

::

அரையாண்டுத் தேர்வு - 2023

P. Shalini

10 - STD

காலம் : 3.00 மணி

கணிதம்

X - A
மதிப்பெண்கள் - 100

பகுதி - அ (மதிப்பெண்கள் - 14)

10163

குறிப்பு : i) இப்பிரிவில் உள்ள 14 வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்

ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள நான்கு மாற்று விடைகளில் மிகவும் சரியான விடையைத் குறியீட்டுடன் தேர்ந்தெடுத்து எழுதவும்

14 x 1 = 14

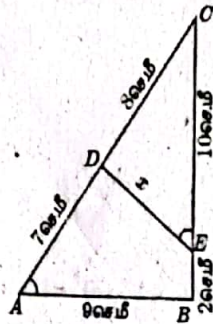
1. $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{4, 8, 9, 10\}$ எனக்கொடுக்கப்பட்டால் சார்பு $f: A \rightarrow B$ ஆனது $f = \{(1, 4), (2, 8), (3, 9), (4, 10)\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் f -என்பது
(A) பலவற்றிலிருந்து ஒன்றுக்கான சார்பு (B) சமனிச் சார்பு
(C) ஒன்றுக்கு ஒன்றுக்கான சார்பு (D) உட்சார்பு
2. f என்ற மாறலிச் சார்பின் மதிப்பு $\frac{1}{8}$, எனில் $f(1) + f(2) + \dots + f(8)$ இன் மதிப்பு
(A) $\frac{1}{8}$ (B) 1 (C) 8 (D) 0
3. $A = 2^{65}$ மற்றும் $B = 2^{64} + 2^{63} + 2^{62} + \dots + 2^0$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. பின்வருவனவற்றில் எது உண்மை?
(A) B ஆனது A ஐ விட 2^{64} அதிகம் (B) A மற்றும் B சமம்
(C) B ஆனது A ஐ விட 1 அதிகம் (D) A ஆனது B ஐ விட 1 அதிகம்
4. 65 மற்றும் 117 யின் மீ.பொ.வ வை $65m - 117n$ என்ற வடிவில் எழுதும் போது m -ன் மதிப்பு
(A) 4 (B) 2 (C) 1 (D) 3
5. $x + y - 3z = -6$, $-7y + 7z = 7$, $3z = 9$ என்ற தொகுப்பின் தீர்வு
(A) $x = 1, y = 2, z = 3$ (B) $x = -1, y = 2, z = 3$
(C) $x = -1, y = -2, z = 3$ (D) $x = 1, y = -2, z = 3$
6. $q^2x^2 + p^2x + r^2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்களின் வர்க்கங்கள் $qx^2 + px + r = 0$, என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில், q, p, r என்பன
(A) ஒரு கூட்டுத்தொடர்வரிசையில் உள்ளன (B) ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையில்
(C) கூட்டுத்தொடர்வரிசை மற்றும் பெருக்குத் தொடர்வரிசை இரண்டிலும் உள்ளன
(D) இதில் எதுவும் இல்லை
7. $A = \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 6 & -3 \end{pmatrix}$, எனில் A^2 இன் மதிப்பு
(A) $\begin{pmatrix} 16 & 4 \\ 36 & 9 \end{pmatrix}$ (B) $\begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 6 & -3 \end{pmatrix}$ (C) $\begin{pmatrix} 8 & -4 \\ -12 & -6 \end{pmatrix}$ (D) $\begin{pmatrix} -4 & 2 \\ -6 & 3 \end{pmatrix}$
8. இருசமபக்க முக்கோணம் ABC யில் $\angle C = 90^\circ$ மற்றும் $AC = 5$ செ.மீ எனில் AB ஆனது
(A) 2.5 செ.மீ (B) 5 செ.மீ (C) 10 செ.மீ (D) $5\sqrt{2}$ செ.மீ

9. $y = \sqrt{3}x + 11$ என்ற நேர்கோட்டின் சாய்வுக் கோணம்
 (A) 30° (B) 45° (C) 60° (D) 90°
10. $x = a \tan \theta$ மற்றும் $y = b \sec \theta$ எனில்
 (A) $\frac{y^2}{b^2} - \frac{x^2}{a^2} = 1$ (B) $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ (C) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ (D) $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$
11. ஆரம் 5 செ.மீ மற்றும் சாயுயரம் 13 செ.மீ உடைய நேர்வட்ட கூம்பின் உயரம்
 (A) 12 செ.மீ (B) 10 செ.மீ (C) 13 செ.மீ (D) 5 செ.மீ
12. சமமான விட்டம் மற்றும் உயரம் உடைய ஓர் உருளை, ஒரு கூம்பு மற்றும் ஒரு அரைகோளத்தின் கனஅளவுகளின் விகிதம்
 (A) 1:2:3 (B) 2:1:3 (C) -1:3:2 (D) 3:1:2
13. x, y, z ன் திட்டவிலக்கம் t எனில் $x+5, y+5, z+5$ -ன் திட்டவிலக்கம் ____
 (A) $\frac{t}{3}$ (B) $t+5$ (C) t (D) xyz
14. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது?
 (A) $P(A) > 1$ (B) $0 \leq P(A) \leq 1$ (C) $P(\phi) = 0$ (D) $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

பகுதி - ஆ (மதிப்பெண்கள் - 20)

குறிப்பு : பத்து வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும். 28 வது வினா கட்டாயமாக விடையளிக்க வேண்டும். 10 x 2 = 20

15. f என்ற சார்பு $f(x) = 2x - x^2$ என வரையறுக்கப்பட்டிருக்கிறது எனில் $f(x+1)$ ன் மதிப்பு காண்க.
16. $f(x) = 3x + 2$, $g(x) = 6x - k$ மற்றும் $f \circ g = g \circ f$ எனில் k -ன் மதிப்பு காண்க.
17. $a^b \times b^a = 800$ என்றவாறு அமையும் இரு மிகை முழுக்கள் 'a' மற்றும் 'b' ஐ காண்க.
18. $3 + 1 + \frac{1}{3} + \dots \infty$ என்ற தொடரின் கூட்டுதல் காண்க.
19. ஓர் இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கல் பலன் $\frac{5}{3}, 4$ எனில் அச் சமன்பாட்டினைக் காண்க.
20. $A = \begin{pmatrix} \cos^2 \theta & 0 \\ 0 & \cos^2 \theta \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} \sin^2 \theta & 0 \\ 0 & \sin^2 \theta \end{pmatrix}$ எனில் $A+B = I_2$ என நிறுவுக. (1 0)
(0 1)
21. படத்தில் $\angle A = \angle CED$ மற்றும் $\triangle CAB \sim \triangle CED$ எனில், x -ன் மதிப்பைக் காண்க.



22. $(\sin^6 \theta + \cos^6 \theta) = 1 - 3 \sin^2 \theta \cos^2 \theta$ என்ற முற்றொருமையை நிறுவுக.

23. $3x - 7y = 12$ என்ற நேர்க்கோட்டிற்கு தொடுகையாகவும் $(6, 4)$ என்ற புள்ளி வரிக் செல்வதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
24. நீளம் 3 மீ மற்றும் விட்டம் 2.8 மீ உடைய ஒரு சமன்படுத்தும் ஒரு உருளையைக் கொண்டு ஒரு தோட்டம் சமன்படுத்தப்படுகிறது. 8 கற்றுகளில் எவ்வளவு பரப்பை உருளை சமன் செய்யும்?
25. ஒரு திண்ம அரைக்கோளத்தின் மொத்த முப்பரப்பு 675π ச.செமீ எனில் அதன் வளைபரப்பு காண்க.
26. ஒரு புள்ளி விபரத்தின் திட்டவிலக்கம் 6.84 மற்றும் அவற்றின் மாறுபாட்டுக்கெழு 57 எனில், அவற்றின் கூட்டுச் சராசரியைக் காண்க.
27. மர வரையடத்தைப் பயன்படுத்தி இரண்டு பக்கங்கள் உருட்டப்படும்போது கிடைக்கும் கூறுவெளியை எழுதுக.
28. $f(x) = \sqrt{1 + \sqrt{1 - \sqrt{1 - x^2}}}$ என்ற சார்பின் மதிப்பகத்தைக் காண்க.

பகுதி - கி (மதிப்பெண்கள் - 50)

குறிப்பு : பத்து வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும். 42 வது வினா கட்டாயமாக விடையளிக்க வேண்டும். $10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in \mathbb{N} / 1 < x < 4\}$, $B = \{x \in \mathbb{W} / 0 \leq x < 2\}$ மற்றும் $C = \{x \in \mathbb{N} / x < 3\}$ எனில் $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்கவும்.
30. f என்ற சார்பானது செல்சியஸில் (C) உள்ள வெப்பநிலையையும், பாரன்ஹீட்டில் (F) உள்ள வெப்பநிலையையும் இணைக்கும் சார்பாகும். மேலும் $f(C) = F$ என வரையறுக்கப்பட்டால், (இங்கு $F = \frac{9}{5}C + 32$)
- (i) $f(0)$ (ii) $f(28)$ (iii) $f(-10)$
- (iv) $f(C) = 212$ ஆக இருக்கும்போது C -ன் மதிப்பு
- (v) செல்சியஸ் மதிப்பும், பாரன்ஹீட் மதிப்பும் சமமாக இருக்கும்போது வெப்பநிலை ஆகியவற்றைக் கண்டறிக.
31. ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் அடுத்தடுத்த நான்கு உறுப்புகளின் கூடுதல் 28 மற்றும் அவற்றின் வர்க்கங்களின் கூடுதல் 276. அந்த நான்கு எண்களைக் காண்க.
32. $7 + 77 + 777 + \dots$ என்ற தொடர் வரிசையின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.
33. $P = \frac{x}{x+y}$; $Q = \frac{y}{x+y}$ எனில் $\frac{1}{P-Q} - \frac{2Q}{P^2-Q^2}$ - ன் மதிப்பு காண்க.
34. $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ என்ற கோவை முழுவாக்கம் எனில் a மற்றும் b -யின் மதிப்பு காண்க.
35. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ எனில் $(AB)^T = B^T A^T$ என்பதைச் சரிபார்க்கவும்.
36. $A(-5, 7)$, $B(-4, k)$, $C(-1, -6)$ மற்றும் $D(4, 5)$ ஆகிய நான்கு உச்சிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பளவு 72 சதுர அலகுகள் எனில் k -ன் மதிப்பைக் காண்க.

37. பிதாக்காரன் தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.
38. ஒர் திணிவ கெந்தடி உருளைகளின் வளர்ச்சி முட்டையடி 11.13 செ.மீ மேலும் அதன் வளைவடி, வளர்ச்சி முட்டையடிகள் ஆறில் ஐந்து பங்காகும் எனில் கெந்தடி உருளைகளின் ஆறும் மற்றும் உயரும் காண்க.
39. 6 செ.மீ ஆறும் மற்றும் 15 செ.மீ உயரும் கொண்டு ஒர் உருளை வடிவம் மாற்றியதில் முழுவுறுபாக பனிக்காய் (Ice-cream) உண்டாகும். ஆறின் பனிக்காயுண்டாகும், காம்பு மற்றும் அரைக்கோணம் கிடைக்காத வடிவத்தில் திரட்டப்படுகிறது. காம்பின் உயரும் 9 செ.மீ மற்றும் ஆறும் 3 செ.மீ எனில், மாற்றியதில் உண்டான பனிக்காயை திரட்ட எத்தனைக் காம்புகள் தேவை?
40. வகுப்புத் தேர்வில் மாணவர்கள் செய்த மதிப்பீடுகளின் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளன. அவர்களின் மதிப்பீடுகளை நிறுவுக.

x	4	6	8	10	12
f	7	3	5	9	5

41. 50 மாணவர்கள் உள்ள ஒரு வகுப்பில் 28 பேர் NCC லும், 30 பேர் NSS லும் மற்றும் 18 பேர் NCC மற்றும் NSS-லும் சேர்க்கின்றார்கள். ஒரு மாணவர் சம்பாந்திய முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறார். அவர்
- (i). NCC-ல் தேர்ந்து ஆனால் NSS-ல் இல்லாமல்
 - (ii). NSS-ல் தேர்ந்து ஆனால் NCC-ல் இல்லாமல்
 - (iii). ஒன்றோ ஒன்றில் மாட்டும் சேர்ந்து தேர்ந்தெடுக்காத நிகழ்தகவுகளைக் காண்க.
42. ஒரு தெருவில் உள்ள விட்டின் சன்னலிலிருந்து, (சன்னல் குறைக்கு மேல் h மீ உயரத்தில் உள்ளது) தெருவில் எதிர்ப்பக்கத்தில் உள்ள மற்றொரு விட்டின் h மீ மற்றும் $2h$ ஆகியவற்றின் ஏற்றக்கோணம் மற்றும் இறக்கக்கோணம் முறையே θ_1 மற்றும் θ_2 எனில் எதிர்ப்பக்கத்தில் அமைந்த விட்டின் உயரும்

$$h \left(1 + \frac{\cot \theta_2}{\cot \theta_1} \right) \text{ என நிறுவுக.}$$

பகுதி - B (மதிப்பீடுகள் = 16)

குறியீடு: ஒரு வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$$2 \times 8 = 16$$

43. (அ). $QR = 5$ செ.மீ, $\angle P = 30^\circ$ மற்றும் P -லிருந்து QR க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.2 செ.மீ கொண்ட முக்கோணம் ΔPQR வரைக.

அல்லது

(ஆ). 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைந்து வட்டத்தில் மையத்தில் இருந்து 8 செ.மீ தொலைவில் P என்ற புள்ளியை குறிக்கவும். அப்புள்ளியிலிருந்து PA மற்றும் PB என்ற இரு தொடுகோடுகள் வரைந்து அவற்றின் நீளங்களைக் காண்கு எழுதுகவும்.

44. (அ). ஒரு பெருந்து மணிக்கு 50 கி.மீ/மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது. கித்தொட்டிபக்கான தூரம் - நேரம் வரைபடம் வரைந்து பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

- (i) வித்தரம் மாறலியைக் காண்க.
- (ii) $1\frac{1}{2}$ மணி நேரத்தில் பயணக்கும் தூரம் எவ்வளவு?
- (iii) 300 கி.மீ தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்?

அல்லது

(ஆ). $y = 2x^2$ -ன் வரைபடம் வரைந்து, அதன் குவம் $2x^2 - x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.