

நேரம்: 3 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்:90

பகுதி - அ

I அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

20x1=20

1.  $n(A)=2$  மற்றும்  $n(B \cup C)=3$  எனில்  $n[(A \times B) \cup (A \times C)]$  என்பது  
1)  $2^3$                       2)  $3^2$                       3) 6                      4) 5
2.  $x=\{1,2,3,4\}$ ,  $y=\{a,b,c,d\}$  மற்றும்  $f = \{(1,a), (4,b), (2,c), (3,d), (2,d)\}$  எனில்  $f$  என்பது  
1) ஒன்றுக்கொன்றான சார்பு                      2) மேற்கோர்த்தல் சார்பு  
3) ஒன்றுக்கொன்று அல்லாத சார்பு                      4) சார்பன்று
3.  $|x-1| \geq |x-3|$  என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வுக் கணம்  
1)  $(0,2)$                       2)  $(2, \infty)$                       3)  $(0,2)$                       4)  $(-\infty, 2)$
4. 343-ன் மடக்கை 3 எனில், அதன் அடிமானம்  
1) 5                      2) 7                      3) 6                      4) 9
5.  $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \dots + \cos 179^\circ =$   
1) 0                      2) 1                      3) -1                      4) 89
6.  $x^2+ax+b=0$  இன் மூலங்கள்  $\tan \alpha$  மற்றும்  $\tan \beta$  எனில்  $\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin \alpha \sin \beta}$  இன் மதிப்பு  
1)  $\frac{b}{a}$                       2)  $\frac{a}{b}$                       3)  $\frac{-a}{b}$                       4)  $\frac{-b}{a}$
7. 44 மூலவிட்டங்கள் உள்ள ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை  
1) 4                      2) 4!                      3) 11                      4) 22
8.  $(n-1)C_r + (n-1)C_{(r-1)}$  என்பது  
1)  $(n+1)C_r$                       2)  $(n-1)C_r$                       3)  $nC_r$                       4)  $nC_{r-1}$
9. இரு எண்களின் கூட்டுச்சராசரி  $a$  மற்றும் பெருக்குச் சராசரி  $g$  எனில்  
1)  $a \leq g$                       2)  $a \geq g$                       3)  $a = g$                       4)  $a > g$
10. சாய்வு 2 உடைய கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து வரையப்படும் செங்குத்து கோட்டின் நீளம்  $\sqrt{5}$  எனில், அக்கோட்டின் சமன்பாடு  
1)  $x-2y=\sqrt{5}$                       2)  $2x-y\sqrt{5}$                       3)  $2x-y=5$                       4)  $x-2y-5=0$
11.  $6x^2-xy+4cy^2=0$  என்ற கோடுகளில் ஒரு கோடானது  $3x+4y=0$  எனில்  $c$  -ன் மதிப்பு  
1) -3                      2) -1                      3) 3                      4) 1
12.  $A = \begin{bmatrix} a & x \\ y & a \end{bmatrix}$  மற்றும்  $xy=1$ , எனில்,  $\det(AA^T)$  -ன் மதிப்பு  
1)  $(a-1)^2$                       2)  $(a^2+1)^2$                       3)  $(a^2-1)$                       4)  $(a^2-1)^2$
13.  $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  என்ற சமன்பாட்டை நிறைவு செய்யும்  $A$  என்ற அணி  
1)  $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$                       2)  $\begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$                       3)  $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$                       4)  $\begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$



(2)

XI கணிதம்

14. ஒரு புள்ளியின் நிலை வெக்டர்  $\vec{r} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$  என்க.  $\vec{r}$  ஆனது  $x, y$  மற்றும்  $z$  அச்சுகளுடன் ஏற்படுத்தும் கோணங்கள் முறையே  $\alpha, \beta$  மற்றும்  $\gamma$  எனில்,  $\cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma$  இன் மதிப்பு

1) 1

2) 2

3)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 

4) 3

15.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\sin x} - 1}{x} =$

1) 1

2) e

3)  $\frac{1}{e}$ 

4) 0

16.  $y=f(x^2+2)$  மற்றும்  $f'(3)=5$  எனில்  $x=1$  ல்  $\frac{dy}{dx}$  என்பது

1) 5

2) 25

3) 15

4) 10

17.  $f(x)=x+2$ , எனில்  $x=4$  ல்  $f'(f(x))$  -ன் மதிப்பு

1) 8

2) 1

3) 4

4) 5

18.  $(x, y)$  என்ற ஏதேனும் ஒரு புள்ளியில் ஒரு வளைவரையின் சாய்வு  $\frac{x^2-4}{x^2}$  ஆகும்.

இவ்வளைவரை  $(2, 7)$  என்ற புள்ளி வழியாகச் சென்றால், வளைவரையின் சமன்பாடு

1)  $y=x+\frac{4}{x}+3$

2)  $y=x+\frac{4}{x}+4$

3)  $y=x^2+3x+4$

4)  $y=x^2-3x+6$

19.  $\int \frac{dx}{x^2-25} =$

1)  $\frac{1}{5} \tan^{-1}\left(\frac{x}{5}\right) + c$

2)  $\frac{1}{10} \log\left|\frac{x-5}{x+5}\right| + c$

3)  $\frac{1}{10} \log\left|\frac{x+5}{x-5}\right| + c$

4)  $\sin^{-1}\left(\frac{x}{5}\right) + c$

20. A மற்றும் B என்ற இரு நிகழ்ச்சிகளுக்கு  $P(A)=0.4$ ,  $P(B)=0.8$  மற்றும்  $P(B/A)=0.6$ , எனில்

$P(\overline{A} \cap B)$  ன் மதிப்பு

1) 0.96

2) 0.24

3) 0.56

4) 0.66

பகுதி - ஆ

7x2=14

II ஏதேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளி.

21.  $x=\{a, b, c, d\}$  மற்றும்  $R=\{(a, a), (b, b), (a, c)\}$  என்க. தொடர்பு R ஐ i) தற்கட்டு ii) சமச்சீர் என உருவாக்க R-உடன் சேர்க்கப்பட வேண்டிய குறைந்தபட்ச உறுப்புகளை எழுதுக.

22.  $\sin \theta = \frac{12}{13}$ ,  $\theta$  முதல் காற்பகுதியில் அமைகிறது எனில்  $\sin 2\theta$  இன் மதிப்பைக் காண்க.

23.  $nC_{12} = nC_9$ , எனில்,  $21C_n$  ஐக் காண்க.

24.  $(1, 1)$  மற்றும்  $(-2, 3)$  என்ற இரு புள்ளிகள் வழியே செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாடு காண்க.



(3)

XI கணிதம்

$$25. \begin{vmatrix} x+2a & y+2b & z+2c \\ x & y & z \\ a & b & c \end{vmatrix} = 0 \text{ என நிறுவுக.}$$

26.  $2\hat{i}+3\hat{j}-6\hat{k}$  மற்றும்  $-6\hat{i}-3\hat{j}+2\hat{k}$  என்ற இரு வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

27.  $y=x^3-6x^2-5x+3$  எனில்  $y''$  காண்க.

28. மதிப்பிடுக  $\int e^x(\tan x + \log \sec x)dx$

29.  $P(A)=0.52$ ,  $P(B)=0.43$  மற்றும்  $P(A \cap B)=0.24$  எனில் i)  $P(A \cup B)$  ii)  $P(A \cap \bar{B})$  காண்க.

30. இருபடிச் சமன்பாடு  $x^2-ax+a+2=0$  -ன் மூலங்கள் சமம் எனில்  $a$ -ன் அனைத்து மதிப்புகளையும் காண்க.

பகுதி - இ

7x3=21

III ஏதேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 40க்கு கண்டிப்பாக விடையளி.

31. வரைபடம் வரைக (i)  $f(x)=|x|$  (ii)  $f(x)=|x-1|$  (iii)  $f(x)=|x+1|$

$$32. \log \frac{a^2}{bc} + \log \frac{b^2}{ca} + \log \frac{c^2}{ab} = 0 \text{ என நிரூபி.}$$

$$33. \frac{\sin 4x + \sin 2x}{\cos 4x + \cos 2x} = \tan 3x \text{ என நிரூபி.}$$

34. "IIT JEE" என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

35.  $\sqrt{3}x - y + 4 = 0$  என்ற சமன்பாட்டினை வெட்டுத் துண்டு அமைப்பில் எழுதுக.

$$36. (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 + |\vec{a} \times \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 \text{ என நிரூபி.}$$

$$37. \text{மதிப்பிடுக } \int \frac{dx}{x^2 + 2x + 10}$$

38. A மற்றும் B ஒன்றையொன்று சார்பிலா நிகழ்ச்சிகள் மற்றும்  $P(A)=0.4$  மற்றும்  $P(A \cup B)=0.9$  எனில்  $P(B)$  காண்க.

$$39. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{ax} - e^{bx}}{x} = ?$$

$$40. y=x^{10}+10^x+\log_{10} x \text{ எனில் } \frac{dy}{dx} \text{ காண்க.}$$

பகுதி - ஈ

7x5=35

IV அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

41. அ)  $f, g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  வரையறுக்கப்படுகிறது எனில்  $f(x)=2x-|x|$ ,  $g(x)=2x+|x|$   $f \circ g$  காண்க.  
(அல்லது)

$$\text{ஆ) பகுதி பின்னமாக்குக: } \frac{x+12}{(x+1)^2(x-2)}$$



(4)

XI கணிதம்

42. அ) நேப்பியரின் சூத்திரத்தை கூறி நிரூபிக்கவும்.  
(அல்லது)

ஆ) கணித தொகுத்தறிதலை பயன்படுத்தி நிரூபி.

$$\frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)} = \frac{n}{n+1} \quad (n-இயல் எண்கள்)$$

43. அ)  $x$  ஒரு தேவையான அளவிலான பெரிய எண் எனில்,  $\sqrt[3]{x^3+6} - \sqrt[3]{x^3+3}$  -ன் மதிப்பைத்  
தோராயமாக  $\frac{1}{x^2}$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ)  $9x^2 - 24xy + 16y^2 - 12x + 16y - 12 = 0$  என்பது இணையான இரட்டை நேர்க்கோடுகள் என நிறுவுக. மேலும் இவ்விரு கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.

44. அ) காரணித் தேற்றத்தின் மூலம் நிரூபி.

$$\begin{vmatrix} (q+r)^2 & p^2 & p^2 \\ q^2 & (r+p)^2 & q^2 \\ r^2 & r^2 & (p+q)^2 \end{vmatrix} = 2pqr(p+q+r)^3$$

(அல்லது)

ஆ)  $(n+2)C_7 : (n-1)P_4 = 13:24$  எனில்  $n$  - மதிப்பு காண்.

45. அ)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1+2+\dots+n}{3n^2+7n+2} = \frac{1}{6}$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரே புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிரூபி.

46. அ)  $y = \frac{\sin^{-1} x}{\sqrt{1-x^2}}$  எனில்  $(1-x^2)y_2 - 3xy_1 - y = 0$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ)  $A+B=45$  எனில்  $(1+\tan A)(1+\tan B)=2$  என நிறுவுக.

47. அ) ஒரு குறிப்பிட்ட நிறுவனத்தில் A, B மற்றும் C ஆகியோர் மேலாளர் ஆவதற்கான வாய்ப்புகள் முறையே 5:3:2 என்ற விகிதத்தில் உள்ளனர். A, B மற்றும் C ஆகியோர் மேலாளர்களாக இருந்தால் அலுவலக உணவகத்தை மேம்படுத்த நிகழ்தகவுகள் முறையே 0.4, 0.5 மற்றும் 0.3 ஆகும். அலுவலக உணவகம் மேம்பட வேண்டுமெனில் B என்பவரை மேலாளராக நியமிக்க நிகழ்தகவு என்ன?

(அல்லது)

ஆ) மதிப்பிடுக:

i)  $\int e^{-5x} \sin 3x dx$

ii)  $\int xe^x dx$