, எனில் $f \circ g$ ஆனதுஅ) $\frac{3}{2x^2}$ ஆ) $\frac{2}{3x^2}$ இ) $\frac{2}{9x^2}$ ஈ) $\frac{1}{6x^2}$

3. 3, x, 6.75 என்பது ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசை எனில், x ன் மதிப்பு

அ) 2.25 ஆ) 9.75 இ) 4.5 ஈ) 1.5

4. $(1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 15^3) - (1 + 2 + 3 + \dots + 15)$ -ன் மதிப்பு

அ) 14400 ஆ) 14200 இ) 14280 ஈ) 14520

5. $\frac{x}{x^2 - 25} - \frac{8}{x^2 + 6x + 5}$ -ன் சுருங்கிய வடிவம்அ) $\frac{x^2 - 7x + 40}{(x-5)(x+5)}$ ஆ) $\frac{x^2 + 7x + 40}{(x-5)(x+5)(x+1)}$ இ) $\frac{x^2 - 7x + 40}{(x^2 - 25)(x+1)}$ ஈ) $\frac{x^2 + 10}{(x^2 - 25)(x+1)}$ 6. $2x + \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 9 & 5 \end{pmatrix}$ எனில் x என்ற அணியைக் காண்க.அ) $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ ஆ) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ இ) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ ஈ) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ 7. $\triangle ABC$ - யில் $DE \parallel BC$, $AB = 3.6$ செ.மீ., $AC = 2.4$ செ.மீ மற்றும் $AD = 2.1$ செ.மீ எனில்,

AE ன் நீளம்

அ) 1.4 செ.மீ ஆ) 1.8 செ.மீ இ) 3 செ.மீ ஈ) 8 செ.மீ

8. வட்டத்தின் தொடுகோடும் அதன் ஆரமும் செங்குந்தாக அமையும் இடம்

அ) மையம் ஆ) தொடு புள்ளி இ) முடிவிலி ஈ) நாண்

9. கோட்டுத் துண்டு PQ -ன் சாய்வு $\frac{1}{\sqrt{3}}$ எனில் PQ க்கு செங்குத்தான இருசம வட்டத்தின் சாய்வுஅ) $\sqrt{3}$ ஆ) $-\sqrt{3}$ இ) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ஈ) 010. $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ மற்றும் $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ என்ற இரு நேர்க்கோட்டுச் சமன்பாடுகளின்

கெழுக்கள் பூச்சியமற்றவை எனில், அந்த நேர்க்கோடுகள் செங்குத்து என இருந்தால்

அ) $a_1b_2 - a_2b_1 = 0$ ஆ) $a_1b_2 + a_2b_1 = 0$ இ) $a_1a_2 + b_1b_2 = 0$ ஈ) $a_1a_2 - b_1b_2 = 0$ 11. $\tan \theta \operatorname{Cosec}^2 \theta - \tan \theta$ ன் மதிப்புஅ) $\sec \theta$ ஆ) $\cot^2 \theta$ இ) $\sin \theta$ ஈ) $\cot \theta$

10 - கணிதம் - பக்கம் 1

12. r_1 அலகுகள் ஆரமுள்ள ஒரு கோளப்பந்து உருக்கப்பட்டு r_2 அலகுகள் ஆரமுடைய 8 சமகோள பந்துகளாக ஆக்கப்படுகிறது எனில் $r_1 : r_2$
 அ) 2 : 1 ஆ) 1 : 2 இ) 4 : 1 ஈ) 1 : 4
13. இந்தியப் புள்ளியியலின் தந்தை
 அ) ஸ்ரீனிவாச இராமானுஜன் ஆ) சகுந்தலா தேவி
 இ) பிரசந்த சந்திர மகஸேனேஸிஸ் ஈ) கேப்ரிக்ஸ்
14. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது?
 அ) $p(A) > 1$ ஆ) $0 \leq p(A) \leq 1$ இ) $p(\phi) = 0$ ஈ) $p(A) + p(\bar{A}) = 1$

பகுதி - II

எவையேனும் பத்து வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண். 28 கட்டாய வினா $10 \times 2 = 20$

15. $A = \{ 1, 2, 3 \}$ மற்றும் $B = \{ x/x \text{ என்பது } 10\text{-ஐ விடச் சிறிய பகா எண்} \}$ எனில், $A \times B$ மற்றும் $B \times A$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

16. $f \circ f(k) = 5$, $f(k) = 2k - 1$ எனில், k ன் மதிப்பைக் காண்க.

17. இன்று செவ்வாய் கிழமை, என்னுடைய மாமா 45 நாட்களுக்கு பிறகு வருவதாக கூறியுள்ளார். என்னுடைய மாமா எந்த கிழமையில் வருவார்?

18. 3, 6, 9, 12 111 என்ற கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

19. கூட்டுக : $\frac{x^3}{x-y} + \frac{y^3}{y-x}$

20. $9x^2 - 24x + 16 = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் தன்மையை காண்க.

21. ΔABC ஆனது ΔDEF க்கு வடிவொத்தவை. மேலும் $BC = 3$ செ.மீ $EF = 4$ செ.மீ மற்றும் முக்கோணம் ΔABC ன் பரப்பு = 54 செ.மீ² எனில் ΔDEF ன் பரப்பைக் காண்க.

22. இரண்டு பொது மைய வட்டங்களில் 16 செ.மீ. நீளமுடைய பெரிய வட்டத்தின் நாணானது 6 செ.மீ ஆரமுள்ள சிறிய வட்டத்திற்குத் தொடுகோடாக அமைந்தால், பெரிய வட்டத்தின் ஆரம் காண்க.

23. $(-2, a)$ மற்றும் $(a, 3)$ என்ற புள்ளிகள் வழிச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சாய்வு $-1/2$ எனில் a -ன் மதிப்புக் காண்க.

24. $-5, 3/4$ ஆகியவற்றை வெட்டுத்துண்டுகளாகக் கொண்ட நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

25. $\frac{\sec \theta}{\sin \theta} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \cot \theta$ என நிரூபி.

26. ஒரு திண்மக் கோளம் மற்றும் திண்ம அரைக்கோளத்தின் மொத்தப் பரப்பு சமமானதாக இருக்குமானால் அவற்றின் கன அளவுகளின் விகிதம் $3\sqrt{3} : 4$ என நிரூபி.

27. ஒரு நெட்டாண்டில் (leap year) 53 சனிக்கிழமைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?

28. ஒரு பள்ளியின் பத்தாம் வகுப்பு மாணவர்களின் உயரத்தின் சராசரி 155 செ.மீ மற்றும் விலக்க வர்க்க சராசரி 72.25 செ.மீ² எனில் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.

எவையேனும் பத்து வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண். 42 கட்டாய வினா. $10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in \mathbb{N} / x < 2\}$, $B = \{x \in \mathbb{N} / 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3, 5\}$ எனில்

$A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap (A \cap C)$ ஐ சரிபார்.

30. சார்பு $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ஆனது $f(x) = \begin{cases} 2x+7; x < -2 \\ x^2-2; -2 \leq x < 3 \\ 3x-2; x \geq 3 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டால்

(i) $f(4)$ (ii) $f(-2)$

(iii) $f(4) + 2f(1)$

(iv) $\frac{f(1)-3f(4)}{f(-3)}$

31. 300 க்கும் 600 க்கும் இடையே 7ஆல் வகுபடும் அனைத்து இயல் எண்களின் கூடுதல் காண்க.

32. a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் உள்ள மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் மற்றும் x, y, z என்பன ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையின் மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் எனில் $x^{b-c} x^{c-a} x^{a-b} = 1$ என நிறுவுக.

33. $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ ஆனது ஒரு முழுவர்க்கம் எனில் a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.

34. α, β என்பன $7x^2 + ax + 2 = 0$ -ன் மூலங்கள் மற்றும் $\beta - \alpha = -13/7$ எனில், 'a' -ன் மதிப்புக் காண்க.

35. ΔABC யில் C ஆனது செங்கோணம் ஆகும். பக்கங்கள் CA மற்றும் CB -ன் நடுப்புள்ளிகள் முறையே P மற்றும் Q எனில் $4(AQ^2 + BP^2) = 5AB^2$ என நிறுவுக.

36. $(-4, -2), (-3, k), (3, -2)$ மற்றும் $(2, 3)$ ஆகியவற்றை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பு 28 ச.அலகுகள் எனில் k ன் மதிப்பு காண்க.

37. $4x + 7y - 3 = 0$ மற்றும் $2x - 3y + 1 = 0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும், ஆய அச்சங்களின் வெட்டுத்துண்டுகள் சமமானதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

38. ஒரு தெருவில் கட்டடமும், சிலையும் எதிரெதிர்த்திசையில் 35 மீ இடைவெளியில் அமைந்துள்ளன. கட்டடத்தின் உச்சியிலிருந்து, சிலை உச்சியின் ஏற்றக்கோணம் 24° மற்றும் சிலை அடியின் இறக்கக் கோணம் 34° எனில் சிலையின் உயரம் என்ன? ($\tan 24^\circ = 0.4452$, $\tan 34^\circ = 0.6745$).

39. 45செ.மீ. உயரமுள்ள ஓர் இடைக்கண்டத்தின் இருபுற ஆரங்கள் முறையே 28 செ.மீ மற்றும் 7 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் கனஅளவைக் காண்க.

40. ஒரு மருந்து குப்பி, ஓர் உருளையின் இருபுறமும் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவில் உள்ளது. குப்பியின் மொத்த நீளம் 12 மி.மீ. மற்றும் விட்டம் 3 மி.மீ எனில், அதில் அடைக்கப்படும் மருந்தின் கனஅளவை காண்க.

41. இரண்டு பகடைகள் ஒரு முறை உருட்டப்படுகின்றன. முதல் பகடையில் முகமதிப்பு இரட்டைப்பட எண் அல்லது முகமதிப்புகளின் கூடுதல் 8 ஆகக் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

42. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ எனில் $(AB)^T = B^T A^T$ என்பதைச் சரிபார்.

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

2 x 8 = 16

43. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR -க்கு ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $7/4$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $7/4 > 1$)

(அல்லது)

ஆ) QR = 6.5 செ.மீ, $\angle P = 60^\circ$ மற்றும் உச்சி P -லிருந்து QR -க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.5 செ.மீ உடைய ΔPQR வரைக.

44. அ) ஒரு பேருந்து மணிக்கு 50 கி.மீ / மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது.

இத்தொடர்புக்கான தூரம்-நேரம் வரைபடம் வரைந்து, பின்வருவனவற்றை காண்க.

(i) விகித சம மாறிலையைக் காண்க.

(ii) 1.5 மணி நேரத்தில் பயணிக்கும் தூரம் எவ்வளவு

(iii) 300 கி.மீ. தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்.

(அல்லது)

ஆ) $y = 2x^2 - 3x - 5$ ன் வரைபடம் வரைந்து, அதனை பயன்படுத்தி $2x^2 - 4x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.