



## வகுப்பு 10

நேரம்: 3.00 மணி

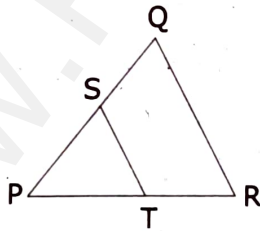
கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 100

## பகுதி - I

- குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.  $14 \times 1 = 14$   
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் எழுதவும்.

- 1)  $A = \{a, b, p\}$ ,  $B = \{2, 3\}$ ,  $C = \{p, q, r, s\}$  எனில்  $n[(A \cup C) \times B]$  ஆனது  
a) 8                      b) 12                      c) 20                      d) 16
- 2)  $g = \{(1, 1), (2, 3), (3, 5), (4, 7)\}$  என்ற சார்பானது  $g(x) = \alpha x + \beta$  எனக் கொடுக்கப்பட்டால்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  இன் மதிப்பானது  
a)  $(-1, 2)$               b)  $(2, -1)$               c)  $(-1, -2)$               d)  $(1, 2)$
- 3) 1729 -ஐப் பகா காரணிப்படுத்தும் போது, அந்தப் பகா எண்களின் அடுக்குகளின் கூடுதல்  
a) 1                      b) 2                      c) 3                      d) 4
- 4) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் முதல் உறுப்பு 1 மற்றும் பொதுவித்தியாசம் 4. இந்தக் கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் எத்தனை உறுப்புகளைக் கூட்டினால் அதன் கூடுதல் 120 கிடைக்கும்?  
a) 6                      b) 7                      c) 8                      d) 3
- 5)  $x^2 - 2x - 24$  மற்றும்  $x^2 - kx - 6$  -ன் மீ.பொ.வ.  $(x-6)$  எனில்  $k$  -ன் மதிப்பு  
a) 3                      b) 5                      c) 6                      d) 9
- 6)  $x^4 + 64$  - ஐ முழுவாக்கமாக மாற்ற அதனுடன் எதைக் கூட்ட வேண்டும்?  
a)  $16x^2$                       b)  $-16x^2$                       c)  $16x$                       d)  $-16x$
- 7) படத்தில்  $ST \parallel QR$ ,  $PS = 2$  செ.மீ மற்றும்  $SQ = 3$  செ.மீ எனில்  $\Delta PQR$ ன் பரப்பளவிற்கும்  $\Delta PST$ ன் பரப்பளவிற்கும் உள்ள விகிதம்



- a) 25 : 4                      b) 25:9                      c) 4:9                      d) 9:4
- 8) ஒரு சுவரின் அருகே நடந்து கொண்டிருக்கும் ஒரு நபருக்கும் சுவருக்கும் இடையே உள்ள தூரம் 10 அலகுகள். சுவரை  $y$ -அச்சாக கருதினால் அந்த நபர் செல்லும் பாதை என்பது  
a)  $x = 10$                       b)  $y = 10$                       c)  $x = 0$                       d)  $y = 0$
- 9)  $(2, 1)$ -ஐ வெட்டுப்புள்ளியாகக் கொண்ட இரு நேர்க்கோடுகள்  
a)  $x - y - 3 = 0$ ;  $3x - y - 7 = 0$                       b)  $x + y = 3$ ;  $3x + y = 7$   
c)  $3x + y = 3$ ;  $x + y = 7$                       d)  $x + 3y - 3 = 0$ ;  $x - y - 7 = 0$
- 10) ஒரு கோபுரத்தின் உயரம் 60மீ ஆகும். சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோணம்  $45^\circ$ -லிருந்து  $60^\circ$  ஆக உயரும் போது கோபுரத்தின் நிழலானது  $x$ மீ குறைகிறது எனில்  $x$ ன் மதிப்பு  
a) 34.64 மீ                      b) 25.36 மீ  
c) 64.34 மீ                      d) 36.25 மீ

V10M

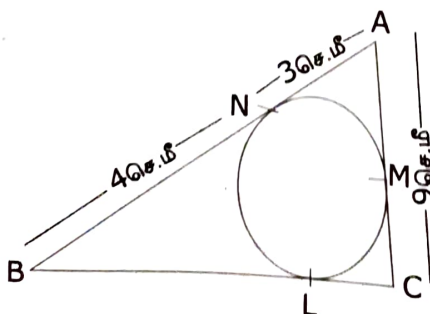
- 11) ஓர் உருளையின் உயரத்தை மாற்றாமல் அதன் ஆரத்தை பாதியாகக் கொண்டு புதிய உருளை உருவாக்கப்படுகிறது. புதிய மற்றும் முந்தைய உருளைகளின் கனஅளவுகளின் விகிதம்
- a) 1:2                      b) 1:4                      c) 1:6                      d) 1:8
- 12) 1 செ.மீ ஆரமும், 5 செ.மீ உயரமும் கொண்ட ஒரு மர உருளையிலிருந்து அதிகபட்ச கனஅளவு கொண்ட கோளம் வெட்டி எடுக்கப்படுகிறது எனில் அதன் கனஅளவு (க.செ.மீல்)
- a)  $\frac{4}{3}\pi$                       b)  $\frac{10}{3}\pi$                       c)  $5\pi$                       d)  $\frac{20}{3}\pi$
- 13) x, y, z ஆகியவற்றின் திட்டவிலக்கம் p எனில்  $3x+5$ ,  $3y+5$ ,  $3z+5$  ஆகியவற்றின் திட்டவிலக்கமானது
- a)  $3p+5$                       b)  $3p$                       c)  $p+5$                       d)  $9p+15$
- 14) கமலம் குலுக்கல் போட்டியில் கலந்து கொண்டாள். அங்கு மொத்தம் 135 சீட்டுகள் விற்கப்பட்டன. கமலம் வெற்றி பெறுவதற்கான வாய்ப்பு  $\frac{1}{9}$  எனில் கமலம் வாங்கிய சீட்டுகளின் எண்ணிக்கை
- a) 5                      b) 10                      c) 15                      d) 20

பகுதி - II

குறிப்பு: i) எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. 10×2=20

ii) வினா எண் 28க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

- 15)  $A = \{1, 2, 3\}$  மற்றும்  $B = \{x/x \text{ என்பது } 10\text{ஐ விடச் சிறிய பகா எண்}\}$  எனில்  $A \times B$  மற்றும்  $B \times A$  ஆகியவற்றைக் காண்க.
- 16)  $\{(x, y) / y = x+3, x, y \text{ ஆகியவை இயல் எண்கள்} < 10\}$  என்ற உறவின் மதிப்பகம் மற்றும் வீச்சகம் காண்க.
- 17) 340 மற்றும் 412ன் மீ.பொ.வ-வை யூக்ளிடிஸ் வகுத்தல் வழிமுறையைப் பயன்படுத்திக் காண்க.
- 18) தீர்க்க:  $8x \equiv 1 \pmod{11}$
- 19)  $\frac{t}{t^2 - 5t + 6}$  என்ற கோவையின் விலக்கப்பட்ட மதிப்பு காண்க.
- 20)  $x^2 + 7x + 10 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  எனில்  $\alpha^3 - \beta^3$  -ன் மதிப்பு காண்க.
- 21)  $A = \begin{pmatrix} 0 & 4 & 9 \\ 8 & 3 & 7 \end{pmatrix}$  மற்றும்  $B = \begin{pmatrix} 7 & 3 & 8 \\ 1 & 4 & 9 \end{pmatrix}$  எனில்  $B-5A$  யைக் காண்க.
- 22) படத்தில்  $\triangle ABC$  ஆனது ஒரு வட்டத்தைத் தொட்டுக் கொண்டு வட்டத்தைச் சுற்றி அமைந்துள்ளது எனில் BC -ன் நீளத்தைக் காண்க.



- 23)  $(-2, a)$  மற்றும்  $(9, 3)$  என்ற புள்ளிகள் வழிச்செல்லும் நேர்கோட்டின் சாய்வு  $-1/2$  எனில்  $a$ -யின் மதிப்பு காண்க.
- 24) நிறுவக:  $\frac{\sin A}{1 + \cos A} + \frac{\sin A}{1 - \cos A} = 2 \operatorname{cosec} A$
- 25) ஒரு கோள வடிவ வளிக் கூண்டினுள் காற்று உந்தப்படும்போது அதன் ஆரம் 12 செ.மீ-யிலிருந்து 16 செ.மீ ஆக உயருகிறது. இரு புறப்பரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
- 26) 43.5, 13.6, 18.9, 38.4, 61.4, 29.8 என்ற தரவுகளுக்கு வீச்சு மற்றும் வீச்சுக்கெழு காண்க.
- 27) ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சுண்டப்படுகிறது. இரண்டு அடுத்தடுத்த பூக்கள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?
- 28) ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்டச் சாயுயரம் 5 செ.மீ ஆகும். அதன் இரு ஆரங்கள் 4 செ.மீ மற்றும் 1 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் வளைபரப்பைக் காண்க.

## பகுதி - III

குறிப்பு: i) எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க.

10×5=50

ii) வினா எண் 42க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

29) ஒரு சார்பு  $f$  ஆனது  $f(x) = 2x-3$  என வரையறுக்கப்பட்டால்i)  $\frac{f(0)+f(1)}{2}$  ஐக் காண்க.ii)  $f(x) = 0$  எனில்  $x$  ஐக் காண்க.iii)  $f(x) = x$  எனில்  $x$  ஐக் காண்க.iv)  $f(x) = f(1-x)$  எனில்  $x$  ஐக் காண்க.30)  $f(x) = x-4$ ,  $g(x) = x^2$  மற்றும்  $h(x) = 3x-5$  என்ற சார்புகளைக் கொண்டு  $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$  எனக் காட்டுக.

31) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் 13வது உறுப்பு 3 மற்றும் முதல் 13 உறுப்புகளின் கூடுதல் 234 எனில் கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் முதல் 21 உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.

32)  $a, b, c$  என்பன ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் அமைந்த அடுத்தடுத்த மூன்று உறுப்புகள் மற்றும்  $x, y, z$  என்பன ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையின் மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் எனில்  $x^{b-c} \times y^{c-a} \times z^{a-b} = 1$  என நிறுவக.33)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$  மற்றும்  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  எனில்  $(AB)^T = B^T A^T$  என்பதைச் சரிபார்க்க.

34) கோண இருசமவெட்டி தேற்றத்தை எழுதி நிறுவக.

35)  $(-3, 8)$  என்ற புள்ளி வழிச் செல்வதும், ஆய அச்சுகளின் மிகை வெட்டுத்துண்டுகளின் கூடுதல் 7 உடையதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.36)  $8x+3y = 18$ ,  $4x+5y = 9$  ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியின் வழியாகவும்  $(5, 4)$  மற்றும்  $(-7, 6)$  ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்கோட்டுத்துண்டின் நடுப்புள்ளி வழியாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.37) ஒரு கால்வாயின் கரையில் ஒரு தொலைக்காட்சிக் கோபுரம் செங்குத்தாக உள்ளது. கால்வாயின் மறுகரையில் உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து காணும்பொழுது கோபுர உச்சியின் ஏற்றக்கோணம்  $60^\circ$  ஆக உள்ளது. அப்புள்ளியிலிருந்து விலகி ஒரே நேர்கோட்டில் 20மீ தொலைவில் சென்றவுடன் கோபுர உச்சியின் ஏற்றக்கோணம்  $30^\circ$  எனில் கோபுரத்தின் உயரத்தையும், கால்வாயின் அகலத்தையும் காண்க.

- 38) ஓர் உள்ளீடற்ற பித்தளை கோளத்தின் உள்விட்டம் 14 செ.மீ, தடிமன் 1 மி.மீ மற்றும் பித்தளையின் அடர்த்தி 17.3 கி/க.செ.மீ எனில் கோளத்தின் எடையைக் காண்க.
- 39) 6 செ.மீ ஆரம் மற்றும் 15 செ.மீ உயரம் கொண்ட ஓர் உருளை வடிவப் பாத்திரத்தில் முழுவதுமாக பனிக்கூழ் உள்ளது. அந்தப் பனிக்கூழானது கூம்பு மற்றும் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவத்தில் நிரப்பப்படுகிறது. கூம்பின் உயரம் 9 செ.மீ, ஆரம் 3 செ.மீ எனில் பாத்திரத்தில் உள்ள பனிக்கூழை நிரப்ப எத்தனை கூம்புகள் தேவை?
- 40) 15 தரவுப் புள்ளிகளின் சராசரி மற்றும் திட்டநிலக்கம் முறையே 10, 5 என கண்டறியப்பட்டுள்ளது. அதை சரிபார்க்கும்பொழுது கொடுக்கப்பட்டுள்ள ஒரு தரவுப்புள்ளி 8 என தவறுதலாக குறிக்கப்பட்டுள்ளது. அதன் சரியான தரவுப்புள்ளி 23 என இருந்தால் சரியான தரவின் சராசரி மற்றும் திட்டநிலக்கம் காண்க.
- 41) நன்கு கலைத்து அடுக்கிய 52 சீட்டுகளைக் கொண்ட கட்டிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகிறது. அது சிவப்பு இராசாவாக அல்லது கருப்பு இராணியாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
- 42)  $6x^3 - 30x^2 + 60x - 48$  மற்றும்  $3x^3 - 12x^2 + 21x - 18$  ஆகிய பல்லுறுப்புக்கோவைகளின் மீ.பொ.வ. காண்க.

#### பகுதி - IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

- 43) 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைக. வட்டத்தின் மீதுள்ள L என்ற புள்ளி வழியாக மாற்று வட்டத்துண்டு தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி வட்டத்திற்குத் தொடுகோடு வரைக. (அல்லது)

அடிப்பக்கம் BC = 8 செ.மீ,  $\angle A = 60^\circ$  மற்றும்  $\angle A$ ன் இருசமவெட்டியானது BCஐ D என்ற புள்ளியில் BD = 6 செ.மீ என்றவாறு சந்திக்கிறது எனில், முக்கோணம் ABC வரைக.

- 44) ஒரு பேருந்து மணிக்கு 50 கி.மீ/மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது. இத்தொடர்புக்கான தூரம் - நேரம் வரைபடம் வரைந்து, பின்வருவனவற்றைக் காண்க.
- விகிதசம மாறிலியைக் காண்க.
  - $1\frac{1}{2}$  மணிநேரத்தில் பயணிக்கும் தூரம் எவ்வளவு?
  - 300 கி.மீ தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்?

(அல்லது)

$x^2 + 2x + 5 = 0$  என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் தீர்வுகளின் தன்மையை வரைபடம் மூலம் ஆராய்க.

-----

- 1) b) 12
- 2) b) (2, -1)
- 3) c) 3
- 4) c) 8
- 5) b) 5
- 6) a)  $16x^2$
- 7) a)  $25:4$
- 8) a)  $x=10$
- 9) b)  $x+y=3; 3x+y=7$
- 10) b) 25-36
- 11) b) 1:4
- 12) a)  $\frac{4}{3}\pi$
- 13) b) 3p
- 14) c) 15

2 Mark

- 15)  $A = \{1, 2, 3\}$   
 $B = \{2, 3, 5, 7\}$   
 $A \times B = \{(1, 2), (1, 3), (1, 5), (1, 7), (2, 2), (2, 3), (2, 5), (2, 7), (3, 2), (3, 3), (3, 5), (3, 7)\}$   
 $B \times A = \{(2, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 2), (3, 3), (5, 1), (5, 2), (5, 3), (7, 1), (7, 2), (7, 3)\}$

- 16)  $y = x + 3$   
 $R = \{(0, 3), (1, 4), (2, 5), (3, 6), (4, 7), (5, 8)\}$   
 Domain =  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$   
 Range =  $\{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$

- 17) 340, 412  
 $412 = 340(1) + 72 \neq 0$   
 $340 = 72 \times 4 + 52 \neq 0$   
 $72 = 52 \times 1 + 20 \neq 0$   
 $52 = 20 \times 2 + 12 \neq 0$

$$20 \quad 12x + 8 \neq 0$$

$$12 = 8x + 4 \neq 0$$

$$8 = 4(2) + 0$$

$\therefore$  HCF of 340 and 412 is 4

- 18)  $8x \equiv 1 \pmod{11}$   
 $8x - 1 = 11k$  for some  $k$   
 $x = \frac{11k + 1}{8}$   
 $k = 5, x = 7$   
 $k = 13, x = 18 \dots$   
 The solutions are 7, 18, 29, 40, ...

- 19) The expression is undefined when  $t^2 - 5t + 6 = 0$   
 $(t-3)(t-2) = 0$   
 $t = 3, t = 2$   
 The excluded values are 2, 3

- 20)  $a = 1, b = 4, c = 10$   
 $\alpha + \beta = \frac{-b}{a} = -7$   
 $\alpha\beta = c/a = 10$   
 $\alpha^3 - \beta^3 = (\alpha - \beta)^3 + 3\alpha\beta(\alpha - \beta)$   
 $= (3)^3 + 3(10)(3)$   
 $= 27 + 90 = 117$   
 $\therefore \alpha - \beta = \sqrt{(\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta}$   
 $= \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 10}$   
 $= \sqrt{49 - 40} = \sqrt{9} = 3$

- 21)  $B - 5A = \begin{pmatrix} 7 & 3 & 8 \\ 1 & 4 & 9 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 & 20 & 45 \\ 40 & 15 & 35 \end{pmatrix}$   
 $= \begin{pmatrix} 7 & -17 & -37 \\ -39 & -11 & -26 \end{pmatrix}$

- 22)  $AN = AM = 3\text{cm}$   
 $BN = BL = 4\text{cm}$   
 $CM = AC - AM = 9 - 3 = 6\text{cm}$   
 $\therefore BC = BL + CL = 4 + 6 = 10\text{cm}$

23) ~~Find the slope of the line~~  

$$\text{slope} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$-\frac{1}{2} = \frac{3 - a}{9 + 2}$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{2} = \frac{3 - a}{11}$$

$$-11 = 6 - 2a$$

$$\therefore 2a = 17$$

$$\boxed{a = \frac{17}{2}}$$

24)  $\frac{\sin A}{1 + \cos A} + \frac{\sin A}{1 - \cos A}$

$$= \frac{\sin A(1 - \cos A) + \sin A(1 + \cos A)}{(1 + \cos A)(1 - \cos A)}$$

$$= \frac{\sin A - \sin A \cos A + \sin A + \sin A \cos A}{1 - \cos^2 A}$$

$$= \frac{2\sin A}{\sin^2 A} = \frac{2}{\sin A} = 2\operatorname{cosec} A$$

25) Given  $r_1/r_2 = 12/16$   
 $= 3/4$

$$\therefore \text{C.S.A} = \frac{4\pi r_1^2}{4\pi r_2^2} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$$

$$= \left(\frac{3}{4}\right)^2$$

$$= 9/16$$

$\therefore$  ratio of C.S.A of balloons  $\} = 9:16$

26)  $L = 61.4$

$S = 13.6$

Range =  $L - S$

$$= 61.4 - 13.6 = 47.8$$

coeff of Range =  $\frac{L - S}{L + S}$

$$= \frac{47.8}{75} = 0.64$$

27)  $S = \{ HHH, HHT, HTH, HTT, TTH, THT, TTH, TTT \}$

$$n(S) = 8$$

Let A be the event of getting two consecutive tails

$$A = \{ HTT, TTH, TTT \}$$

$$n(A) = 3$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{8}$$

28)  $l = 5\text{cm}, R = 4\text{cm}, r = 1\text{cm}$

C.S.A of frustum

$$= \pi(R+r)l$$

$$= \frac{22}{7}(4+1) \times 5$$

$$= \frac{22}{7} \times 5 \times 5$$

$$= 78.57 \text{ cm}^2$$

5 Mark

29)  $f(x) = 2x - 3$

$$f(0) = -3$$

$$f(1) = -1$$

$$\text{I) } \frac{f(0) + f(1)}{2} = \frac{-3 - 1}{2} = -\frac{4}{2} = -2$$

ii)  $f(x) = 0 \Rightarrow 2x - 3 = 0$   
 $\Rightarrow \boxed{x = 3/2}$

iii)  $f(x) = x$

$$2x - 3 = x$$

$$\boxed{x = 3}$$

iv)  $f(1-x) = 2(1-x) - 3$   
 $= -2x - 1$

$$f(x) = f(1-x)$$

$$2x - 3 = -2x - 1$$

$$4x = 2 \Rightarrow \boxed{x = 1/2}$$

30)  $f(x) = x - 4$   
 $g(x) = x^2$   
 $h(x) = 3x - 5$

LHS  $(f \circ g) \circ h$

$f \circ g = f(x^2)$   
 $= x^2 - 4$

$(f \circ g) \circ h = (3x - 5)^2 - 4$   
 $= 9x^2 + 25 - 30x - 4$   
 $= 9x^2 - 30x + 21$

RHS  $f \circ (g \circ h)$

$g \circ h = g(3x - 5)$   
 $= (3x - 5)^2$

$f \circ (g \circ h) = f(3x - 5)^2$   
 $= (3x - 5)^2 - 4$   
 $= 9x^2 - 30x + 21$

$(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$

31)  $t_{13} = 3$

$a + 12d = 3 \rightarrow \textcircled{1}$

Sum of first 13 terms = 234

$S_{13} = \frac{13}{2} [2a + 12d] = 234$

$2a + 12d = 36 \rightarrow \textcircled{2}$

Solve  $\textcircled{1}$  &  $\textcircled{2}$

$a = 33, d = -5/2$

$S_{21} = \frac{21}{2} [2(33) + 20(-5/2)]$

$= \frac{21}{2} [66 - 50] = 168$

32) Let  $a, b, c$  are three

consecutive terms of A.P

$\therefore a = a, b = a + d, c = a + 2d$

$x, y, z$  are three cons.

terms of G.P

$x = x, y = xr, z = xr^2$

LHS  $x^{b-c} \times y^{c-a} \times z^{a-b}$

$= \frac{(a+d) - (a+2d)}{x} \times \frac{(a+2d) - a}{y} \times \frac{a - (a+d)}{z}$

$= x^{-d} \times (xr)^{2d} \times (xr)^{-d}$

$= x^{-d} \times x^{2d} \times r^{2d} \times x^{-d} \times r^{-2d}$

$= x^{-d+2d-d} \times r^{2d-2d}$

$= x^0 \times r^0 = 1 \times 1 = 1 = \text{RHS}$

33)  $(AB)^T = B^T A^T = \begin{pmatrix} 0 & 5 \\ 9 & -4 \end{pmatrix}$

34) Angle bisector Theorem

The internal bisector of an angle of a triangle divides the opposite side internally in the ratio of the corresponding sides containing the angle

To prove:  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{CD}$

35)  $a + b = 7 \rightarrow b = 7 - a$

$\frac{x}{a} + \frac{y}{7-a} = 1$

$(3, -8) \Rightarrow a^2 + 4a - 21 = 0$

$a = 3, a = -7$

$b = 4 \Rightarrow x/3 + y/4 = 1$

$4x + 3y - 12 = 0$

36)  $8x + 3y = 18 \rightarrow \textcircled{1}$

$4x + 5y = 9 \rightarrow \textcircled{2}$

Solving  $\textcircled{1}$  &  $\textcircled{2}$

$x = \frac{63}{28} = \frac{9}{4}$

$y = 0$

$\therefore (x, y) = (\frac{9}{4}, 0)$

Midpoint =  $(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2})$

$= (\frac{5-7}{2}, \frac{-4+6}{2})$

$= (-1, 1)$

Eqn of a st. line

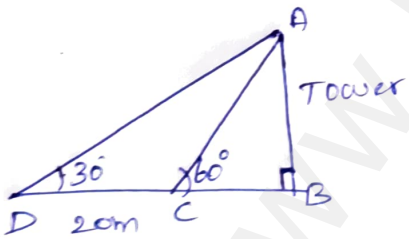
$\frac{y - y_1}{y_2 - y_1} = \frac{x - x_1}{x_2 - x_1}$

$\frac{y - 0}{1 - 0} = \frac{x - 9/4}{-1 - 9/4}$

$\Rightarrow y = \frac{4x - 9}{-13}$

$\Rightarrow 4x + 13y - 9 = 0$

37)



AB  $\rightarrow$  height of the tower

CD = 20m

In  $\Delta ACB$ ,

$\tan 60^\circ = \frac{AB}{BC}$

$\sqrt{3} = \frac{AB}{BC} \rightarrow \textcircled{1}$

In  $\Delta ABD$ ,  $\tan 30^\circ = \frac{AB}{BD}$

$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{AB}{BC + 20} \rightarrow \textcircled{2}$

Divide  $\textcircled{1}$  by  $\textcircled{2}$

$\sqrt{3} = \frac{BC + 20}{BC}$

$\sqrt{3} \times \sqrt{3} = \frac{BC}{BC} + \frac{20}{BC}$

$3 = 1 + \frac{20}{BC}$

$2 = \frac{20}{BC} \Rightarrow BC = \frac{20}{2} = 10\text{m}$

$BC = 10\text{m}$

$\textcircled{1} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{AB}{BC}$

$\sqrt{3} = \frac{AB}{10}$

$AB = 10\sqrt{3}$

$= 10 \times 1.732$

$AB = 17.32\text{m}$

38)  $d = 14\text{cm} \Rightarrow r = 7\text{cm}$

thickness =  $1\text{mm} = \frac{1}{10}\text{cm}$

$R = r + \text{thi} = 7 + 0.1 = 7.1$

Volume =  $\frac{4}{3} \pi (R^3 - r^3)$

$= 62.48\text{cm}^3$

Weight base in  $1\text{cm}^3 = 17.3\text{gm}$

Total =  $17.3 \times 62.48$

$= 1080.90\text{gm}$

39)  $h = 15\text{cm}, r = 6\text{cm}$

Volume of the container =  $\pi r^2 h$

$= \frac{22}{7} \times 6 \times 6 \times 15$

$r_1 = 3, h_1 = 9$

Volume of one ice cream = Volume of cone + vol. of hemi-spherical cap



$$= \frac{1}{3} \pi r_1^2 h_1 + \frac{2}{3} \pi r_1^3$$

$$= \frac{22}{7} \times 65$$

∴ Number of ice cream

cones needed,

$$= \frac{22}{7} \times 6 \times 6 \times 15$$

$$= \frac{22}{7} \times 450$$

$$= 12 \text{ cones}$$

40)  $n = 15, \bar{x} = 10$

$$\sigma = 5$$

$$\Sigma x = n\bar{x} = 150$$

Correct total =  $150 - 8 + 23$

$$= 165$$

Correct mean  $\bar{x} = \frac{165}{15} = 11$

$$S.D = \sqrt{\frac{\Sigma x^2}{n} - \left(\frac{\Sigma x}{n}\right)^2}$$

$$(5)^2 = \frac{\Sigma x^2}{n} - (10)^2$$

$$\frac{\Sigma x^2}{15} = 25 + 100$$

$$= 125$$

$$\Sigma x^2 = 125 \times 15 = 1875$$

Corrected

$$\Sigma x^2 = 1875 - 8^2 + 23^2$$

$$= 2340$$

∴ S.D  $\sigma = \sqrt{\frac{2340}{15} - (11)^2}$

$$= \sqrt{156 - 121} = \sqrt{35}$$

$$= 5.9$$

41)  $n(S) = 52$

Let A be the event of getting a red king

$$n(A) = 2$$

$$P(A) = \frac{2}{52}$$

Let B be the event of getting a black queen

$$n(B) = 2$$

$$P(B) = \frac{2}{52}$$

$$P(A \cup B) = \frac{2}{52} + \frac{2}{52} = \frac{4}{52} = \frac{1}{13}$$

42)  $f(x) = 6x^3 - 30x^2 + 60x - 48$

$$= 6(x^3 - 5x^2 + 10x - 8)$$

$$g(x) = 3x^3 - 12x^2 + 21x - 18$$

$$= 3(x^3 - 4x^2 + 7x - 6)$$

$$G.C.D = 3(x-2)$$

44) a) i)  $k = 5/6$

Direct Variation.

ii)  $x = 90, y = \frac{5}{6} \times 90 = 75 \text{ km}$

iii)  $y = 300 \Rightarrow x = 360 \text{ minutes}$   
 $= 6 \text{ hrs}$

b) No - real roots

S. SENTHIL KUMAR

P.G. ASST. MATHS.

PH:- 96290 99438