

வகுப்பு : 12

**தேர்வு
எண்**

முதல் இடைப் பருவத் தேர்வு - 2023

கணிதம்

பகுதி - I

நேரம் : 1.30 மணி

[மொத்த மதிப்பெண்கள் : 45

1. பின்வரும் அனைத்து வினாக்களுக்கும் கொடுக்கப்பட்டுள்ள 4 விடைகளில் சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.
 2. ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் ஒரு மதிப்பெண் 10x1=10
1. $\frac{z-1}{z+1}$ என்பது முழுவதும் கற்பனை எனில் $|z|$ -ன் மதிப்பு
 - (1) $\frac{1}{2}$ (2) 1 (3) 2 (4) 3
2. $A = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$, எனில் $9I_2 - A =$
 - (1) A^{-1} (2) $\frac{A^{-1}}{2}$ (3) $3A^{-1}$ (4) $2A^{-1}$
3. $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$, மற்றும் $\lambda A^{-1} = A$, எனில் λ -ன் மதிப்பு
 - (1) 17 (2) 14 (3) 19 (4) 21
4. $\rho(A) \neq \rho([A|B])$, எனில் $AX = B$ என்ற நேரியச் சமன்பாடுகளின் தொகுப்பானது
 - (1) ஒருங்கமைவுடையது மற்றும் ஒரே ஒரு தீர்வு பெற்றிருக்கும் (2) ஒருங்கமைவுடையது
 - (3) ஒருங்கமைவுடையது மற்றும் எண்ணற்ற தீர்வுகள் பெற்றிருக்கும் (4) ஒருங்கமைவற்றது
5. $\left(\frac{1+\sqrt{3}i}{1-\sqrt{3}i}\right)^{10}$ ன் மதிப்பு
 - (1) $\text{cis } \frac{2\pi}{3}$ (2) $\text{cis } \frac{4\pi}{3}$ (3) $-\text{cis } \frac{2\pi}{3}$ (4) $-\text{cis } \frac{4\pi}{3}$
6. $\left|z - \frac{3}{z}\right| = 2$, எனில் $|z|$ ன் மீப்பெரு மதிப்பு
 - (1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 5
7. $x^3 - kx^2 + 9x$ எனும் பல்லுறுப்புக் கோவைக்கு மூன்று மெய்யெண் பூச்சியமாக்கிகள் இருப்பதற்கு தேவையானதும் மற்றும் போதுமானதுமான நிபந்தனை
 - (1) $|k| \leq 6$ (2) $k = 0$ (3) $|k| > 6$ (4) $|k| \geq 6$
8. $x^2 + x + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில், $\alpha^{2020} + \beta^{2020}$ -ன் மதிப்பு
 - (1) -2 (2) -1 (3) 1 (4) 2
9. $x^3 + px^2 + qx + r = 0$ -க்க α, β , மற்றும் γ , என்பவை பூச்சியமாக்கிகள் எனில் $\Sigma \frac{1}{\alpha}$ -ன் மதிப்பு
 - (1) $-\frac{q}{r}$ (2) $-\frac{p}{r}$ (3) $\frac{q}{r}$ (4) $-\frac{q}{p}$
10. $A(\text{adj } A) = \begin{bmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 5 \end{bmatrix}$ எனில் $|A|$ ன் மதிப்பு
 - (1) 3 (2) 5 (3) $\frac{1}{5}$ (4) $\frac{1}{3}$

CP/12/Mat/1

பகுதி - II

1. ஏதேனும் 4 வினாவிற்கு விடையளி. 2. ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 2 மதிப்பெண் 4X2=8
11. $A = \begin{bmatrix} 8 & -4 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$ எனில் $A(\text{adj } A) = (\text{adj } A)A = |A|I$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
12. $\begin{bmatrix} 3 & -8 & 5 & 2 \\ 2 & -5 & 1 & 4 \\ -1 & 2 & 3 & -2 \end{bmatrix}$ அணித்தரம் காண்க.
13. வார்க்கமூலம் காண்க: $-6 + 8i$.
14. $Z = (2 + 3i)(1 - i)$ எனில் Z^{-1} ஐக் காண்க.
15. $x^4 - 14x^2 + 45 = 0$ எனும் சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.
16. $\omega \neq 1$ என்பது ஒன்றின் மூன்றாம் படிமூலம் எனில் $\frac{a + b\omega + c\omega^2}{b + c\omega + a\omega^2} + \frac{a + b\omega + c\omega^2}{c + a\omega + b\omega^2} = -1$ என நிறுவுக.

பகுதி - III

1. ஏதேனும் 4 வினாவிற்கு விடையளி. 4X3=12
2. ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 3 மதிப்பெண்
17. $\text{adj } A = \begin{bmatrix} 7 & 7 & -7 \\ -1 & 11 & 7 \\ 11 & 5 & 7 \end{bmatrix}$ எனில், A ஐக் காண்க.
18. $2x - y + z = 2$, $6x - 3y + 3z = 6$, $4x - 2y + 2z = 4$ சமன்பாடுகளின் தொகுப்பு ஒருங்கமைவு உடையதா என்பதை ஆராய்க. ஒருங்கமைவு உடையதாயின் அவற்றைத் தீர்க்க.
19. $|z| = 3$ எனில் $7 \leq |z + 6 - 8i| \leq 13$ எனக் காட்டுக.
20. $lx^2 + nx + n = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் p மற்றும் q எனில் $\sqrt{\frac{p}{q}} + \sqrt{\frac{q}{p}} + \sqrt{\frac{n}{1}} = 0$ எனக் காட்டுக.
21. $2i + 3$ ஐ மூலமாகக் கொண்ட குறைந்தபட்ச படியுடன் விகிதமுறு கெழுக்களுடைய ஓர் பல்லுறுப்புக் கோவைச் சமன்பாட்டைக் காண்க.
22. $|3z - 5 + i| = 4$ என்ற சமன்பாடு வட்டத்தைக் குறிக்கிறது எனக்காட்டுக. மேலும் இதன் மையம் மற்றும் ஆரத்தைக் காண்க.

பகுதி - IV

1. அனைத்து வினாவிற்கும் விடையளி. 2. ஒவ்வொரு வினாவிற்கும் 5 மதிப்பெண் 3X5=15
23. (a) காஸ்ஸியன் நீக்கல் முறையைப் பயன்படுத்தி பின்வரும் வேதியல் எதிர்வினைச் சமன்பாட்டை சமநிலைப்படுத்துக.
 $C_5H_8 + O_2 \rightarrow CO_2 + H_2O$. (அல்லது)
- (b) $3x + 3y - z = 11$, $2x - y + 2z = 9$, $4x + 3y + 2z = 25$ நேரியச் சமன்பாடுகளின் தொகுப்பை கிராமரின் விதிப்படி தீர்க்க.
24. (a) $2 \cos \alpha = x + \frac{1}{x}$ மற்றும் $2 \cos \beta = y + \frac{1}{y}$, எனக் கொண்டு கீழ்க்காண்பவைகளை நிறுவுக.
 (i) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2 \cos(\alpha - \beta)$ (ii) $xy \frac{1}{xy} = 2i \sin(\alpha + \beta)$
 (அல்லது)
- (b) $z = x + iy$ என்ற ஏதேனும் ஒரு கலப்பெண் $\text{Im}\left(\frac{2z+1}{iz+1}\right) = 0$, எனுமாறு அமைந்தால் z-ன் நியமப்பாதை $2x^2 + 2y^2 + x - 2y = 0$ எனக் காட்டுக.
25. (a) தீர்க்க : $6x^4 - 35x^3 + 62x^2 + 35x + 6 = 0$
 (அல்லது)
- (b) தீர்க்க. $(x-2)(x-7)(x-3)(x+2) + 19 = 0$.

6.8.23

மூலம் - I

10x10=10

- 1 2 1
- 2 4 2A⁻¹
- 3 3 19
- 4 4 சமன்பாடுகளின் தொகுப்பு
- 5 1 cis $\frac{2\pi}{3}$
- 6 1 1
- 7 4 |K| ≥ 6
- 8 4 2
- 9 1 $-\frac{2}{r}$
- 10 2 5

மூலம் - II

4x2=8

- 11 adj A = $\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 8 \end{bmatrix}$, A(adj A) = $\begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} = 4I_2$
- 12 A = $\begin{bmatrix} -1 & 2 & 3 & -2 \\ 0 & -1 & 7 & 0 \\ 0 & -2 & 14 & -4 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} -1 & 2 & 3 & -2 \\ 0 & -1 & 7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -4 \end{bmatrix}$
ρ(A) = 3

13 $\sqrt{-b+8i} = \pm \left(\sqrt{\frac{10-b}{2}} + i \sqrt{\frac{10+b}{2}} \right) = \pm (\sqrt{2} + i2\sqrt{2})$

14 z = 6+i ⇒ z⁻¹ = $\frac{1}{5+i}$

$$z^{-1} = \frac{5-i}{26} + i \frac{1}{26}$$

15 y = x² ⇒ y² - 14y + 45 = 0
 y = 9 ⇒ x = ±3
 y = 5 ⇒ x = ±√5

16 = $\frac{w[aw^2+bt+cw]}{(b+cw+aw^2)} + w^2 \frac{[aw+bw^2+cw^2]}{[aw+bw^2+cw]}$
 = w + w² = -1

மூலம் - III

4x3=12

17 |adj A| = 1764 > 0, A = ± $\frac{1}{\sqrt{|adj A|}}$ adj(adj A)

$$A = \pm \frac{1}{42} \begin{bmatrix} 42 & 84 & -126 \\ -84 & 126 & 42 \\ 126 & -42 & 84 \end{bmatrix}$$

$$A = \pm \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 2 & 3 & -1 \\ -3 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

18 (A|B) = $\begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 6 & -3 & 3 & 6 \\ 4 & -2 & 2 & 4 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$
 ρ(A) = ρ(A|B) = 1 < n, சமன்பாடுகளின் தொகுப்பு திரிபு
 x = $\frac{1}{2}(5-t+2)$, y = 5, z = 2t

19 |z| - |6-8i| ≤ |z+6-8i| ≤ |z| + |6-8i|
 |3-10i| ≤ |z+6-8i| ≤ |3+10i|
 7 ≤ |z+6-8i| ≤ 13

20 p+q = $-\frac{n}{2}$, pq = $\frac{n}{2}$
 $\frac{\sqrt{p}}{q} + \frac{\sqrt{q}}{p} = \frac{p+q}{\sqrt{pq}} = \frac{-\sqrt{n}}{\sqrt{\frac{n}{2}}} = -\sqrt{\frac{n}{2}}$
 $\sqrt{\frac{p}{q}} + \sqrt{\frac{q}{p}} + \sqrt{\frac{n}{2}} = 0$

21 3+2i, 3-2i சமன்பாடு
 கூடுதல்: 6, குறைந்தல்: 13
 x² - 6x + 13 = 0

22 $3 \left| z - \frac{5-i}{3} \right| = 4 \Rightarrow \left| z - \left(\frac{5}{3} - \frac{i}{3} \right) \right| = \frac{4}{3}$
 மையம்: $(\frac{5}{3}, -\frac{1}{3})$, ஆரம் = $\frac{4}{3}$

மூலம் - IV

3x5=15

23 (A|B) = $\begin{bmatrix} 5 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & -2 & -1 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & -2 & -1 & 0 \\ 5 & 0 & -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & -2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -4 & 5 & 0 \end{bmatrix}$$

 x₁ = $\frac{t}{4}$, x₂ = $\frac{7t}{4}$, x₃ = $\frac{5t}{4}$, x₄ = 0
 x₁ = 1, x₂ = 7, x₃ = 5, x₄ = 4

24 Δ = -22, Δx = -44, Δy = -66
 Δz = -88, $x=2$, $y=3$, $z=4$

24 x = w cos α + i sin α, y = w cos β + i sin β
 (i) $\frac{y}{x} = \frac{w \cos(\alpha-\beta) + i \sin(\alpha-\beta)}{w \cos(\alpha-\beta) - i \sin(\alpha-\beta)}$

$$\frac{x+y}{x} = 2 \cos(\alpha-\beta)$$

 (ii) xy = w² cos(α+β) + i sin(α+β), $\frac{1}{xy} = \cos(\alpha+\beta) - i \sin(\alpha+\beta)$

$$xy - \frac{1}{xy} = 2i \sin(\alpha+\beta)$$

$$b. = \frac{2(x+iy)+1}{i(x+iy)+1} = \frac{(2x+1)+i2y}{(1-y^2)+ix} \times \frac{(1-y)-ix}{(1-y)-ix}$$

$$\text{Im } \frac{2z+1}{iz+1} = 0 \Rightarrow \frac{-x(2x+1)+2y(1-y)}{(1-y)^2+x^2} = 0$$

$$-2x^2-x+2y-2y^2=0$$

$$2x^2+2y^2+x-2y=0$$

25
a

$$6x^4 - 35x^3 + 62x^2 - 35x + 6 = 0$$

$$\begin{array}{r|rrrrrr} 2 & 6 & -35 & 62 & -35 & 6 \\ & 0 & 12 & -46 & 32 & -6 \\ \hline 3 & 6 & -23 & 16 & -3 & 0 \\ & 0 & 18 & -15 & 3 & \\ \hline & 6 & -5 & 1 & 0 & \end{array}$$

$$6x^2 - 5x + 1 = 0$$

$$(2x-1)(3x-1) = 0$$

$$x = \frac{1}{2}, x = \frac{1}{3}$$

$$\text{Roots are: } \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, 2, 3$$

$$b. (x-2)(x-3)(x-7)(x+2) + 19 = 0$$

$$(x^2-5x+6)(x^2-5x-14) + 19 = 0$$

$$\text{Let } x^2-5x = y \Rightarrow (y+6)(y-14) + 19 = 0$$

$$y^2 - 8y - 65 = 0$$

$$y = 13, y = -5$$

$$x^2 - 5x - 13 = 0$$

$$x^2 - 5x + 5 = 0$$

$$\text{Solutions: } \frac{5+\sqrt{77}}{2}, \frac{5\pm\sqrt{5}}{2}$$

C. SELVAM, M.Sc., M.Ed.,
P.O. ASST (MATHS),
ST. JOSEPH'S HSS,
CHEMUNALPATTU - 603002