

kanchipuram District

முதல் திருப்புதல் பொதுத்தேர்வு - 2023

R

பதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண்:

கணிதம்

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 90

20 x 1 = 20

1. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. 3 உறுப்புகள் கொண்ட கணத்தின் மீதான தொடர்புகளின் எண்ணிக்கை

a) 9 b) 81 c) 512 d) 1024

2. 343-ன் மடக்கை 3 எனில், அதன் அடிமானம்

a) 5 b) 7 c) 6 d) 9

3. $(x + 3)^4 + (x + 5)^4 = 16$ ன் மூலங்களின் எண்ணிக்கை

a) 4 b) 2 c) 3 d) 0

4. பின்வருவனவற்றில் எது சரியானதல்ல?

a) $\sin \theta = \frac{-3}{4}$ b) $\cos \theta = -1$ c) $\tan \theta = 25$ d) $\sec \theta = \frac{1}{4}$ 5. $f(\theta) = |\sin \theta| + |\cos \theta|$, $\theta \in \mathbb{R}$ எனில் $f(\theta)$ அமையும் இடைவெளிa) $[0, 2]$ b) $[1, \sqrt{2}]$ c) $[1, 2]$ d) $[0, 1]$ 6. $2X - \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$ எனில் X என்ற அணியானதுa) $\begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$ c) $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} 2 & -5 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$

7. அடுத்தடுத்த r மிகை முழு எண்களின் பெருக்கற்பலன் எதனால் வகுபடும்?

a) r! b) $(r-1)!$ c) $(r+1)!$ d) r^r 8. e^{-2x} என்ற தொடரில் x^5 - ன் கெழுa) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{3}{2}$ c) $-\frac{4}{15}$ d) $\frac{4}{15}$ 9. சாய்வு 2 உடைய கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து வரையப்படும் செங்குத்துக் கோட்டின் நீளம் $\sqrt{5}$ எனில் அக்கோட்டின் சமன்பாடுa) $x - 2y = \sqrt{5}$ b) $2x - y = \sqrt{5}$ c) $2x - y = 5$ d) $x - 2y - 5 = 0$ 10. $\vec{a} = 4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$ மற்றும் $\vec{b} = -\hat{j}$ என்பன இரண்டு வெக்டர்கள் எனில் $\vec{a} \cdot \vec{b}$ ன் மதிப்பு

a) 5 b) 4 c) 1 d) -5

11. $(x, -2)$, $(5, 2)$, $(8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப்புள்ளிகள் எனில் X-ன் மதிப்புa) -3 b) $\frac{1}{3}$ c) 1 d) 312. $\lambda\hat{i} + 2\lambda\hat{j} + 2\lambda\hat{k}$ என்பது ஓரலகு வெக்டர் எனில் λ ன் மதிப்புa) $\frac{1}{3}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{1}{9}$ d) $\frac{1}{2}$

(2)

XI கணிதம்

13. $\int x \cos x dx$ ன் மதிப்பு
 a) $x \cos x + \sin x + c$ b) $x \sin x + \cos x + c$
 c) $x \cos x - \sin x + c$ d) $x \sin x - \cos x + c$
14. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin px}{\tan 3x} = 4$ எனில் p-ன் மதிப்பு
 a) 6 b) 9 c) 12 d) 4
15. $f(x) = x \tan^{-1}x$ எனில் $f'(1)$ என்பது
 a) $1 + \frac{\pi}{4}$ b) $\frac{1}{2} + \frac{\pi}{4}$ c) $\frac{1}{2} - \frac{\pi}{4}$ d) 2
16. $f(x) = \begin{cases} x+2, & -1 < x < 3 \\ 5, & x = 3 \\ 8-x, & x > 3 \end{cases}$, $x = 4$ எனில் $f'(x)$ என்பது
 a) 1 b) -1 c) 0 d) கிடைக்கப்பெறாது
17. $\int \sin^3 dx =$
 a) $\frac{-3}{4} \cos x - \frac{\cos 3x}{12} + c$ b) $\frac{3}{4} \cos x + \frac{\cos 3x}{12} + c$
 c) $\frac{-3}{4} \cos x + \frac{\cos 3x}{12} + c$ d) $\frac{-3}{4} \sin x - \frac{\sin 3x}{12} + c$
18. $\int e^{-4x} \cos x dx =$
 a) $\frac{e^{-4x}}{17} [4 \cos x - \sin x] + c$ b) $\frac{e^{-4x}}{17} [-4 \cos x + \sin x] + c$
 c) $\frac{e^{-4x}}{17} [4 \cos x + \sin x] + c$ d) $\frac{e^{-4x}}{17} [-4 \cos x - \sin x] + c$
19. A மற்றும் B என்ற சார்பிலா நிகழ்ச்சிகளுக்கு $P(A) = 0.35$ மற்றும் $P(A \cup B) = 0.6$ எனில் $P(B)$ ஆனது
 a) $\frac{5}{13}$ b) $\frac{1}{13}$ c) $\frac{4}{13}$ d) $\frac{7}{13}$
20. ஆதியிலிருந்து $2x + y = 5$ என்ற கோட்டின் மேல் அருகாமையில் உள்ள புள்ளி
 a) (2,1) b) (1,2) c) (-1,2) d) (-2,1)

பகுதி - ஆ

- II. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 30 க்கு கட்டாய வினா) $7 \times 2 = 14$
21. $n(P(A)) = 1024$, $n(A \cup B) = 15$ மற்றும் $n(P(B)) = 32$ எனில் $n(A \cap B)$ காண்க.
22. 7 மற்றும் -3 ஆகிய மூலங்களையுடைய இருபடி சமன்பாட்டைக் காண்க.
23. SIMPLE என்ற வார்த்தையில் உள்ள அனைத்து எழுத்துக்களையும் ஒரே நேரத்தில் பயன்படுத்தி எத்தனை வரிசை மாற்றங்களை உருவாக்கலாம்?
24. (1,1) மற்றும் (-2,3) என்ற இரண்டு புள்ளிகள் வழியே செல்லக்கூடிய நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

(3)

XI கணிதம்

25. $A = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ -2 & a \end{bmatrix}$ என்பது பூஜ்ஜியக் கோவை அணி எனில் a -ன் மதிப்பு காண்க.

26. $5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$ ன் திசையில் உள்ள ஓர் ஓரலகு வெக்டரை காண்க.

27. கணக்கிடுக : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1}$

28. தொகையிடுக : x -ஐ பொறுத்து $\frac{1}{x^3}$

29. $P(A) = 0.5$, $P(B) = 0.8$ மற்றும் $P(B/A) = 0.8$ எனில் $P(A/B)$ காண்க.

30. ஒரு ரயில் பாதை வளைவு ஒரு வட்டத்தில் அமைக்கப்பட வேண்டும். 40 மீட்டர் தூரத்தில் 25° திசையை மாற்ற வேண்டும் என்றால் என்ன ஆரம் பயன்படுத்த வேண்டும்?

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 40க்கு கட்டாய வினா) 7 x 3 = 21

31. $\frac{1}{1 - 2 \sin x}$ என்ற சார்பின் சார்பகத்தைக் காண்க.

32. $\cos 15^\circ$ ன் மதிப்பு காண்க.

33. $(98)^4$ - ன் மதிப்பினைக் காண்க.

34. $x + y = 5$ என்ற கோட்டின் மீது அமையும் $4x + 3y - 12 = 0$ என்ற கோட்டிலிருந்து 2 அலகுகள் தொலைவில் உள்ள புள்ளிகளைக் காண்க.

35. $A = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$ எனில் $|AB| = |A| |B|$ என சரிபார்க்க.

36. $2\hat{i} + 3\hat{j} - 6\hat{k}$ மற்றும் $6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}$ என்ற இரண்டு வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

37. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + x}{x^4 - 3x^2 + 1}$ ன் எல்லை மதிப்பு காண்க.

38. $y = \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}}$ - ன் வகைக்கெழு காண்க.

39. $27x^2 e^{3x}$ - ன் தொகை காண்க.

40. $5P_r = 6P_{r-1}$ எனில் r ன் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். 7 x 5 = 35

41. a) $f(x) = |x| + x$ மற்றும் $g(x) = |x| - x$ என $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ வரையறுக்கப்பட்டன, $g \circ f$ மற்றும் $f \circ g$ காண்க.

(அல்லது)

b) $\frac{\log x}{y - z} = \frac{\log y}{z - x} = \frac{\log z}{x - y}$ எனில் $xyz = 1$ எனக் காண்க.

(4)

XI கணிதம்

42. a) $0 < x < \frac{\pi}{2}$, $0 < y < \frac{\pi}{2}$, $\sin x = \frac{15}{17}$ மற்றும் $\cos y = \frac{12}{13}$ எனில் $\sin(x + y)$ ன் மதிப்பு காண்க.

(அல்லது)

b) கணிதத் தொகுத்தறிதல் மூலம், எல்லா முழு எண்கள் $n \geq 1$ க்கு

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$
 என நிறுவுக.

43. a) x ஒரு தேவையான அளவிலான பெரிய எண் எனில் $\sqrt[3]{x^3+6} - \sqrt[3]{x^3+3}$ ன் மதிப்பை தோராயமாக $\frac{1}{x^2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) $3x + 2y + 5 = 0$ மற்றும் $3x - 4y + 6 = 0$ ஆகிய கோடுகள் வெட்டும் புள்ளி வழியாகவும் $(1, 1)$ என்ற புள்ளி வழியாகவும் செல்லும் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

44. a)
$$\begin{vmatrix} b+c & a & a^2 \\ c+a & b & b^2 \\ a+b & c & c^2 \end{vmatrix} = (a+b+c)(a-b)(b-c)(c-a)$$
 என நிறுவுக.

(அல்லது)

b) பிரிவு சூத்திரம் (உட்புறமாகப் பிரித்தல்) - எழுதி நிறுவுக.

45. a) $\lim_{x \rightarrow 0} |x|$ - ன் மதிப்பு காண்க.

(அல்லது)

b) $x = a(\theta + \sin\theta)$, $y = a(1 - \cos\theta)$ எனில் $\theta = \frac{\pi}{2}$ எனும் போது $y'' = \frac{1}{a}$ என நிரூபிக்க.

46. a) மதிப்பிடுக : $\int \frac{3x+5}{x^2+4x+7} dx$ (அல்லது)

b) ஒரு தொழிற்சாலையில் இயந்திரங்கள் I மற்றும் II என இரு வகை உள்ளன. இயந்திரம் I தொழிற்சாலையின் உற்பத்தியில் 60% தயாரிக்கிறது. மற்றும் இயந்திரம் II உற்பத்தியில் 40% தயாரிக்கிறது. மேலும் இயந்திரம் I-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 2% குறைபாடுள்ளதாகவும், இயந்திரம் II-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 4% குறைபாடுள்ளதாகவும் இருக்கின்றன. உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு பொருள் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அப்பொருள் குறைபாடுடன் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

47. a) $9x^2 + 24xy + 16y^2 + 21x + 28y + 6 = 0$ என்பது இணையான இரட்டை நேர்க்கோடுகள் என நிறுவுக. மேலும் இவ்விரு கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.

(அல்லது)

b)
$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ a^2 & b^2 & c^2 \\ bc & ca & ab \end{vmatrix} -$$
 காரணிப்படுத்துக.
