

S

SIVAGANGAI DIST

Reg. No.:

--	--	--	--	--	--

COMMON HALF YEARLY EXAMINATION - 2023

Std - X

MATHS

Time : 3.00 Hours

Marks: 100

I. Choose the most appropriate answer:

14 x 1 = 14

- If $\{(a,8), (6, b)\}$ represents an identity function, then the value of a and b are respectively
a) (8, 6) b) (8, 8) c) (6, 8) d) (6, 6)
 - The sum of the exponents of the prime factors in the prime factorization of 1729 is
a) 1 b) 2 c) 3 d) 4
 - Graph of a linear equation is a
a) circle b) hyperbola c) straight line d) parabola
 - In a $\triangle ABC$, AD is the bisector of $\angle BAC$. If AB = 8cm, BD = 6cm and DC = 3cm. The length of the side AC is
a) 6cm b) 4cm c) 3cm d) 8cm
 - The area of triangle formed by the points (-5, 0), (0, -5) and (5, 0) is
a) 0 sq.units b) 25 sq.units c) 5 sq.units d) none of these
 - $\tan\theta \operatorname{cosec}^2\theta - \tan\theta$ is equal to
a) $\sec\theta$ b) $\cot^2\theta$ c) $\sin\theta$ d) $\cot\theta$
 - When a sector of a circle is transformed to form a cone, then the arc length of the sector is
a) slant height b) diameter c) circumference of the base
d) height
 - Which of the following is incorrect?
a) $P(\phi)=0$ b) $P(A) > 1$ c) $0 \leq P(A) \leq 1$ d) $P(A)+P(\bar{A}) = 1$
 - The next term of the sequence $\frac{3}{16}, \frac{1}{8}, \frac{1}{12}, \frac{1}{18}, \dots$ is
a) $\frac{1}{24}$ b) $\frac{1}{27}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{1}{81}$
 - The solution of $(2x - 1)^2 = 9$ is equal to
a) -1 b) 2 c) -1, 2 d) none of these
 - The height of a right circular cone whose radius is 5cm and slant height is 13cm will be
a) 10cm b) 13cm c) 12cm d) 5cm
 - The non-diagonal elements in any unit matrix are
a) 0 b) 1 c) m d) n
 - Variance of first 20 natural numbers is
a) 32.25 b) 44.25 c) 33.25 d) 30
 - The range of the data 8, 8, 8, 8, 8 is
a) 0 b) 1 c) 8 d) 3
- II. Answer any 10 questions. (Q.No. 28 compulsory) 10 x 2 = 20
- If $B \times A = \{(-2, 3) (-2, 4) (0, 3) (0, 4) (3, 3) (3, 4)\}$ find A and B.
 - If $f \circ f(k) = 5$, $f(k) = 2k - 1$, then find the value of k?

- ✓17. In a G.P. 729, 243, 81, find t_7 .
18. Find the LCM of the given expression : $P^2 - 3P + 2$, $P^2 - 4$.
- ✓19. Write down the quadratic equation in general form for which sum and product of the roots are 9 and 14.
- ✓20. What length of ladder is needed to reach a height of 7ft along the wall when the base of the ladder is 4ft from the wall? Round off your answer to the next tenth place.
- ✓21. Find the equation of a line passing through the point (3, -4) and having slope $\frac{-5}{7}$.
- ✓22. Find the angle of elevation of the top of a tower from a point on the ground. Which is 30m away from the foot of a tower of height $10\sqrt{3}$ m.
23. Prove the following identities : $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \sec \theta - \tan \theta$.
24. The curved surface area of a right circular cylinder of height 14cm is 88cm^2 . Find the diameter of the cylinder.
- ✓25. Find the standard deviation of first 21 natural numbers.
- ✓26. Find the intercepts made by the following lines on the coordinate axes
 $4x + 3y + 12 = 0$
- ✓27. A coin is tossed thrice. Find the probability of getting exactly two heads?
28. The ratio of the volumes of two cones is 2:3. Find the ratio of their radii if the height of second cone is double the height of the first.
- III. Answer any 10 questions. (Q.No. 42 compulsory) 10 x 5 = 50**
- ✓29. Let $A = \{1, 2, 3, 4\}$ and $B = \{2, 5, 8, 11, 14\}$ be two sets. Let $f: A \rightarrow B$ be a function given by $f(x) = 3x - 1$. Represent this function i) by arrow diagram ii) in a table form iii) as a set of ordered pairs iv) in a graphical form.
- ✓30. Consider the functions $f(x)$, $g(x)$, $h(x)$ as given below. Show that $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ if $f(x) = x - 1$, $g(x) = 3x + 1$, and $h(x) = x^2$
- ✓31. The sum of three consecutive terms that are in A.P. is 27 and their product is 288. Find the three terms.
- ✓32. Find the square root of $64x^4 - 16x^3 + 17x^2 - 2x + 1$.
- ✓33. If $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ show that $A^2 - 5A + 7I_2 = 0$
- ✓34. State and prove basic proportionality theorem.
35. A(2,1) B(6,-1) C(4, 11) are the vertices of ΔABC . Find the equation of the altitude through A. (M)
36. Find the equation of a straight line parallel to y axis and passing through the point of intersection of the lines $4x + 5y = 13$ and $x - 8y + 9 = 0$
37. From the top of a tower 50m high, the angles of depression of the top and bottom of a tree are observed to be 30° and 45° respectively. Find the height of the tree.
38. If $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \frac{1}{a}$, then prove that $\frac{a^2 - 1}{a^2 + 1} = \sin \theta$.
39. A capsule is in the shape of a cylinder with two hemi-sphere stuck to each of its ends. If the length of the entire capsule is 12mm and the diameter of the capsule is 3mm, how much medicine it can hold?
- ✓40. Find the coefficient of variation of 24, 26, 33, 37, 29, 31

41. Two dice are rolled together. Find the probability of getting a doublet or sum of faces as 4.
42. The sum of first n , $2n$ and $3n$ terms of an A.P. are S_1 , S_2 and S_3 respectively. Prove that $S_3 = 3(S_2 - S_1)$

VII. Answer the following all questions :

43. a) Construct a triangle similar to a given triangle PQR with its sides equal to $\frac{3}{5}$ of the corresponding sides of the triangle PQR. (Scale factor $\frac{3}{5} < 1$) **(OR)** **2 x 8 = 16**
b) Take a point which is 11cm away from the centre of a circle of radius 4cm and draw the two tangents to the circle from that point.
44. a) Discuss the nature of solutions of the quadratic equation $x^2 + x - 12 = 0$ **(OR)**
b) Draw the graph of $xy = 24$, $x, y > 0$. Using the graph find
i) y when $x = 3$ ii) x when $y = 6$

ilahi high school YouTube
www.Padasalai.Net

MHH
HHT
HTH
HTH
HTH
THT
THT
THT
THT
TTT

S

Reg. No.:

--	--	--	--	--	--

அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - 2023

வகுப்பு-10

கணிதம்

காலம் : 3.00 மணி

மதிப்பெண்கள்:100

- I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக. 14 x 1 = 14
1. $R \{(a,8), (6, b)\}$ ஆனது ஒரு சமனிச்சார்பு எனில் a மற்றும் b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளாவன
a) (8, 6) b) (8, 8) c) (6, 8) d) (6, 6)
 2. 1729 ஐ பகாக் காரணிப்படுத்தும்போது, அந்த பகா எண்களின் அடுக்குகளின் கூடுதல்
a) 1 b) 2 c) 3 d) 4
 3. ஒரு நேரிய சமன்பாட்டின் வரைபடம் ஆகும்.
a) வட்டம் b) அதிபரவளையம் c) நேர்கோடு d) பரவளையம்
 4. $\triangle ABC$ ல் AD ஆனது $\angle BAC$ யின் இருசமவெட்டி $AB = 8$ செ.மீ, $BD = 6$ செ.மீ மற்றும் $DC = 3$ செ.மீ எனில் பக்கம் AC ன் நீளம்
a) 6செ.மீ b) 4செ.மீ c) 3செ.மீ d) 8செ.மீ
 5. $(-5, 0), (0, -5)$ மற்றும் $(5, 0)$ ஆகிய புள்ளிகளால் அமைக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
a) 0 ச.அ b) 25 ச.அ c) 5 ச.அ d) எதுவுமில்லை
 6. $\tan\theta \operatorname{cosec}^2\theta - \tan\theta$ ன் மதிப்பு
a) $\sec\theta$ b) $\cot^2\theta$ c) $\sin\theta$ d) $\cot\theta$
 7. ஒரு வட்டக்கோணப்பகுதி கூம்பாக மாறும் போது அதன் வில்லின் நீளத்தில் ஏற்படும் மாற்றம்
a) சாயுயரம் b) விட்டம் c) அடிப்புற சுற்றளவு d) குத்துயரம்
 8. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது?
a) $P(\phi) = 0$ b) $P(A) > 1$ c) $0 \leq P(A) \leq 1$ d) $P(A) + P(\bar{A}) = 1$
 9. $\frac{3}{16}, \frac{1}{8}, \frac{1}{12}, \frac{1}{18}, \dots$ என்ற தொடர் வரிசையின் அடுத்த உறுப்பு
a) $\frac{1}{24}$ b) $\frac{1}{27}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{1}{81}$
 10. $(2x - 1)^2 = 9$ யின் தீர்வு
a) -1 b) 2 c) -1, 2 d) எதுவும் இல்லை
 11. ஆரம் 5 செ.மீ மற்றும் சாயுயரம் 13 செ.மீ உடைய நேர்வட்டக்கூம்பின் உயரம்
a) 10செ.மீ b) 13செ.மீ c) 12செ.மீ d) 5செ.மீ
 12. எந்தவொரு அலகு அணியிலும் மூலைவிட்டத்தில் இல்லாத உறுப்புகள்
a) 0 b) 1 c) n d) n
 13. முதல் 20 இயல் எண்களின் விலக்க வர்க்கச் சராசரியானது
a) 32.25 b) 44.25 c) 33.25 d) 30
 14. 8, 8, 8, 8, 8 ஆகிய தரவின் வீச்சு
a) 0 b) 1 c) 8 d) 3
- II. ஏதேனும் பத்து வினாக்களுக்கு விடையளி. வி.எண் 28 கட்டாய வினா : $10 \times 2 = 20$
15. $B \times A = \{(-2, 3) (-2, 4) (0, 3) (0, 4) (3, 3) (3, 4)\}$ எனில் A மற்றும் B ஆகியவற்றைக் காண்க.
 16. $f \circ f(k) = 5, f(k) = 2k - 1$ எனில் k ன் மதிப்பைக் காண்க.
 17. 729, 243, 81, என்ற பெருக்குத்தொடர் வரிசையின் 7வது உறுப்பைக் காண்க.
 18. $P^2 - 3P + 2, P^2 - 4$ யின் மீ.பொ.ம. காண்க.
 19. 9, 14 ஐ மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கற்பலனாக கொண்ட இருபடி சமன்பாட்டைக் காண்க.
 20. சுவரின் அடியிலிருந்து 4 அடி தொலைவில் உள்ள ஏணியானது சுவரின் உச்சியை 7 அடி உயரத்தில் தொடுமெனில் தேவையான ஏணியின் நீளத்தைக் காண்க.
 21. $(3, -4)$ என்ற புள்ளியின் வழியே செல்வதும் $-\frac{5}{7}$ ஐ சாய்வாக உடையதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
 22. $10\sqrt{3}$ மீ உயரமுள்ள கோபுரத்தின் அடியிலிருந்து 30மீ தொலைவில் தரையில் உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து கோபுரத்தின் உச்சியின் ஏற்றக் கோணத்தைக் காண்க.

23. $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \sec \theta - \tan \theta$ என்ற முற்றொருமையை நிரூபிக்கவும்.
24. 88 ச.செ.மீ வளைபரப்புடைய ஒரு நேர்வட்ட உருளையின் உயரம் 14 செ.மீ எனில் உருளையின் விட்டம் காண்க.
25. முதல் 21 இயல் எண்களின் திட்டவிலக்கத்தைக் காண்க.
26. $4x + 3y + 12 = 0$ என்ற நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டிலிருந்து ஆய அச்சுகளின் மேல் ஏற்படுத்தும் வெட்டுத்துண்டுகளைக் காண்க.
27. ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சுண்டப்படும் போது சரியாக இரண்டு தலைகள் கிடைக்க நிகழ்தகவு காண்க.
28. இரு கூம்புகளின் கன அளவுகளின் விகிதம் 2:3 ஆகும். இரண்டாம் கூம்பின் உயரம் முதல் கூம்பின் உயரத்தைப் போல் இரு மடங்கு எனில், அவற்றின் ஆரங்களின் விகிதம் காண்க.
- III. ஏதேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வி.எண் 42 கட்டாய வினா) $10 \times 5 = 50$
29. $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{2, 5, 8, 11, 14\}$ என்பன இரு கணங்கள் என்க. $f: A \rightarrow B$ எனும் சார்பு $f(x) = 3x - 1$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது இச்சார்பினைக் கொண்டு i) அம்புக்குறி படம் ii) அட்டவணை iii) வரிசை சோடிகளின் கணம் iv) வரைபடம் ஆகியவற்றைக் குறிக்க.
30. கொடுக்கப்பட்ட $f(x)$, $g(x)$, $h(x)$ ஆகியவற்றைக் கொண்டு $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ எனக்காட்டுக. $f(x) = x - 1$, $g(x) = 3x + 1$ மற்றும் $h(x) = x^2$.
31. ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் அமைந்த அடுத்தடுத்த மூன்று உறுப்புகளின் கூடுதல் 27 மற்றும் பெருக்கற்பலன் 288 எனில் அந்த மூன்று உறுப்புகளைக் காண்க.
32. $64x^4 - 16x^3 + 17x^2 - 2x + 1$ என்பதன் வர்க்கமூலம் காண்க.
33. $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ எனில் $A^2 - 5A + 7I_2 = 0$ என நிறுவுக.
34. அடிப்படை விகிதசம தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.
35. $\triangle ABC$ ன் முனைகள் $A(2, 1)$ $B(6, -1)$ $C(4, 11)$ என்க. A யிலிருந்து வரையப்படும் குத்துக்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
36. $4x + 5y = 13$, $x - 8y + 9 = 0$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும், y அச்சுக்கு இணையாகவும் உள்ள நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
37. 50 மீ உயரமுள்ள ஒரு கோபுரத்தின் உச்சியிலிருந்து ஒரு மரத்தின் உச்சி மற்றும் அடி ஆகியவற்றின் கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 45° எனில் மரத்தின் உயரத்தைக் காண்க.
38. $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \frac{1}{a}$ எனில் $\frac{a^2 - 1}{a^2 + 1} = \sin \theta$ என நிரூபிக்கவும்.
39. ஒரு மருந்து குப்பி, ஓர் உருளையின் இருபுறமும் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவில் உள்ளது. குப்பியின் மொத்த நீளம் 12 மி.மீ மற்றும் விட்டம் 3 மி.மீ எனில் அதில் அடைக்கப்படும் மருந்தின் கன அளவைக் காண்க.
40. 24, 26, 33, 37, 29, 31 ஆகியவற்றின் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.
41. இரண்டு பகடைகள் உருட்டப்படுகின்றன. இரண்டு முகமதிப்புகளும் சமமாக இருக்க அல்லது முகமதிப்புகளின் கூடுதல் 4 ஆக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
42. S_1 , S_2 மற்றும் S_3 என்பன முறையே ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் முதல் n , $2n$ மற்றும் $3n$ உறுப்புகளின் கூடுதல் எனில் $S_3 = 3(S_2 - S_1)$ என நிறுவுக.
- IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:
- 2 x 8 = 16
43. a) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{3}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவுக்காரணி $\frac{3}{5} < 1$) (அல்லது)
- b) 4 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டம் வரைந்து அதன் மையத்திலிருந்து 11 செ.மீ தொலைவிலுள்ள ஒரு புள்ளியைக் குறித்து, அப்புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு இரண்டு தொடுகோடுகள் வரைக.
44. a) $x^2 + x - 12 = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் தீர்வுகளின் தன்மையை வரைபடம் மூலம் ஆராய்க. (அல்லது)
- b) $xy = 24$, $x, y > 0$ என்ற வரைபடத்தை வரைக. அதனைப் பயன்படுத்தி i) $x = 3$ எனில் y ஐக் காண்க. ii) $y = 6$ எனில் x ஐக் காண்க.

SVG / Half-yearly Examination - 2023

Answer Key

By MPL.

- I. 1) A) (8, 6)
 2) c) 3
 3) c) Straight line
 4) B) 4cm
 5) B) 25 sq. units
 6) D) $\cot \theta$.

Q. 7) c) Circumference of the base.

- 8) B) $P(A) > 1$
 9) B) $\frac{1}{27}$
 10) c) -1, 2
 11) c) 12cm

Pattern.

A C C B
B D C B
B C C A
C A

- Q. 12) A) 0
 13) c) 33.25
 14) A) 0.

II) 15) $B = \{-2, 0, 3\}$
 $A = \{3, 4\}$

16) $(2k-1) \cdot (2k-1) = 5$
 $2(2k-1) - 1 = 5$
 $4k - 2 - 1 = 5$ k=2

17) $t_n = ar^{n-1}$ $a=729$ $r=\frac{1}{3}$
 $t_7 = 729 \left(\frac{1}{3}\right)^6 = 1$

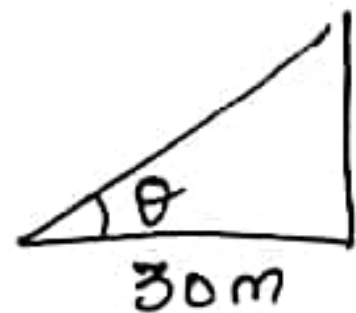
18) $P^2 - 3P + 2 = (P-2)(P-1)$
 $P^2 - 4 = (P-2)(P+2)$
 \therefore LCM is $(P-2)(P+2)(P-1)$

19) $x^2 - (S.O.R)x + (P.O.R) = 0$
 $\therefore x^2 - 9x + 14 = 0$

20) Ladder = $\sqrt{7^2 + 4^2}$
 $= \sqrt{49 + 16} = \sqrt{65} = 8.1$ ft

21) $y - y_1 = m(x - x_1)$
 $y + 4 = -\frac{5}{7}(x - 3) = -\frac{5x}{7} + \frac{15}{7}$
 $7y + 28 = -5x + 15$
 $\therefore 5x + 7y + 13 = 0$

22)



$\tan \theta = \frac{OPP}{ADJ}$
 $\tan \theta = \frac{10\sqrt{3}}{30} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

$\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \theta = 30^\circ$

23) LHS: $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} \cdot \frac{1 - \sin \theta}{1 - \sin \theta}$
 $= \frac{\cos \theta (1 - \sin \theta)}{1 - \sin^2 \theta}$
 $= \frac{\cos \theta (1 - \sin \theta)}{\cos^2 \theta} = \frac{1 - \sin \theta}{\cos \theta}$
 $= \frac{1}{\cos \theta} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \sec \theta - \tan \theta$

24) CSA cylinder = $2\pi r h$
 $2 \times \frac{22}{7} \times r \times \frac{1}{4} = 88$

$88 \times r = 88 \Rightarrow r = 1$

\therefore Diameter is 2cm.

25) $\sigma = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{12}}$ n=21

S.D: $\sigma = \sqrt{\frac{441 - 1}{12}} = \sqrt{\frac{440}{12}}$
 $= \sqrt{36.67} \approx 6.05$

26) $x=0 \Rightarrow 0 + 3y + 12 = 0 \Rightarrow y = -4$
 $y=0 \Rightarrow 4x + 0 + 12 = 0 \Rightarrow x = -3$
 \therefore x intercept $a = -3$
 y intercept $b = -4$

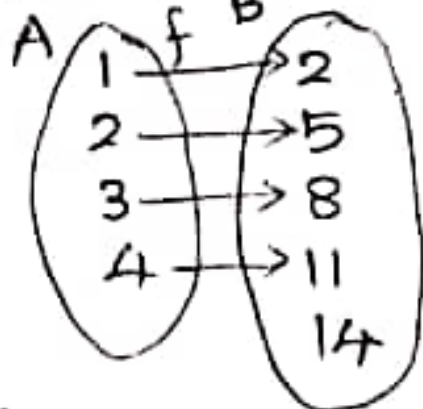
27) $S = \{HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT\}$ $n(S) = 7$
 $A = \{HHT, HTH, THH\}$ $n(A) = 3$
 $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{7}$

28) $V_1 : V_2 = 2 : 3$ ($V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$)
 Also given $h_2 = 2h_1$

$\therefore \frac{V_1}{V_2} = \frac{\frac{1}{3} \pi r_1^2 h_1}{\frac{1}{3} \pi r_2^2 h_2} = \frac{2}{3}$
 $\frac{r_1^2 h_1}{r_2^2 \cdot 2h_1} = \frac{2}{3} \Rightarrow \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{4}{3}$
 $\therefore \frac{r_1}{r_2} = \frac{2}{\sqrt{3}} \Rightarrow r_1 : r_2 = 2 : \sqrt{3}$

II) 29) $f(1) = 2$ $f(2) = 5$
 $f(3) = 8$ $f(4) = 11$.

(i) Arrango:



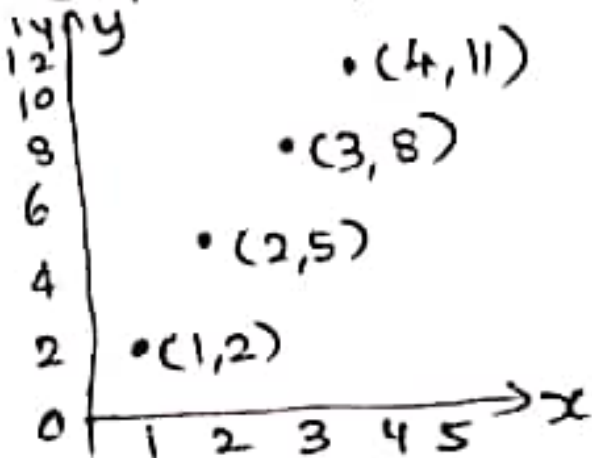
(ii) Table:

x	1	2	3	4
f(x)	2	5	8	11

(iii) ordered pair:

$f = \{(1, 2), (2, 5), (3, 8), (4, 11)\}$

(iv) Graph:



30) $(f \circ g) \circ h = [(x-1) \circ (3x+1)] \circ x^2$
 $= (3x+1-1) \circ x^2 = 3x^2$

$f \circ (g \circ h) = (x-1) \circ [(3x+1) \circ x^2]$
 $= (x-1) \circ (3x^2+1) =$
 $= 3x^2+1-1 = 3x^2$

31) $a - d + a + a + d = 27 \Rightarrow a = 9$

$(a^2 - d^2)a = 288$

$81 - d^2 = 288/9 = 32 \Rightarrow d = \pm 7$

$a = 9, d = 7 \Rightarrow 2, 9, 11$

$a = 9, d = -7 \Rightarrow 11, 9, 2$

32)

8	8	-1	1	
8	64	-16	17	-2
16	-1	-16	17	-2
16	-2	16	-2	1
		16	-2	1
			0	

\therefore Sqrout = $(8x^2 - x + 1)$.

33) $A^2 = \begin{pmatrix} 8 & 5 \\ -5 & 3 \end{pmatrix} - 5A = \begin{pmatrix} -15 & -3 \\ 5 & -10 \end{pmatrix}$

$A^2 - 5A + 7I_2 = \begin{pmatrix} 8-15+7 & 5-5+0 \\ -5+5+0 & 3-10+7 \end{pmatrix}$
 $= \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} = 0$ Proved.

34) Thales / BPT Theorem.

35) ca. old book -

Slope of BC = $\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

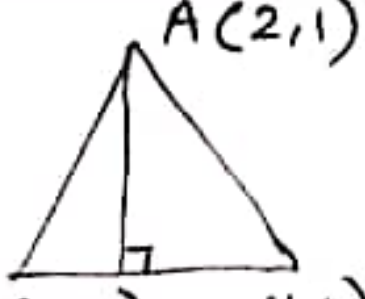
$m_1 = \frac{11-1}{4-6} = \frac{10}{-2} = -5$

$m_1 \times m_2 = -1 \Rightarrow m_2 = \frac{1}{5}$ A(2,1)

$y - y_1 = m(x - x_1)$

$y - 1 = \frac{1}{5}(x - 2)$

$5y - 5 = x - 2 \Rightarrow x - 5y + 3 = 0$



36) To solve $4x + 5y - 13 = 0$

and $x - 8y + 9 = 0$

we get $x = \frac{59}{37}$ & $y = \frac{49}{37}$

Parallel to y axis $\Rightarrow x = c$

\therefore Reqd. eqn: $x = \frac{59}{37}$ $37x - 59 = 0$

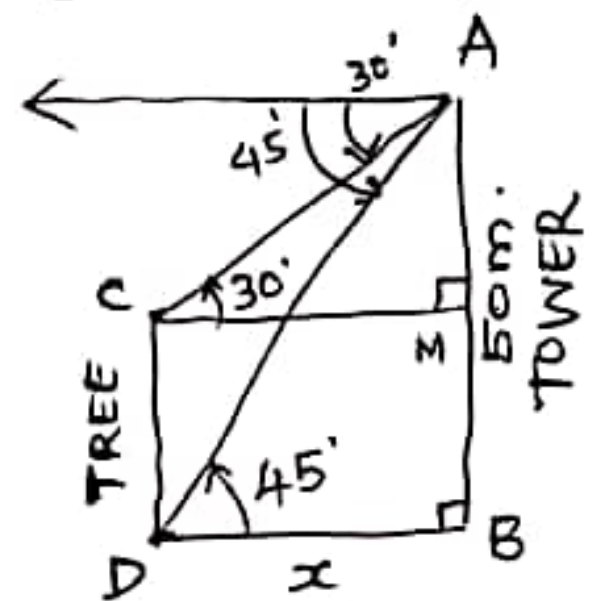
37)

In $\triangle ADB$,

$\tan \theta = \frac{OPP}{ADJ}$

$\tan 45^\circ = \frac{50}{x}$

$\therefore x = 50m$



In $\triangle ACM$, $\tan 30^\circ = \frac{AM}{CM}$

$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{AM}{x}$ $AM = \frac{50}{\sqrt{3}} = \frac{50\sqrt{3}}{3}$

$= 28.87m$

\therefore Height of tree = $50 - 28.87 = 21.13m$

38) $\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} = \frac{1}{a} \Rightarrow a = \frac{1 + \sin \theta}{\cos \theta}$

$\frac{a^2 - 1}{a^2 + 1} = \frac{(1 + \sin \theta)^2 - \cos^2 \theta}{(1 + \sin \theta)^2 + \cos^2 \theta}$

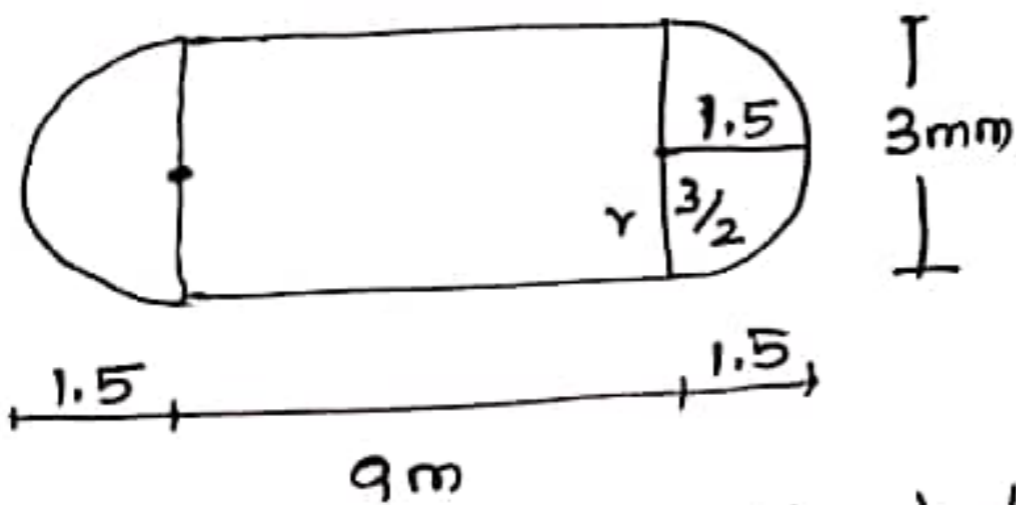
$= \frac{1 + \sin^2 \theta + 2 \sin \theta - \cos^2 \theta}{1 + \sin^2 \theta + 2 \sin \theta + \cos^2 \theta}$

$= \frac{1 + \sin^2 \theta + 2 \sin \theta - 1 + \sin^2 \theta}{1 + 2 \sin \theta + 1}$

$= \frac{2 \sin \theta (\sin \theta + 1)}{2(\sin \theta + 1)}$

$= \sin \theta = RHS$

39)



Volume = cylinder + 2x Hemisphere

$$= \pi r^2 h + 2 \times \frac{2}{3} \pi r^3$$

$$= \pi r^2 \left[h + \frac{4}{3} r \right]$$

$$= \frac{22}{7} \times \frac{3}{2} \times \frac{3}{2} \left[(9 - 3) + \frac{4}{3} \times \frac{3}{2} \right]$$

$$= \frac{99}{14} [6 + 2] = \frac{99 \times 8}{14}$$

$$= \frac{296}{7} = \frac{99 \times 11}{14}$$

$$= \frac{1089}{14} = 77.78 \text{ mm}^3$$

$$40) \bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{180}{6} = 30.$$

$$\sum d^2 = 112 \quad \sigma = \sqrt{\frac{112}{6}}$$

$$\text{S.D: } \sigma = \sqrt{18.67} \approx 4.32$$

$$\text{CV} = \frac{4.32}{30} \times 100\% = \frac{43.2}{3}\%$$

$$= 14.4\%$$

$$41) n(s) = 36.$$

$$A = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (5,5), (6,6)\}$$

$$n(A) = 6 \quad P(A) = \frac{6}{36}$$

$$B = \{(3,1), (2,2), (1,3)\} \quad n(B) = 3.$$

$$P(B) = \frac{3}{36} \quad P(A \cap B) = \frac{1}{36}$$

$$P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{3}{36} - \frac{1}{36} = \frac{8}{36} = \frac{4}{9}$$

$$42) S_1 = S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$S_2 = S_{2n} = \frac{2n}{2} [2a + (2n-1)d]$$

$$S_3 = S_{3n} = \frac{3n}{2} [2a + (3n-1)d].$$

$$S_2 - S_1 = \frac{n}{2} [4a + 4nd - 2d - 2a - nd + d]$$

$$= \frac{n}{2} [2a + 3nd - d]$$

$$= \frac{n}{2} [2a + (3n-1)d]$$

$$3(S_2 - S_1) = \frac{3n}{2} [2a + (3n-1)d] = S_3.$$

$$44) a) \begin{array}{cccccccc} x & -4 & -3 & -2 & -1 & 0 & 1 & 2 & 3 \\ y & 0 & -6 & -10 & -12 & -12 & -10 & -6 & 0 \end{array}$$

Points of Inter: (-4, 0) and (3, 0)

\therefore Roots are real and unequal

b)

x	1	2	3	4	6	12
y	24	12	8	6	4	2

(i) when $x=3 \Rightarrow y=8$.

(ii) when $y=6 \Rightarrow x=4$.

— x — x —