

இரண்டாம் இடைப்பருவத் தேர்வு - 2023

வகுப்பு - XI

கணிதம்

மதிப்பெண் : 45

நேரம் : 1.30 மணி

பகுதி - அ

10 x 1 = 10

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. $A = \begin{pmatrix} a & x \\ y & a \end{pmatrix}$ மற்றும் $xy = 1$ எனில் $\det(AA^T)$ ன் மதிப்பு

அ) $(a^2 + 1)^2$

ஆ) $(a - 1)^2$

இ) $a^2 - 1$

ஈ) $(a^2 - 1)^2$

2. $A = \begin{pmatrix} \lambda & 1 \\ -1 & -\lambda \end{pmatrix}$ எனில் λ ன் எம்மதிப்புகளுக்கு $A^2 = 0$?

அ) 0

ஆ) ± 1

இ) -1

ஈ) 1

3. $\begin{vmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{vmatrix}$ என மதிப்பு

அ) 0

ஆ) 1

இ) -1

ஈ) 2

4. $\vec{a} + 2\vec{b}$ மற்றும் $\vec{3a} + \vec{mb}$ ஆகியவை இணை எனில் m ன் மதிப்பு

அ) 3

ஆ) $1/3$

இ) 6

ஈ) $1/6$

5. $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + 8\hat{k}$, $\vec{b} = 3\hat{j} - \hat{k}$ எனில் $\vec{a} - \vec{b}$ ன் மதிப்பு . அ) 11 ஆ) -11 இ) -5 ஈ) 5

6. $|\vec{a}| = 13$ $|\vec{b}| = 5$ மற்றும் $\vec{a} \cdot \vec{b} = 60^\circ$ எனில் $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ன் மதிப்பு அ) 15 ஆ) 35 இ) 45 ஈ) 25

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sqrt{x^2}}$ ன் மதிப்பு

அ) 1

ஆ) -1

இ) 0

ஈ) ∞

8. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \frac{3}{n^2} + \dots + \frac{n}{n^2} \right)$ ன் மதிப்பு அ) $1/2$ ஆ) 0 இ) 1 ஈ) ∞

9. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a^x - b^x}{x} =$ அ) $\log ab$ ஆ) $\log \frac{a}{b}$ இ) $\log \frac{b}{a}$ ஈ) $\frac{a}{b}$

10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{\sin x} - 1}{x}$ அ) 1 ஆ) e இ) $1/e$ ஈ) 0

பகுதி - ஆ

II. ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண்.16 கட்டாய வினா. $4 \times 2 = 8$

11. $\begin{pmatrix} 2x+y & 4x \\ 5x-7 & 4x \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 & 7y-13 \\ y & x+6 \end{pmatrix}$ எனில் $x + y$ ஐ காண்க.

12. $\vec{a} = 3\hat{i} + 4\hat{j}$ மற்றும் $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ எனில் $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ன் மதிப்பு காண்க.

13. $3\hat{i} - 4\hat{k}$ ன் திசைக் கொசைன்களைக் காண்க.

14. மதிப்பு காண்க. $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin x)^{2 \operatorname{cosec} x}$

4 5 1

XI - கணிதம் - பக்கம் 1

15. மதிப்பு காண்க. $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{t^2+9}-3}{t^2}$

16. $a_{ij} = i - j$ எனில் $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ என்ற அணியை உருவாக்குக. சமச்சீரணியா அல்லது எதிர்சமச்சீர் அணியா எனக் கூறுக.

பகுதி - இ

III. ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண்.22 கட்டாய வினா $4 \times 3 = 12$

17. $f(x) = \begin{cases} x^2 \sin \frac{1}{x} & \text{if } x \neq 0 \\ 0 & \text{if } x = 0 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டால் f தொடர்ச்சியானது என நிரூபி.

18. \vec{a}, \vec{b} ஆகியவை அலகு வெக்டர்கள் எனில் θ என்பது அவற்றிற்கு இடைப்பட்ட கோணம் எனில்

$$\cot \frac{\theta}{2} = \frac{|\vec{a} + \vec{b}|}{|\vec{a} - \vec{b}|}$$
 என நிரூபி.

19. $(-2, -3), (3, 2), (-1, -8)$ என்ற உச்சிகளையுடைய முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.

20. ABC என்ற முக்கோணத்தின் நடுக்கோட்டுச் சந்தி G எனில் $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ என நிரூபி.

21. $\cos 2\theta = 0$ எனில் $\begin{vmatrix} 0 & \cos \theta & \sin \theta \\ \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{vmatrix}^2$ ன் மதிப்பு காண்க.

22. f மற்றும் g தொடர்ச்சியான சார்புகள் எனில் மேலும் $f(3)=5$ மற்றும் $\lim_{x \rightarrow 3} [2f(x) - g(x)] = 4$ எனில் $g(3)$ காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி

$3 \times 5 = 15$

23. $2\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}, 4\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}, w\hat{i} - \hat{j} + 6\hat{k}$ என்ற வெக்டர்களை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்குமா? (அல்லது)

நிரூபி $\begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(1 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right)$

24. காரணித்தேற்றத்தை பயன்படுத்தி $\begin{vmatrix} b+c & a-c & a-b \\ b-c & c+a & b-a \\ c-b & c-a & a+b \end{vmatrix} = 8abc$ என நிரூபி. (அல்லது)

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + (3n)^2}{(1+2+3+\dots+(5n)(2n+3))} = \frac{9}{25}$$
 நிரூபி.

25. ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிரூபி. (அல்லது)

$$\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$$
 என நிரூபி.

XI - கணிதம் - பக்கம் 2