

- Vellore - District -

## காலாண்டுப் பொதுத்தேர்வு - 2023

A

பன்னிரண்டாம் வகுப்பு

பதிவு எண்: 

கணிதம்

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 90

1. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

20 x 1 = 20

1.  $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$  எனில் A =

அ)  $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$

ஆ)  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$

இ)  $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$

ஈ)  $\begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

2.  $A = \begin{bmatrix} 1 & \tan \frac{\theta}{2} \\ -\tan \frac{\theta}{2} & 1 \end{bmatrix}$  மற்றும்  $AB = I_2$  எனில் B =

அ)  $\left(\cos^2 \frac{\theta}{2}\right)A$

ஆ)  $\left(\cos^2 \frac{\theta}{2}\right)A^T$

இ)  $(\cos^2 \theta)I$

ஈ)  $\left(\sin^2 \frac{\theta}{2}\right)A$

3. A என்பது n வரிசையுடைய பூச்சியமற்றக் கோவை அணி எனில்,  $|\text{adj}(\text{adj } A)| = ?$ 

அ)  $|A|^n$

ஆ)  $|A|^{n-1}$

இ)  $|A|^{(n-1)^2}$

ஈ)  $|A|^{n-2}A$

4.  $x^a y^b = e^m$ ,  $x^c y^d = e^n$ ,  $\Delta_1 = \begin{vmatrix} m & b \\ n & d \end{vmatrix}$ ,  $\Delta_2 = \begin{vmatrix} a & m \\ c & n \end{vmatrix}$ ,  $\Delta_3 = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$  எனில் X மற்றும் Y ன் மதிப்புகள்

முறையே

அ)  $e^{\left(\frac{\Delta_1}{\Delta_2}\right)}$ ,  $e^{\left(\frac{\Delta_3}{\Delta_1}\right)}$

ஆ)  $\log \left(\frac{\Delta_1}{\Delta_3}\right)$ ,  $\log \left(\frac{\Delta_2}{\Delta_3}\right)$

இ)  $\log \left(\frac{\Delta_2}{\Delta_1}\right)$ ,  $\log \left(\frac{\Delta_3}{\Delta_1}\right)$

ஈ)  $e^{\left(\frac{\Delta_1}{\Delta_3}\right)}$ ,  $e^{\left(\frac{\Delta_2}{\Delta_3}\right)}$

5.  $\frac{3}{-1+i}$  என்ற கலப்பெண்ணின் முதன்மை வீச்சு

அ)  $-\frac{5\pi}{6}$

ஆ)  $-\frac{2\pi}{3}$

இ)  $-\frac{3\pi}{4}$

ஈ)  $-\frac{\pi}{2}$

6.  $x^2 + x + 1 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  எனில்  $\alpha^{2020} + \beta^{2020}$  ன் மதிப்பு

அ) -2

ஆ) -1

இ) 1

ஈ) 2

7. ஒரு கலப்பெண்ணின் இணை எண்  $\frac{1}{i-2}$  எனில் அந்த கலப்பெண்

அ)  $\frac{1}{i+2}$

ஆ)  $\frac{-1}{i+2}$

இ)  $\frac{-1}{i-2}$

ஈ)  $\frac{1}{i-2}$

8. Z என்ற கலப்பு எண்ணின் முதன்மை வீச்சு Arg Z எனில், பின்வருவனவற்றுள் எது சரி?

அ)  $-\pi < \text{Arg}(z) < \pi$

ஆ)  $-\pi \leq \text{Arg}(z) \leq \pi$

இ)  $\frac{\pi}{2} < \text{Arg}(z) < \pi$

ஈ)  $-\pi < \text{Arg}(z) \leq \pi$

9.  $x^3 + 64$  ன் ஒரு பூச்சியமாக்கி  
 அ) 0 ஆ) 4 இ)  $4i$  ஈ)  $-4$
10.  $f$  மற்றும்  $g$  என்பன முறையே  $m$  மற்றும்  $n$  படியுள்ள பல்லுறுப்புக் கோவைகள் மற்றும்  $h(x) = (f \circ g)(x)$  எனில்  $h$ -ன் படியானது  
 அ)  $mn$  ஆ)  $m + n$  இ)  $m^n$  ஈ)  $n^m$
11. விகிதமுறு மூலத் தேற்றத்தின்படி பின்வருவனவற்றுள் எந்த எண்  $4x^7 + 2x^4 - 10x^3 - 5$  என்பதற்கு சாத்தியமற்ற விகிதமுறு பூச்சியமாகும்?  
 அ)  $-1$  ஆ)  $\frac{5}{4}$  இ)  $\frac{4}{5}$  ஈ)  $5$
12. சில  $x \in \mathbb{R}$  க்கு  $\cot^{-1} x = \frac{2\pi}{5}$  எனில்,  $\tan^{-1} x$  இன் மதிப்பு  
 அ)  $-\frac{\pi}{10}$  ஆ)  $\frac{\pi}{5}$  இ)  $\frac{\pi}{10}$  ஈ)  $-\frac{\pi}{5}$
13.  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{4}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{2}{9}\right) =$   
 அ)  $\frac{1}{2} \cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$  ஆ)  $\frac{1}{2} \sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$  இ)  $\frac{1}{2} \tan^{-1}\left(\frac{3}{5}\right)$  ஈ)  $\tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$
14.  $\sin^{-1} x + \cot^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{\pi}{2}$  எனில்,  $x$  ன் மதிப்பு  
 அ)  $\frac{1}{2}$  ஆ)  $\frac{1}{\sqrt{5}}$  இ)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$  ஈ)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$
15.  $X$ -அச்சை  $(1, 0)$  என்ற புள்ளியில் தொட்டுச் செல்வதும்  $(2, 3)$  என்ற புள்ளிவழிச் செல்வதுமான வட்டத்தின் விட்டம்  
 அ)  $\frac{6}{5}$  ஆ)  $\frac{5}{3}$  இ)  $\frac{10}{3}$  ஈ)  $\frac{3}{5}$
16.  $y^2 = 4x$  என்ற பரவளையத்தின் செவ்வக முனைகளில் வரையப்பட்ட செங்குத்துக் கோடுகள்  $(x-3)^2 + (y+2)^2 = r^2$  என்ற வட்டத்தின் தொடுகோடுகள் எனில்  $r^2$  ன் மதிப்பு  
 அ) 2 ஆ) 3 இ) 1 ஈ) 4
17.  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  என்ற நீள்வட்டத்தினுள் வரையப்படும் மிகப்பெரிய செவ்வகத்தின் பரப்பு  
 அ)  $2ab$  ஆ)  $ab$  இ)  $\sqrt{ab}$  ஈ)  $\frac{a}{b}$
18.  $(1, -2)$  என்ற புள்ளி வழியாகவும்  $(3, 0)$  என்ற புள்ளியில்  $X$ -அச்சைத் தொட்டுச் செல்வதுமான வட்டம் பின்வரும் புள்ளிகளில் எந்தபுள்ளி வழியாகச் செல்லும்?  
 அ)  $(-5, 2)$  ஆ)  $(2, -5)$  இ)  $(5, -2)$  ஈ)  $(-2, 5)$
19.  $\vec{a}$  மற்றும்  $\vec{b}$  என்பன இணை வெக்டர்கள் எனில்  $|\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c}|$  ன் மதிப்பு  
 அ) 2 ஆ)  $-1$  இ) 1 ஈ) 0
20. ஆதியிலிருந்து 15 அலகு தொலைவிலும்  $Z$  - அச்சிற்கு செங்குத்தானதுமான தளத்தின் சமன்பாடு  
 அ)  $x = 15$  ஆ)  $y = 15$  இ)  $z = 15$  ஈ)  $x + y + z = 15$

II. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 30 கட்டாய வினா)

7 x 2 = 14

21.  $\begin{bmatrix} 6 & 0 & -9 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  என்ற ஏறுபடி வடிவில் உள்ள அணியின் தரம் காண்க.

22.  $A = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$  எனில்  $A^2 - 3A - 7I_2 = O_2$  என நிறுவுக.

23.  $6 - 8i$  இன் வர்க்கமூலம் காண்க.

24. 1, 1 மற்றும்  $-2$  ஆகியவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட முப்படிச் சமன்பாட்டை உருவாக்குக.

25.  $x^9 + 9x^7 + 7x^5 + 5x^3 + 3x$  எனும் பல்லுறுப்புக் கோவையின் மெய்யெண் மற்றும் மெய்யற்ற கலப்பெண் பூச்சியமாக்கிகளின் துல்லியமான எண்ணிக்கையை கண்டறிக.

26.  $\sin^{-1}\left(\sin\left(\frac{5\pi}{6}\right)\right)$  இன் முதன்மை மதிப்பு காண்க.

27.  $\tan^{-1}\sqrt{9-x^2}$  இன் சார்பகம் காண்க.

28.  $x^2 + 6x + 4y + 5 = 0$  என்ற பரவளையத்திற்கு  $(1, -3)$  என்ற புள்ளியில் தொடுகோடு மற்றும் செங்கோட்டுச் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

29.  $\vec{a}$  என்பது ஏதேனும் ஒரு வெக்டர் எனில்  $\vec{i} \times (\vec{a} \times \vec{i}) + \vec{j} \times (\vec{a} \times \vec{j}) + \vec{k} \times (\vec{a} \times \vec{k}) = 2\vec{a}$  என நிறுவுக.

30.  $n \in \mathbb{N}$  ந்ரு  $\left(\frac{1 + \sin\theta + i\cos\theta}{1 + \sin\theta - i\cos\theta}\right)^n = \cos n\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) + i\sin n\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)$  என நிறுவுக.

III. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 40 கட்டாய வினா)

7 x 3 = 21

31.  $A = \begin{bmatrix} -5 & 1 & 3 \\ 7 & 1 & -5 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$  எனில் பெருக்கற்பலன்  $AB$  மற்றும்  $BA$  காண்க. இதன்

மூலம்  $x + y + 2z = 1$ ,  $3x + 2y + z = 7$ ,  $2x + y + 3z = 2$  என்ற நேரியச் சமன்பாட்டுத் தொகுப்பைத் தீர்க்கவும்.

32. கலப்பெண்கள்  $u, v$  மற்றும்  $w$  ஆகியவை  $\frac{1}{u} = \frac{1}{v} + \frac{1}{w}$  என்றவாறு தொடர்புபடுத்தப்பட்டுள்ளது.

$v = 3 - 4i$  மற்றும்  $w = 4 + 3i$  எனில்  $u$  ஐ செவ்வக வடிவில் எழுதுக.

33. தீர்க்க:  $z^3 + 27 = 0$

34.  $9x^3 - 36x^2 + 44x - 16 = 0$  ன் மூலங்கள் கூட்டுத்தொடரில் அமைந்தவை எனில், சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

35.  $p, q, r$  ஆகியவை விகிதமுறு எண்கள் எனில்  $x^2 - 2px + p^2 - q^2 + 2qr - r^2 = 0$  எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் விகிதமுறு எண்களாகும் எனக்காட்டுக.

36. மதிப்பு காண்க:  $\cos^{-1}\left(\cos\left(\frac{4\pi}{5}\right)\right) + \cos^{-1}\left(\frac{5\pi}{4}\right)$

37.  $\tan^{-1}x + \tan^{-1}y + \tan^{-1}z = \pi$  எனில்,  $x + y + z = xyz$  என நிறுவுக.

38.  $3x^2 + (a + 1)y^2 + 6x - 9y + a + 4 = 0$  என்ற வட்டத்தின் மையம் மற்றும் ஆரம் காண்க.

39. வெக்டர் முறையில் AC மற்றும் BD ஆகியவற்றை மூலைவிட்டங்களாகக் கொண்ட நாற்கரம் ABCD ன் பரப்பு  $\frac{1}{2}|\overline{AC} \times \overline{BD}|$  என நிறுவுக.
40.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{3} = \frac{z-4}{5}$  என்ற நேர்கோட்டிற்கு செங்குத்தானதும் (-2, 3, 4)-என்ற புள்ளி வழியாக செல்வதுமான தளத்தின் கார்டீசியன் சமன்பாடு காண்க.  
பகுதி - ஈ
- IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். 7 x 5 = 35
41. அ)  $A = \frac{1}{7} \begin{bmatrix} 6 & -3 & a \\ b & -2 & 6 \\ 2 & c & 3 \end{bmatrix}$  என்பது செங்குத்து அணி எனில் a, b மற்றும் c களின் மதிப்பைக் காண்க. இதிலிருந்து  $A^{-1}$  ஐக் காண்க. (அல்லது)
- ஆ)  $1 + 2i$  மற்றும்  $\sqrt{3}$  ஆகியவை  $x^6 - 3x^5 - 5x^4 + 22x^3 - 39x^2 - 39x + 135$  என்ற பல்லுறுப்புக் கோவையின் இரு பூச்சியமாக்கிகள் எனில் அனைத்து பூச்சியமாக்கிகளையும் கண்டறிக.
42. அ)  $z = x + iy$  என்ற ஏதேனும் ஒரு கலப்பெண்  $\operatorname{Im}\left(\frac{2z+1}{iz+1}\right) = 0$  எனுமாறு அமைந்தால் Z-ன் நியமப்பாடு  $2x^2 + 2y^2 + x - 2y = 0$  எனக் காட்டுக. (அல்லது)
- ஆ) தீர்க்க :  $2\tan^{-1}(\cos x) = \tan^{-1}(2 \operatorname{cosec} x)$
43. அ)  $1 - \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$  மற்றும்  $-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$  என்ற புள்ளிகள் ஒரு சமபக்க முக்கோணத்தின் முனைப்புள்ளிகளாக அமையும் என நிறுவுக. (அல்லது)
- ஆ) தீர்க்க :  $6x^6 - 35x^5 + 56x^4 - 56x^2 + 35x - 6 = 0$
44. அ)  $x^2 - 4x - 5y - 1 = 0$  என்ற பரவளையத்தின் முனை, குவியம், இயக்குவரை மற்றும் செவ்வகல நீளம் ஆகியவற்றைக் காண்க. (அல்லது)
- ஆ) வெக்டர் முறையில்  $\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$  என நிறுவுக.
45. அ) k-ன் எம்மதிப்புகளுக்கு பின்வரும் சமன்பாட்டுத் தொகுப்பு  $kx - 2y + z = 1$ ,  $x - 2ky + z = -2$ ,  $x - 2y + kz = 1$  (i) யாதொரு தீர்வும் பெற்றிராது (ii) ஒரே ஒரு தீர்வைப் பெறும் (iii) எண்ணிக்கையற்ற தீர்வுகளைப் பெற்றிருக்கும் என்பதனை ஆராய்க. (அல்லது)
- ஆ) (2, 2, 1), (1, -2, 3) என்ற புள்ளிகள் வழிச் செல்வதும் (2, 1, -3) மற்றும் (-1, 5, -8) என்ற புள்ளிகள் வழிச் செல்லும் நேர்கோட்டிற்கு இணையாகவும் அமையும் தளத்தின் துணையலகு வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டீசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
46. அ)  $\sin^{-1}(2 - 3x^2)$  ன் சார்பகத்தைக் காண்க. (அல்லது)
- ஆ) ஒரு நீருற்றில், ஆதியிலிருந்து 0.5 மீ கிடைமட்ட தூரத்தில் நீரின் அதிகபட்ச உயரம் 4 மீ, நீரின் பாதை ஒரு பரவளையம் எனில் ஆதியிலிருந்து 0.75 மீ கிடைமட்டத் தூரத்தில் நீரின் உயரத்தைக் காண்க.
47. அ) கிராமின் விதிப்படி தீர்க்க.  $3x + 3y - z = 11$ ,  $2x - y + 2z = 9$ ,  $4x + 3y + 2z = 25$   
(அல்லது)
- ஆ)  $z = x + iy$  மற்றும்  $\arg\left(\frac{z-i}{z+2}\right) = \frac{\pi}{4}$  எனில்,  $x^2 + y^2 + 3x - 3y + 2 = 0$  எனக்காட்டுக.

## XII STD

VELLORE DISTRICT  
QUARTERLY EXAMINATION, SEP-2023

## RUBRICS

SUB: MATHEMATICS

Max.Marks:90

## PART - I (20 x 1= 20)

Q.No.	Correct Choice	Correct Answer
1	c)	$\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$
2	b)	$\left(\cos^2 \frac{\theta}{2}\right) A^T$
3	c)	$ A ^{(n-1)^2}$
4	d)	$e^{(\Delta_1/\Delta_3)}, e^{(\Delta_2/\Delta_3)}$
5	c)	$\frac{-3\pi}{4}$
6	b)	-1
7	b)	$\frac{-1}{i+2}$
8	d)	$-\pi < \arg(z) \leq \pi$
9	d)	-4
10	a)	mn
11	c)	$\frac{4}{5}$
12	c)	$\frac{\pi}{10}$
13	d)	$\tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$
14	b)	$\frac{1}{\sqrt{5}}$
15	c)	$\frac{10}{3}$
16	a)	2
17	a)	2ab
18	c)	(5, -2)
19	d)	0
20	c)	$z = 15$

## PART - II (7 x 2 = 14)

Answer any 7 questions. Q.No. 30 is compulsory.

21	$\begin{vmatrix} 6 & 0 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 12 \neq 0$ <b>Rank = 2</b>	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
22	$A^2 = \begin{pmatrix} 22 & 9 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$ $A^2 - 3A - 7I_2 = 0$	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
23	$\sqrt{6-8i} = \pm(2\sqrt{2} - i\sqrt{2})$	$\rightarrow (2^*)$
24	$x^3 - 3x + 2 = 0$	$\rightarrow (2^*)$
25	$x=0$ is a root No. of real zeroes = 1 No. of imaginary zeroes = 8	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
26	$\sin^{-1}\left(\sin\left(\pi - \frac{\pi}{6}\right)\right)$ $= \sin^{-1}\left(\sin\left(\frac{\pi}{6}\right)\right) = \frac{\pi}{6}$	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
27	$9 - x^2 \geq 0$ $ x  \leq 3 \Rightarrow -3 \leq x \leq 3$	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
28	<b>Tangent : <math>2x+y+1=0</math></b> <b>Normal <math>x - 2y - 7 = 0</math></b>	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
29	$\hat{i} \times (\vec{a} \times \hat{i}) = \vec{a} - \vec{a} \cdot \hat{i}$ $LHS = 3\vec{a} - \vec{a} = 2\vec{a}$	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$
30	$LHS = (\sin\theta + i\cos\theta)^n$ $= \left(\cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)\right)^n$	$\rightarrow (1)$ $\rightarrow (1)$

## PART - III ( 7x3=21)

Answer any 7 questions. Q.No. 40 is compulsory.

Q.NO.	ANSWER KEY
31	$AB = BA = 4I$ $(B)^{-1} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} -5 & 1 & 3 \\ 7 & 1 & -5 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$ $(x, y, z) = (2, 1, -1)$
32	$\frac{1}{u} = \frac{7+i}{25}$ $u = \frac{1}{2}(7-i)$

33	$z = -3(-1)^{1/3} \rightarrow(1)$ $z = -3, -3cis\frac{2\pi}{3}, -3cis\frac{4\pi}{3} \rightarrow(2)$
34	A.P roots are = $a - d, d, a + d \rightarrow(1)$ Roots = $2, \frac{4}{3}, \frac{2}{3} \rightarrow(2)$
35	$b^2 - 4ac$ $= 4p^2 - 4(p^2 - q^2 + 2qr - r^2) \rightarrow(1)$ $= 4(q - r)^2 > 0 \rightarrow(1)$ Roots are rational $\rightarrow(1)$
36	$\cos^{-1}\left(\cos\frac{4\pi}{5}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{5\pi}{4}\right)$ $= \frac{4\pi}{5} + \cos^{-1}\left(2\pi - \frac{5\pi}{4}\right) \rightarrow(2)$ $= \frac{4\pi}{5} + \frac{3\pi}{4} = \frac{31\pi}{20} \rightarrow(1)$
37	$\tan^{-1}\left(\frac{x+y+z-xyz}{1-xy-yz-zx}\right) = \pi \rightarrow(2)$ $x + y + z = xyz \rightarrow(1)$
38	$a = 2 \rightarrow(1)$ center = $\left(-1, \frac{3}{2}\right) \rightarrow(1)$ radius = $\frac{\sqrt{5}}{2} \rightarrow(1)$
39	Quadrilateral diagram $\rightarrow(1)$ Area = $\frac{1}{2}(\vec{AB} \times \vec{AC}) + \frac{1}{2}(\vec{AC} \times \vec{AD}) \rightarrow(1)$ $= \frac{1}{2} \vec{AC} \times \vec{BD}  \rightarrow(1)$
40	$\vec{n} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 5\hat{k}; \vec{a} = -2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k} \rightarrow(1)$ $\vec{r} \cdot \vec{n} = \vec{a} \cdot \vec{n} \rightarrow(1)$ $2x + 3y + 5z = 25 \rightarrow(1)$

**PART - IV ( 7 x 5 = 35)****Answer All the questions:**

41(a)	$AA^T = I \rightarrow(1)$ $a = 2; b = -3; c = 6 \rightarrow(2)$ $A^{-1} = A^T = \frac{1}{7} \begin{bmatrix} 6 & -3 & 2 \\ -3 & -2 & 6 \\ 2 & 6 & 3 \end{bmatrix} \rightarrow(2)$
-------	--

41(b)	$\alpha_1 = 1 + 2i; \alpha_2 = 1 - 2i;$ $\alpha_3 = \sqrt{3}; \alpha_4 = -\sqrt{3} \rightarrow(1)$ $\alpha_5 + \alpha_6 = 1 \rightarrow(1)$ $\alpha_5 \alpha_6 = -9 \rightarrow(1)$ $x^2 - x - 9 = 0 \rightarrow(1)$ $x = \frac{1 \pm \sqrt{37}}{2} \rightarrow(1)$
42(a)	$\frac{2z+1}{iz+1} = \frac{(2x+1)+iy}{(1-y)+ix} \rightarrow(2)$ $\frac{y(1-y)-x(2x+1)}{(1-y)^2+x^2} = 0 \rightarrow(2)$ $\Rightarrow 2x^2 + 2y^2 + x - 2y = 0 \rightarrow(1)$
42(b)	$\tan^{-1}\left(\frac{2\cos x}{1-\cos^2 x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{2}{\sin x}\right) \rightarrow(1)$ $\frac{2\cos x}{\sin^2 x} = \frac{2}{\sin x} \rightarrow(1)$ $\sin x(\sin x - \cos x) = 0 \rightarrow(1)$ $x = n\pi \text{ \& } x = n\pi + \frac{\pi}{4} \rightarrow(2)$
43(a)	Rough Diagram $\rightarrow(1)$ $AB = BC = CA = \sqrt{3} \rightarrow(1+1+1)$ Equilateral triangle $\rightarrow(1)$
43(b)	Since even order type-2 equation, roots are $x = -1, 1 \rightarrow(1)$ $\div (x^2 - 1)$ $\Rightarrow 6x^4 - 35x^3 + 56x^2 + 35x - 6 = 0 \rightarrow(1)$ $6\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) - 35\left(x + \frac{1}{x}\right) + 62 = 0 \rightarrow(1)$ $6y^2 - 35y + 50 = 0 \Rightarrow y = \frac{10}{3}, \frac{5}{2} \rightarrow(1)$ $x = 2, \frac{1}{2}, 3, \frac{1}{3} \rightarrow(1)$
44(a)	$(x - 2)^2 = 5(y + 1) \rightarrow(1)$ Vertex = $(2, -1) \rightarrow(1)$ Focus = $\left(2, \frac{1}{4}\right) \rightarrow(1)$ Directrix : $4y + 9 = 0 \rightarrow(1)$ Length of Latus Rectum = 5 $\rightarrow(1)$
44(b)	Rough Diagram $\rightarrow(1)$ $\vec{a} = \cos \alpha \vec{i} + \sin \alpha \vec{j} \rightarrow(1)$ $\vec{b} = \cos \alpha \vec{i} + \sin \beta \vec{j}$ $\vec{a} \cdot \vec{b} = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta \rightarrow(1)$ $\vec{a} \cdot \vec{b} = \cos(\alpha - \beta) \rightarrow(1)$ $\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta \rightarrow(1)$

45(a)	$\sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & k & 1 \\ 0 & 2-2k & 1-k & -3 \\ 0 & 0 & (k+2)(1-k) & -(k+2) \end{bmatrix} \rightarrow(2)$ $k = 1$ then no solution $\rightarrow(1)$ $k \neq 1 ; k \neq -2$ then only one solution $\rightarrow(1)$ $k = -2$ then infinitely many solutions $\rightarrow(1)$
45(b)	$\vec{a} = 2\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$ $\vec{b} = \vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ $\vec{v} = 3\vec{i} - 4\vec{j} + 5\vec{k} \rightarrow(1)$ <b>Parametric vector equation</b> $\vec{r} = (2\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}) + s(-\vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k}) + t(3\vec{i} - 4\vec{j} + 5\vec{k})$ $\rightarrow(2^*)$ <b>Cartesian equation</b> $12x - 11y - 16z + 14 = 0 \rightarrow(2^*)$
46(a)	$-1 \leq 2 - 3x^2 \leq 1 \rightarrow(2)$ $\frac{1}{3} \leq x^2 \leq 1 \rightarrow(1)$ $\frac{1}{\sqrt{3}} \leq  x  \leq 1 \rightarrow(1)$ $x \in \left[-1, \frac{-1}{\sqrt{3}}\right] \cup \left[\frac{1}{\sqrt{3}}, 1\right] \rightarrow(1)$
46(b)	Rough Diagram $\rightarrow(1)$ Equation of parabola $x^2 = -4ay \rightarrow(1)$ $a = \frac{0.25}{16} = \frac{1}{64} \rightarrow(1)$ <b>height = 3 m</b> $\rightarrow(2)$
47(a)	$\Delta = -22 \rightarrow(1)$ $\Delta_1 = -66 \rightarrow(1)$ $\Delta_2 = -44 \rightarrow(1)$ $\Delta_3 = -88 \rightarrow(1)$ $x = 2 ; y = 3 ; z = 4 \rightarrow(1)$
47(b)	$\arg(z - i) - \arg(z + 2) = \frac{\pi}{4} \rightarrow(1)$ $\arg(x + i(y - 1)) - \arg(x + 2 + iy) = \frac{\pi}{4} \rightarrow(1)$ $\tan^{-1}\left(\frac{y-1}{x}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{y}{x+2}\right) = \frac{\pi}{4} \rightarrow(1)$ $\frac{(y-1)(x+2) - xy}{x(x+2) + y(y-1)} = 1 \rightarrow(1)$ $x^2 + y^2 + 3x - 3y + 2 = 0 \rightarrow(1)$

**Note: Award Full mark for correct Alternate method also.**