

## அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - 2023

11-ம் வகுப்பு

கணிதம்

மதிப்பெண்கள் : 90

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

சரியான விடையினை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

20x1=20

1.  $n(A)=2$  மற்றும்  $n(B \cup C)=3$  எனில்,  $n[(A \times B) \cup (A \times C)]$  என்பது a)  $2^3$  b)  $3^2$  c) 6 d) 5
2. ஒற்றைப்படைச் சார்பு மற்றும் இரட்டைப்படைச் சார்பின் பெருக்கல் ஓர் a) ஒற்றைப்படைச் சார்பு b) இரட்டைப்படைச் சார்பு c) ஒற்றை மற்றும் இரட்டைப்படைச் சார்பு d) ஒற்றை மற்றும் இரட்டைப்படைச் சார்பு அல்ல
3.  $343 -$ ன் மடக்கை 3 எனில், அதன் அடிமானம் a) 5 b) 7 c) 6 d) 9
4.  $x^2+ax+c=0$  ன் மூலங்கள் 8 மற்றும் 2 ஆகும். மேலும்,  $x^2+dx+b=0$  - ன் மூலங்கள் 3,3 எனில்,  $x^2+ax+b=0$  ன் மூலங்கள் a) 1,2 b) -1,1 c) 9,1 d) -1, 2
5.  $f(\theta) = |\sin \theta| + |\cos \theta|$ ,  $\theta \in R$  எனில்,  $f(\theta)$  அமையும் இடைவெளி. a) [0, 2] b) [1,  $\sqrt{2}$ ] c) [1,2] d) [0, 1]
6. ஒரு சக்கரமானது 2 ஆரையன்கள் அளவில் / விகைகைகள் சுழல்கிறது. எனில், 10 முழு சுற்று சுற்றுவதற்கு எத்தனை விகைகைகள் எடுத்துக்கொள்ளும்? a)  $10\pi$  விகைகைகள் b)  $20\pi$  விகைகைகள் c)  $5\pi$  விகைகைகள் d)  $15\pi$  விகைகைகள்
7. 44 மூல விட்டங்கள் உள்ள ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை a) 4 b) 4! c) 11 d) 22
8.  $e^{-2x}$  என்ற தொடரில்  $x^3$ -ன் கெழு a)  $\frac{2}{3}$  b)  $\frac{3}{2}$  c)  $-\frac{4}{15}$  d)  $\frac{4}{15}$
9.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = k$  என்ற நியமப்பாதையின் மீது (8, -5) என்ற புள்ளி உள்ளது எனில், k - ன் மதிப்பு a) 0 b) 1 c) 2 d) 3
10.  $ax^2+2hxy+by^2=0$  என்ற இரட்டை நேர்க்கோடுகள் செங்குத்தாக இருப்பதற்கான நிபந்தனை a)  $h^2-ab=0$  b)  $a+b=0$  c)  $h^2-ab>0$  d)  $h^2-ab<0$
11.  $A = \begin{bmatrix} e^{x-2} & e^{7+x} \\ e^{2+x} & e^{2x+3} \end{bmatrix}$  என்பது ஒரு யூஜியக்கோவை அணி எனில், x-ன் மதிப்பு a) 9 b) 8 c) 7 d) 6
12. A என்பது ஒரு சதுர அணி எனில், பின்வருவனவற்றுள் எது சமச்சீரல்வ? a)  $A+A^T$  b)  $AA^T$  c)  $A^T A$  d)  $A-A^T$
13.  $\hat{i}+3\hat{j}+\lambda\hat{k}$  -ன் மீது  $5\hat{i}-\hat{j}-3\hat{k}$  -ன் வீழலும்  $5\hat{i}-\hat{j}-3\hat{k}$  ன் மீது  $\hat{i}+3\hat{j}+\lambda\hat{k}$  ன் வீழலும் சமம் எனில்,  $\lambda$ -ன் மதிப்பு a)  $\pm 4$  b)  $\pm 3$  c)  $\pm 5$  d)  $\pm 1$
14.  $\vec{a}$  மற்றும்  $\vec{b}$  - ஐ அடுத்துள்ள பக்கங்களாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு a)  $\frac{1}{2} |\vec{a} \times \vec{b}|$  b)  $|\vec{a} \times \vec{b}|$  c)  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$  d)  $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0}$
15.  $f: R \rightarrow R$  என்பது  $f(x) = [x-3] + |x-4|$ ,  $x \in R$  என வரையறுக்கப்பட்டால்,  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$  ன் மதிப்பு a) -2 b) -1 c) 0 d) 1
16.  $x = \frac{x}{2}$  ன்  $f(x) = \frac{|2x-3|}{2x-3}$  என்பது a) தொடர்ச்சியானது b) தொடர்ச்சியற்றது c) வகையிடத்தக்கது d) யூஜியமற்றது
17.  $y = \frac{1}{a-z}$  எனில்,  $\frac{dz}{dy}$  ன் மதிப்பு a)  $(a-z)^2$  b)  $-(z-a)^2$  c)  $(z+a)^2$  d)  $-(z+a)^2$
18.  $f(x) = |x-1| + |x-3| + \sin x$  எனும் சார்பு R-ல் வகைமையாகாத புள்ளிகளின் எண்ணிக்கை a) 3 b) 2 c) 1 d) 4
19.  $\int 2^{3x+5} dx =$  a)  $\frac{3(2^{3x+5})}{\log 2} + C$  b)  $\frac{2^{3x+5}}{2 \log(3x+5)} + C$  c)  $\frac{2^{3x+5}}{2 \log 3} + C$  d)  $\frac{2^{3x+5}}{3 \log 2} + C$
20.  $\int (1+x^2)^{-1} dx =$  a)  $\sin^{-1} x + C$  b)  $\tan^{-1} x + C$  c)  $\cos^{-1} x + C$  d)  $\cot^{-1} x + C$

பகுதி - ஆ

7x2=14

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 30க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்

21.  $n[P(A)] = 1024$ ,  $n(A \cup B) = 15$  மற்றும்  $n(p(B)) = 32$  எனில்,  $n[A \cap B]$  காண்க.

22. 7 மற்றும் -3 ஆகிய மூலங்களையுடைய இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

23. மதிப்பு காண்க :  $\cos 15^\circ$ 24.  $\frac{1}{7!} + \frac{1}{8!} = \frac{A}{9!}$  எனில் A-ன் மதிப்பு என்ன?

25. (5,7) மற்றும் (7,5) என்ற புள்ளிகள் வழியே செல்லக்கூடிய நேர்க்கோட்டின் சாய்வைக் காண்க. மேலும் x-அச்சுடன் ஏற்படுத்தும் சாய்வுக் கோணத்தைக் காண்க.

வகுப்பு : 11 கணிதம்

26.  $A = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  எனில்,  $A^4$  ன் காரணக.

27.  $\vec{a} = 3\hat{i} + 4\hat{j}$  மற்றும்  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$  எனில்  $|\vec{a} \times \vec{b}|$  - ன் மதிப்பைக் காண்க.

28.  $\lim_{x \rightarrow 3} \left( \frac{x^2 - 3^x}{x - 3} \right) = 27$  எனுமாறு உள்ள மிகை முழு எண்  $n$ - ன் காரணக.

29. மதிப்பிடுக:  $\int \sqrt{1 + \cos^2 x} dx$

30.  $y = \sin^2 x$  எனில்,  $y' = \sin^2 x$  என நிறுவுக.

பகுதி - B

ஒருதொடர் எழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 40-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்

7x3=21

31.  $f(x) = \frac{1}{1 - 2\cos x}$  - ன் சார்புத்தைக் காண்க.

32. நிரூபிக்க:  $\frac{\cot(180^\circ + \theta) \sin(90^\circ - \theta) \cos(-\theta)}{\sin(270^\circ + \theta) \tan(-\theta) \csc(360^\circ - \theta)} = \cos^2 \theta \cot \theta$

33.  $8 + 88 + 888 + 8888 + \dots$  என்ற தொடரின் முதல்  $n$  உறுப்புகள் வரை கூடுதல் காண்க.

34.  $9x^2 - 24xy + 16y^2 - 12x + 16y - 12 = 0$  என்பது கிணையான கிரட்டை நேர்க்கோடுகள் என நிறுவுக. மேலும் கிணையான கோடுகளுக்கு கிடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.

35.  $\begin{vmatrix} b & c & b^2 \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} b^2 + c^2 & ab & ac \\ ab & c^2 + a^2 & bc \\ ac & bc & a^2 + b^2 \end{vmatrix}$  என நிறுவுக.

36.  $f(x) = \begin{cases} \frac{1x+51}{x+5} & ; x \neq -5 \\ 0 & ; x = -5 \end{cases}$  எனில்,  $\lim_{x \rightarrow -5} f(x)$  கிடைக்கப் பெறுமா எனச் சோதிக்க.

37.  $y = x^3 - 6x^2 - 5x + 3$  எனில்  $y'$ ,  $y''$  மற்றும்  $y'''$  ஆகியவற்றைக் காண்க.

38. மதிப்பிடுக:  $\int \frac{2x+4}{x^2+4x+6} dx$

39.  $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = \vec{0}$  எனக் காட்டுக.

40. SCHOOL என்ற வார்த்தையின் உள்ள எழுத்துகளை வரிசை மாற்றத்திற்கு உட்படுத்திக் கிடைக்கும் எழுத்துச் சரங்களை ஆங்கில அகராதியில் உள்ளது போன்று வரிசைப்படுத்தும் போது 'SCHOOL' என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

பகுதி - F

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்

7x5=35

41. (அ)  $f(x) = |x| + x$  மற்றும்  $g(x) = |x| - x$  என  $f, g: R \rightarrow R$  என வரையறுக்கப்படின்  $g \circ f$  மற்றும்  $F \circ g$  காண்க.

(ஆ)  $\begin{vmatrix} b+c & a-c & a-b \\ b-c & c+a & b-a \\ c-a & c-a & a+b \end{vmatrix} = 8abc$  என காரணித்தேற்றத்தை பயன்படுத்தி நிறுவுக.

42. (அ) தீர்க்க:  $\frac{x+1}{x+3} < 3$  (ஆ) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிறுவுக.

43. (அ) தீர்க்க:  $\sqrt{3} \tan^2 \theta + (\sqrt{3} - 1) \tan \theta - 1 = 0$  (ஆ) மதிப்பைக் காண்க:  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left[ \frac{3^x - 1}{\sqrt{1+x} - 1} \right]$

44. (அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில்  $n$ -க்கு  $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left( \frac{n(n+1)}{2} \right)^2$  என நிரூபிக்க (ஆ)  $y = (\cos^{-1} x)^2$  எனில்,  $(1-x^2) \frac{d^2 y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} - 2 = 0$  என நிரூபிக்க. மேலும்  $x=0$ -ன் போது  $y_2$  மதிப்பைக் காண்க.

45. (அ)  $x$  ஒரு தேவையான அளவினை பெரிய எண் எனில்,  $\sqrt{x^3+6} - \sqrt{x^3+3}$  ன்

மதிப்பைத் தோராயமாக  $\frac{1}{x^2}$  என நிறுவுக. (ஆ) மதிப்பிடுக:  $\int \sqrt{(x-3)(5-x)} dx$

46. (அ)  $(3,0)$  மற்றும்  $(5,2)$  ஆகிய புள்ளிகளை கிணைக்கும் கோட்டை  $(3,0)$  ன் மையமாகக் கொண்டு  $15^\circ$  அகார எதிர் கடையில் சுழற்றும் போது புதிய நிலையில் நேர்க்கோட்டுச் சமன்பாட்டைக் காண்க. (ஆ)  $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ x & 1 & x^2 \\ x^2 & x & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -2x^2 & -x^2 & -x^2 \\ -x^2 & -1 & x^2 - x^2 \\ -x^2 & -x^2 - 2x^2 & -1 \end{vmatrix}$  என நிறுவுக.

47. (அ)  $y = e^x$  மற்றும்  $y = e^{-x}$  என்பதன் வரைபடத்தினை அச்ச மதிப்பு மாறாமல் ஒரே தளத்தில் வரைக. (ஆ)  $y = e^{\cos x}$  எனில்,  $(1+x^2)y'' + (2x+1)y'$  எனக் காட்டுக.

\*\*\*\*\*

வகுப்பு: 11 கணிதம்