

முதல் இடைப்பருவ பொதுத் தேர்வு - 2023

சிவகங்கை வகுப்பு 11

பதிவு எண்

--	--	--	--	--	--

01.08.23 கணிதம்

நேரம்: 1.30 மணி

மதிப்பெண்கள்: 50

பகுதி - I

சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுது:

10×1=10

- $n(A) = 2$ மற்றும் $n(B \cup C) = 3$ எனில் $n[(A \times B) \cup (A \times C)]$ என்பது
a) 2^3 b) 3^2 c) 6 d) 5
- $\frac{1}{1-2\sin x}$ என்ற சார்பின் வீச்சகம்
a) $(-\infty, -1) \cup \left(\frac{1}{3}, \infty\right)$ b) $\left(-1, +\frac{1}{3}\right)$
c) $\left[-1, \frac{1}{3}\right]$ d) $(-\infty, -1) \cup \left(\frac{1}{3}, \infty\right)$
- $X = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $R = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 2), (3, 3), (2, 1), (3, 1), (1, 4), (4, 1)\}$ எனில்
a) தற்சுட்டுத் தொடர்பு b) சமச்சீர் தொடர்பு
c) கடப்புத் தொடர்பு d) சமானத் தொடர்பு
- $f: R \rightarrow R$ ல் சார்பு $f(x) = 1 - |x|$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் f இன் வீச்சகம்
a) R b) $(1, \infty)$ c) $(-1, \infty)$ d) $(-x, 1]$
- $|x-1| \geq |x-3|$ என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வு
a) $[0, 2]$ b) $(2, \infty)$ c) $(0, 2)$ d) $(-\infty, 2)$
- $\log_{\sqrt{2}} 512$ ன் மதிப்பு
a) 16 b) 18 c) 9 d) 12
- $\frac{1-2x}{3+2x-x^2} = \frac{A}{3-x} + \frac{B}{x+1}$ எனில் $A+B$ ன் மதிப்பு
a) $\frac{-1}{2}$ b) $\frac{-2}{3}$ c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{2}{3}$
- $X = \{1, 2, 3, 4\}$, $Y = \{a, b, c, d\}$ மற்றும் $f = \{(1, a), (4, b), (2, c), (3, d), (2, d)\}$, எனில் f என்பது
a) ஒன்றுக்கொன்றான சார்பு b) மேற்கோர்த்தல் சார்பு
c) ஒன்றுக்கொன்று அல்லாத சார்பு d) சார்பன்று
- 7 மற்றும் -3 ஆகிய மூலங்களை உடைய இருபடிச்சமன்பாடு
a) $x^2+4x-21=0$ b) $x^2-4x+21=0$
c) $x^2-4x-21=0$ d) $x^2+4x+21=0$
- $x^2-kx+16=0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் a மற்றும் b ஆகியவை $a^2+b^2=32$ ஐ நிறைவு செய்யும் எனில் k ன் மதிப்பு
a) 10 b) -8 c) -8, 8 d) 6

பகுதி - II

எலையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி: வினா எண் 16 கட்டாய வினா.

4×2=8

- $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{3, 4, 5, 6\}$ எனில் $n[(A \cup B) \times (A \cap B) \times (A \Delta B)]$ ஐக் காண்க.
- f மற்றும் g என்ற இரு சார்புகள் $R \rightarrow R$ ல் $f(x) = 3x-4$ மற்றும் $g(x) = x^2+3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் $g \circ f$ காண்க.

- 13) $\log a + \log a^2 + \log a^3 + \dots + \log a^n = \frac{n(n+1)}{2} \log a$ எனக் காட்டுக.
- 14) $\frac{32\pi}{3}$ கனஅளவு கொண்ட கோளவடிவ நீர்த்தேக்கத் தொட்டியின் ஆரம் காண்க.
- 15) $f(x) = 4x^2 - 25$ என்ற பல்லுறுப்புச் சார்பின் பூஜ்ஜியங்களைக் காண்க.
- 16) $P(A)$ என்பது A என்ற கணத்தின் அனைத்துக் கணத்தினைக் குறித்தால் $n(P(P(P(\phi))))$ ன் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - III

அவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி: வினா எண் 22 கட்டாய வினா. $4 \times 3 = 12$

- 17) $n[P(A)] = 1024$, $n(A \cup B) = 15$, $n[P(B)] = 32$ எனில் $n(A \cap B)$ காண்க.
- 18) $\frac{1}{2 \cos x - 1}$ என்ற சார்பின் வீச்சகம் காண்க.
- 19) $A = \{a, b, c\}$ என்க. Aன் மீதான மிகச்சிறிய செவ்வெண்மையுடைய சமானத்தொடர்பு என்ன? Aன் மீதான மிகப்பெரிய செவ்வெண்மையுடைய சமானத்தொடர்பு என்ன?
- 20) தீர்வு காண்க: $\frac{3(x-2)}{5} \leq \frac{5(2-x)}{3}$
- 21) பகுதிப் பின்னங்களாகப் பிரித்தெழுது: $\frac{-3x+1}{(x-2)(x+1)}$
- 22) $f(x) = x^2 + 5x + 4$ ஐ வர்க்கங்களின் கூடுதலாக எழுது.

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

$4 \times 5 = 20$

- 23) $f(x) = \begin{cases} x^2 + x - 5 & ; x \in (-\infty, 0) \\ x^2 + 3x - 2 & ; x \in (3, \infty) \\ x^2 & ; x \in (0, 2) \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டால் $-3, 5, 2, -1, 0$ மற்றும் இடங்களில்

ஆகியவற்றில் fன் மதிப்புகளைக் காண்க.

(அல்லது)

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்பு $f(x) = 2x - 3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் f ஒரு இருபுறச்சார்பு என நிரூபித்து அதன் நேர்மாறு காண்க.

- 24) $f, g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ஆகிய இரு சார்புகள் $f(x) = 2x - |x|$ மற்றும் $g(x) = 2x + |x|$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் $f \circ g$ காண்க.

(அல்லது)

பகுதிப் பின்னங்களாகப் பிரித்து எழுது: $\frac{x^2 + x + 1}{x^2 - 5x + 6}$

- 25) $K(x-1)^2 = 5x-7$ என்பதன் ஒரு மூலம் மற்றதன் இருமடங்கு எனில் $K = 2$ மற்றும் $K = -25$ எனக் காண்க. (அல்லது)

$\frac{2x-3}{(x-2)(x-4)} < 0$ என்ற அசமன்பாட்டின் xன் அனைத்து மதிப்புகளையும் காண்க.

- 26) மக்கள் தொகை 5000 உள்ள ஒரு நகரத்தில் எடுத்த கணக்கெடுப்பில் மொழி A தெரிந்தவர்கள் 45%, மொழி B தெரிந்தவர்கள் 25%, மொழி C தெரிந்தவர்கள் 10%, A மற்றும் B மொழி தெரிந்தவர்கள் 5%, B மற்றும் C மொழி தெரிந்தவர்கள் 4%, A மற்றும் C மொழி தெரிந்தவர்கள் 4% ஆகும். இதில் மூன்று மொழிகளும் தெரிந்தவர்கள் 3% எனில் மொழி A மட்டும் தெரிந்தவர்கள் எத்தனை பேர்?

(அல்லது)

$\sqrt{6-4x-x^2} = x+4$ என்ற சமன்பாட்டை தீர்க்கவும்.