

## second revision

12th Standard

Date : 06-Feb-23

Reg.No. :      

## second revision

Exam Time : 03:00:00 Hrs

Total Marks : 90

20 x 1 = 20

- 1)  $|\text{adj}(\text{adj } A)| = |A|^9$  எனில், சதுர அணி A-யின் வரிசையானது  
(a) 3 (b) 4 (c) 2 (d) 5
- 2)  $z = x + iy$  என்ற கலப்பெண்ணிற்கு  $|z+2| = |z-2|$  எனில், z-ன் நியமப்பாதை  
(a) மெய் அச்சு (b) கற்பனை அச்சு (c) நீள்வட்டம் (d) வட்டம்
- 3)  $x^3+px^2+qx+r$  -க்கு  $\alpha, \beta$  மற்றும்  $\gamma$  என்பவை பூச்சியமாக்கிகள் எனில்  $\sum \frac{1}{\alpha}$  -ன் மதிப்பு  
(a)  $-\frac{q}{r}$  (b)  $-\frac{p}{r}$  (c)  $\frac{q}{r}$  (d)  $-\frac{q}{p}$
- 4)  $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y = \frac{2\pi}{3}$ ; எனில்  $\cos^{-1} x + \cos^{-1} y$  என்பதன் மதிப்பு  
(a)  $\frac{2\pi}{3}$  (b)  $\frac{\pi}{3}$  (c)  $\frac{\pi}{6}$  (d)  $\pi$
- 5) வட்டம்  $x^2+y^2=4x+8y+5$  நேர்க்கோடு  $3x-4y=m$  3-ஐ இரு வெவ்வேறு புள்ளிகளில் வெட்டுகின்றது எனில்  
(a)  $15 < m < 65$  (b)  $35 < m < 85$  (c)  $-85$  (d)  $-35$
- 6)  $\vec{\beta}$  மற்றும்  $\vec{\gamma}$  ஆகியவை அமைக்கும் தளத்தில் அமைந்துள்ளது எனில்  
(a)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = 1$  (b)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = -1$  (c)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = 0$  (d)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = 2$
- 7)  $\hat{i} + \hat{j}, \hat{i} + 2\hat{j}, \hat{i} + \hat{j} + \pi\hat{k}$  என்ற வெக்டர்களை ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் விளிம்புகளாகக்கொண்ட இணைகரத் திண்மத்தின் கன அளவு  
(a)  $\frac{\pi}{2}$  (b)  $\frac{\pi}{3}$  (c)  $\pi$  (d)  $\frac{\pi}{4}$
- 8) ஒரு பலூனானது செங்குத்தாக மேல்நோக்கி 10 மீ/வி வீதத்தில் செல்கிறது. பலூன் செலுத்தப்பட்ட இடத்திலிருந்து 40 மீ தொலைவில் இடருந்து ஒருவர் இதனைப் பார்க்கிறார். பலூனின் ஏற்றக் கோணத்தில் ஏற்படும் மாறுபாட்டு வீதத்தை பலூன் தரையிலிருந்து 30 மீட்டர் உயரத்தில் இருக்கும்போது காண்க.  
(a)  $\frac{3}{25}$  ரேடியன்கள்/வினாடி (b)  $\frac{4}{25}$  ரேடியன்கள்/வினாடி (c)  $\frac{1}{5}$  ரேடியன்கள்/வினாடி  
(d)  $\frac{1}{3}$  ரேடியன்கள்/வினாடி
- 9)  $y = e^x \sin x$ ,  $x \in [0, 2\pi]$  என்ற வளைவரையின் மீப்பெருசாய்வு எங்கு அமையும்?  
(a)  $x = \frac{\pi}{4}$  (b)  $x = \frac{\pi}{2}$  (c)  $x = \pi$  (d)  $x = \frac{3\pi}{2}$
- 10)  $v(x, y) = \log(e^x + e^y)$ , எனில்  $\frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y}$  -ன் மதிப்பு  
(a)  $e^x + e^y$  (b)  $\frac{1}{e^x + e^y}$  (c) 2 (d) 1
- 11) ஒரு கன சதுரத்தின் பக்க அளவு 1% அதிகரிக்கும்போது அதன் கன அளவில் ஏற்படும் மாற்றம்  
(a)  $0.3x dx$  மீ<sup>3</sup> (b)  $0.03x$  மீ<sup>3</sup> (c)  $0.03x^2$  மீ<sup>3</sup> (d)  $0.03x^2$  மீ<sup>3</sup>
- 12)  $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \cos^3 3x \, dx$  இன் மதிப்பு  
(a)  $\frac{2}{3}$  (b)  $\frac{2}{9}$  (c)  $\frac{1}{9}$  (d)  $\frac{1}{3}$
- 13) மையம் (h, k) மற்றும் ஆரம் 'a' கொண்ட எல்லா வட்டங்களின் வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் வரிசை  
(a) 2 (b) 3 (c) 4 (d) 1
- 14) n முறை சுண்டப்படும் ஒரு நாணயத்தினால் பெறப்படும் தலை மற்றும் பூக்களின் எண்ணிக்கை வேறுபாட்டை X குறிக்கிறது என்க. X -இன் சாத்திய மதிப்புகள்  
(a)  $i+2n$ ,  $i = 0, 1, 2, \dots, n$  (b)  $2i-n$ ,  $i = 0, 1, 2, \dots, n$  (c)  $n-i$ ,  $i = 0, 1, 2, \dots, n$  (d)  $2i+2n$ ,  $i = 0, 1, 2, \dots, n$

15) பின்வருபவைகளில் எது சரியல்ல? p மற்றும் q ஏதேனும் இரு கூற்றுகளுக்கு பின்வரும் தர்க்க சமானமானவைகள் பெறப்படுகிறது.

(a)  $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$  (b)  $\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$  (c)  $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \vee \neg q$  (d)  $\neg(\neg p) \equiv p$

16) A என்ற அணியின் வரிசை n எனில், |adj A|=

(a)  $|A|^{n-1}$  (b)  $|A|^{n-2}$  (c)  $|A|^n$  (d) இல்லை

17)  $a = 1 + i$  எனில்,  $a^2 =$

(a)  $1 - i$  (b)  $2i$  (c)  $(1 + i)(1 - i)$  (d)  $i - 1$

18)  $9x^3 - 7x + 6 = 0$  என்பது  $\alpha, \beta, \gamma$  என்பதன் மூலங்கள் எனில்  $\alpha \beta \gamma =$  \_\_\_\_\_

(a)  $-\frac{7}{9}$  (b)  $\frac{7}{9}$  (c) 0 (d)  $-\frac{2}{3}$

19)  $\sin^{-1} x - \cos^{-1} x = \frac{\pi}{6}$  எனில்,

(a)  $\frac{1}{2}$  (b)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  (c)  $-\frac{1}{2}$  (d) இவற்றுள் எதுமில்லை

20) Z என்ற கணத்தில்  $a * b = a + b = 1$  என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் \* ஐப் பொறுத்து என்பது

(a) 1 (b) 0 (c) -1 (d) 2

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும் கேள்வி எண் 30 கட்டாயமாக

7x 2 = 14

விடையளிக்கவும்

21)  $\text{adj}(A) = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 0 \\ 6 & 2 & -6 \\ -3 & 0 & 6 \end{bmatrix}$  எனில்  $A^{-1}$  -ஐ காண்க.

22)  $z_1 = 1 - 3i$ ,  $z_2 = -4i$ , மற்றும்  $z_3 = 5$  எனில் கீழ்க்காண்பவைகளை நிறுவுக.

$(z_1 + z_2) + z_3 = z_1 + (z_2 + z_3)$

23)  $\alpha, \beta, \gamma$  என்பவை  $x^3 + px^2 + qx + r = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்களாக இருந்தால் கெழுக்களின் அடிப்படையில்  $\sum \frac{1}{\beta\gamma}$  -ன் மதிப்பைக் காண்க.

24) மதிப்பு காண்க

$\tan^{-1}(\tan \frac{5\pi}{4})$

25) மையம் (-3, -4) மற்றும் ஆரம் 3 அலகுகள் கொண்ட வட்டத்தின் சமன்பாடு காண்க.

26)  $\vec{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ,  $\vec{b} = 2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $\vec{c} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ , எனில்  $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$  காண்க.

27)  $f(x) = x^2 + x$  என்ற சார்பிற்கு  $df$  காண்க மற்றும்

$x = 2$ ,  $dx = 0.1$  (ii)  $x = 3$  மற்றும்  $dx = 0.02$  எனும் போது  $df$  -ஐ மதிப்பிடுக.

28) பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக:

$\int_0^1 x^3 e^{-2x} dx$

29) X என்பது மூன்று சீரான நாணயங்களை ஒரே சமயத்தில் ஒரு முறைச் சுண்டும்போது விழும் பூக்களின் எண்ணிக்கை என்க. சமவாய்ப்பு மாறியான X-இன் மதிப்புகளையும் அதன் நேர்மாறு பிம்பங்களில் உள்ள புள்ளிகளின் எண்ணிக்கையையும் காண்க.

30)  $p \rightarrow q \equiv \neg p \vee q$  -க்கு சமானமானவை பண்பை நிறுவுக.

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும் கேள்வி எண் 40 கட்டாயமாக

7x 3 = 21

விடையளிக்கவும்

31)  $A = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} -8 & 1 & 4 \\ 4 & 4 & 7 \\ 1 & -8 & 4 \end{bmatrix}$  எனில்,  $A^{-1} = A^T$  என நிறுவுக.

32)  $z_1 = 2 + 5i$ ,  $z_2 = -3 - 4i$ , மற்றும்  $z_3 = 1 + i$  எனில்  $z_1, z_2$ , மற்றும்  $z_3$  ஆகியவற்றின் கூட்டல் மற்றும் பெருக்கல் நேர்மாறுகளைக் காண்க.

33)  $lx^2 + nx + n = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் p மற்றும் q எனில்,  $\sqrt{\frac{p}{q}} + \sqrt{\frac{q}{p}} + \sqrt{\frac{n}{l}} = 0$  எனக் காட்டுக.

34) முனை (5, -2) மற்றும் குவியம் (2, -2) உடைய பரவளையத்தின் சமன்பாடு காண்க.

35)  $[\vec{a} \times \vec{b}, \vec{b} \times \vec{c}, \vec{c} \times \vec{a}] = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]^2$  என நிறுவுக.

36) தரை யிலிருந்து மேல் நோக்கி சுடப்படும் ஒரு துகள் s அடி உயரத்தை t வினாடிகளில் சென்று அடைகிறது.

$$\text{இங்கு } s(t) = 128t - 16t^2$$

- (i) துகள் அடையும் அதிகபட்ச உயரத்தைக் கணக்கிடுக?  
(ii) தரையைத் தொடும் போது அதன் திசைவேகம் என்ன ?

37) ஒரு வட்ட வடிவத் தகடு வெப்பத்தினால் சீராக விரிவடைகின்றது என்க. அதன் ஆரம் 10.5 செ மீ-இலிருந்து 10.75 செ.மீ-ஆக அதிகரிக்கும் போது அதன் பரப்பில் ஏற்படும் தோராய அதிகரிப்பு மற்றும் தோராய சதவீத அதிகரிப்பு ஆகியவற்றைக் காண்க.

38) பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக  $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sin^5 3x \, dx$

39) தீர்வு காண்க:  $\frac{dy}{dx} + 2y = e^{-x}$ .

40)  $\neg(p \rightarrow q) \equiv \neg p \wedge \neg q$  எனக் காட்டுக.

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும் கேள்வி எண் 30 கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்

7x 5 = 35

41) If  $F(\alpha) = \begin{bmatrix} \cos \alpha & 0 & \sin \alpha \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \alpha & 0 & \cos \alpha \end{bmatrix}$  எனில்,  $[F(\alpha)]^{-1} = F(-\alpha)$  எனக்காட்டுக.

42)  $z = x + iy$  மற்றும்  $\arg\left(\frac{z-1}{z+1}\right) = \frac{\pi}{2}$  எனில்,  $x^2 + y^2 = 1$  எனக்காட்டுக

43)  $\sqrt{5} - \sqrt{3}$ -ஐ மூலமாகக் கொண்ட குறைந்தபட்ச படியுடன் விகிதமுறு கெழுக்களுடைய ஓர் பல்லுறுப்புக்கோவைச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

44)  $11x^2 - 25y^2 - 44x + 50y - 256 = 0$  என்ற அதிபரவளையத்தின் மையம், குவியங்கள் மற்றும் மையத் தொலைத்தகவு காண்க.

45) வெக்டர் முறையில்  $\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$

46) (-5, 7, -4) மற்றும் (13, -5, 2) என்ற புள்ளிகள் வழியாகச் செல்லும் நேர்க்கோட்டின் துணையலகு வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டீசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க. மேலும், இந்த நேர்க்கோடு XY தளத்தை வெட்டும் புள்ளியைக் காண்க.

47) கீழ்க்காணும் சார்புகளுக்கு மெக்லாரனின் விரிவைக் காண்க:  
 $\tan^{-1}(x); -1 \leq x \leq 1$

48)  $f(x) = (x-1)^3(x-5)$ ,  $x \in R$  என்ற வளை வரையின் குழிவு இடைவெளிகளைக் காண்க மேலும் ஏதேனும் வளைவு மாற்றப் புள்ளிகள் இருப்பின் அவற்றைக் காண்க.

49) r செ.மீ ஆரமுள்ள அறை வட்டத்தினுள் அமைக்கப்படும் செவ்வகங்களுள் மீப்பெரு செவ்வகத்தின் பரிமாணங்களைக் காண்க?

50) பின்வரும் சார்புகளுக்கு  $f_x$ ,  $f_y$  காண்க. மேலும்  $f_{xy} = f_{yx}$  எனக் காட்டுக.  
 $f(x,y) = \tan^{-1}\left(\frac{x}{y}\right)$

51) ஆரம் r மற்றும் உயரம் h உடைய கோள வடிவ தொப்பியின் கன அளவைக் காண்க.

52) வெப்பநிலை  $25^{\circ}\text{C}$  ஆக உள்ள ஒரு அறையில் வைக்கப்பட்டுள்ள நீரின் வெப்பநிலை  $100^{\circ}\text{C}$  ஆகும். 10 நிமிடங்களில் நீரின் வெப்பநிலை  $80^{\circ}\text{C}$  ஆகக் குறைந்து விடுகிறது எனில், வெப்பநிலை  $40^{\circ}\text{C}$  ஆக இருக்கும்போது நேரம் காண்க.  
 $[\log \frac{11}{15} = -0.03101; \log 5 = 1.6094]$

53) ஒரு சமவாய்ப்பு மாறி X-க்கு நிகழ்தகவு நிறைசார்பானது

x	1	2	3	4	5
f(x)	$k^2$	$2k^2$	$3k^2$	$2k^2$	$3k$

எனில்

- (i) k மதிப்பு  
(ii)  $P(2 \leq X < 5)$   
(iii)  $P(3)$

54) பட்டி 11-ஐ பொருத்து எந்தக் கொள்கிகளின் கணம்  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ -ஐ வட்டக் கணம்