

PTA மாதிரி வினாக்கள் - 1

வகுப்பு: X

LS Mathsகணக்கு

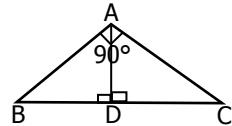
நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $\{(a, 8), (6, b)\}$ ஆனது ஒரு சமனிச் சார்பு எனில், a மற்றும் b மதிப்புகளாவன முறையே
1) (6, 8) 2) (8, 6) 3) (8, 8) 4) (6, 6)
2. $7^{4k} \equiv \dots$ (மட்டு 100)
1) 4 2) 3 3) 2 4) 1
3. ஒன்றுமன் று மாறிகளில் அமைத் த மூன் று நேரியல் சமன் பாடுகளின் தொகுப் பிற் குதீர் வு கள் அத்தொகுப்பில் உள்ள தளங்கள்
1) ஒரே ஒரு புள்ளியில் வெட்டும் 2) ஒரு கோட்டில் வெட்டும்
3) ஒன்றின் மீது ஒன்று பொருந்தும் 4) ஒன்றையொன்று வெட்டாது
4. கொடுக்கப்பட்ட படத்தில் $\angle BAC = 90^\circ$ மற்றும் $AD \perp BC$ எனில்,
1) $BD \cdot CD = BC^2$ 2) $AB \cdot AC = BC^2$
3) $BD \cdot CD = AD^2$ 4) $AB \cdot AC = AD^2$
5. $x = 11$ எனக் கொடுக்கப்பட்ட நேர்கோட்டின் சமன்பாடானது
1) ஆதிப்புள்ளி வழிச் செல்லும் 2) (0, 11) என்ற புள்ளி வழிச் செல்லும்
3) X - அச்சுக்கு இணை 4) Y - அச்சுக்கு இணை
6. $(\sin \alpha + \operatorname{cosec} \alpha)^2 + (\cos \alpha + \sec \alpha)^2 = k + \tan^2 \alpha + \cot^2 \alpha$ எனில் k-ன் மதிப்பு
1) 3 2) 5 3) 7 4) 9
7. ஒரு உருளையின் ஆரம் அதன் உயரத்தில் மூன்றில் ஒரு பங்கு எனில், அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பு
1) $\frac{8\pi h^2}{9}$ ச.அ 2) $\frac{9\pi h^2}{8}$ ச.அ 3) $\frac{56\pi h^2}{9}$ ச.அ 4) $24\pi h^2$ ச.அ
8. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது?
1) $P(A) + P(\overline{A}) = 1$ 2) $P(\phi) = 0$ 3) $0 \leq P(A) \leq 1$ 4) $P(A) > 1$
9. $-3, -3, -3\dots$ என்பது எத்தனைய தொடர் வரிசை?
1) கூட்டுத்தொடர் வரிசை 2) பெருக்குத் தொடர் வரிசை
3) மேற்கண்ட இரண்டும் அல்ல 4) கூட்டுத்தொடர் மற்றும் பெருக்குத்தொடர்
10. $x^3 - a^3$ மற்றும் $(x - a)^2$ இன் மீ.சி.ம.
1) $(x^3 - a^3)(x + a)$ 2) $(x^3 - a^3)(x - a)^2$ 3) $(x - a)^2(x^2 + ax + a^2)$ 4) $(x + a)^2(x^2 + ax + a^2)$
11. $n(A) = p$, $n(B) = q$ எனில் A மற்றும் B க்கு இடையே கிடைக்கும் மொத்த உறவுகளின் எண்ணிக்கை
1) 2^p 2) 2^q 3) 2^{p+q} 4) 2^{pq}
12. 65 மற்றும் 117-யின் மீ.பொ.வ-வை 65m - 117 என்ற வடிவில் எழுதும் போது m-ன் மதிப்பு
1) 1 2) 3 3) 2 4) 413
13. சராசரியிலிருந்து கிடைக்கப் பெற்ற தரவுப் புள்ளிகளுடைய விலக்கங்களின் கூடுதலானது.
1) எப்பொழுதும் மிகை என் 2) எப்பொழுதும் குறை என்
3) பூச்சியம் 4) பூச்சியமற்ற முழுக்கள்
14. ஏற்றக்கோணம் மற்றும் இறக்கக்கோணங்களை அளவிடும் கருவி
1) தியோடலைட் 2) கலைடாஸ்கோப் 3) பெரிஸ்கோப் 4) தொலைநோக்கி



10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

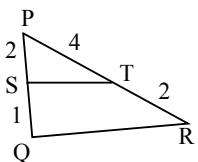
2

பகுதி - II

குறிப்பு: எவ்வேலூம் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 2 = 20$

15. ஒரு நபரிடம் 532 மூந்தொட்டிகள் உள்ளன. அவர் வரிசைக்கு 21 மூந்தொட்டிகள் வீதம் அடுக்க விரும்பினார். எத்தனை வரிசைகள் முழுமை பெறும் எனவும் மற்றும் எத்தனை மூந்தொட்டிகள் மீதமிருக்கும் எனவும் காண்க.
16. தீர்க்க : $x^4 - 13x^2 + 42 = 0$
17. அணி A - யின் வரிசை $p \times q$ மற்றும் அணி B - யின் வரிசை $q \times r$. இரு அணிகளையும் பெருக்க முடியும் எனில் AB மற்றும் BA ஆகியவற்றின் வரிசையைக் காண்க.
18. 'f' என்ற உறவானது $f(x) = x^2 - 2$, என வரையறுக்கப்படுகிறது. இங்கு $x \in \{-2, -1, 0, 3\}$ எனக் கொண்டால் (i) f - யின் உறுப்புகளைப் பட்டியலிடுக (ii) f - ஆனது ஒரு சார்பாகுமா?
19. $\Delta PST \sim \Delta PQR$ என நிறுவுக.



20. ஒரு கோபுரம் தரைக்குச் செங்குத்தாக உள்ளது. கோபுரத்தின் அடிப்பகுதியிலிருந்து தரையில் 48 மீ, தொலைவினில் உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து கோபுர உச்சியின் ஏற்றக் கோணம் 30° எனில், கோபுரத்தின் உயரத்தைக் காண்க.
21. ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் கன அளவு 11088 க.செ.மீ ஆகும். கூம்பின் உயரம் 24 செ.மீ எனில், அதன் ஆரம் காண்க.
22. $P(A) = \frac{2}{3}$, $P(B) = \frac{2}{5}$, மற்றும் $P(A \cup B) = \frac{1}{3}$ எனில், $P(A \cap B)$ ஐக் காண்க.
23. $A = \{m, n\}$ மற்றும் $B = \emptyset$ எனில் (i) $A \times B$ மற்றும் (ii) $A \times A$ காண்க.
24. குமரனின் தற்போதைய வயதின் இருமடங்கோடு ஒன்றைக் கூட்டினால் கிடைப்பது, குமரனின் இரண்டாண்டுகளுக்கு முந்தைய வயதையும் அவரின் 4 அண்டுகளுக்குப் பிந்தைய வயதையும் பெருக்கக் கிடைப்பதற்குச் சமம் எனில், அவரின் தற்போதைய வயதைக் காண்க.
25. $(-4, 3)$ என்ற புள்ளியின் வழி செல்வதும் $-\frac{7}{5}$ ஜ் சாய்வாக உடையதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
26. 20 தரவுப் புள்ளிகள் கொடுக்கப்பட்ட விவரத்தின் திட்டவிலக்கம் $\sqrt{6}$ ஆகும். ஒவ்வொரு தரவுப் புள்ளியும் 3 ஆல் பெருக்கப்பட்டால் கிடைக்கும் தரவுப் புள்ளிகளின் திட்டவிலக்கம் மற்றும் விலக்க வர்க்கச் சராசரி காண்க.
27. ஒரு நிறுவனம் 25 தெருக்களில் செடிகளை நடத்திட்டமிட்டது. முதல் தெருவில் 1 செடியும், இரண்டாவது தெருவில் 3 செடியும், மூன்றாவது தெருவில் 9 செடியும் நட முடிவு செய்யப்பட்டது. இவ்வேலை நிறைவடைய எத்தனை செடிகள் தேவை?
28. $1 + 2 + 3 + \dots + n = 666$ எனில், n-யின் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்வேலூம் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 5 = 50$

29. t என்ற சார்பானது செல்சியஸில் (C) உள்ள வெப்பநிலையையும், பாரன்ஹீட்டில் (F) உள்ள வெப்ப நிலையையும் இணைக்கும் சார்பாகும். மேலும் அது $t(C) = F$ என வரையறுக்கப்பட்டால், $(\text{இங்கு } F = \frac{9}{5} C + 32)$ (i) $t(0)$ (ii) $t(28)$ (iii) $t(-10)$ (iv) $t(c) = 212$ ஆக இருக்கும் போது C-ன் மதிப்பு (v) செல்சியஸ் மதிப்பும் பாரன்ஹீட் மதிப்பும் சமமாக இருக்கும் பொழுது வெப்பநிலை ஆகியவற்றைக் கண்டறிக.
30. ரேகாவிடம் 10 செ.மீ, 11 செ.மீ, 12 செ.மீ, 24 செ.மீ என்ற பக்க அளவுள்ள 15 சதுர வடிவ வண்ணக் காகிதங்கள் உள்ளன. இந்த வண்ணக் காகிதங்களைக் கொண்டு எவ்வளவு பரப்பை அடைத்து அலங்கரிக்க முடியும்?

31. $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -4 & 2 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} -7 & 6 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$ எனில் $A(B + C) = AB + AC$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
32. பிதாகரஸ் தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக (Pythagoras Theorem).
33. 60 மீ உயரமான கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியிலிருந்து ஒருவர் கடல்மட்டத்திலுள்ள இருக்கப்பல்களை முறையே 28° மற்றும் 45° இறக்கக்கோணத்தில் பார்க்கிறார். ஒரு கப்பல் மற்றெராரு கப்பலுக்குப் பின்னால் ஒரே திசையில் கலங்கரை விளக்கத்துடன் நேர்கோட்டில் உள்ளது எனில், இரண்டு கப்பல்களுக்கும் இடையேயுள்ள தொலைவைக் காண்க. ($\tan 28^\circ = 0.5317$)
34. உயரம் 10 செ.மீ மற்றும் விட்டம் 4.5 செ.மீ உடைய ஒரு நேர்வட்ட உருளையை உருவாக்க 1.5 செ.மீ விட்டமும் 2 மி.மீ தடிமன் கொண்ட எத்தனை வட்ட வில்லைகள் தேவை?
35. வகுப்புத் தேர்வில் மாணவர்கள் பெற்ற மதிப்பெண்கள் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளன. அவர்களின் மதிப்பெண்ணிற்குத் திட்ட விலக்கம் காண்க.
- | | | | | | |
|-----|---|---|---|----|----|
| x | 4 | 6 | 8 | 10 | 12 |
| f | 7 | 3 | 5 | 9 | 5 |
36. A என்பது 8 ஜி விடக் குறைவான இயல் எண்களின் கணம், B என்பது 8 ஜி விடக் குறைவான பகா எண்களின் கணம் மற்றும் C என்பது இரட்டைப்படை பகா எண்களின் கணம் எனில் $A \times (B - C) = (A \times B) - (A \times C)$ எனச் சரிபார்க்க.
37. $S_n = (x + y) + (x^2 + xy + y^2) + (x^3 + x^2y + xy^2 + y^3) + \dots$ உறுப்புகள் எனில்

$$(x - y) S_n = \frac{x^2(x^n - 1)}{x - 1} - \frac{y^2(y^n - 1)}{y - 1}.$$
38. தீர்க்க : $\frac{1}{2x} + \frac{1}{4y} - \frac{1}{3z} = \frac{1}{4}$; $\frac{1}{x} = \frac{1}{3y}$; $\frac{1}{x} - \frac{1}{5y} + \frac{4}{x} = 2\frac{2}{15}$
39. ஓர் உருளையின் மீது ஓர் இடைக்கண்டம் இணைந்தவாறு அமைந்த ஒரு புனிலின் மொத்த உயரம் 20 செ.மீ, உருளையின் உயரம் 12 செ.மீ, விட்டம் 12 செ.மீ ஆகும். இடைக்கண்டத்தின் மேற்புற விட்டம் 24 செ.மீ எனில், புனிலின் வெளிப்புறப் பரப்பைக் கணக்கிடுக.
40. 50 மாணவர்கள் உள்ள ஒரு வகுப்பில், 28 பேர் NCC-லும், 28 பேர் NSS-லும் மற்றும் 10 பேர் NCC மற்றும் NSS -லும் சேர்கிறார்கள். ஒரு மாணவர் சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறார். அவர் (i) NCC -யில் இருந்து, ஆனால் NSS-ல் இல்லாமல் (ii) NSS -யில் இருந்து, ஆனால் NCC - யில் இல்லாமல் (iii) ஒன்றே ஒன்றில் மட்டும் சேர்ந்து இருப்பதற்கான நிகழ்த்துவுகளைக் காண்க.
41. ஒரு முக்கோணத்தின் அடிப்பக்கம் அதன் குத்துயரத்தை விட 4 செ.மீ அதிகம். முக்கோணத்தின் பரப்புளவு 48 சதுர செ.மீ எனில், அதன் அடிப்பக்கம் மற்றும் குத்துயரத்தின் அளவுகளைக் காண்க.
42. ஒரு முக்கோணத்தின் பரப்பு 5 சதுர அலகுகள். (2, 1) மற்றும் (3, -2) அதன் இரு முனைப் புள்ளிகள், $y = x + 3$ என்ற நேர்க்கோட்டின் மீது மூன்றாவது முனைப்புள்ளி அமைந்தால் அதனைக் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து விளாத்துக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $y = x^2 + x - 2$ -ன் வரைபடம் வரைந்து அதன் மூலம் $x^2 + x - 2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டினைத் தீர்க்கவும்.
 (அல்லது)
 ஆ) $xy = 24$, $x, y > 0$ என்ற வரைபடத்தை வரைக. வரைபடத்தைப் பயன்படுத்தி,
 (i) $x = 3$ எனில் y ஜூக் காண்க மற்றும் (ii) $y = 6$ எனில் x -ஜூக் காண்க.
44. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் ABC - யின் ஒத்த புக்கங்களின் விகிதம் $\frac{6}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{6}{5}$)
 (அல்லது)
 ஆ) அடிப்பக்கம் $BC = 8$ செ.மீ, $A = 60^\circ$ மற்றும் $\angle A$ யின் இருசமவெட்டியானது BC ஜி D என்ற புள்ளியில் $BD = 6$ செ.மீ என்றவாறு சந்திக்கிறது எனில் முக்கோணம் ABC வரைக.

★ ★ ★

10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

4

PTA മാതീരി വിനാത്തൊൻ - 2

வகுப்பு: X

କଣାକୁ

நேரம்: 3 மணி

മതിപ്പെങ്കள്: 100

பகுதி - I

குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்த விடையைத் தோற்றெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

பகுதி - II

குறிப்பு: எவ்வேலையில் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×2=20

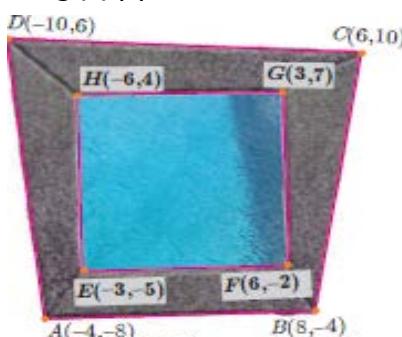
15. R என்ற உறவு $\{(x, y) / y = x^2 + 3, x \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இதன் மதிப்பகத்தையும் வீசக்கத்தையும் காண்க.
16. $f(x) = x^2 - 1$, $g(x) = x - 2$ மற்றும் $g \circ f(a) = 1$ எனில் a -ஐக் காண்க.
17. ஒரு சமவாய்ப்புச் சோதனையில் A, B ஆகியவை ஒன்றையொன்று விலக்கும் நிகழ்ச்சிகள், மேலும் $P(A)$ இல்லை $= 0.45$, $P(A \cup B) = 0.65$ எனில் $P(B)$ -ஐக் காண்க.
18. $P(x) = x^2 - 5x - 14$ என்ற பல்லுறுப்புக்கோவையை $q(x)$ என்ற பல்லுறுப்புக் கோவையால் வகுக்க $\frac{x-7}{x+2}$ எனும் விடை கிடைக்கிறது எனில் $q(x)$ -ஐக் காண்க.
19. $A = \begin{pmatrix} \sqrt{7} & -3 \\ -\sqrt{5} & 2 \\ \sqrt{3} & -5 \end{pmatrix}$ எனில், $(-A)$ யின் நிரை நிரல் மாற்று அணியைக் காண்க.
20. ΔABC ஆனது ΔDEF -க்கு வடிவொத்தவை. மேலும் $BC = 3$ செ.மீ, $EF = 4$ செ.மீ மற்றும் முக்கோணம் ABC - யின் பரப்பு $= 54$ செ.மீ² எனில், ΔDEF - யின் பரப்பைக் காண்க.
21. $(\sin\theta, -\cos\theta)$ மற்றும் $(-\sin\theta, \cos\theta)$ என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டின் சாய்வைக் காண்க.
22. (19, 3) என்ற புள்ளியை அடியாகக் கொண்ட குன்றானது செங்கோண முக்கோண வடிவில் உள்ளது. தரையுடன் குன்று ஏற்படுத்தும் சாய்வுக்கோணம் 45° எனில், குன்றின் அடி மற்றும் உச்சியை இணைக்கும் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
23. $x + 6, x + 12$ மற்றும் $x + 15$ என்பன ஒரு பெருக்குத் தொடர் வரிசையின் தொடர்ச்சியான மூன்று உறுப்புகள் எனில், x -ன் மதிப்பைக் காண்க.
24. $1 + 2 + 3 + \dots + n = 666$ எனில், n ன் மதிப்பைக் காண்க.
25. $10\sqrt{3}$ மீ உயரமுள்ள கோபுரத்தின் அடியிலிருந்து 30 மீ தொலைவினில் தரையில் உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து கோபுரத்தின் உச்சியின் ஏற்றக்கோணத்தைக் காண்க.
26. சம உயரங்களையுடைய இரு நேர் வட்டக் கூம்புகளின் ஆரங்கள் 1 : 3 என்ற விகிதத்தில் உள்ளன. கூம்புகளின் உயரம் சிறிய கூம்பின் ஆரத்தின் மூன்று மடங்கு எனில் வளைபரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
27. இரு மிகை முழுக்கள் p மற்றும் q ஆகியவற்றை $p = a^2b^2$ மற்றும் $q = a^3b$ என எழுத இயலும். a, b என்பன பகா எண்கள் எனில், மீ.பொ.ம (p, q) × மீ.பொ.வ (p, q) = pq எனச் சரிபார்க்க.
28. 24 செ.மீ × 22 செ.மீ × 12 செ.மீ அளவுள்ள கனச் செவ்வக வடிவ எய் தின்மத்திலிருந்து 6 செ.மீ விட்ட அளவுள்ள எயக் குண்டுகள் எத்தனை உருவாக்கலாம்?

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்வேலையில் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×5=50

29. நாற்கர வடிவ நீச்சல் குளத்தின் காங்கிரீட் உள்முற்றமானது படத்தில் காட்டியுள்ளபடி அமைக்கப்பட்டுள்ளது எனில், உள்முற்றத்தின் பரப்பு காண்க.



30. தேல்ஸ் தேற்றத்தை எழுதி நிறுபி.

10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

6

31. $f(x) = x - 4$, $g(x) = x^2$, $h(x) = 3x - 5$ எனில் $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ எனக் காட்டுக.
32. (i) $67 + x \equiv 1$ (மட்டு 4) என்பதற்கு பொருந்தக்கூடிய குறைந்தபட்ச மிகை ஐக் காண்க.
- (ii) தீர்க்க: $5x \equiv 4$ (மட்டு 6)
33. ஒரு தெருவிலுள்ள வீடுகளுக்கு 1 முதல் 49 வரை தொடர்ச்சியாகக் கதவிலக்கம் வழங்கப்பட்டுள்ளது. செந்திலின் வீட்டிற்கு முன்னதாக உள்ள வீடுகளின் கதவிலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகையானது செந்திலின் வீட்டிற்குப் பின்னதாக உள்ள வீடுகளின் கதவிலக்கங்களின் கூட்டுத் தொகைக்குச் சமம் எனில் செந்திலின் வீட்டுக் கதவிலக்கத்தைக் காண்க.
34. ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சுண்டப்படுகிறது. சரியாக இரண்டு தலைகள் அல்லது குறைந்தபட்சம் ஒரு பூ அல்லது அடுத்தடுத்து இரண்டு தலைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
35. இரண்டு நகரங்கள் A மற்றும் B-யின் குளிர்காலத்தில் நிலவும் வெப்பநிலை அளவுகள் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளன.

| | | | | | |
|---|----|----|----|----|----|
| நகரம் A-ன் வெப்பநிலை (டிகிரி செல்சியஸ்) | 18 | 20 | 22 | 24 | 26 |
| நகரம் B-ன் வெப்பநிலை (டிகிரி செல்சியஸ்) | 11 | 14 | 15 | 17 | 18 |

எந்த நகரமானது வெப்பநிலை மாறுபாடுகளில் அதிகமான நிலைத் தன்மை கொண்டது?

36. $A = \{x \in W / x < 2\}$, $B = \{x \in N / 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3, 5\}$ எனில் $A \times (B \cup C) = (A \times B) \cup (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
37. தாத்தா, தந்தை, வாணி ஆகிய மூவரின் சராசரி வயது 53 ஆகும். தாத்தாவின் வயதில் பாதி, தந்தையின் வயதில் மூன்றில் ஒரு பங்கு மற்றும் வாணியின் வயதில் நான்கில் ஒரு பங்கு ஆகியவற்றின் கூடுதல் 65 ஆகும். நான்கு ஆண்டுகளுக்கு முன் தாத்தாவின் வயது வாணியின் வயதைப் போல் நான்கு மடங்கு எனில் மூவரின் தற்போதைய வயதைக் காண்க.
38. $A = \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 \\ 0 & \cos \theta \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} \sin \theta & 0 \\ 0 & \sin \theta \end{bmatrix}$ எனில் $A^2 + B^2 = 1$ எனக் காட்டுக.
39. ஒரு வட்ட கோணப்பகுதி வடிவில் உள்ள உலோகத் தகட்டின் ஆரம் 21 செ.மீ மற்றும் மையக்கோணம் 216 ஆகும். வட்ட கோணப்பகுதியின் ஆரங்களை இணைத்து உருவாக்கப்படும் கூம்பின் கன அளவைக் காண்க.
40. ஒர் இறுது பந்தின் மேற்புறம் கூம்பின் இடைக்கண்ட வடிவிலும் கீழ்ப்புறம் அரைக்கோள் வடிவிலும் உள்ளது. இடைக்கண்டத்தின் விட்டங்கள் 5 செ.மீ மற்றும் 2 செ.மீ ஆகவும், இறுதுபந்தின் மொத்த உயரம் 7 செ.மீ ஆகவும் இருக்குமானால் இறுதுப் பந்தின் புறப்பரப்பைக் காண்க.
41. நிலையான நீரில் 18 கி.மீ/மணி வேகத்தில் செல்லும் ஒர் இயந்திரப் படகானது 24 கி.மீ தூரத்தை நீரின் திசையில் கடக்கும் நேரத்தை விட நீரின் எதிர்திசையில் கடக்க கூடுதலாக 1 மணி நேரம் தேவைப்படுகிறது எனில் நீரின் வேகம் காண்க.
42. ஒரு சிறுமியின் உயரம் 1.2 மீ ஆகும். 88.2 மீ உயரத்தில் கிடைமட்டமாக காற்றில் நகரும் பலூனை அவள் தரையில் நின்றவாறு பார்க்கிறாள். ஒரு புள்ளியில் பலூனின் ஏற்றக்கோணம் 60° . சிறிது நேரத்தில் மற்றொரு புள்ளியில் பலூனின் ஏற்றக்கோணம் 30° ஆகக் குறைகிறது. இந்த இடைவெளியில் பலூன் கடந்த தூரத்தைக் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $y = x^2 - 5x - 6$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 - 5x - 14 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும். (அல்லது)
- ஆ) $y = x^2 + 4x + 3$ ன் வரைபடம் வரைந்து அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + x + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் தீர்வைக் காண்க.
44. அ) 5 செ.மீ ஆராமள்ள வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 10 செ.மீ தொலைவிலுள்ள புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்குத் தொடுகோடுகள் வரையவும். மேலும் தொடுகோட்டின் நீளங்களைக் கணக்கிடுக. (அல்லது)
- ஆ) நாற்கரம் ABCD யில் $AB = AD$ மற்றும் $\angle CAD$ யின் கோண இருசமவெட்டிகள் BC மற்றும் CD ஆகிய பக்கங்களை முறையே E மற்றும் F என்ற புள்ளிகளில் சந்திக்கின்றன எனில், $EF \parallel BD$ என நிறுவுக.

PTA ମାତ୍ରିକ ବିନାତ୍ତୁଳୀ - 3

വകுപ്പ്: X

കമാക്ക

நேரம்: 3 மணி

മതിപ്പെങ്കள്: 100

பகுதி - I

குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

பகுதி – II

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×2=20

15. $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ என்ற சார்பானது $f(x) = 3x + 2$, $x \in \mathbb{N}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில், 29 மற்றும் 53-ன் மூன் உருக்களைக் காண்க.
16. $7 \times 5 \times 3 \times 2 \times 3$ என்பது ஒரு பகு எண்ணா? உனது விடையை நியாயப்படுத்துக.
17. $3+k, 18-k, 5k+1$ என்பவை ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் உள்ளன எனில், k -யின் மதிப்புக் காண்க.
18. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3 = 16900$, எனில் $1 + 2 + 3 + \dots + k$ - ன் மதிப்பு காண்க.
19. $A = \begin{pmatrix} 7 & 8 & 6 \\ 1 & 3 & 9 \\ -4 & 3 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 & 11 & -3 \\ -1 & 2 & 4 \\ 7 & 5 & 0 \end{pmatrix}$ எனில், $2A + B$ - ஜக் காண்க.
20. மெய்யெண்களை மூலங்களாகக் கொண்ட $3x^2 + kx + 81 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு மூலம் மற்றொரு மூலத்தின் வர்க்கம் எனில், k -யின் மதிப்புக் காண்க.
21. $x = \frac{a^2 + 3a - 4}{3a^2 - 3}$ மற்றும் $y = \frac{a^2 + 2a - 8}{2a^2 - 2a - 4}$ எனில் $x^2 y^{-2}$ - ன் மதிப்பு காண்க.
22. கொடுக்கப்பட்டுள்ள படத்தில் AD என்பது $\angle BAC$ -ன் இருசம வெட்டியாகும். $AB = 10$ செ.மீ., $AC = 14$ செ.மீ., மற்றும் $BC = 6$ செ.மீ எனில் BD மற்றும் DC - ஜக் காண்க.
23. சாய்வு 1-ஜக் கொண்ட நேர்க்கோட்டின் சாய்வுக் கோணம் என்ன?
24. 20 மீ உயரமுள்ள கட்டிடத்தின் உச்சியில் ஒரு விளையாட்டு வீரர் அமர்ந்து கொண்டு தரையில் உள்ள பந்தை 60° இறக்கக்கோணத்தில் காண்கிறார் எனில் கட்டிட அடிப்பகுதிக்கும் பந்திற்கும் இடையேயுள்ள தொலைவைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
25. களிமண் கொண்டு செய்யப்பட்ட 24 செ.மீ உயரமுள்ள ஒரு சூழ்நிலை ஒரு குழந்தை அதே ஆரமுள்ள ஒரு உருளையாக மாற்றுகிறது எனில் உருளையின் உயரம் என்ன?
26. ஒரு சமவாய்ப்புச் சோதனையில் ஒரு நிகழ்ச்சி A என்க. இங்கு $P(A) : P(\bar{A}) = 17 : 15$ மற்றும் $n(S) = 640$ எனில் $P(\bar{A})$ - ஜக் காண்க.
27. ஒரு புள்ளி விவரங்களின் சராசரியானது 25.6 மற்றும் அதன் மாறுபாட்டுக் கெழுவானது 18.75 எனில், அதன் திட்டவிலக்கத்தைக் காண்க.
28. $3x - 5y + 7 = 0$ மற்றும் $15x + 9y + 4 = 0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்து என நிறுவுக.

பகுதி – III

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×5=50

29. $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{2, 5, 8, 11, 14\}$ என்பன இரு கணங்கள் என்க. $f: A \rightarrow B$ எனும் சார்பு $f(x) = 3x - 1$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இச்சார்பினை (i) அம்புக்குறி படம் (ii) அட்டவணை (iii) வரிசைச் சோடிகளின் கணம் (iv) வரைபடம் ஆகியவற்றால் குறிக்க.
30. புவியீர்ப்பு விசையின் காரணமாக t வினாடிகளில் ஒரு பொருள் கடக்கும் தூரமானது $S(t) = \frac{1}{2} gt^2 + at + b$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இங்கு a, b ஆகியவை மாறிலிகள் (g ஆனது புவியீர்ப்பு விசையின் காரணமாக ஏற்படும் முடிக்கம்) $S(t)$ ஆனது ஒன்றுக்கொன்றான சார்பாகுமா என ஆராய்க.
31. $A = \{x \in W / 0 < x < 5\}$, $B = \{x \in W / 0 \leq x \leq 2\}$ மற்றும் $C = \{x \in W / x < 3\}$ எனில் $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்க.

32. $3 + 6 + 12 + \dots + 1536$ என்ற பெருக்குத் தொடரின் கூடுதல் காண்க.
33. 9 ஆல் வகுபடும் அனைத்து மூன்றிலக்க இயல் எண்களின் கூடுதல் காண்க.
34. $289x^4 - 612x^3 + 970x^2 - 684x + 361$ -யின் வார்க்கழுலம் காண்க.
35. வர்க்கப் பூர்த்தி முறையில் $\frac{5x+7}{x-1} = 3x+2$ என்ற சமன்பாட்டின் தீர்வு காண்க.
36. $A = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 9 \\ 1 & 2 & 8 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} 1 & 7 \\ 1 & 2 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}$ எனில் $(AB)^T = B^T A^T$ என்பதை சரிபார்க்கவும்.
37. ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் கர்ணம் சிறிய பக்கத்தின் இரு மடங்கை விட 6 மீட்டர் அதிகம். மேலும் மூன்றாவது பக்கமானது கர்ணத்தை விட 2 மீட்டர் குறைவு எனில் முக்கோணத்தின் பக்கங்களைக் காண்க.
38. $7x - 3y = -2$ மற்றும் $2y = x + 3$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியையும் $3x + y + 2 = 0$ மற்றும் $x - 2y - 4 = 0$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியையும் இணைக்கும் நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
39. $\sqrt{3} \sin\theta - \cos\theta = 0$ எனில் $\tan 3\theta = \frac{3 \tan \theta - \tan^3 \theta}{1 - 3 \tan^2 \theta}$
40. கித்தானைக் கொண்டு 7 மீ ஆரமும் 24 மீ உயரமும் உடைய ஒரு கூம்பு வடிவ கூடாரம் உருவாக்கப்படுகிறது. செவ்வக வடிவ கித்தானின் அகலம் 4மீ எனில் அதன் நீளம் காண்க.
41. 52 சீட்டுகள் கொண்ட சீட்டுக்கட்டிலிருந்து ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகின்றது. அந்த சீட்டு இராசா அல்லது ஹார்ட் அல்லது சிவப்பு நிறச் சீட்டாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
42. 18, 20, 15, 12, 25 ஆகியவற்றின் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.

பகுதி - IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

43. அ) $y = x^2 - 4x + 3$ யின் வரைபடம் வரைந்து அதன் மூலம் $x^2 - 6x + 9 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.
 (அல்லது)
 ஆ) $y = x^2 + 3x + 2$ யின் வரைபடம் வரைந்து அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 2x + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.
44. அ) அடிப்பக்கம் $BC = 5.6$ செ.மீ, $\angle A = 40^\circ$ மற்றும் $\angle A$ -யின் இருசமவெட்டியானது அடிப்பக்கம் BC -ஐ $CD = 4$ செ.மீ என D -யில் சந்திக்குமாறு அமையும் முக்கோணம் ABC வரைக.
 (அல்லது)
 ஆ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR -க்கு ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{3}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{3}{5} < 1$)

★ ★ ★

10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

10

PTA മാതീരി വിനാത്താൺ - 4

வகுப்பு: X

நேரம்: 3 மணி

கணக்கு

മതിപ്പെങ്കள്: 100

பகுதி - I

குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

12. ஓர் உள்ளீடற் ற உருளையின் வெளிப்புற மற்றும் உட்புற ஆரங்களின் கூடுதல் 14 செ.மீ மற்றும் அதன் தடிமன் 4 செ.மீ ஆகும். உருளையின் உயரம் 20 செ.மீ எனில், அதனை உருவாக்கப் பயன்பட்ட பொருளின் கனஅளவு
 1) 56π க.செ.மீ 2) 3600π க.செ.மீ 3) 5600π க.செ.மீ 4) 1120π க.செ.மீ
13. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது தவறானது?
 1) $p(A) + P(\bar{A}) = 1$ 2) $P(\phi) = 0$
 3) $0 \leq P(A) \leq 1$ 4) $P(A) > 1$
14. ஒரு நாணயத்தை மூன்று முறை சுண்டும் சோதனையில் 3 தலைகள் அல்லது 3 பூக்கள் கிடைக்க நிகழ்த்தகவு.
 1) $\frac{1}{8}$ 2) $\frac{1}{4}$ 3) $\frac{3}{8}$ 4) $\frac{1}{2}$

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேலையும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $f \circ f(k) = 5$ மற்றும் $f(k) = 2k - 1$ எனில், k -யின் மதிப்பைக் காண்க.
16. $A = \{1, 2, 3, \dots, 100\}$ மற்றும் R என்ற உறவு "A - ன் மீது ஓர் எண்ணின் கனம்" என வரையறுக்கப் பட்டால், R - க்கான மதிப்பகுத்தையும் வீச்சகுத்தையும் காண்க.
17. ஒரு திரையரங்கின் முதல் வரிசையில் 20 இருக்கைகளும் மொத்தம் 30 வரிசைகளும் உள்ளன. அடுத்தடுத்த ஒவ்வொரு வரிசையிலும் அதற்கு முந்தைய வரிசையை விட இரண்டு இருக்கைகள் கூடுதலாக உள்ளன. கடைசி வரிசையில் எத்தனை இருக்கைகள் இருக்கும்?
18. $\frac{1}{4}, -\frac{1}{2}, 1 - 2, \dots$ என்ற பெருக்குத் தொடர் வரிசையின் 10 வது உறுப்பைக் காண்க.
19. $\frac{x^2 + 6x + 8}{x^3 + 8}$ லிருந்து எந்த விகிதமுறு கோவையைக் கழித்தால் $\frac{3}{x^2 - 2x + 4}$ என்ற கோவை கிடைக்கும்?
20. மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கல்பலன் முறையே $\frac{3}{2}$ மற்றும் -1 எனக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.
21. பித்தாகரஸ் தேற்றத்தை எழுதுக.
22. கொடுக்கப்பட்ட படத்தில் $DE \parallel AC$ மற்றும் $DC \parallel AP$ எனில் $\frac{BE}{EC} = \frac{BC}{CP}$ என நிறுவுக.
23. $P(-1, 5, 3), Q(6, -2)$ மற்றும் $R(-3, 4)$ ஆகிய புள்ளிகள் ஒரே நேர்கோட்டில் அமையும் எனக் காட்டுக.
24. $\frac{\cot A - \cos A}{\cot A + \cos A} = \frac{\cos eA - 1}{\cos ecA + 1}$ என நிருபிக்க.
25. சம ஆரங்கள் கொண்ட இரு கூம்புகளின் கன அளவுகள் 3600 செ.மீ³ மற்றும் 5040 செ.மீ³ எனில் அவற்றின் உயரங்களின் விகிதம் காண்க.
26. ஒரு தரவின் வீச்சு 13.67 மற்றும் மிகப் பெரிய மதிப்பு 70.08 எனில் மிகச் சிறிய மதிப்பைக் காண்க.
27. ஒரு பையிலுள்ள 1 முதல் 6 வரை எண்கள் குறிக்கப்பட்ட பந்துகளிலிருந்து இரண்டு பந்துகள் எடுப்பதற்கான கூறுவெளியை மர வரைபடம் மூலமாக குறிப்பிடுக. (மீண்டும் திரும்ப வைக்கும் முறை)
28. $8x^2 - 25 = 0$ என்ற இருபடிச்சமன்பாட்டின் மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கற்பலன் காண்க.

பகுதி - III

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×5=50

29. அருகில் உள்ள அட்டவணையில் பெண்களின் முன்னங்கைகளின் நீளம் மற்றும் அதனுடன் தொடர்புடைய உயரங்களின் தகவல்கள் வழங்கப்பட்டுள்ளன. அந்த விவரங்களின் அடிப்படையில் ஒரு மாணவர் உயரம் (b) முன்னங்கை நீளம் (x)-க்கான உறவை எனக் கண்டுபிடித்தார். இங்கு ஆகியவை மாறிலிகள்.

| முன்னங்கைகளின் நீளம் x (செ.மீ-ல்) | உயரம் y (அங்குலத்தில்) |
|-------------------------------------|--------------------------|
| 35 | 56 |
| 45 | 65 |
| 50 | 69.5 |
| 55 | 74 |

- i) இந்த உறவானது சார்பாகுமா என ஆராய்க.
ii) a மற்றும் b ஆகியவற்றைக் காண்க.
iii) முன்னங்கையின் நீளம் 40 செ.மீ எனில், அந்தப் பெண்ணின் உயரத்தைக் காண்க.
iv) உயரம் 53.3 அங்குலம் எனில், அந்தப் பெண்ணின் முன்னங்கையின் நீளத்தைக் காண்க.

30. $f: [-5, 9] \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்பானது பின்வருமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது.

$$f(x) = \begin{cases} 6x + 1 & -5 \leq x < 2 \\ 5x^2 - 1 & 2 \leq x < 6 \\ 3x - 4 & 6 \leq x \leq 9 \end{cases}$$

என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில், பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

(i) $f(-3) + f(2)$ (ii) $f(7) - f(1)$ (iii) $2f(4) + f(8)$ (iv) $\frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)}$

31. $5 + 555 + \dots$ என்ற தொடர்வரிசையின் முதல் உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.

32. ஒரு பெண்ணின் வயது அவரது சகோதரியின் வயதைப் போல் இருமடங்கு ஆகும். ஐந்து ஆண்டுகளுக்குப்பின் இரு வயதுகளின் பெருக்கற்பலன் 375 எனில், சகோதரிகளின் தற்போதைய வயதைக் காண்க.

33. $x + \begin{pmatrix} 2x & 2 \\ 3 & x \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} 8 & 5x \\ 4 & 4x \end{pmatrix} = 2 \begin{pmatrix} x^2 + 8 & 24 \\ 10 & 6x \end{pmatrix}$ என்ற அணிச்சமன்பாட்டின் x -ன் பூச்சியமற்ற மதிப்பைக் காண்க.

34. $4x^4 - 12x^3 + 37x^2 + bx + a$ என்பது ஒரு முழு வர்க்கப் பல்லுறுப்புக் கோவை எனில் a மற்றும் b -யின் மதிப்பு காண்க.

35. மாற்று வட்டத்துண்டு தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.

36. $7x + 3y = 10$, $5x - 4y = 1$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும், $13x + 5y + 12 = 0$ என்ற நேர்க்கோட்டிற்கு இணையாகவும் அமையும் நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

37. ஒரு தெருவில் ஒரு கட்டடமும் ஒரு சிலையும் எதிரெதிர்த் திசையில் 35 மீ இடைவெளியில் அமைந்துள்ளன. கட்டடத்தின் உச்சியிலிருந்து சிலை உச்சியின் ஏற்றக்கோணம் 24° மற்றும் சிலை அடியின் இறக்கக் கோணம் 34° எனில், சிலையின் உயரம் என்ன?

38. 32 செ.மீ உயரமும் 18 செ.மீ ஆரமும் உடைய ஓர் உருளை வடிவ வாளியில் முழுமையாக மணல் உள்ளது. இந்த மணல் தரையில் கொட்டப்பட்டு கூம்பு வடிவில் அமைக்கப்படுகிறது. அந்தக் கூம்பின் உயரம் 24 செ.மீ எனில். அதன் ஆரம், சாயுரத்தைக் காண்க.

39. ஒரு குடும்பத்தில் குறிப்பிட்ட வாரத்தில் உட்கொள்ளப்பட்ட கொய்யா மற்றும் ஆரஞ்சு பழங்களின் எண்ணிக்கைகள் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளன.

| | | | | | | | |
|------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
| கொய்யாப் பழங்களின் எண்ணிக்கை | 3 | 5 | 6 | 4 | 3 | 5 | 4 |
| ஆரஞ்சு பழங்களின் எண்ணிக்கை | 1 | 3 | 7 | 9 | 2 | 6 | 2 |

இங்கு, எந்த பழம் சீராக எடுத்துக்கொள்ளப்பட்டது?

40. 50 மாணவர்கள் உள்ள ஒரு வகுப்பில், 28 பேர் NCC-யிலும், 30 பேர் NSS - லும் மற்றும் 18 பேர் NCC மற்றும் NSS -லும் சேர்கிறார்கள். ஒரு மாணவர் சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறார். அவர் (i) NCC- யில் இருந்து, ஆனால் NSS - ல் இல்லாமல் (ii) NSS- ல் இருந்து, ஆனால் NCC- ல் இல்லாமல் (iii) ஒன்றே ஒன்றில் மட்டும் சேர்ந்து இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவுகளைக் காண்க.

41. சாய்வினைப் பயன்படுத்தி (1, -4), (2, -3) மற்றும் (4, -7) ஆகியப் புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தினை உருவாக்கும் என நிறுவுக.

42. ஒரு நபர் 10 ஆண்டுகளில் ₹16,500 ஜ் சேமிக்கிறார். ஒவ்வொரு ஆண்டும் அவர் சேமிக்கும் தொகையானது அதற்கு முந்தைய ஆண்டு சேமிக்கும் தொகையைவிட ₹ 100 அதிகம் எனில், அவர் முதல் ஆண்டு எவ்வளவு சேமித்திருப்பார்?

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

43. அ) $y = x^2 - 4x + 3$ -யின் வரைபடம் வரைந்து, அதன்மூலம் $x^2 - 6x + 9 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) ஒரு நிறுவனமானது தொடக்கத்தில் 40 வேலையாளர்களுடன் 150 நாள்களில் ஒரு வேலையை முடிக்க தொடங்கியது பிறகு, வேலையை விரைவாக முடித்திட பின்வருமாறு வேலையாள்களை அதிகரித்தது.

| | | | | |
|------------------------------|-----|-----|-----|----|
| வேலையாளர்களின் எண்ணிக்கை (x) | 40 | 50 | 60 | 75 |
| நாள்களின் எண்ணிக்கை (y) | 150 | 120 | 100 | 80 |

- (i) மேலேக் கொடுக்கப்பட்டுள்ள தரவுகளுக்கு வரைபடம் வரைந்து மாறுபாட்டின் வகையை அடையாளம் காண்க.
(ii) வரைபடத்திலிருந்து, நிறுவனமானது 120 வேலையாளர்களை வேலைக்கு அமர்த்த விரும்பினால், வேலை முடிய எத்தனை நாள்கள் ஆகும் எனக் காண்க.
(iii) வேலையானது 30 நாள்களில் முடிய வேண்டும் எனில், எத்தனை வேலையாளர்கள் தேவை?

44. அ) $AB = 5.5$ செ.மீ, $\angle C = 25^\circ$ மற்றும் உச்சி C-யிலிருந்து AB-க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4 செ.மீ உடைய ΔABC வரைக.

(அல்லது)

ஆ) 4.5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டம் வரைக. வட்டத்தின் மீது ஏதேனும் ஒரு புள்ளிக்கு மாற்று வட்டத்துண்டு தேற்றத்தினைப் பயன்படுத்தி தொடுகோடு வரைக.

★ ★ ★

PTA மாதிரி வினாக்கள் - 5

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $f(x) = (x + 1)^3 - (x - 1)^3$ குறிப்பிடும் சார்பானது

| | | | |
|--------------------|-----------------|--------------------|---------------------|
| 1) ஒரு கனச் சார்பு | 2) நேரிய சார்பு | 3) இருபடிச் சார்பு | 4) தலைகீழ்ச் சார்பு |
|--------------------|-----------------|--------------------|---------------------|
2. யூக்ஸிடின் வகுத்தல் துணைத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி, எந்த மிகை முழுவின் கணத்தையும் 9 ஆல் வகுக்கும் போது கிடைக்கும் மீதிகள்

| | | | |
|------------|------------|------------|------------|
| 1) 1, 3, 5 | 2) 1, 4, 8 | 3) 0, 1, 3 | 4) 0, 1, 8 |
|------------|------------|------------|------------|
3. ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் 31 உறுப்புகள் உள்ளன. அதன் 16-வது உறுப்பு ட எனில், அந்தக் கூட்டுத்தொடர்வரிசையில் உள்ள எல்லா உறுப்புகளின் கூடுதல்.

| | | | |
|---------|---------|---------------------|---------|
| 1) 16 m | 2) 62 m | 3) $\frac{31}{2}$ m | 4) 31 m |
|---------|---------|---------------------|---------|
4. $\frac{3y-3}{y} \div \frac{7y-7}{3y^2}$ என்பது

| | | | |
|----------------------------|-------------------|------------------------------------|----------------------------------|
| 1) $\frac{9y^2}{(21y-21)}$ | 2) $\frac{9y}{7}$ | 3) $\frac{21y^2 - 42y + 21}{3y^3}$ | 4) $\frac{7(y^2 - 2y + 1)}{y^2}$ |
|----------------------------|-------------------|------------------------------------|----------------------------------|
5. $x^2 - 25 = 0$ ன் தீர்வானது

| | | | |
|-----------------------------|-----------------------------|------------------------------|-----------------------|
| 1) மெய்யெண் தீர்வுகள் இல்லை | 2) சமமான மெய்யெண் தீர்வுகள் | 3) சமமற்ற மெய்யெண் தீர்வுகள் | 4) கற்பனைத் தீர்வுகள் |
|-----------------------------|-----------------------------|------------------------------|-----------------------|
6. $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$ எனும் கொடுக்கப்பட்ட அணிக்கு $(A^T)^T$ என்ற அணியின் வரிசை

| | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1) 2×3 | 2) 3×2 | 3) 3×4 | 4) 4×3 |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
7. இரு வடிவொத்த முக்கோணங்கள் ΔABC மற்றும் ΔPQR -யின் சுற்றளவுகள் முறையே 36 செ.மீ. மற்றும் 24 செ.மீ. ஆகும். $PQ = 10$ செ.மீ எனில், $AB - PQ$ - யின் நீளம்.

| | | | |
|--------------------------|---------------------------|---------------------------------|-------------|
| 1) $6 \frac{2}{3}$ செ.மீ | 2) $66 \frac{2}{3}$ செ.மீ | 3) $\frac{10\sqrt{6}}{3}$ செ.மீ | 4) 15 செ.மீ |
|--------------------------|---------------------------|---------------------------------|-------------|
8. $(5, 7), (3, p)$ மற்றும் $(6, 6)$ என்பன ஒரு கோட்டமைந்தவை எனில், $p -$ யின் மதிப்பு

| | | | |
|------|-------|------|------|
| 1) 9 | 2) 12 | 3) 3 | 4) 6 |
|------|-------|------|------|
9. $A (6, 1), B (8, 2) C (9, 4)$ மற்றும் $D (P, 3)$ என்பன ஒரு இணைகரத்தின் வரிசை கிரமமாக எடுத்துக்கொள்ளப்பட்ட முனைகள் எனில் $P -$ ன் மதிப்பு

| | | | |
|-------|------|------|-------|
| 1) -7 | 2) 7 | 3) 6 | 4) -6 |
|-------|------|------|-------|
10. $\operatorname{acot}\theta + \operatorname{bcosec}\theta = p$ மற்றும் $\operatorname{bcot}\theta + \operatorname{acosec}\theta = q$ எனில், $p^2 - q^2 -$ ன் மதிப்பு

| | | | |
|----------------|----------------|----------------|------------|
| 1) $a^2 + b^2$ | 2) $a^2 - b^2$ | 3) $b^2 - a^2$ | 4) $b - a$ |
|----------------|----------------|----------------|------------|
11. சமமான விட்டம் மற்றும் உயரம் உடைய ஓர் உருளை, ஒரு கூம்பு மற்றும் ஒரு கோளத்தின் கன அளவுகளின் விகிதம்

| | | | |
|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 1) $1 : 2 : 3$ | 2) $3 : 1 : 2$ | 3) $2 : 1 : 3$ | 4) $1 : 3 : 2$ |
|----------------|----------------|----------------|----------------|
12. கோளத்தின் புறப்பரப்பிற்குச் சமமானது

| | |
|-------------------------------|---------------------------------|
| 1) கோளத்தின் மொத்தப்பரப்பு | 2) அரைக்கோளத்தின் மொத்தப்பரப்பு |
| 3) அரைக்கோளத்தின் புறப்பரப்பு | 4) இவற்றில் எதுவுமில்லை |

13. முதல் 20 எண்களின் விலக்க வர்க்க சராசரியானது
 1) 32.25 2) 33.25 3) 44.25 4) 30
14. பின்வருவனவற்றுள் எது தவறானது?
 1) $P(A) > 1$ 2) $0 \leq P(A) \leq 1$ 3) $P(A) + P(\bar{A}) = 1$ 4) $P(\emptyset) = 0$

பகுதி - II

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 2 = 20$

15. $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = N$ என்க. மேலும் $f: A \rightarrow B$ ஆனது, $f(x) = x^3$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில், (i) f - யின் வீச்சகத்தைக் காண்க. (ii) f எவ்வகை சார்பு எனக் காண்க.
16. $3 + k, 18 - k, 5k + 1$ என்பவை ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் உள்ளன எனில், k -யின் மதிப்புக் காண்க.
17. ஒரு பெருக்குத் தொடர் வரிசையின் முதல் உறுப்பு $a = -7$ மற்றும் பொது விகிதம் $r = 6$ எனில் பெருக்குத் தொடர் வரிசையைக் காண்க.
18. $\frac{144a^8b^{12}c^{16}}{81f^{12}g^4h^{14}}$ ன் வர்க்கழுலம் காண்க.
19. 21, 18, 15, என்ற கூட்டுத் தொடர் வரிசையில் -81 எத்தனையாவது உறுப்பு? மேலும் இக்கூட்டுத் தொடர் வரிசையில் 0 ஓர் உறுப்பாகுமா என்பதை காரணத்துடன் விளக்குக.
20. R என்ற ஒரு உறவு $\{(x, y) / y = x+3, x \in \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இதன் மதிப்பகத்தையும் வீச்சகத்தையும் கண்டறிக.
21. $A = \begin{pmatrix} 0 & 4 & 9 \\ 8 & 3 & 7 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} 7 & 3 & 8 \\ 1 & 4 & 9 \end{pmatrix}$ எனில் $3A - 9B$ -ன் மதிப்புக் காண்க.
22. படத்தில், AD என்பது A -ன் இருசமவெட்டி, $BD = 4$ செ.மீ, $DC = 3$ செ.மீ மற்றும் $AB = 6$ செ.மீ எனில் AC -ன் மதிப்பைக் காண்க.
23. $x - 2y + 3 = 0$ மற்றும் $6x - 3y + 8 = 0$ ஆகிய இரு நேர்கோடுகளும் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்தானவை எனக் காட்டுக.
24. $\sqrt{\frac{\sec \theta - \tan \theta}{\sec \theta + \tan \theta}} = \frac{1 - \sin \theta}{\cos \theta}$ என நிறுவுக.
25. 45 செ.மீ உயரமுள்ள ஓர் இடைக்கண்டத்தின் இருபுற ஆரங்கள் முறையே 28 செ.மீ, 7 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் கனஅளவைக் காண்க.
26. கொடுக்கப்பட்ட பரவலின் வீச்சு காண்க.

| | | | | | | |
|--------------------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| வயது (வருடங்களில்) | 16 – 18 | 18 – 20 | 20 – 22 | 22 – 24 | 24 – 26 | 26 – 28 |
| மாணவர் எண்ணிக்கை | 0 | 4 | 6 | 8 | 2 | 2 |

27. மூன்று சீரான நாணயங்கள் முறையாக ஒரே நேரத்தில் சண்டப்படுகின்றன.
 i) குறைந்தபட்சம் ஒரு பூ கிடைக்க மற்றும்
 ii) அதிகப்பட்சம் ஒரு தலை கிடைக்க நிகழ்த்தகவுகளைக் காண்க.
28. $px^2 + (\sqrt{3} - \sqrt{2})x - 1 = 0$ எனக் கொடுக்கப்பட்ட சமன்பாட்டின் ஒரு மூலம் $x = \frac{1}{\sqrt{3}}$ எனில், p -ன் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - III

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in W / x < 2\}$, $B = \{x \in N / 1 \leq x \leq 4\}$ $C = \{3, 5\}$ $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
30. $f(x) = 2x + 3$, $g(x) = 1 - 2x$ மற்றும் $h(x) = 3x$ எனில் $f \circ (g \circ h) = (f \circ g) \circ h$ என நிறுவுக.

31. ஒருவர் தான் பெற்ற ₹65,000 கடனை திருப்பிச் செலுத்த முதல் மாதம் ₹ 400 செலுத்துகிறார். அதன் பிறகு ஒவ்வொரு மாதமும் முந்தைய மாதம் செலுத்தியதை விட ரூ 300 கூடுதலாகச் செலுத்துகிறார். அவர் இந்தக் கடனை அடைக்க எவ்வளவு காலம் தேவைப்படும்?
32. கூடுதல் காண்க. $10^3 + 11^3 + 12^3 + \dots + 20^3$
33. $x + y + z = 5$, $2x - y + z = 9$, $x - 2y + 3z = 16$ என்ற மூன்று மாறிகளில் அமைந்த ஒருங்கமை நேரியல் சமன்பாட்டுத் தொகுப்பின் தீர்வு காண்க.
34. $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ என்பது ஒரு முழு வர்க்கம் எனில் a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
35. $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ எனில், $A^2 - 4A + I_2$ என நிரூபிக்க.
36. கோண இருசமவெட்டி தேற்றத்தை எழுதி நிரூபிக்க. (Angle Bisector Theorem)
37. $(-4, -2), (-3, k), (3, -2)$ மற்றும் $(2, 3)$ ஆகியவற்றை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பு 28 ச.அலகுகள் எனில், $k -$ யின் மதிப்புக் காண்க.
38. இரு கப்பல்கள் கலங்கரை விளக்கத்தின் இரு பக்கங்களிலும் கடலில் பயணம் செய்கின்றன. இரு கப்பல்களிலிருந்து கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியின் ஏற்றக் கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 45° ஆகும். கலங்கரை விளக்கத்தின் உயரம் 200 மீ எனில், இரு கப்பல்களுக்கு இடையே உள்ள தொலைவைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
39. 6 செ.மீ ஆரம், 15 செ.மீ உயரம் கொண்ட ஓர் உருளை வடிவப் பாத்திரம் முழுவதுமாக பனிக்கூழ் உள்ளது. அந்த பனிக்கூழை மற்றும் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவத்தில் நிரப்பப்படுகிறது. கூம்பின் உயரம் 9 செ.மீ மற்றும் ஆரம் 3 செ.மீ எனில், பாத்திரத்தில் உள்ள பனிக்கூழை நிரப்ப எத்தனைக் கூம்புகள் தேவை?
40. 3 மீ விட்டமும் 14 மீ ஆழமுள்ள ஒரு கிணறு உருளை வடிவில் வெட்டப்படுகிறது. அவ்வாறு வெட்டும் போது தோண்டியெடுக்கப்பட்ட மண் 4 மீ அகலமுள்ள வட்ட வடிவமாக சீராக பரப்பப்பட்டு ஒரு மேடை அமைக்கப்பட்டால் அம்மேடையின் உயரத்தைக் காண்க.
41. 50 மாணவர்கள் 100 மீட்டர் தூரத்தை கடக்க எடுத்துக் கொண்ட கால அளவுகள் கீழேக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளன. அவற்றின் திட்டவிலக்கம் காண்க.

| | | | | | |
|------------------------------------|-----------|------------|-------------|-------------|-------------|
| எடுத்துக்கொண்ட நேரம் (வினாடிகளில்) | 8.5 – 9.5 | 9.5 – 10.5 | 10.5 – 11.5 | 11.5 – 12.5 | 12.5 – 13.5 |
| மாணவர்களின் எண்ணிக்கை | 6 | 8 | 17 | 10 | 9 |

42. 52 சீட்டுகள் கொண்ட சீட்டுக் கட்டிலிருந்து ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகின்றது. அந்த சீட்டு இராணியாக அல்லது டைமன்ட் அல்லது கருப்பு நிறச் சீட்டாக இருக்க நிகழ்த்தகவைக் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து விளக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $y = x^2 + 3x - 4$ வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 3x - 4 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.
- (அல்லது)
- ஆ) $y = x^2 + 3x + 2$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 2x + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.
44. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் LMN-ன் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{4}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{4}{5}$)
- (அல்லது)
- ஆ) $QR = 5$ செ.மீ $\angle P = 30^\circ$ மற்றும் P -யிலிருந்து QR -க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.2 செ.மீ கொண்ட ΔPQR வரைக.

★★★

PTA மாதிரி வினாக்கள் - 6

வகுப்பு: X

நேரம்: 3 மணி

கணக்கு

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $g = \{(1, 1), (2, 3), (3, 5), (4, 7)\}$ என்ற சார்பானது $g(x) = ax + \beta$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் a, β -ன் மதிப்பானது?

| | | | |
|-------------|--------------|--------------|---------------|
| 1) $(1, 2)$ | 2) $(-1, 2)$ | 3) $(2, -1)$ | 4) $(-1, -2)$ |
|-------------|--------------|--------------|---------------|
2. கொடுக்கப்பட்டுள்ள படம் குறிக்கும் சார்பு, ஒரு

| | |
|----------------------------|------------------|
| 1) மேல் சார்பு | 2) மாறிலி சார்பு |
| 3) ஓன்றுக்கு ஒன்றான சார்பு | 4) சார்பு அல்ல |
3. $A = 2^{65}$ மற்றும் $B = 2^{64} + 2^{63} + 2^{62} + \dots + 2^0$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. பின்வருவனவற்றில் எது உண்மை?

| | |
|--|---------------------------------|
| 1) B ஆனது A -ஐ விட 2^{64} அதிகம் | 2) A ஆனது B -ஐ விட 1 அதிகம் |
| 3) A மற்றும் B சமம் | 4) B ஆனது A -ஐ விட 1 அதிகம் |
4. a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத் தொடர் வரிசையில் உள்ளன எனில், $\frac{a-b}{b-c} =$

| | | | |
|------------------|------------------|------------------|------|
| 1) $\frac{a}{b}$ | 2) $\frac{b}{c}$ | 3) $\frac{a}{c}$ | 4) 1 |
|------------------|------------------|------------------|------|
5. கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது $y^2 + \frac{1}{y^2}$ -க்கு சமம் இல்லை?

| | | | |
|---|---|-------------------------------------|--------------------------|
| 1) $\left[y - \frac{1}{y}\right]^2 + 2$ | 2) $\left[y + \frac{1}{y}\right]^2 - 2$ | 3) $\left[y + \frac{1}{y}\right]^2$ | 4) $\frac{y^4 + 1}{y^2}$ |
|---|---|-------------------------------------|--------------------------|
6. $2X + \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 9 & 5 \end{pmatrix}$ எனில், X என்ற அணியைக் காண்க.

| | | | |
|---|---|--|--|
| 1) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ | 2) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ | 3) $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ | 4) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ |
|---|---|--|--|
7. $\frac{x^2 - 25}{x+3}$ என்பதை $\frac{x+5}{x^2 - 9}$ ஆல் வகுக்கும்போது கிடைப்பது

| | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1) $(x-5)(x-3)$ | 2) $(x-5)(x+3)$ | 3) $(x+5)(x-3)$ | 4) $(x+5)(x+3)$ |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
8. $\triangle ABC$ யில் AD ஆனது, $\angle BAC$ -யின் இருசமவெட்டி. $AB = 8$ செ.மீ, $BD = 6$ செ.மீ மற்றும் $DC = 3$ செ.மீ எனில், பக்கம் AC -யின் நீளம்.

| | | | |
|------------|------------|------------|------------|
| 1) 3 செ.மீ | 2) 4 செ.மீ | 3) 6 செ.மீ | 4) 8 செ.மீ |
|------------|------------|------------|------------|
9. கொடுக்கப்பட்ட படத்தில், $PR = 24$ செ.மீ, $QR = 26$ செ.மீ $\angle PAQ = 90^\circ$, $PA = 6$ செ.மீ, $QA = 8$ செ.மீ $\angle PQR = 75^\circ$ காண்க.

| | | | |
|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 1) 90° | 2) 85° | 3) 80° | 4) 75° |
|---------------|---------------|---------------|---------------|
10. கோட்டுத்துண்டு PQ -யின் காய்வு $\frac{1}{\sqrt{3}}$ எனில், PQ -க்கு செங்குத்தான இரு சமவெட்டியில் காய்வு

| | | | |
|------|---------------|----------------|-------------------------|
| 1) 0 | 2) $\sqrt{3}$ | 3) $-\sqrt{3}$ | 4) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ |
|------|---------------|----------------|-------------------------|



10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

18

11. ஒரு கோபுரத்தின் உயரத்திற்கும், அதன் நிழலின் நீளத்திற்கும் உள்ள விகிதம் $\sqrt{3} : 1$ எனில் சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோண அளவானது
 1) 90° 2) 60° 3) 45° 4) 30°
12. r_1 அலகுகள் ஆரமுள்ள ஒரு கோளப்பந்து உருக்கப்பட்டு r_2 அலகுகள் ஆரமுடைய 8 சமகோள பந்துகளாக ஆக்கப்படுகிறது எனில் $r_1 : r_2$
 1) $1 : 4$ 2) $4 : 1$ 3) $1 : 2$ 4) $2 : 1$
13. ஒரு சீரான பகடை ஒரு முறை உருட்டப்படும்போது கிடைக்கும் எண், பகா எண் அல்லது பகு எண்ணாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு
 1) 1 2) 0 3) $\frac{5}{6}$ 4) $\frac{1}{6}$
14. கீழே கொடுக்கப்பட்டவைகளின் எது பரவல் அளவை கிடைக்கவும்?
 1) கூட்டுச்சராசி 2) வீச்சு 3) விலக்க வர்க்க சராசி 4) திட்ட விலக்கம்

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 2 = 20$

15. f ஆனது R லிருந்து R -க்கு ஆன சார்பு. மேலும் அது $f(x) = 3x - 5$ என வரையறுக்கப்படுகிறது. (a, 4) மற்றும் (1, b) எனக் கொடுக்கப்பட்டால் a மற்றும் b-யின் மதிப்புகளைக் காண்க.
16. $R = \{(x - 2), (-5, y)\}$ என்பது சமனி சார்பைக் குறிக்குமெனில் x மற்றும் y ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
17. ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் $t_{18} - t_{14} = 32$ எனில் அதன் பொது வித்தியாசத்தைக் காண்க.
18. $3x \equiv 1$ (மட்டு 15) என்ற சமன்பாட்டிற்கு எத்தனை முழு எண் தீர்வுகள் உள்ளன எனக் காண்க.
19. கூடுதல் காண்க. $1 + 3 + 5 + \dots + 55$
20. காரணிப்படுத்தல் முறையில் தீர்க்க: $2x^2 - 2\sqrt{6}x + 3 = 0$
21. ஒரு எண் மற்றும் அதன் தலைகீழி ஆகியவற்றின் வித்தியாசம் $\frac{24}{5}$ எனில், அந்த எண்ணைக் காண்க.
22. $7x^2 + ax + 2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் மற்றும் எனில் $\beta - a = -\frac{13}{7}$ எனில், a-ன் மதிப்பு காண்க.
23. $(-2, 6)$ மற்றும் $(4, 8)$ என்ற புள்ளிகளின் வழிச் செல்லும் நேர்க்கோடானது $(8, 12)$ மற்றும் $(x, 24)$ என்ற புள்ளிகளின் வழிச் செல்லும் நேர்க்கோட்டிற்கு செங்குத்து எனில் x-ன் மதிப்பு காண்க.
24. $50\sqrt{3}$ உயரமுள்ள ஒரு பாறையின் உச்சியிலிருந்து 30° இருக்கக்கோணத்தில் தலையிலுள்ள மகிழுந்து ஒன்று பார்க்கப்படுகிறது எனில், மகிழுந்திற்கும் பாறைக்கும் இடையேயுள்ள தொலைவைக் காண்க.
25. ஒரு திண்ம கோளம் மற்றும் திண்ம அரைக்கோளம் ஆகியவற்றின் மொத்த பரப்பளவுகள் சமம் எனில் அவற்றின் கனஅளவுகளின் விகிதம் $3\sqrt{3} : 4$ என நிரூபிபி.
26. முதல் 21 இயல் எண்களின் தீட்ட விலக்கத்தைக் காண்க.
27. A மற்றும் B ஆகிய இரு விண்ணப்பதாரர்கள் IIT-யில் சேர்வதற்காகக் காத்திருப்பவர்கள். இவர்களில் A தேர்ந்தெடுக்கப்படுவதற்கான நிகழ்தகவு 0.5. A மற்றும் B இருவரும் தேர்ந்தெடுக்கப்படுவதற்கான நிகழ்தகவு 0.3 எனில், B தேர்ந்தெடுக்கப்படுவதற்கான அதிகப்படச் சமமாக நிகழ்தகவு 0.8 என நிரூபிக்க.
28. ABC யில், P மற்றும் Q என்பன AB மற்றும் AC ஆகிய பக்கங்களில் மீதுள்ள புள்ளிகள். AP = 3 செ.மீ, PB = 6 செ.மீ AQ = 5 செ.மீ மற்றும் QC = 10 செ.மீ BC = 3PQ என நிறுவுக.

பகுதி – III

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 5 = 50$

29. பின்வரும் சார்புகளின் மதிப்பகங்களைக் காண்க.
- i) $f(x) = \frac{2x+1}{x-9}$ ii) $g(x) = \sqrt{x-2}$
30. $f: R \rightarrow R$ மற்றும் $g: R \rightarrow R$ என்பன முறையே $f(x) = x^5$ மற்றும் $g(x) = x^4$ என வரையறுக்கப்பட்டால் f, g ஆகியவை ஒன்றுக்கொன்றானதா எனவும் $f \circ g$ என்பது ஒன்றுக்கொன்றான சார்பாகுமா எனவும் ஆராய்க்.
31. ஒரு கூட்டுத் தொடர் வரிசையில் முதல் P உறுப்புகளின் கூடுதல் எனில் $ap^2 + bp$ அதன் பொது வித்தியாசத்தைக் காண்க.

32. ஒரு நபர் ஒரு நிறுவனத்தில் துணை மேலாளராகப் பணியில் சேர்கிறார். அவருக்கு அந்நிறுவனம் முதல் மாத ஊதியமாக ₹ 60,000 வழங்குகிறது மற்றும் ஆண்டு ஊதியமாக 5% உயர்வு வழங்குவதாக ஒப்புக் கொள்கிறது. 5 வருட முடிவில் அவருடைய மாத ஊதியம் எவ்வளவு?
33. $(c^2 - ab)x^2 - 2(a^2 - bc)x + b^2 - ac = 0$ என்ற சமன்பாட்டில் மூலங்கள் சமம் மற்றும் மெய் எனில், $a = 0$ அல்லது $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ என நிருபிக்க.
34. $a^2 + 4a - 12$, $a^2 - 5a + 6$ எனும் பல்லுறுப்புக்கோவைகளின் மீ.பொ.வ $a - 2$ எனில், அப்பல்லுறுப்புக்கோவைகளின் மீ.பொ.ம காண்க.
35. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} -1 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ எனில் $A(BC) = (AB)C$ என நிறுவுக.
36. ΔPQR -ல் அடிப்பக்கம் QR க்கு செங்குத்தாக உள்ள PS ஆனது QR -ஐ S -ல் சந்திக்கிறது. மேலும் $QS = 3SR$ எனில் $2PQ^2 = 2PR^2 + QR^2$ என நிறுவுக.
37. $A(6, 2)$, $B(-5, -1)$ மற்றும் $C(1, 9)$ ஆகியவற்றை முனைகளாகக் கொண்ட ΔABC - ன் முனை A -யிலிருந்து வரையப்படும் நடுக்கோடு மற்றும் குத்துக்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
38. $\left(\frac{\cos^3 A - \sin^3 A}{\cos A - \sin A}\right) - \left(\frac{\cos^3 A + \sin^3 A}{\cos A + \sin A}\right) = 2 \sin A \cos A$ என நிருபிக்க.
39. ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்டத்தின் சாயுயரம் 10 செ.மீ ஆகும். அதன் மேற்புற, கீழ்ப்புற வட்டப்பகுதிகளின் சுற்றளவு முறையே 28 செ.மீ, 18 செ.மீ எனில் அதன் வளைபரப்பைக் காண்க.
40. 6 செ.மீ ஆரம் மற்றும் 15 செ.மீ உயரம் கொண்ட ஒரு உருளை வடிவப் பாத்திரத்தில் முழுவதுமாகப் பனிக்கூழ் உள்ளது. அந்தப் பனிக்கூழானது, கூம்பு மற்றும் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவத்தில் நிரப்பப்படுகிறது. கூம்பின் உயரம் 9 செ.மீ மற்றும் ஆரம் 3 செ.மீ எனில், பாத்திரத்தில் உள்ள பனிக்கூழை நிரப்ப எத்தனை கூம்புகள் தேவை?
41. பின்வரும் அட்டவணையில் ஒரு பள்ளியின் பத்தாம் வகுப்பு மாணவர்களின் உயரம் மற்றும் எடைகளின் சராசரி மற்றும் விலக்க வர்க்க சராசரி ஆகிய மதிப்புகள் கொடுக்கப்பட்டுள்ளன. இவற்றில் எது மற்றொன்றை விட அதிக வேறுபாடு உடையது?

| | உயரம் | எடை |
|---------------------|-------------|-------------|
| சராசரி | 155 செ.மீ | 46.50 கி.கி |
| விலக்க வர்க்கசராசரி | 72.25 செ.மீ | 28.09 கி.கி |

42. ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சண்டப்படுகிறது. சரியாக இரண்டு தலைகள் அல்லது குறைந்தபட்சம் ஒரு பூ அல்லது அடுத்தடுத்து இரண்டு தலைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்த்துக்கவைக் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $PQ = 8$ செ.மீ, $\angle R = 60^\circ$ உச்சி R -லிருந்து PQ -க்கு வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $RG = 5.8$ செ.மீ. என இருக்குமாறு PQR வரைக. R -லிருந்து PQ க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைந்து வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 8 செ.மீ தொலைவில் P என்ற புள்ளியைக் குறிக்கவும். அப்புள்ளியிலிருந்து PA மற்றும் PB என்ற இரு தொடுகோடுகள் வரைந்து அவற்றின் நீளங்களை அளவிடுக.

44. அ) $y = (x - 1)(x + 3)$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 - x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) $y = 2x^2$ என்ற வரைபடம் வரைந்து, அதன் மூலம் $2x^2 - x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

★★★

மாதிரி விளைத்தாள் - 7

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து விளைக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தை விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. f மற்றும் g என்ற இரண்டு சார்புகளும் $f = \{(0, 1), (2, 0), (3, -4), (4, 2), (5, 7)\}$, $g = \{(0, 2), (1, 0), (2, 4), (-4, 2), (7, 0)\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் $f \circ g$ ன் வீச்சுக்கமானது
1) $\{0, 1, 2\}$ 2) $\{0, 2, 3, 4, 5\}$ 3) $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ 4) $(-1, 1, 0, 2, 7)$
 2. $f(x) = (x + 1)^3 - (x - 1)^3$ குறிப்பிடும் சார்பானது.
1) ஒரு கனச் சார்பு 2) நேரிய சார்பு 3) இருபடிச் சார்பு 4) தலைகீழ் சார்பு
 3. $t_1, t_2, t_3, \dots, t_n$ என்பது ஒரு கூட்டுத் தொடர் வரிசை எனில், $t_6, t_{12}, t_{18}, \dots, t_n$ என்பது
1) ஒரு கூட்டுத் தொடர் வரிசை 2) ஒரு பெருக்குத் தொடர் வரிசை
3) ஒரு கூட்டுத் தொடர் வரிசையுமல்ல, பெருக்குத் தொடர் வரிசையுமல்ல
4) ஒரு மாறிலித் தொடர் வரிசை
 4. $(13 + 23 + 33 + \dots + 153) - (1 + 2 + 3 + \dots + 15)$ யின் மதிப்பு
1) 14200 2) 14280 3) 14400 4) 14520
 5. $(2x - 1)^2 = 9$ -யின் மதிப்பு
1) -1, 2 2) -1 3) 2 4) இதில் எதுவும் இல்லை
 6. மூன்று மாறிகளில் அமைந்த மூன்று நேரிய சமன்பாடுகளின் தொகுப்பிற்கு தீர்வுகள் இல்லையெனில், அத்தொகுப்பில் உள்ள தளவுகள்.
1) ஒரே ஒரு புள்ளியில் வெட்டுகின்றன 2) ஒன்றையொன்று வெட்டாது
3) ஒரே ஒரு கோட்டில் வெட்டுகின்றன 4) ஒன்றின் மீது ஒன்று பொருந்தும்
 7. O-ஐ மையமாக உடைய வட்டத்திற்கு, வெளியேற்றும் புள்ளி P-யிலிருந்து வரையப்பட்ட தொடுகோடுகள் PA மற்றும் PB ஆகும். $\angle APB = 70^\circ$ எனில் $\angle AOB$ -யின் மதிப்பு
1) 120° 2) 130° 3) 100° 4) 110°
 8. ஒரு சுவரின் அருகே நடந்து சென்று கொண்டிருக்கும் ஒரு நபருக்கும் சுவருக்கும் இடையே உள்ள தூரம் 10 அலகுகள். சுவரை Y-அச்சாகக் கருதினால், அந்த நபர் செல்லும் பாதை என்பது.
1) $x = 0$ 2) $x = 10$ 3) $y = 0$ 4) $y = 10$
 9. $7x - 3y + 4 = 0$ என்ற நேர்கோட்டிற்குச் செங்குத்தாகவும், ஆதிப்புள்ளி வழிச் செல்லும் நேர்க்கோட்டின் சமன்பாடு
1) $7x - 3y + 4 = 0$ 2) $3x - 7y + 4 = 0$ 3) $7x - 3y = 0$ 4) $3x + 7y = 0$
 10. $(\sin \alpha + \operatorname{cosec} \alpha)^2 + (\cos \alpha + \sec \alpha)^2 = k + \tan^2 \alpha + \cot^2 \alpha$ எனில் k -ன் மதிப்பு
1) 3 2) 5 3) 7 4) 9
 11. $x = \operatorname{atan} \theta$ மற்றும் $y = b \sec \theta$ எனில்
1) $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 0$ 2) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 3) $\frac{y^2}{b^2} - \frac{x^2}{a^2} = 1$ 4) $\frac{y^2}{b^2} + \frac{x^2}{a^2} = 1$
 12. 1 செ.மீ ஆரமும் 5 செ.மீ உயரமும் கொண்ட ஒரு மர உருளையிலிருந்து அதிகப்பட்சக் கண அளவு கொண்ட கோளம் வெட்டி எடுக்கப்படுகிறது எனில், அதன் கணஅளவு (க.செ.மீ-ல்)
1) 5π 2) $\frac{4}{3}\pi$ 3) $\frac{10}{3}\pi$ 4) $\frac{20}{3}\pi$

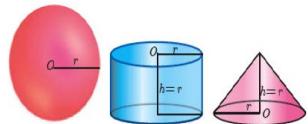
13. ஒரு தரவின் சராசரி மற்றும் மாறுபாட்டுக் கீழும் முறையே 4 மற்றும் 87.5% எனில் திட்ட விலக்கமானது.
 1) 2.5 2) 3 3) 3.5 4) 4.5
14. கீழே கொடுக்கப்பட்டவைகளின் எது பரவல் அளவை இல்லை?
 1) கூட்டுச்சராசரி 2) வீச்சு 3) விலக்க வர்க்க சராசரி 4) திட்ட விலக்கம்

பகுதி – II

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $A = \{1, 2, 3\}$ மற்றும் $B = \{x | x \text{ என்பது } 10-\text{ஐ விடச் சிறிய பகா எண்}\}$ எனில், $A \times B$ மற்றும் $B \times A$ ஆகியவற்றைக் காண்க.
16. $f \circ g = g \circ f$ எனில் k -யின் மதிப்பைக் காண்க.
 $f(x) = 3x + 2, g(x) = 6x - k$ (ii) $f(x) = 2x - k, g(x) = 4x + 5$
17. தொடர்ச்சியான இரு மிகை முழுக்களின் பெருக்கற்பலன் 2 ஆல் வகுபடும் என நிறுவுக.
18. வர்க்க மூலம் காண்க : $\frac{x}{81(b-c)^4(a-b)^{12}(b-c)^4} \frac{121(a+b)^8(x+y)^8(b-c)^8}{(a-c)^2}$
19. $\frac{x}{x^2+1}$ என்ற கோவையின் விலக்கப்பட்ட மதிப்பு என்ன?
20. பிதாகரஸ் தேற்றத்தின் மறுதலையை எழுதுக.
21. a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத்தொடர்வரிசை எனில் $(a - c)^2 = 4(b^2 - ac)$ என நிறுவுக.
22. சாய்வு 5 மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு -9 ஆகியவற்றைக் கொண்ட நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
23. $(3, -1), (a, 3)$ மற்றும் $(1, -3)$ ஆகிய மூன்று புள்ளிகள் ஒரு கோடமைந்தவை எனில் y -யின் மதிப்பு காண்க.
24. $\tan^2 \theta - \sin^2 \theta = \tan^2 \theta \sin^2 \theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்
25. கித்தானைக் கொண்டு 7 மீ ஆரமும் 24 மீ உயரமும் உடைய ஒரு கூம்பு வடிவக் கூடாரம் உருவாக்கப்படுகிறது. செவ்வக வடிவக் கித்தானின் அகலம் 4 மீ எனில், அதன் நீளம் காண்க.
26. ஒரு கோளம், உருளை மற்றும் கூம்பு ஆகியவற்றின் ஆரங்கள் சமம்.
 படத்தில் உள்ளபடி கூம்பு மற்றும் உருளையின் உயரங்கள் ஆரத்திற்குச் சமம் எனில், அவற்றின் வளைபரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
27. முதல் 21 இயல் எண்களின் தீட்ட விலக்கத்தைக் காண்க.
28. $P(A) = 0.37, P(B) = 0.42, P(A \cap B) = 0.09$ எனில், $P(A \cup B)$ ஐக் காண்க.



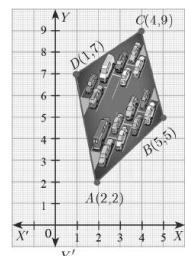
பகுதி – III

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in \mathbb{N} | 1 < x < 4\}, B = \{x \in \mathbb{W} | 0 \leq x < 2\}$ மற்றும் எனில், $A \times B$ மற்றும் $C = \{x \in \mathbb{N} | x < 3\}$ என்க.
 $A \times (B \cup C) = (A \times B) \cup (A \times C)$ என்பனவற்றைச் சரிபார்க்க.
30. கொடுக்கப்பட்ட $f(x), g(x), h(x)$ ஆகியவற்றைக் கொண்டு $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ எனக் காட்டுக.
 $f(x) = x - 4, g(x) = x^2$ மற்றும் $h(x) = 3x - 5$
31. $0.4 + 0.44 + 0.444 + \dots n$ உறுப்புகள் வரை கூடுதல் காண்க.
32. $S_1, S_2, S_3, \dots, S_m$ என்பன m வெவ்வேறு கூட்டுத் தொடர்வரிசைகளின் n உறுப்புகளின் கூடுதலாகும். முதல் உறுப்புகள் 1, 2, 3, ..., m மற்றும் பொது வித்தியாசங்கள் 1, 3, 5, ..., $(2m-1)$ முறையே அமைந்தால், அந்த கூட்டுத் தொடர் வரிசையில் $S_1 + S_2 + S_3, \dots + S_m = \frac{1}{2} mn(mn+1)$ என நிரூபிக்க.
33. வர்க்க மூலம் காண்க $(4x^2 - 9x + 2)(7x^2 - 13x - 2)(28x^2 - 3x - 1)$
34. $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 0 \\ 1 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$ எனில் $A^2 - 7A + 10I_3 = 0$ என நிறுவுக.

35. ΔABC யின் பக்கங்கள் AB மற்றும் AC – யின் மீதுள்ள புள்ளிகள் முறையே D மற்றும் E ஆனது $DE \parallel BC$ என்றவாறு அமைந்துள்ளது. (i) $\frac{AD}{DB} = \frac{3}{4}$ மற்றும் $AC = 15$ செ.மீ எனில் AE – யின் மதிப்பு காண்க.
- (ii) $AD = 8x - 7$, $DB = 5x - 3$, $AE = 4x - 3$ மற்றும் $EC = 3x - 1$ எனில், x -ன் மதிப்பு காண்க.
36. கொடுக்கப்பட்ட படமானது ஒரு வளாகத்தில் புதிய வாகன நிறுத்தம் ஏற்படுத்த அமைக்கப்பட்ட பகுதியைக் காட்டுகிறது. இதை அமைப்பதற்கு ஒரு சதுர அடிக்கு ₹1300 செலவாகும் என மதிப்பிடப்படுகிறது எனில், வாகன நிறுத்தம் ஏற்படுத்துவதற்குத் தேவையான மொத்த செலவைக் கணக்கிடவும்.
37. ΔABC – யின் முனைகள் $A(-3, 0)$, $B(10, -2)$ மற்றும் $C(12, 3)$ எனில், A மற்றும் B -யிலிருந்து முக்கோணத்தின் எதிர்பக்கத்திற்கு வரையப்படும் குத்துக்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
38. $\operatorname{cosec}\theta + \cot\theta = p$ எனில், $\cos\theta = \frac{p^2 + 1}{p^2 + 1}$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.
39. 2.4 செ.மீ உயரமுள்ள ஒரு திண்ம உருளையின் விட்டம் 1.4 செ.மீ ஆகும். உருளையினுள் அதே ஆரமுள்ள கூம்புவடிவைக் குழிவு உருளையின் உயரத்திற்கு ஏற்படுத்தப்படுகிறது எனில் மீதமுள்ள திண்மத்தின் மொத்த புறப்பரப்பு காண்க.
40. உயரம் 16 செ.மீ உடைய ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்ட வடிவில் அமைந்த கொள்கலன் ஒன்றின் மேற்புறம் திறந்த நிலையில் உள்ளது. கீழ்ப்புற ஆரம் 8 செ.மீ மற்றும் மேற்புற ஆரம் 20 செ.மீ கொண்ட கொள்கலனில் முழுமையாகப் பால் நிரப்பப்படுகிறது. ஒரு விட்டர் பாலின் விலை ₹ 4 எனில், நிரப்பப்படும் பாலின் மொத்த விலையைக் காண்க.
41. முதல் n இயல் எண்களின் சராசரி மற்றும் விலக்க வர்க்கச் சராசரிகளைக் காண்க.
42. இரண்டு பகடைகள் ஒரு முறை உருட்டப்படுகின்றன. முதல் பகடையில் முக மதிப்பு இரட்டைப் படை எண் அல்லது முக மதிப்புகளின் கூடுதல் 8 ஆகக் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.



பகுதி - IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR ன் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{7}{3}$ என்றவாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{7}{3}$)
- (அல்லது)
- ஆ) $PQ = 5$ செ.மீ, $\angle P = 40^\circ$ மற்றும் உச்சி P-யிலிருந்து QR-க்கு வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $PG = 4.4$ செ.மீ என இருக்கும்படி ΔPQR வரைக. மேலும் P-யிலிருந்து QR-க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் காண்க.
44. அ) பேருந்து நிலையம் அருகே உள்ள இரு சக்கர வாகனம் நிறுத்துமிடத்தில் பெறப்படும் கட்டணத் தொகை பின்வருமாறு

| | | | | |
|---------------------|----|-----|-----|-----|
| நேரம் (மணியில்) (x) | 4 | 8 | 12 | 24 |
| கட்டணத் தொகை ₹ (y) | 60 | 120 | 180 | 360 |

பெறப்படும் கட்டணத் தொகையானது வாகனம் நிறுத்தப்படும் நேரத்திற்கு நேர மாறுபாட்டில் உள்ளதா அல்லது எதிர் மாறுபாட்டில் உள்ளதா என ஆராய்க. கொடுக்கப்பட்ட தரவுகளை வரைபடத்தில் குறிக்கவும். மேலும், (i) நிறுத்தப்படும் நேரம் 6 மணி எனில், கட்டணத் தொகையைக் காண்க. (ii) ₹ 150 ஜி கட்டணத் தொகையாகச் செலுத்தி இருந்தால், நிறுத்தப்பட்ட நேரத்தின் அளவைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $y = x^2 + 3x - 4$ ன் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 3x - 4 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

★★★

மாதிரி வினாக்கள் - 8

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$ எனில் $f \circ g$ ஆனது.
1) $\frac{1}{6x^2}$ 2) $\frac{2}{3x^2}$ 3) $\frac{2}{9x^2}$ 4) $\frac{3}{2x^2}$
2. $A = \{a, b, p\}$, $B = \{2, 3\}$, $C = \{p, q, r, s\}$, எனில், $n[(A \cup C) \times B]$ ஆனது
1) 8 2) 12 3) 16 4) 20
3. $A = 2^{65}$ மற்றும் $B = 2^{64} + 2^{63} + 2^{62} + \dots + 2^0$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. பின்வருவனவற்றில் எது உண்மை?
1) B ஆனது A - ஜி விட 2⁶⁴ அதிகம் 2) A ஆனது B - ஜி விட 1 அதிகம்
3) A மற்றும் B சமம் 4) B ஆனது A - ஜி விட 1 அதிகம்
4. 1 முதல் 10 வரையுள்ள (இரண்டு எண்களும் உட்பட) அனைத்து எண்களாலும் வகுபடும் மிகச்சிரிய எண்
1) 2025 2) 2520 3) 5025 4) 5220
5. $q^2x^2 + p^2x + r^2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்களின் வர்க்கங்கள், $qx^2 + px + r = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில் q, p, r என்பன.
1) கூட்டுத் தொடர்வரிசை மற்றும் பெருக்குத் தொடர்வரிசை இரண்டிலும் உள்ளன
2) ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் உள்ளன
3) ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையில் உள்ளன
4) இதில் எதுவும் இல்லை
6. கீழ்க்கண்பனவற்றுள் எது சரியல்ல?
1) ஒரு இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் பெருக்கற்பலன் “ஒன்று” எனில் அந்த இருபடிச் சமன்பாட்டின் ஒரு மூலம் மற்றதன் தலைக்கு ஆகும்.
2) $A = [a_{ij}]_{m \times n}$ எனவும் $m = 1$ எனவும் கொண்டால் “A” என்பது நிரை அணி என அழைக்கப்படும்.
3) ஒரு சதுர அணி “A” யினை அதே வரிசையுடை அலகு அணியினால் பெருக்குவது என்பது அணி “A” ல் எந்த ஒரு மாற்றத்தையும் ஏற்படுத்தாது.
4) அணிப்பெருக்கலானது எப்பொழுதும் பரிமாற்று விதிக்கு உட்படும்.
7. $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FD}$ எனில், ABC மற்றும் EDF எப்பொழுது வடிவொத்தவையாக அமையும்?
1) $\angle B = \angle D$ 2) $\angle A = \angle D$ 3) $\angle B = \angle E$ 4) $\angle A = \angle F$
8. (5, 7), (3, p) மற்றும் (6, 6) என்பன ஒரு கோட்டமைந்தவை எனில், p -யின் மதிப்பு
1) 9 2) 12 3) 3 4) 6
9. (0, 0) மற்றும் (-8, 8) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டிற்குச் செங்குத்தான் கோட்டின் சாய்வு
1) -1 2) 1 3) $\frac{1}{3}$ 4) -8
10. $\sin^2 \theta + \frac{1}{1 + \tan^2 \theta}$ -ன் மதிப்பு
1) $\tan^2 \theta$ 2) $\cos^2 \theta$ 3) 0 4) 1

11. ஒரு உருளையின் ஆரம் அதன் உயரத்தில் மூன்றில் ஒரு பங்கு எனில், அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பு
- 1) $\frac{8\pi h^2}{9}$ ச.அ
 - 2) $\frac{9\pi h^2}{8}$ ச.அ
 - 3) $\frac{56\pi h^2}{9}$ ச.அ
 - 4) $24\pi h^2$ ச.அ
12. ஆரம் 5 செ.மீ மற்றும் சாயுயரம் 13 செ.மீ உடைய நேர்வட்டக் கூம்பின் உயரம்
- 1) 5 செ.மீ
 - 2) 10 செ.மீ
 - 3) 12 செ.மீ
 - 4) 13 செ.மீ
13. கமலம் குலுக்கல் போட்டியில் கலந்துகொண்டாள். அங்கு மொத்தம் 135 சீட்டுகள் விற்கப்பட்டன. கமலம் வெற்றி பெறுவதற்கான வாய்ப்பு $\frac{1}{9}$ எனில், கமலம் வாங்கிய சீட்டுகளின் எண்ணிக்கை
- 1) 20
 - 2) 15
 - 3) 10
 - 4) 5
14. கீழ்க்காண்பனவற்றுள் எது சரியல்ல?
- 1) “விலக்க வர்க்கச் சராசரியின்” மிகை வர்க்க மூலமே திட்டவிலக்கம் ஆகும்.
 - 2) “கால்மான விலக்கம்” என்பது சிதறல் அளவைகளுள் ஒன்றாகும்.
 - 3) ஒரு நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ என இருக்கலாம்.
 - 4) $P(A \text{ மற்றும் } B) = P(A \cup B)$ என இருக்கலாம்.

பகுதி – II

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $A = \{3, 4, 7, 8\}$ மற்றும் $B = \{1, 7, 10\}$ எனில் கீழ் உள்ள கணங்களில் எவை A – லிருந்து B -க்கு ஆன உறவைக் குறிக்கின்றது?
- i) $R_1 = \{(3, 7), (4, 7), (7, 10), (8, 1)\}$ (ii) $R_2 = \{(3, 1), (4, 12)\}$
 - iii) $R_3 = \{(3, 7), (4, 10), (7, 7), (7, 8), (8, 11), (8, 7), (8, 10)\}$
16. f என்ற சார்பு $f(x) = 3 - 2x$ என வரையறுக்கப்படுகிறது $f(x^2) = (f(x))^2$ எனில் x – ஐக் காண்க.
17. யூக்ளிடின் வகுத்தல் வழிமுறையைப் பயன்படுத்திப் பின்வருவனவற்றின் மீ.பொ.வ காண்க.
84, 90 மற்றும் 120.
18. பின்வருவனவற்றைக் கொண்டு 3×3 வரிசையைக் கொண்ட அணி $A = [a_{ij}]$ – யினைக் காண்க.
19. கீழ்க்காணும் இருபடிச் சமன்பாட்டிற்கு மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கற்பலன் காண்க.
 $3y^2 - y - 4 = 0$
20. A என்ற புள்ளியில் இருந்து B என்ற புள்ளிக்குச் செல்வதற்கு ஒரு குளம் வழியாக, நடந்து செல்ல வேண்டும். குளம் வழியே செல்வதைத் தவிர்க்க 34 மீ தெற்கேயும், 41 மீ கிழக்கு நோக்கியும் நடக்க வேண்டும். குளம் வழியாகச் செல்வதற்குப் பாதை அமைத்து அப்பாதை வழியே சென்றால் எவ்வளவு மீட்டர் தொலைவு சேமிக்கப்படும்?
21. $(1, -1), (-4, 6)$ மற்றும் $(-3, -5)$ என்ற புள்ளிகளால் அமைக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.
22. கொடுக்கப்பட்ட புள்ளிகள் ஒரு கோட்டில் அமைந்தவை எனில், ' a ' -யின் மதிப்பைக் காண்க.
($a, 2-2a), (-a+1, 2a)$ மற்றும் $(-4-a, 6-2a)$)
23. $\sec \theta - \cos \theta = \tan \theta \sin \theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.
24. 20 மீ உயரமுள்ள கட்டிடத்தின் உச்சியில் ஒரு விளையாட்டு வீரர் அமர்ந்து கொண்டு தரையில் உள்ள ஒரு பந்தை 60° இருக்கக் கோணத்தில் காண்கிறார் எனில் கட்டிட அடிப்பகுதிக்கும் பந்திற்கும் இடையேயுள்ள தொலைவைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
25. இரு கூம்புகளின் உயரங்களின் விகிதம் $5 : 3$ எனவும் ஆரங்களின் விகிதம் $2 : 1$ எனவும் கொண்டால் அவற்றின் கனஅளவுகளின் விகிதம் யாது?
26. 88 ச.செ.மீ வளைபரப்புடைய ஒரு நேர்வட்ட உருளையின் உயரம் 14 செ.மீ எனில், உருளையின் விட்டம் காண்க.
27. ஒரு தரவின் திட்ட விலக்கம் மற்றும் சராசரி ஆகியன முறையே 6.5 மற்றும் 12.5 எனில் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.

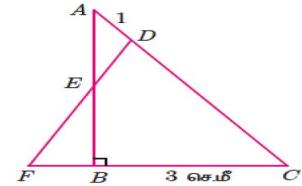
28. ஒரு பையில் 5 நீல நிறப்பந்துகளும், 4 பச்சை நிறப்பந்துகளும் உள்ளன. பையிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு பந்து எடுக்கப்படுகிறது. எடுக்கப்படும் பந்தானது (i) நீலமாக (ii) நீலமாக இல்லாமல் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×5=50

29. தடயவியல் விஞ்ஞானிகள், தொடை எலும்புகளைக் கொண்டு ஒருவருடைய உயரத்தை (செ.மீட்டரில்) கணக்கிடுகிறார்கள். அவர்கள் பொதுவாக, $h(b) = 2.47b + 54.10$ என்ற சார்பை இதற்குப் பயன்படுத்துகிறார்கள். இங்கு b ஆனது தொடை எலும்பின் நீளமாகும்.
- h ஆனது ஒன்றுக்கு ஒன்றானதா எனச் சோதிக்க.
 - தொடை எலும்பின் நீளம் 50 செ.மீ எனில், அந்த நபரின் உயரத்தைக் காண்க.
 - நபரின் உயரம் 147.96 செ.மீ எனில், அவர் தொடை எலும்பின் நீளத்தைக் காண்க.
30. $f: A \rightarrow B$ என்ற சார்பானது $f(x) = \frac{x}{2} - 1$, என வரையறுக்கப்படுகிறது. இங்கு $A = \{2, 4, 6, 10, 12\}$, $B = \{0, 1, 2, 4, 5, 9\}$ ஆக இருக்கும் பொழுது சார்பு f -ஐ பின்வரும் முறைகளில் குறிக்க,
- வரிசைச் சோடிகளின் கணம்
 - அட்டவணை
 - அம்புக்குறி படம்
 - வரைபடம்
31. முதல் n இயல் எண்களின் வர்க்கங்களின் கூடுதல் 285 மற்றும் முதல் n இயல் எண்களின் கனங்களின் கூடுதல் 2025 எனில் n -யின் மதிப்பு காண்க.
32. கீழ்க்காணும் பல்லுறுப்புக் கோவை ஒரு முழு வர்க்கம் எனில் n மற்றும் n -யின் மதிப்பு காண்க.
- $$x^4 - 8x^3 + mx^2 + nx + 16$$
33. $f(x)$ மற்றும் $g(x)$ ன் மீ.பொ.வ, மீ.பொ.ம காண்க. மேலும் $f(x) \times g(x) = (\text{மீ.பொ.வ}) (\text{மீ.பொ.வ})$ சரிபார்க்க. $(x^3 - 1)(x + 1), x^3 + 1$.
34. கொடுக்கப்பட்ட படம் முக்கோணம் ABC -யில், $\angle B = 90^\circ$, $BC = 3$ செ.மீ மற்றும் $AB = 4$ செ.மீ ஆகும். $AD = 1$ செ.மீ என்றவாறு AC-யின் மீது D எனும் புள்ளி உள்ளது. AB -யின் மையப்புள்ளி E ஆகும். D மற்றும் E ஜி இணைத்து CB ஜி F-யில் சந்திக்குமாறு DE ஜி நீட்டுக. BF ஜி காண்க.
35. கொடுக்கப்பட்ட புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பைக் காண்க.
- $$(-9, -2), (-8, -4), (2, 2)$$
- மற்றும் $(1, -3)$
36. ஒர் அலைபேசி மின்கலத்தின் சக்தி 100% இருக்கும்போது (Battery Power) அலைபேசியைப் பயன்படுத்த தொடங்குகிறோம். x மணி நேரம் பயன்படுத்திய பிறகு மீது இருக்கும் மின்கலத்தின் சக்தி y சதவீதம் (தசமத்தில்) ஆனது $y = 0.25x + 1$ ஆகும்.
- இந்தச் சமன்பாட்டிற்கான வரைபடம் வரைக.
 - எத்தனை மணி நேரத்திற்குப் பிறகு மின்கலத்தின் சக்தி 40% ஆகக் குறைந்திருக்கும் எனக் காண்க.
 - மின்கலம் தனது முழுச் சக்தியை இழக்க எடுத்துக்கொள்ளும் கால அளவு எவ்வளவு?
37.
$$\frac{\sin^3 A + \cos^3 A}{\sin A + \cos A} + \frac{\sin^3 A - \cos^3 A}{\sin A - \cos A} = 2$$
 என்ற முற்றொருமையை நிறுவுக.
38. தரையின் மீது ஒரு புள்ளியிலிருந்து 30 மீ உயரமுள்ள கட்டடத்தின் மேலுள்ள கோபுரத்தின் அடி மற்றும் உச்சியின் ஏற்றக் கோணங்கள் முறையே 45° மற்றும் 60° எனில், கோபுரத்தின் உயரத்தைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
39. 45 செ.மீ உயரமுள்ள ஒர் இடைக்கண்டத்தின் இருபுற ஆரங்கள் முறையே 28 செ.மீ 7 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் கனஅளவைக் காண்க.
40. 6 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு தின்மக் கோளம் உருக்கப்பட்டுச் சீரான தடிமனுள்ள ஒர் உள்ளீடற் ற உருளையாக மாற்றப்படுகிறது. உருளையின் வெளிஆரம் 5 செ.மீ உயரம் 32 செ.மீ எனில் உருளையின் தடிமனைக் காண்க.



41. இரண்டு பகடைகள் உருட்டப்படுகின்றன. கிடைக்கப்பெறும் முக மதிப்புகளின் கூடுதல் (i) 4-க்குச் சமமாக (ii) 10-ஐ விடப் பெரிதாக (iii) 13-ஐ விடக் குறைவாக இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவு காண்க.
42. 9 ஊழியர்களின் ஊதியம் கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. ஊதியங்களின் விலக்க வர்க்கச் சராசரி மற்றும் திட்ட விலக்கம் காண்க.
₹310, ₹290, ₹320, ₹280, ₹300, ₹290, ₹320, ₹310, ₹280

பகுதி – IV**குறிப்பு:** அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். **$2 \times 8 = 16$**

43. அ) $QR = 5$ செ.மீ $\angle P = 40^\circ$ மற்றும் உச்சி P யிலிருந்து QR -க்கு வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $PG = 4.4$ செ.மீ என இருக்கும்படி ΔPQR வரைக. மேலும் P -லிருந்து QR -க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் காண்க.
(அல்லது)
ஆ) 6 செ.மீ விட்டமுள்ள வட்டம் வரைந்து வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 5 செ.மீ தொலைவிலுள்ள ஒரு புள்ளியைக் குறிக்கவும். அப்புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்குத் தொடுகோடுகள் வரைந்து தொடுகோட்டின் நீளங்களை அளவிடுக.
44. அ) ஒரு துணிக்கடையானது தனது வாடிக்கையாளர்களுக்கு வாங்கும் ஒவ்வொரு பொருளின் மீதும் 50% தள்ளுபடியை அறிவிக்கிறது. குறித்த விலைக்கும் தள்ளுபடிக்குமான வரைபடம் வரைக. மேலும்,
(i) வரைபடத்திலிருந்து, ஒரு வாடிக்கையாளர் ₹3250 ஜ தள்ளுபடியாகப் பெற்றால் குறித்த விலையைக் காண்க.
(ii) குறித்த விலையானது ₹2500 எனில் தள்ளுபடியைக் காண்க.
- (அல்லது)
ஆ) $y = x^2 + x$ யின் வரைபடம் வரைந்து, $x^2 + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

மாதிரி வினாக்கள் - 9

வகுப்பு: X

நேரம்: 3 மணி

கணக்கு

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. $R = \{(x, x^2) | x \text{ ஆனது } 13\text{-ஜி விடக் குறைவான பகா எண்கள்}\}$ என்ற உறவின் வீச்சுக்கமானது
1) $\{4, 9, 25, 49, 121\}$ 2) $\{1, 4, 9, 25, 49, 121\}$
3) $\{2, 3, 4, 5, 7\}$ 4) $\{2, 3, 5, 7, 11\}$
 2. $(A \times B) = 6$ மற்றும் $A = \{1, 3\}$ எனில் $n(B)$ ஆனது
1) 6 2) 3 3) 2 4) 1
 3. ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் 31 உறுப்புகள் உள்ளன. அதன் 16-வது, உறுப்பு 3 எனில், அந்தக் கூட்டுத்தொடர்வரிசையில் உள்ள எல்லா உறுப்புகளின் கூடுதல்.
1) 16 m 2) 62 m 3) $\frac{31}{2}$ m 4) 31 m
 4. $F_1 = 1, F_2 = 3$ மற்றும் $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ எனக் கொடுக்கப்படின் F_5 ஆனது
1) 8 2) 11 3) 3 4) 5
 5. $x + y - 3z = -6, -7y + 7z = 7, 3z = 9$ என்ற தொகுப்பின் தீர்வு
1) $x=-1, y=2, z=3$ 2) $x=1, y=-2, z=3$ 3) $x=1, y=2, z=3$ 4) $x=-1, y=-2, z=3$
 6. $\frac{3y-a}{y} \div \frac{7y-7}{ay^2}$ என்பது
1) $\frac{9y^3}{(21y-21)}$ 2) $\frac{9y}{7}$ 3) $\frac{21y^2 - 42y + 21}{(21y-21)}$ 4) $\frac{7(y^2 - 2y + 1)}{y^2}$
 7. இரு வடிவோத்த முக்கோணங்கள் ΔABC மற்றும் ΔPQR - யின் சுற்றளவுகள் முறையே 36 செ.மீ மற்றும் 24 செ.மீ ஆகும். $PQ = 10$ செ.மீ எனில், AB -யின் நீளம்.
1) $6 \frac{2}{3}$ செ.மீ 2) $66 \frac{2}{3}$ செ.மீ 3) $\frac{10\sqrt{6}}{3}$ செ.மீ 4) 15 செ.மீ
 8. 6 மீ மற்றும் 11 மீ உயரமுள்ள இரு கம்பங்கள் சமதளத் தரையில் செங்குத்தாக உள்ளன. அவற்றின் அடிகளுக்கு இடையேயுள்ள தொலைவு 12 மீ எனில், அவற்றின் உச்சிகளுக்கு இடையே உள்ள தொலைவு என்ன?
1) 12.8 மீ 2) 13 மீ 3) 14 மீ 4) 15 மீ
 9. (i) $I_1 : 3y = 4x + 5$ (ii) $I_2 : 4y = 3x - 1$ (iii) $I_3 : 4y + 3x = 7$ (iv) $I_4 : 4x + 3y = 2$ எனக் கொடுக்கப்பட்ட நான்கு நேர்கோடுகளுக்குக் கீழ்க்கண்ட கூற்றுகளில் எது உண்மை?
1) I_1 மற்றும் I_2 செங்குத்தானவை 2) I_2 மற்றும் I_3 இணையானவை
3) I_1 மற்றும் I_4 இணையானவை 4) I_2 மற்றும் I_4 செங்குத்தானவை
 10. இரண்டு நபர்களுக்கு இடைப்பட்ட தொலைவு x மீ ஆகும். முதல் நபரின் உயரமானது இரண்டாவது நபரின் உயரத்தைப் போல இரு மடங்காக உள்ளது. அவர்களுக்கு இடைப்பட்ட தொலைவு நேர்கோட்டின் மையப்புள்ளியிலிருந்து இரு நபர்களின் உச்சியின் ஏற்றக் கோணங்கள் நிரப்புக்கோணங்கள் எனில், குட்டையாக உள்ள நபரின் உயரம் (மீட்டரில்) காண்க.
1) $2x$ 2) $\sqrt{2x}$ 3) $\frac{x}{\sqrt{2}}$ 4) $\frac{x}{2\sqrt{2}}$
 11. $\operatorname{acot}\theta + b\operatorname{cosec}\theta = p$ மற்றும் $b\operatorname{cot}\theta + a\operatorname{sec}\theta = q$ எனில், $p^2 - q^2$ -ன் மதிப்பு
1) $a^2 + b^2$ 2) $a^2 - b^2$ 3) $b^2 - a^2$ 4) $b - a$

10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

28

12. 15 செ.மீ உயரமும் 16 செ.மீ விட்டமும் கொண்ட ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் வளைபாப்பு
 1) 68π ச.செ.மீ 2) 60π ச.செ.மீ 3) 136π ச.செ.மீ 4) 120π ச.செ.மீ
13. ஒரு புத்தகத்திலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு பக்கம் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அந்தப் பக்க எண்ணின் ஒன்றாம் இட மதிப்பானது 7-ஐ விடக் குறைவாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு
 1) $\frac{3}{9}$ 2) $\frac{7}{9}$ 3) $\frac{3}{10}$ 4) $\frac{7}{10}$
14. $x - 8, x - 5, x - 3, x, x + 2, x + 3$ மற்றும் $x + 7$ என்ற சில புள்ளி விவரங்களின் வீச்சுக் கெழு எனில்
 x -ன் மதிப்பு (இங்கு $x \in \mathbb{Z}^+$)
 1) 32 2) 23 3) 30 4) 1

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்யேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 2 = 20$

15. $X = \{1, 2, 3, 4\}$ $Y = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ மற்றும் $R = \{(1, 2), (2, 4), (3, 6), (4, 8)\}$ எனில், R ஆனது ஒரு சார்பு எனக் காட்டுக. மேலும் அதன் மதிப்பகம், துணை மதிப்பகம் மற்றும் வீச்சுக்குத்தைக் காண்க.
16. $f : N \rightarrow \mathbb{N}$ என்ற சார்பு $f(m) = m^2 + m + 3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் அது ஒன்றுக்கு ஒன்றான சார்பு எனக் காட்டுக.
17. 2^{81} ஜி 17 ஆல் வகுக்கும் போது கிடைக்கும் மீதி காண்க.
18. 729, 243, 81, என்ற பெருக்குத் தொடரின் 7 வது உறுப்பைக் காண்க. பெருக்குத் தொடரின் n ஆவது உறுப்பு.
19. $A = \begin{pmatrix} 5 & -4 \\ 6 & -5 \end{pmatrix}$. $A^2 = I$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
20. மீ.பொ.வ காண்க: $m^2 - 3m - 18, m^2 + 5m + 6$
21. 3 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 5 செ.மீ தொலைவில் உள்ள புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு வரையப்பட்ட தொடுகோட்டின் நீளம் காண்க.
22. $\sqrt{3}x + (1 - \sqrt{3})y = 3$ என்ற நேர்கோட்டு சமன்பாட்டின் சாய்வு, y – வெட்டுத்துண்டு ஆகியவற்றைக் காண்க.
23. $(-3, 5), (5, 6)$ மற்றும் $(5, -2)$ ஆகியவற்றை முனைகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பைக் காண்க.
24. $x = a \sec \theta + b \tan \theta$ மற்றும் $y = a \tan \theta + b \sec \theta$ எனில் $x^2 - y^2 = a^2 - b^2$ என நிறுவுக.
25. நீளம் 3 மீ மற்றும் விட்டம் 2.8 மீ உடைய ஒரு சமன்படுத்தும் உருளையைக் கொண்டு ஒரு கோட்டம் சமன்படுத்தப்படுகிறது. 8 சுற்றுகளில் எவ்வளவு பரப்பை உருளை சமன் செய்யும்?
26. இரு கோளங்களின் ஆரங்களின் விகிதம் 4 : 7 எனில், அவற்றின் கன அளவுகளின் விகிதம் காண்க.
27. கீழ்க்காணும் தரவுக்கு வீச்சு மற்றும் வீச்சுக் கெழுவைக் காண்க. 43.5, 13.6, 18.9, 38.4, 61.4, 29.8
28. ஒரு பகடை உருட்டப்படும் அதே நேரத்தில் ஒரு நாணயமும் சுண்டப்படுகிறது. பகடையில் ஒற்றைப்படை என் கிடைப்பதற்கும், நாணயத்தில் தலைக் கிடைப்பதற்குமான நிகழ்தகவைக் காண்க.

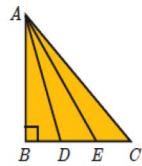
பகுதி – III

குறிப்பு: எவ்யேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

 $10 \times 5 = 50$

29. கொடுக்கப்பட்ட உறவுகள் ஒவ்வொன்றையும் (1) அம்புக்குறி படம் (2) வரைபடம் (3) பட்டியல் முறையில் குறிக்க. $\{(x, y) | x = 2y, x \in \{2, 3, 4, 5\}, y \in \{1, 2, 3, 4\}\}$
30. $f(x) = 3x + 1, g(x) = x + 3$ ஆகியவை இரு சார்புகள். மேலும் $gff(x) = fgf(x)$ எனில் x -ஜக் காண்க.
31. 300 க்கும் 600 க்கும் இடையே 7 ஆல் வகுபடும் அனைத்து இயல் எண்களின் கூடுதல் காண்க.
32. $64x^4 - 16x^3 + 17x^2 - 2x + 1$ என்பதன் வர்க்கமூலம் காண்க.

33. $x^2 + 6x - 4 = 0$ – யின் மூலங்கள் α, β எனில், கீழ்க்கண்டவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க. (i) α^2 மற்றும் β^2 (ii) $\alpha^2 \beta$ மற்றும் $\beta^2 \alpha$
34. படத்தில், செங்கோண முக்கோணம் ABC-யில் கோணம் B ஆனது செங்கோணம் மற்றும் D, E என்ற புள்ளிகள் பக்கம் BC-ஐ மூன்று சமபகுதிகளாக பிரிக்கிறது எனில், $8AE^2 = 4AC^2 + 5AD^2$ என நிறுவு.
35. A(2.5, 3.5), B(10, -4), C(2.5, -2.5) மற்றும் D(-5, 5) ஆகியன இணைகரத்தின் முனைப் புள்ளிகள் எனக் காட்டுக.
36. $7x + 3y = 10$, $5x - 4y = 1$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி வழியாகவும் $13x + 5y + 12 = 0$ என்ற நேர்கோட்டிற்கு இணையாகவும் அமையும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
37. $\frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = m$ மற்றும் $\frac{\cos \alpha}{\sin \beta} = n$, எனக் கொண்டு $(m^2 + n^2) \cos^2 \beta = n^2$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.
38. கடலின் நீர் மட்டத்திலிருந்து 40 மீட்டர்க்கு மேலே உள்ள ஒரு கப்பலின் மேல் பகுதியில் நின்று கொண்டிருக்கிற ஒருவர், குன்றின் உச்சியை 60° ஏற்றக்கோணத்திலும் அடிப்பகுதியை 30° இறக்கக்கோணத்திலும் காண்கிறார் எனில், கப்பலிலிருந்து குன்றுக்கு உள்ள தொலைவையும் குன்றின் உயரத்தையும் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
39. தொழிற்சாலையின் உலோக வாளி, கூம்பு இடைக்கண்ட வடிவில் உள்ளது. அதன் மேற்புற, அடிப்புற விட்டங்கள் முறையே 10 மீ, 4 மீ ஆகும். உயரம் 4 மீ எனில், இடைக்கண்டத்தின் வளைபரப்பு, மொத்தப்பரப்பு காண்க.
40. 14 செ.மீ விட்டமுள்ள குழாயிலிருந்து 15 கி.மீ/மணி என்ற வேகத்தில் 50 மீ நீளம் மற்றும் 44 மீ அகலம் கொண்ட ஒரு செவ்வக வடிவத் தொட்டியினுள் தண்ணீர் பாய்கிறது. எவ்வளவு நேரத்தில் தண்ணீரின் மட்டம் 21 செ.மீ க்கு உயரும்?
41. நன்கு கலைத்து அடுக்கப்பட்ட 52 சீட்டுகளைக் கொண்ட சீட்டுக்கட்டிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகிறது. அது (i) சிவப்பு நிறச் சீட்டு (ii) ஹார்ட் சீட்டு (iii) சிவப்பு நிற இராசா (iv) முக சீட்டு (v) எண் சீட்டாக இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவைக் கண்டறிக.
42. ஒரு சுவர் கடிகாரம் 1 மணிக்கு 1 முறையும், 2 மணிக்கு 2 முறையும், 3 மணிக்கு 3 முறையும் ஒலி எழுப்புகிறது எனில், ஒரு நாளில் அக்கடிகாரம் எவ்வளவு முறை ஒலி எழுப்பும்? மேலும் கடிகாரம் எழுப்பும் ஒலி எண்ணிக்கைகளின் திட்ட விலக்கம் காண்க.



பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $PQ = 4.5$ செ.மீ $\angle R = 35^\circ$ மற்றும் உச்சி R-யிலிருந்து வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $RG = 6$ செ.மீ என அமையுமாறு ΔPQR வரைக.

(அல்லது)

ஆ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR க்கு ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{3}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{3}{5} < 1$)

44. அ) $y = x^2 + 3x + 2$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 2x + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) $y = \frac{1}{2}x$ என்ற நேரிய சமன்பாட்டின்/சார்பின் வரைபடம் வரைக. விகிதசம மாறிலியை அடையாளம் கண்டு, அதனை வரைபடத்துடன் சரிபார்க்க. மேலும் (i) $x = 9$ எனில் y ஜக் காண்க. (ii) $y = 7.5$ எனில் x ஜக் காண்க.

★★★

மாதிரி வினாத்தாள் - 10

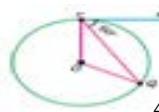
வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தை விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. $(a + 2, 4)$ மற்றும் $(5, 2a + b)$ ஆகிய வரிசைச் சோடிகள் சமம் எனில், (a, b) என்பது
1) $(2, -2)$ 2) $(5, 1)$ 3) $(2, 3)$ 4) $(3, -2)$
 2. $f: A \rightarrow B$ ஆனது இருபுறச் சார்பு மற்றும் $n(B) = 7$ எனில் $n(A)$ ஆனது
1) 1 2) 49 3) 14 4) 7
 3. ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையின் 6-வது உறுப்பின் 6 மடங்கும், 7-வது உறுப்பின் 7 மடங்கும் சமம் எனில், அக்கூட்டுத்தொடர்வரிசையின் 13-வது உறுப்பு
1) 0 2) 6 3) 7 4) 13
 4. யூக்ஸிடின் வகுத்தல் துணைத் தேற்றத்தின் படி a மற்றும் b என்ற மிகை முழுக்களுக்கு தனித்த மிகை முழுக்கள் q மற்றும் r , $a = bq + r$ என்றவாறு அமையுமானால் இங்கு r ஆனது.
1) $0 < r < b$ 2) $1 < r < b$ 3) $0 < r \leq b$ 4) $0 \leq r < b$
 5. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ மற்றும் $C = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 5 \end{pmatrix}$ எனில் பின்வருவனவற்றுள் எவை
(i) $AB + C = \begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$ (ii) $BC = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -3 \\ -4 & 10 \end{pmatrix}$ (iii) $BA + C = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ (iv) $(AB)C = \begin{pmatrix} -8 & 20 \\ -8 & 13 \end{pmatrix}$
1) (i) மற்றும் (ii) மட்டும் 2) (ii) மற்றும் (iii) மட்டும்
3) (ii), (iv) மட்டும் 4) அனைத்தும்
 6. $\frac{256x^8y^4z^{10}}{25x^6y^6z^6}$ ன் வர்க்க மூலம்
1) $\frac{16}{5} \left| \frac{x^2z^4}{y^2} \right|$ 2) $\frac{16}{5} \left| \frac{xz^2}{y} \right|$ 3) $\frac{16}{5} \left| \frac{y^2}{x^2z^4} \right|$ 4) $\frac{16}{5} \left| \frac{y}{xz^2} \right|$
 7. படத்தில் உள்ளவாறு O - ஐ மையமாகக் கொண்ட வட்டத்தின் தொடுகோடு PR எனில் $\angle POQ$ ஆனது
1) 90° 2) 120° 3) 100° 4) 110°

 8. கோட்டுத்துண்டு PQ-யின் சாய்வு $\frac{1}{\sqrt{3}}$ எனில், PQ -க்கு செங்குத்தான இரு சம வெட்டியில் சாய்வு
1) 0 2) $\sqrt{3}$ 3) $-\sqrt{3}$ 4) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
 9. Y அச்சில் அமையும் புள்ளி A-யின் செங்குத்துத் தொலைவு 8 மற்றும் X-அச்சில் அமையும் புள்ளி B-யின் கிடைமட்டத் தொலைவு 5 எனில், AB என்ற நேர்கோட்டின் சமன்பாடு
1) $8x - 5y = 40$ 2) $8x + 5y = 40$ 3) $y = 5$ 4) $x = 8$
 10. பல அடுக்குக் கட்டடத்தின் உச்சியிலிருந்து 20 மீ உயரமுள்ள கட்டடத்தின் உச்சி, அடி ஆகியவற்றின் இறக்கக்கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 60° எனில், பல அடுக்குக் கட்டடத்தின் உயரம் மற்றும் இரு கட்டடங்களுக்கு இடையேயுள்ள தொலைவானது (மீட்டரில்)
1) $30, 10\sqrt{3}$ 2) $30, 5\sqrt{3}$ 3) $20, 10$ 4) $20, 10\sqrt{3}$

11. r_1 அலகுகள் ஆரமுள்ள ஒரு கோளப்பந்து உருக்கப்பட்டு r_2 அலகுகள் ஆரமுடைய 8 சமகோள பந்துகளாக ஆக்கப்படுகிறது எனில் $r_1 : r_2$
- $1 : 4$
 - $4 : 1$
 - $1 : 2$
 - $2 : 1$
12. x -செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு திண்மக் கோளம் அதே ஆரமுள்ள ஒரு கூம்பாக மாற்றப்படுகிறது எனில், கூம்பின் உயரம்
- $4x$ செ.மீ
 - $3x$ செ.மீ
 - $2x$ செ.மீ
 - x செ.மீ
13. ஆங்கில எழுத்துகள் (a, b,, z) -யிலிருந்து ஓர் எழுத்து சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்வு செய்யப்படுகிறது. அந்த எழுத்து x -க்கு முந்தைய எழுத்துகளில் ஒன்றாக இருப்பதற்கான நிகழ்த்துவு?
- $\frac{1}{13}$
 - $\frac{12}{13}$
 - $\frac{3}{26}$
 - $\frac{23}{26}$
14. ஒரு தரவின் திட்டவிலக்கமானது 3. ஒவ்வொரு மதிப்பையும் 5-ஆல் பெருக்கினால் கிடைக்கும் புதிய தரவின் விலக்க வர்க்க சராசரியானது
- 15
 - 225
 - 3
 - 5

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $A = \{1, 2, 3, 4, \dots, 45\}$ மற்றும் R என்ற உறவு “A –யின் மீது, ஓர் எண்ணின் வர்க்கம்” என வரையறுக்கப்பட்டால் R –ஐ $A \times A$ –யின் உட்கணமாக எழுதுக. மேலும் R –க்கான மதிப்பகுத்தையும், வீச்சகத்தையும் காண்க.
16. $A = \{1, 2, 3, 7\}$ மற்றும் $B = \{3, 0, -1, 7\}$ எனில், பின்வருவனவற்றில் எவை A –லிருந்து B –க்கான உறவுகளாகும்? (i) $R_1 = \{(2, 1), (7, 1)\}$ (ii) $R_2 = \{(-1, 1)\}$ (iii) $R_3 = \{(2, -1), (7, 7), (1, 3)\}$ (iv) $R_4 = \{(7, -1), (0, 3), (3, 3), (0, 7)\}$
17. 16, 11, 6,... என்ற கூட்டுத் தொடரின் –54 என்பது எத்தனையாவது உறுப்பு?
18. $A = \begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$ எனில் $AA^T = 1$ நிரூபிக்க.
19. $\begin{pmatrix} a-b & 2a+c \\ 2a-b & 3c+d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ என்ற அணி சமன்பாட்டிலிருந்து a, b, c, d மதிப்புகளைக் காண்க.
20. இரண்டு பொது மைய வட்டங்களின் ஆரங்கள் 4 செ.மீ, 5 செ.மீ ஆகும். ஒரு வட்டத்தின் நாணானது மற்றொரு வட்டத்திற்குத் தொடுகோடாக அமைந்தால் அவ்வட்டத்தின் நாணின் நீளம் காண்க.
21. கொடுக்கப்பட்ட புள்ளிகள் ஒரு கோட்டில் அமையும் எனில் a ன் மதிப்பைக் காண்க.
(2, 3), (4, a), (6, -3)
22. கொடுக்கப்பட்ட இரு புள்ளிகள் வழிச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
 $\left(2, \frac{2}{3}\right)$ மற்றும் $\left(\frac{-1}{2}, -2\right)$
23. பொது விகிதம் மிகை எண்ணாக இருக்கும் ஒரு பெருக்கத் தொடரில் 4 உறுப்புகள் உள்ளன. முதல் 2 உறுப்புகளின் கூடுதல் 8 மற்றும் அதன் கடைசி 2 உறுப்புகளின் கூடுதல் 72 எனில் அத்தொடரைக் காண்க.
24. $\frac{\sin \theta}{\operatorname{cosec} \theta} = \frac{\cos \theta}{\sec \theta} = 1$ என்ற முற்றொருமையை நிறுவுக.
25. ஒரு கோளத்தின் புறப்பரப்பு 154 ச.மீ எனில், அதன் விட்டம் காண்க.
26. 250 ச.மீ கொண்ட ஓர் உருளையின் கணஅளவைக் காண்க.
27. ஒரு தரவின் திட்டவிலக்கம் 4.5 ஆகும். அதில் இருக்கும் தரவுப்புள்ளி ஒவ்வொன்றிலும் 5-ஐ கழிக்க கிடைக்கும் புதிய தரவின் திட்டவிலக்கம் காண்க.

28. இரண்டு நாணயங்கள் ஒன்றாகச் சூண்டப்படுகின்றன. இரண்டு நாணயங்களிலும் வெவ்வேறு முகங்கள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்த்தகவு என்ன?

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்வேலூம் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 5 = 50$

29. சார்பு $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ஆனது $f(x) = \begin{cases} 2x + 7 & x < -2 \\ x^2 - 2 & -2 \leq x < 3 \\ 3x - 2 & x \geq 3 \end{cases}$

- (i) $f(4)$ (ii) $f(-2)$ (iii) $f(4) + 2f(1)$ (iv) $\frac{f(1) - 3f(4)}{f(-3)}$ என் மதிப்பு காண்க.

30. கொடுக்கப்பட்ட $f(x), g(x), h(x)$ ஆகியவற்றைக் கொண்டு $(f \circ g) \circ h = f \circ (g \circ h)$ எனக் காட்டுக.
 $f(x) = x - 4, g(x) = x^2$ மற்றும் $h(x) = 3x - 5$

31. a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் உள்ள மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புக்கு மற்றும் x, y, z என்பன ஒரு பெருக்கு தொடர்வரிசையின் மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் எனில் $x^{b-c} y^{c-a} z^{a-b} = 1$ என நிறுவுக.

32. வகுத்தல் முறையில் பின்வரும் பல்லுறுப்புக்கோவைகளின் வர்க்கமூலம் காண்க.
 $37x^2 - 28x^3 + 4x^4 + 42x + 9$

33. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ எனில் $(AB)^T = B^T A^T$ என்பதைச் சரிபார்க்க.

34. அடிப்படை விகிதசம தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.
35. ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரு புள்ளி வழிக் செல்லும் எனக் காட்டுக.
36. $8x + 3y = 18, 4x + 5y = 9$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியின் வழியாகவும் $(5, -4)$ மற்றும் $(-7, 6)$ ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டுத் துண்டின் நடுப்புள்ளி வழியாகச் செல்லும் நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
37. $\sin\theta + \cos\theta = p \sec\theta + \operatorname{cosec}\theta = q$ எனில் $q(p^2 - 1) = 2p$ என நிறுவுக.
38. ஒருவர், கோபுரத்திலிருந்து விலகி கடலில் சென்று கொண்டிருக்கும் படகு ஒன்றை, கோபுரத்தின் உச்சியிலிருந்து பார்க்கிறார். தொலைவினில் படகு இருக்கும் போது, படகை அவர் 60° இறக்கக்கோணத்தில் காண்கிறார். 10 வினாடிகள் கழித்து இறக்கக்கோணம் 45° ஆக மாறுகிறது எனில், படகு செல்லும் வேகத்தினைத் (கி.மீ./மணியில்) தோரயமாக கணக்கிடுக. மேலும் படகு நிலையான தண்ணீரில் செல்கிறது எனக் கருதுக. ($\sqrt{3} = 1.732$)
39. நாதன் என்ற பொறியியல் மாணவர் ஓர் உருளையின் இருபுறமும் கூம்புகள் உள்ளவாறு மாதிரி ஒன்றை உருவாக்கினார். மாதிரியின் நீளம் 12 செ.மீ மற்றும் விட்டம் 3 செ.மீ ஆகும். ஒவ்வொரு கூம்பின் உயரமும் 2 செ.மீ இருக்குமானால் நாதன் உருவாக்கிய மாதிரியின் கனஅளவைக் காண்க.
40. ஓர் அரைக்கோள் வடிவக் கிண்ணத்தின் விளிம்பு வரையில் பழச்சாறு நிரம்பியுள்ளது. உயரத்தைவிட 50% அதிக ஆரம் கொண்ட உருளை வடிவப்பாத்திரத்திற்குப் பழச்சாறு மாற்றப்படுகிறது. அரைக்கோளம் மற்றும் உருளை ஆகியவற்றின் விட்டங்கள் சமமானால் கிண்ணத்திலிருந்து எவ்வளவு சதவீதப் பழச்சாறு உருளை வடிவ பாத்திரத்திற்கு மாற்றப்படும்?
41. இரண்டு பகடைகள் உருட்டப்படுகின்றன. இரண்டுமுக மதிப்புகளும் சமமாக இருக்க அல்லது முக மதிப்புகளின் கூடுதல் 4 ஆக இருப்பதற்கான நிகழ்த்தகவைக் காண்க.
42. 24, 26, 33, 37, 29, 31 ஆகியவற்றின் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.

பகுதி - IV

குறிப்பு: அணைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) $QR = 6.5$ செ.மீ $\angle P = 60^\circ$ மற்றும் உச்சி P -யிலிருந்து QR க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.5 செ.மீ உடைய ΔPQR வரைக.

(அல்லது)

ஆ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR யின் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{2}{3}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{2}{3}$)

44. அ) $y = x^2 - 4x + 3$ யின் வரைபடம் வரைந்து. அதன் மூலம் $x^2 - 6x + 9 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) ஒரு பேருந்து மணிக்கு 50 கி.மீ/மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது. இத்தொடர்புக்கான தூரம் - நேரம் வரைபடம் வரைந்து, பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

- (i) விகிதசம மாறிலியைக் காண்க. (ii) $1\frac{1}{2}$ மணி நேரத்தில் பயணிக்கும் தூரம் எவ்வளவு? (iii) 300 கி.மீ தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்?

www.Padasalai.Net

மாதிரி வினாக்கள் - 11

வகுப்பு: X

କଣାକୁ

நேரம்: 3 மணி

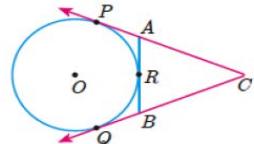
മതിപ്പെങ്കள്: 100

பகுதி - I

குறிப்பு: i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$$14 \times 1 = 14$$

ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.



10. ஒரு கோபுரத்தின் உயரத்திற்கும், அதன் நிழலின் நீளத்திற்கும் உள்ள விகிதம் $\sqrt{3}$: 1, எனில் சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோண அளவானது.
 1) 90° 2) 60° 3) 45° 4) 30°
11. ஒரு கூம்பின் அடிப்புற ஆரம் மும்மடங்காகவும் உயரம் இரு மடங்காகவும் மாறினால் கனஅளவு எத்தனை மடங்காக மாறும்?
 1) 6 மடங்கு 2) 12 மடங்கு 3) 18 மடங்கு 4) மாற்றமில்லை
12. கோளத்தின் புறப்பரப்பிற்குச் சமமானது
 1) கோளத்தின் மொத்தப் பரப்பு 2) அரைக்கோளத்தின் மொத்தப்பரப்பு
 3) அரைக்கோளத்தின் புறப்பரப்பு 4) இவற்றில் எதுவுமில்லை
13. 100 தரவுப் புள்ளிகளின் சராசரி 40 மற்றும் திட்ட விலக்கம் எனில், விலக்கங்களின் வர்க்கக் கூடுதலானது
 1) 30000 2) 40000 3) 160900 4) 160000
14. 8, 8, 8, 8, 8, , 8 ஆகிய தரவின் வீசு
 1) 8 2) 3 3) 1 4) 0

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $B \times A = \{(-2, 3), (-2, 4), (0, 3), (0, 4), (3, 3), (3, 4)\}$ எனில் A மற்றும் B ஆகியவற்றைக் காண்க.
16. $f(x) = 3x - 2$, $g(x) = 2x + k$ மற்றும் $f \circ g = g \circ f$ எனில், k யின் மதிப்பைக் காண்க.
17. கூடுதல் காண்க. $1 + 3 + 5 + \dots + 71$
18. தீர்க்க : $5x \equiv 4$ (மட்டு 6)
19. கீழ்க்கண்ட கோவையின் வர்க்க மூலம் காண்க $9x^2 - 24xy + 30xz - 40yz + 25z^2 + 16y^2$
20. $\frac{x^2 - 16}{x + 4} \div \frac{x - 4}{x + 4}$
21. வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 25 செ.மீ தொலைவினில் உள்ள P என்ற புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு வரையப்பட்ட தொடுகோட்டின் நீளம் 24 செ.மீ எனில், வட்டத்தின் ஆரம் என்ன?
22. $(3, -4)$ என்ற புள்ளியின் வழிக் கெல்லும் $-\frac{5}{7}$ ஜி சாய்வாக உடையதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
23. $12y = -(p + 3)x + 12$, $12x - 7y = 16$ ஆகிய நேர்கோடுகள் ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்து எனில் p-யின் மதிப்பைக் காண்க.
24. $\sqrt{\frac{1 + \sin \theta}{1 - \sin \theta}} = \sec \theta + \tan \theta$ முற்றொருமையை நிறுபிக்கவும்.
25. ஒரு கோள வடிவ வளிக் கூண்டினுள் (Balloon) காற்று உந்தப்படும் போது அதன் ஆரம் 12 செ.மீ லிருந்து 16 செ.மீ ஆக உயருகிறது. இரு புறப்பரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
26. ஒர் கூம்பின் இடைக்கண்டச் சாயுயரம் 5 செ.மீ ஆகும். அதன் இரு ஆரங்கள் 4 செ.மீ மற்றும் 1 செ.மீ எனில் இடைக்கண்டத்தின் வளைப்பைக் காண்க.
27. ஒரு சாதாரண ஆண்டில் (Non-leap year) 53 சனிக்கிழமைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?
28. ஒரு தரவின் திட்ட விலக்கம் 3.6 ஆகும். அதன் ஒவ்வொரு புள்ளியையும் 3 ஆல் வகுக்கும் போது கிடைக்கும் புதிய தரவின் திட்டவிலக்கம் மற்றும் விலக்க வர்க்கக் சராசரியைக் காண்க.

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$$10 \times 5 = 50$$

29. $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 < x < 4\}$, $B = \{x \in \mathbb{W} \mid 0 \leq x \leq 2\}$ மற்றும் $C = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 3\}$ என்க.
 $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பனவற்றைச் சரிபார்க்க.

30. f என்ற சார்பானது $[-7, 6)$ என வரையறுக்கப்பட்டால் $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + 1; & -7 \leq x < -5 \\ x + 5; & -5 \leq x \leq 2 \\ x - 1 & 2 < x < 6 \end{cases}$ எனில்

பின்வருவனவற்றைக் காண்க. (i) $2f(-4) + 3f(2)$ (ii) $f(-7) - f(-3)$ (iii) $\frac{4f(-3) + 2f(4)}{f(-6) - 3f(1)}$

31. ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையின் 5 உறுப்புகளின் பெருக்கற்பலன் 32 மேலும் கடைசி 2 உறுப்புகளின் பெருக்கற்பலன் 108 எனில் அந்த பெருக்குத் தொடரின் 5 உறுப்புகளைக் காண்க.
 32. 16 செ.மீ, 17 செ.மீ, 18 செ.மீ ,/ 30 செ.மீ ஆகியவற்றை முறையே பக்க அளவுகளாகக் கொண்ட 15 கன சதுரங்களின் கனஅளவைக் காண்க.

33. $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ மற்றும் $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ எனில் $(AB)C = A(BC)$ எனக் காட்டுக.

$$34. A = \frac{2x+1}{2x-1} \text{ மற்றும் } B = \frac{2x-1}{2x+1} \text{ எனில் } \frac{1}{A-B} - \frac{2B}{A^2-B^2} \text{ காண்க.}$$

35. படத்தில் ΔABC ஆனது ஒரு வட்டத்தைத் தொட்டுக்கொண்டு வட்டத்தைச் சுற்றி அமைந்துள்ளது எனில் BC -யின் நீளத்தைக் காண்க.

36. ஒரு தாமரைப்பூவானது தண்ணீர் மட்டத்திற்கு மேல் 20 செ.மீ உயரத்தில் உள்ளது. தண்டின் மீதிப்பகுதி தண்ணீர் மட்டத்திற்கு கீழே உள்ளது. காற்று வீசும்போது தண்டு தள்ளப்பட்டு தாமரைப்பூவானது தண்டின் ஆரம்ப நிலையிலிருந்து 40 செ.மீ தூரத்தில் தண்ணீரைத் தொடுகின்றது. ஆரம்பநிலையில் தண்ணீர் மட்டத்திற்கு கீழே உள்ள தண்டின் நீளம் காண்க.

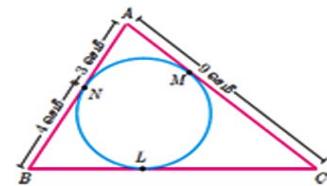
37. A (2, 2), B(-2, -3), C (1, -3) மற்றும் D(x, y) ஆகிய புள்ளிகள் இணைகரத்தை அமைக்கும் எனில் x மற்றும் y-யின் மதிப்பைக் காண்க.

38. 50மீ உயரமுள்ள ஒரு கோபுரத்தின் உச்சியில் இருந்து ஒரு மரத்தின் உச்சி மற்றும் அடி ஆகியவற்றின் இறக்கக்கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 45° எனில் ஒரு மரத்தின் உயரத்தைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)

39. ஒர் உள்ளீடற்ற அரைக்கோள ஓட்டின் உட்புற மற்றும் வெளிப்புற விட்டங்கள் முறையே 6 செ.மீ மற்றும் 10 செ.மீ ஆகும். அது உருக்கப்பட்டு 14 செ.மீ விட்டமுள்ள ஒரு திண்ம உருளையாக்கப்பட்டால், அவ்வுருளையின் உயரம் காணக்.

41. ஒரு பையில் 6 பச்சை நிறப்பந்துகளும், சில கருப்பு மற்றும் சிவப்பு நிறப்பந்துகளும் உள்ளன. கருப்பு பந்துகளின் எண்ணிக்கை, சிவப்பு பந்துகளைப் போல் இருமடங்காகும். பச்சை பந்து கிடைப்பதற்கான நிகழ்த்தகவு சிவப்பு பந்து கிடைப்பதற்கான நிகர்த்தகவைப் போல் மூன்று மடங்காகும். இவ்வாறெனில், (i) கருப்பு பந்துகளின் எண்ணிக்கை (ii) மொத்த பந்துகளின் எண்ணிக்கை ஆகியவற்றைக் காண்க.

42. 100 மாணவர்கள் கொண்ட ஒரு குழுவில், அவர்கள் எடுத்த மதிப்பெண்களின் சராசரி மற்றும் திட்ட விலக்கமானது முறையே 60 மற்றும் 15 ஆகும். பின்னர் 45 மற்றும் 72 என்ற இரு மதிப்பெண்களுக்குப் பதிலாக முறையே 40 மற்றும் 27 என்று தவறாகப் பதிவு செய்யப்பட்டது தெரிய வந்தது. அவற்றைச் சரி செய்தால் கிடைக்கப்பெறும் புதிய தரவின் சராசரியும் திட்டவிகலக்கமும் காண்க.



பகுதி - IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

43. அ) அடிப்பக்கம் $BC = 5.6$ செ.மீ $\angle A = 40^\circ$ மற்றும் $\angle A$ யின் இருசமவெட்டியானது அடிப்பக்கம் BC ஜ் $BD = 4$ செ.மீ என D யில் சந்திக்குமாறு அமையும் முக்கோணம் ΔABC வரைக.

(அல்லது)

ஆ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR யின் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{7}{4}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{7}{4} > 1$)

44. அ) ஒரு துணிக்கடையானது தனது வாடிக்கையாளர்களுக்கு வாங்கும் ஒவ்வொரு பொருளின் மீதும் 50% தள்ளுபடியை அறிவிக்கிறது. குறித்த விலைக்கும் தள்ளுபடிக்குமான வரைபடம் வரைக. மேலும்,
- (i) வரைபடத்திலிருந்து, ஒரு வாடிக்கையாளர் ₹3250 ஜ் தள்ளுபடியாகப் பெற்றால் குறித்த விலையைக் காண்க.
 - (ii) குறித்த விலையானது ₹2500 எனில் தள்ளுபடியைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) இருபடிச்சமன்பாட்டின் தீர்வுகளின் தன்மையை வரைபடம் மூலம் ஆராய்க.

$$x^2 - 8x + 16 = 0$$

| | | | | | |
|-----------------------|----|----|----|----|----|
| வேகம் (கி.மீ/மணி) x | 2 | 4 | 6 | 10 | 12 |
| நேரம் (மணியில்) y | 60 | 30 | 20 | 12 | 10 |

வேக-கால வரைபடம் வரைந்து அதிலிருந்து

- i) அவர் மணிக்கு 5 கி.மீ வேகத்தில் சென்றால் தூரத்தைக் கடக்க ஆகும் பயண நேரம்
- ii) அவர் இக்குறிப்பிட்ட தூரத்தை 40 மணிநேரத்தில் கடக்க எந்த வேகத்தில் பயணிக்க வேண்டும் ஆகியனவற்றைக் காண்க.



மாதிரி வினாத்தாள் - 12

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{4, 8, 9, 10\}$, என்க, சார்பு $f : A \rightarrow B$ ஆனது = $\{(1, 4), (2, 8), (3, 9), (4, 10)\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் f என்பது
 - 1) உட் சார்பு
 - 2) பலவற்றிலிருந்து ஒன்றுக்கான சார்பு
 - 3) சமனிச் சார்பு
 - 4) ஒன்றுக்கொன்றானசார்பு
 2. $n(A) = m$ மற்றும் $n(B) = n$ என்க. A -யிலிருந்து B -க்கு வரையறுக்கப்பட்ட வெற்று கணமில்லாத உறவுகளின் மொத்த எண்ணிக்கை.
 - 1) m^n
 - 2) n^m
 - 3) 2^{mn}
 - 4) $2^{mn} - 1$
 3. $\frac{3}{16}, \frac{1}{8}, \frac{1}{12}, \frac{1}{18}, \dots$ என்ற தொடர்வரிசையின் அடுத்த உறுப்பு
 - 1) $\frac{2}{3}$
 - 2) $\frac{1}{24}$
 - 3) $\frac{1}{27}$
 - 4) $\frac{1}{81}$
 4. ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையின் முதல் உறுப்பு 1 மற்றும் பொது வித்தியாசம் 4 எனில், பின்வரும் எண்களில் எது இந்தக் கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் அமையும்?
 - 1) 7881
 - 2) 10091
 - 3) 4551
 - 4) 13531
 5. A என்ற அணியின் வரிசை 2×3 , B என்ற அணியின் வரிசை 3×4 எனில், AB என்ற அணியில் நிரல்களின் எண்ணிக்கை
 - 1) 2
 - 2) 3
 - 3) 5
 - 4) 4
 6. கொடுக்கப்பட்ட அணி $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 & 7 \\ 2 & 4 & 6 & 8 \\ 9 & 11 & 13 & 15 \end{bmatrix}$ -க்கான நிரை நிரல் மாற்று அணியின் வரிசை
 - 1) 2×3
 - 2) 3×4
 - 3) 4×3
 - 4) 3×2
 7. வட்டத்தின் வெளிப்புறப் புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு எத்தனை தொடுகோடுகள் வரையலாம்?
 - 1) பூஜ்ஜியம்
 - 2) ஒன்று
 - 3) இரண்டு
 - 4) முடிவுற்ற எண்ணிக்கை
 8. ஒரு நேர்க்கோட்டின் சாய்வின் தலைகீழியானது $\sqrt{3}$ க்கு சமம் எனில் அந்த நேர்க்கோட்டின் சாய்வுக் கோணம் _____ ஆகும்.
 - 1) 60°
 - 2) 30°
 - 3) 45°
 - 4) 90°
 9. ஒரு கோபுரத்தின் உயரத்திற்கும், அதன் நிழலின் நீளத்திற்கும் உள்ள விகிதம் $\sqrt{3} : 1$, எனில் சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோண அளவானது.
 - 1) 90°
 - 2) 60°
 - 3) 45°
 - 4) 30°
 10. ஒரு மின்கம்பமானது அதன் அடியில் சமதளப் பரப்பில் உள்ள ஒரு புள்ளியில் 30° கோணத்தை ஏற்படுத்துகிறது. முதல் புள்ளிக்கு b மீ உயரத்தில் உள்ள இரண்டாவது புள்ளியிலிருந்து மின்கம்பத்தின் அடிக்கு இறக்கக்கோணம் 60° . எனில், மின்கம்பத்தின் உயரமானது.
 - 1) $\frac{b}{3}$
 - 2) $\frac{b}{\sqrt{3}}$
 - 3) $\sqrt{3} b$
 - 4) $\frac{b}{2}$

11. ஏற்றக்கோணம் மற்றும் இறக்கக்கோணங்களை அளவிடும் கருவி
 1) தியோடலைட் 2) கலெடாஸ்கோப் 3) பெரிஸ்கோப் 4) தொலைநோக்கி
12. கீழ்க்காணும் எந்த இரு உருவங்களை இணைத்தால் ஒரு இறகுபந்தின் வடிவம் கிடைக்கும்.
 1) கூம்பின் இடைக்கண்டம் மற்றும் அரைக்கோளம் \ 2) உருளை மற்றும் கோளம்
 3) கோளம் மற்றும் கூம்பு 4) அரைக்கோளம் மற்றும் கூம்பு
13. 36π செ.மீ³ கனஅளவு கொண்ட ஒரு கோளத்தின் ஆரம்
 1) 3 செ.மீ 2) 2 செ.மீ 3) 5 செ.மீ 4) 10 செ.மீ
14. P சிவப்பு, Q நீலம் மற்றும் R பச்சை நிறக் கூழாங்கற்கள் உள்ள ஒரு குடுவையில் இருந்து ஒரு சிவப்பு கூழாங்கல் எடுப்பதற்கான நிகழ்தகவானது.
- 1) $\frac{P+R}{P+Q+R}$ 2) $\frac{P+Q}{P+Q+R}$ 3) $\frac{P}{P+Q+R}$ 4) $\frac{Q}{P+Q+R}$

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $A = \{5, 6\}$, $B = \{4, 5, 6\}$, $C = \{5, 6, 7\}$ எனில், $A \times A = (B \times B) \cap (C \times C)$ எனக் காட்டுக.
16. $f = \{(-1, 3), (0, -1), (2, -9)\}$ ஆனது \mathbb{Z} –லிருந்து \mathbb{Z} –க்கான ஒரு நேரிய சார்பு எனில், $f(x)$ -ஐக் காண்க.
17. $1 + 2 + 3 + \dots + k = 325$, எனில், $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3$ யின் மதிப்பு காண்க.
18. $p_1^{x_1} \times p_2^{x_2} \times p_3^{x_3} \times p_4^{x_4} = 113400$ இங்கு, P_1, P_2, P_3, P_4 என்பன ஏறுவரிசையில் அமைந்த பகா எண்கள் மற்றும் x_1, x_2, x_3, x_4 என்பன முழுக்கள் எனில் P_1, P_2, P_3, P_4 மற்றும் x_1, x_2, x_3, x_4 ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.
19. கொடுக்கப்பட்ட சமன்பாட்டின் மூலங்கள் மெய் மற்றும் சமம் எனில், k -யின் மதிப்பைக் காண்க.
 $(5k - 6)x^2 + 2kx + 1 = 0$
20. $A = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 2 \\ -\sqrt{17} & 0.7 & \frac{5}{2} \\ 8 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ எனில், $(A^T)^T = A$ என்பதையைச் சரிபார்க்க
21. ΔABC – யின பக்கங்கள் AB மற்றும் AC –ல் அமைந்த புள்ளிகள் முறையே D மற்றும் E மேலும், $AB = 5.6$ செ.மீ, $AD = 1.4$ செ.மீ, $AC = 7.2$ செ.மீ மற்றும் $AE = 1.8$ செ.மீ எனில் $DE \parallel BC$ எனக் காட்டுக.
22. $(3, 4)$ என்ற புள்ளி வழிச்செல்வதும் ஆய அச்சுகளுக்கு இணையானதுமான நேர்கோடுகளின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
23. $(5, -3)$ மற்றும் $(7, -4)$ என்ற இருபுள்ளிகள் வழிச் செல்லும் நேர்க்கோட்டின் சமன்பாடு காண்க.
24. $\frac{\sec \theta}{\sin \theta} - \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \cot \theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.
25. இரண்டு நேர்வட்ட உருளைகளின் ஆரம் மற்றும் உயரங்களின் விகிதம் முறையே $3 : 2$ மற்றும் $5 : 3$ எனில் அவற்றின் வளைபரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
26. ஒரு திண்ம அரைக்கோளத்தின் அடிப்பரப்பு 1386 ச.மீ எனில் அதன் மொத்தப் புறப்பரப்பைக் காண்க.
27. கொடுக்கப்பட்ட தரவுப் புள்ளிகளுக்கு வீச்சு மற்றும் வீச்சுக் கெழு ஆகியவற்றைக் காண்க:
 25, 67, 48, 53, 18, 39, 44.
28. நன்கு கலைத்து அடுக்கிய 52 சீட்டுகளைக் கொண்ட கட்டிலிருந்து சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு சீட்டு எடுக்கப்படுகிறது. அது சிவப்பு இராசாவாக அல்லது கருப்பு இராணியாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்வேலூம் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

10×5=50

29. $A = \{6, 9, 15, 12, 21\}$, $B = \{1, 2, 4, 5, 6\}$ என்பன இரு கணங்கள் என்க. $f: A \rightarrow B$ எனும் சார்பு $f(x) = \frac{x-3}{3}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இச்சார்பினை (i) அம்புக்குறி (ii) அட்டவணை (iii) விரிசைச் சோடிகளின் கணம் (iv) வரைபடம் ஆகியவற்றால் குறிக்க.
30. S_1, S_2, S_3 என்பன முறையே கூட்டுத் தொடர்வரிசையின் முதல் உறுப்புகளின் கூடுதல் ஆகும். $S_3 = 3(S_2 - S_1)$ என நிறுவுக.
31. ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையின் 4-வது உறுப்பு $\frac{8}{9}$ மற்றும் 7-வது உறுப்பு $\frac{64}{243}$ எனில், அந்தப் பெருக்குத் தொடர்வரிசையைக் காண்க.
32. $f(x) = x - 4$, $g(x) = x^2$, $h(x) = 3x - 5$ என்ற மூன்று சார்புகளின் சேர்ப்பானது எப்பொழுதும் சேர்ப்பு விதியைக் பூர்த்தி செய்யும் என நிரூபிக்க.
33. $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 5 & 2 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 2 \\ -4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ எனில் $A(B + C) = AB + AC - \text{ஜீச் சரிபார்க்கவும்}$.
34. சென்னையிலிருந்து விருத்தாச்சலத்திற்கு 240 கி.மீ தூரத்தைக் கடக்க ஒரு பயணிகள் தொடர்வண்டிக்கு ஒரு விரைவு தொடர்வண்டியைவிட 1 மணி நேரம் கூடுதலாகத் தேவைப்படுகிறது. பயணிகள் தொடர்வண்டியின் வேகம், விரைவு தொடர்வண்டியின் வேகத்தைவிட 20 கி.மீ/மணி குறைவு எனில், இரு தொடர்வண்டிகளின் சராசரி வேகங்களைக் கணக்கிடுக.
35. முக்கோணம் ABC யில் $\angle B$ மற்றும் $\angle C$ ன் கோண இருசமவெட்டிகள் முறையே அதன் எதிர்பக்கங்களை மற்றும் என்ற புள்ளிகளில் சந்திக்கின்றது எனில் ΔABC ஒரு இருசமபக்க முக்கோணம் என நிறுவுக. (இங்கு $DE \parallel BC$).
36. ஓர் அறையின் தளமானது மாதிரியான முக்கோண வடிவத் தரை ஒடுகளைக் கொண்டு (tiles) அமைக்கப்படுகிறது. அதில் ஓர் ஒட்டின் முனைகள் $(3, -2), (-1, -1)$ மற்றும் $(1, 2)$ ஆகும். தரைத்தளத்தை முழுமையாக அமைக்க 110 ஒடுகள் தேவைப்படுகின்றது எனில் அதன் பரப்பைக் காண்க.
37. $7x - 3y = -12$ மற்றும் $2y = x + 3$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியையும், $3x + y + 2 = 0$ மற்றும் $x - 2y - 4 = 0$ ஆகிய நேர்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளியையும் இணைக்கும் நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
38. ஒரு கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியிலிருந்து எதிரெதிர் பக்கங்கள் உள்ள இரண்டு கப்பல்கள் 30° மற்றும் 60° இறக்கக்கோணத்தில் பார்க்கப்படுகின்றன. கலங்கரை விளக்கத்தின் உயரம் h மீ. இரு கப்பல்கள் மற்றும் கலங்கரை விளக்கத்தின் அடிப்பகுதி ஆகியவை ஒரே நேர்கோட்டில் அமைகின்றன எனில், இரண்டு கப்பல்களுக்கு இடைப்பட்ட தொலைவு $\frac{4h}{\sqrt{3}}$ மீ என நிரூபிக்க.
39. கித்தானைக்கொண்டு 7மீ ஆரமும் 24மீ உயரமும் உடைய ஒரு கூம்பு வடிவகூடாரம் உருவாக்கப்படுகிறது. செவ்வக வடிவ கித்தானின் அகலம் 4மீ எனில் அதன் நீளம் காண்க.
40. ஒரு உருளையின் மீது ஓர் அரைக்கோளம் இணைந்தவாறு உள்ள ஒரு பொம்மையின் மொத்த உயரம் 25 செ.மீ ஆகும். அதன் விட்டம் 12 செ.மீ எனில், பொம்மையின் மொத்த புறப்பரப்பைக் காண்க.
41. ஒரு பையில் 5 சிவப்பு நிறப் பந்துகளும், 6 வெள்ளை நிறப் பந்துகளும், 7 பச்சை நிறப்பந்துகளும் 8 கருப்பு நிறப்பந்துகளும் உள்ளன. சமவாய்ப்பு முறையில் பையிலிருந்து ஒரு பந்து எடுக்கப்படுகிறது. அந்தப் பந்து (i) வெள்ளை (ii) கருப்பு அல்லது சிவப்பு (iii) வெள்ளையாக இல்லாமல் (iv) வெள்ளையாகவும், கருப்பாகவும் இல்லாமல் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவுகளைக் காண்க.
42. ஒரு குறிப்பிட்ட வாரத்தில் 48 மாணவர்கள் தொலைக்காட்சி பார்ப்பதற்காகச் செலவிட்ட நேரம் கேட்டறியப்பட்டது. அந்தத் தகவலின் அடிப்படையில், கீழ்காணும் தரவின் திட்டவிலக்கம் காண்க.

| | | | | | | | |
|---|---|---|---|----|----|----|----|
| x | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| f | 3 | 6 | 9 | 13 | 8 | 5 | 4 |

பகுதி - IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

43. அ) P ஜி மையமாகக் கொண்ட 3.4 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒரு வட்டத்திற்கு R என்ற புள்ளியில் தொடுகோடு வரைக.

(அல்லது)

ஆ) அடிப்பக்கம் $BC = 8$ செ.மீ $\angle A = 60^\circ$ மற்றும் $\angle A$ யின் இருசம வெட்டியானது BC ஜி D என்ற புள்ளியில் $BD = 6$ செ.மீ என்றவாறு சந்திக்கிறது எனில் முக்கோணம் ΔABC வரைக.

44. அ) $y = 2x^2 - 3x - 5$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $2x^2 - 4x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) பேருந்து நிலையம் அருகே உள்ள இரு சுக்கர வாகனம் நிறுத்துமிடத்தில் பெறப்படும் கட்டணத் தொகை பின்வருமாறு

| | | | | |
|---------------------|----|-----|-----|-----|
| நேரம் (மணியில்) (x) | 4 | 8 | 12 | 24 |
| கட்டணத் தொகை ₹ (y) | 60 | 120 | 180 | 360 |

பெறப்படும் கட்டணத் தொகையானது வாகனம் நிறுத்தப்படும் நேரத்திற்கு நேர் மாறுபாட்டில் உள்ளதா அல்லது எதிர் மாறுபாட்டில் உள்ளதா என ஆராய்க. கொடுக்கப்பட்ட தரவுகளை வரைபடத்தில் குறிக்கவும்.

மேலும், (i) நிறுத்தப்படும் நேரம் 6 மணி எனில், கட்டணத் தொகையைக் காண்க.

(ii) ₹150 ஜி கட்டணத் தொகையாகச் செலுத்தி இருந்தால், நிறுத்தப்பட்ட நேரத்தின் அளவைக் காண்க.

www.Padasalai.net

மாதிரி வினாத்தாள் - 13

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $n(A) = p, n(B) = q$ எனில் A மற்றும் B க்கு இடையே கிடைக்கும் மொத்த உறவுகளின் எண்ணிக்கை
1) 2^p 2) 2^q 3) 2^{p+q} 4) 2^{pq}
2. $A = \{1, 2\}, B = \{1, 2, 3, 4\}, C = \{5, 6\}$ மற்றும் $D = \{5, 6, 7, 8\}$ எனில், கீழே கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது சரியான கூற்று.
1) $(B \times D) \subset (A \times C)$ 2) $(A \times C) \subset (B \times D)$ 3) $(A \times B) \subset (A \times D)$ 4) $(D \times A) \subset (B \times A)$
3. யூக்ஸிடின் வகுத்தல் துணைத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி, எந்த மிகை முழுவின் கணத்தையும் 9 ஆல் வகுக்கும் போது கிடைக்கும் மீதிகள்
1) 1, 3, 5 2) 1, 4, 8 3) 0, 1, 3 4) 0, 1, 8
4. $-3, -3, -3, \dots$ என்பது எத்தகைய தொடர் வரிசை?
1) கூட்டுத்தொடர் வரிசை 2) பெருக்குத் தொடர் வரிசை
3) மேற்கண்ட இரண்டும் அல்ல 4) கூட்டுத்தொடர் மற்றும் பெருக்குத்தொடர்
5. ஒரு நிரல் அணியின், நிரை நிரல் மாற்று அணி
1) நிரல் அணி 2) நிரை அணி 3) அலகு அணி 4) மூலைவிட்ட அணி
6. ஒரு பல்லுறுப்புக் கோவையானது முழுவர்க்கம் எனில் அதன் காரணிகள் _____ எண்ணிக்கையில் இடம் பெறும்.
1) ஒற்றைப்படை 2) பூச்சியம்
3) இரட்டைப் படை 4) மேற்கூறியவற்றில் எதுவும் இல்லை
7. கொடுக்கப்பட்ட படத்தின் $ST \parallel QR, PS = 2$ செ.மீ மற்றும் $SQ = 3$ செ.மீ எனில்,
 ΔPST -யின் பரப்பளவுக்கும் ΔPQR -யின் பரப்பளவுக்கும் உள்ள விகிதம்.
1) 25 : 7 2) 25 : 4 3) 25 : 13 4) 25 : 11
8. ஒரு நாற்கரமானது ஒரு சரிவகமாக அமையத் தேவையான நிபந்தனை
1) இரு பக்கங்கள் இணை மற்றும் இரு பக்கங்கள் இணையற்றவை
2) இரு பக்கங்கள் இணை
3) எதிரெதிர் பக்கங்கள் இணை
4) அனைத்துப் பக்கங்களும் சமம்
9. $\sin\theta + \cos\theta = a$ மற்றும் $\sec\theta + \cosec\theta = b$ எனில் $b(a^2 - 1)$ -ன் மதிப்பு
1) 0 2) 2a 3) 2ab 4) 3a
10.
$$\frac{\sin(90 - \theta)\sin\theta}{\tan\theta} + \frac{\cos(90 - \theta)\cos\theta}{\cot\theta} =$$

1) $\tan\theta$ 2) 1 3) -1 4) $\sin\theta$
11. ஒரு உருளையின் உயர்த்தை மாற்றாமல் அதன் ஆரத்தைப் பாதியாகக் கொண்டு புதிய உருளை உருவாக்கப்படுகிறது. புதிய மற்றும் முந்தைய உருளைகளின் கண அளவுகளின் விகிதம்.
1) 1 : 6 2) 1 : 8 3) 1 : 2 4) 1 : 4
12. கோளத்தின் புறப்பாப்பிற்குச் சமமானது
1) கோளத்தின் மொத்தப்பாப்பு
3) அரைக்கோளத்தின் புறப்பாப்பு 2) அரைக்கோளத்தின் மொத்தப்பாப்பு
4) இவற்றில் எதுவுமில்லை



13. ஒரு நபருக்கு வேலை கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவானது $\frac{x}{3}$. வேலை கிடைக்காமல் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு $\frac{2}{3}$ எனில், x -யின் மதிப்பானது.
- 1) 1 2) 1.5 3) 2 4) 3
14. ஒரு நாணயத்தை மூன்று முறை சுண்டும் சோதனையில் 3 தலைகள் அல்லது 3 பூக்கள் கிடைக்க நிகழ்தகவு
- 1) $\frac{1}{8}$ 2) $\frac{1}{4}$ 3) $\frac{3}{8}$ 4) $\frac{1}{2}$

பகுதி - II

குறிப்பு: எவ்யேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. $A \times B = \{(3, 2), (3, 4), (5, 2), (5, 4)\}$ எனில் A மற்றும் B -ஐ காண்க.
16. $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ என்ற சார்பு $f(x) = 2x - 1$ என வரையறுக்கப்பட்டால் அது ஒன்றுக்கு ஒன்றான சார்பு ஆனால் மேல் சார்பு இல்லை எனக் காட்டுக.
17. $P(A) = \frac{1}{2}$, $P(B) = \frac{7}{10}$, $P(A \cup B) = 1$ எனில் $P(A' \cup B')$ மதிப்பு காண்க.
18. எந்த இரு அடுத்தடுத்த மிகை முழுவும் சார்பகா எண்கள் என நிறுவுக.
19. $p^2 - 3p + 2$, $p^2 - 4$ ன் மீ.பொ.ம. காண்க.
20. பின்வரும் பெருக்குத் தொடர்வரிசையில் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.
4, 8, 16, ..., 8192
21. 18 உறுப்புகளைக் கொண்ட ஓர் அணிக்கு எவ்வகை வரிசைகள் இருக்க இயலும்? ஓர் அணியின் உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை 6 எனில், எவ்வகை வரிசைகள் இருக்க இயலும்?
22. மென்றாஸ் தேற்றத்தை எழுதுக.
23. x வெட்டுத்துண்டு 4, y வெட்டுத்துண்டு -6 கொண்ட நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
24. கீழ்க்கண்ட புள்ளிகளால் அமைக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.
 $(-10, -4)$, $(-8, -1)$ மற்றும் $(-3, -5)$
25. $\frac{\sin A}{1 + \cos A} = \frac{1 - \cos A}{\sin A}$ என நிரூபிக்க.
26. சாய்யரம் 19 செ.மீ கொண்ட கூம்பு வடிவக் கூடாரத்தில் நால்வர் உள்ளனர். ஒருவருக்கு 22 ச.செ.மீ பரப்பு தேவை எனில் கூடாரத்தின் உயரத்தைக் கணக்கிடவும்.
27. ஒரு நேர் வட்டக் கூம்பின் கணஅளவு 11088 க.செ.மீ ஆகும். கூம்பின் உயரம் 24 செ.மி எனில், அதன் ஆரம் காண்க.
28. சமவாய்ப்பு சோதனையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படும் ஒரு ஆண்டானது (i) நெட்டாண்டாக இருக்க நிகழ்தகவு யாது? (ii) சாதாரண ஆண்டாக இருக்க நிகழ்தகவு யாது?

பகுதி - III

குறிப்பு: எவ்யேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 5 = 50$

29. ஒரு துகள் ‘t’ (மணியில்) கால அளவில் கடந்த தூரமானது (கி.மீட்டரில்) $S(t) = \frac{t^2 + t}{2}$ எனக் கொடுக்கப் பட்டுள்ளது. அத்துகள், (i) மூன்றாற மணி (ii) 8 மணி மற்றும் 15 நிமிடங்கள் கால அளவிற்குப் பின் கடந்த தொலைவுகளைக் கண்டறிக.
30. $A = \{\text{இரட்டை பகா எண்களின் கணம்}\}$ $B = \{10 \text{ ஜி விடக் குறைவான } 3 \text{ ன் மடங்குகளின் கணம்}\}$
 $C = \{x \text{ என்பது } 5 \text{ ஆல் வகுபடும் இயல் எண்களின் கணம் } 1 \leq x \leq 25\}$ எனில்
 $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
31. a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையில் அமையும் எனில் 3^a , 3^b , 3^c ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையில் அமையும் எனக் காட்டுக.

32. பின்வருபவை முழு வர்க்கப் பல்லுறுப்புக் கோவைகள் எனில் a மற்றும் b -யின் மதிப்பு காண்க.
 $ax^4 + bx^3 + 361x^2 + 220x + 100$

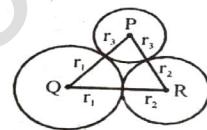
33. $A = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 1 \\ 2 & 3 & -8 \\ 1 & 0 & -4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 1 & 9 & 2 \\ -7 & 1 & -1 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 8 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & 3 \\ 2 & 4 & -1 \end{bmatrix}$ எனில் $A + (B + C) = (A + B) + C$ என்பதைச் சரிபார்க்க.

34. $3 + 33 + 333 + \dots + n$ உறுப்புகள் வரை கூடுதல் காண்க.

35. (h, 0), (a, b) மற்றும் (0, k) என்பன ஒரு நேர்க்கோட்டில் அமையும் புள்ளிகள் எனில் முக்கோணத்தின் பரப்பிற்கான சூத்திரத்தைப் பயன்படுத்தி $\frac{a}{h} + \frac{b}{k} = 1$ என நிறுவுக. இங்கு h, k $\neq 0$.

36. சுருக்குக: $\frac{1}{x^2 - 5x + 6} + \frac{1}{x^2 - 3x + 2} - \frac{1}{x^2 - 8x + 15}$

37. P, Q, R ஆகியவற்றை மையங்களாகக் கொண்ட மூன்று வட்டங்கள் படத்தில் காட்டியவாறு ஒரு வட்டமானது மற்ற இரு வட்டங்களை வெளிப்புறமாக தொட்டுக்கொள்கின்றது எனவும், அம்முக்கோணத்தின் மூன்று பக்கங்கள் 4 செ.மீ., 6 செ.மீ., 8 செ.மீ எனில் அம்மூன்று வட்டங்களின் ஆரங்களைக் காண்க.



38. A (-5, -4), B(1, 6) மற்றும் C(7, -4) ஆகியவற்றை முனைப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட முக்கோண வடிவக் கண்ணாடிக்கு வர்ணம் பூசப்படுகிறது. 6 சதுர அடி பரப்புக்கு வர்ணம் பூச ஒரு வாளி தேவைப்படுகிறது எனில் கண்ணாடியின் முழுப் பகுதியையும் ஒரு முறை வர்ணம் பூச எத்தனை வாளிகள் தேவைப்படும்?

39. $\cos\theta + \sin\theta = \sqrt{2} \cos\theta - \sin\theta = \sqrt{2} \sin\theta$ என நிரூபிக்க.

40. சீனுவீட்டின் மேல்நிலைநீர்த்தொட்டிஉருளைவடிவில் உள்ளது. அதன் ஆரம் 60 செ.மீ, உயரம் 105 செ.மீ ஆகும். 2 மீ \times 1.5 மீ \times 1 மீ பரிமாணங்களை உடைய ஒரு கனக்செவகக் கீழ்நிலை நீர் தொட்டியிலிருந்து நீர் உந்தப்பட்டு மேலேயுள்ள உருளை வடிவத் தொட்டி முழுமையாக நிரப்பப்படுகிறது. தொட்க்கத்தில் கீழ்த் தொட்டியால் நீர் முழுமையாக இருப்பதாகக் கருதுக. மேல்நிலை தொட்டிக்கு நீர் ஏற்றிய பிறகு மீதமுள்ள நீரின் கன அளவைக் காண்க.

41. 18 செ.மீ ஆரமுள்ள திண்ம உலோக கோளமானது உருக்கப்பட்டு மூன்று சிறிய வெவ்வேறு அளவுள்ள கோளங்களாக வார்க்கப்படுகின்றது. அவ்வாறு வார்க்கப்பட்ட இரண்டு திண்மக் கோளங்களின் ஆரங்கள் முறையே 2 செ.மீ மற்றும் 12 செ.மீ எனில் மூன்றாவது கோளத்தின் ஆரத்தைக் காண்க.

42. 8 மாணவர்கள் ஒரு நாளில் வீட்டுப் பாடத்தை முடிப்பதற்கு எடுத்துக் கொள்ளும் கால அளவுகள் (நிமிடங்களில்) பின்வருமாறு கொடுக்கப்பட்டுள்ளது.

38, 40, 47, 44, 46, 43, 49, 53. இத்தரவின் மாறுபாட்டுக் கெழுவைக் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து விளாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) 4 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டம் வரைக. வட்டத்தின் மீதுள்ள L என்ற புள்ளி வழியாக மாற்று வட்டத்துண்டு தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி வட்டத்திற்குத் தொடுகோடு வரைக.

(அல்லது)

ஆ) $AB = 5.5$ செ.மீ $\angle C = 25^\circ$ மற்றும் உச்சி C -யிலிருந்து AB க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4 செ.மீ உடைய $\triangle ABC$ வரைக.

44. அ) $y = 2x^2$ என்ற வரைபடம் வரைந்து அதன் மூலம் $2x^2 - x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.

(அல்லது)

ஆ) $y = \frac{1}{2}x$ என்ற நேரிய சமன்பாட்டின்/சார்பின் வரைபடம் வரைக. விகிதசம மாறிலியை அடையாளம் கண்டு, அதனை வரைபடத்துடன் சரிபார்க்க. மேலும் (i) $x = 9$ எனில் y ஐக் காண்க.

(ii) $y = 7.5$ எனில் x ஐக் காண்க.

மாதிரி வினாக்கள் - 14

வகுப்பு: X

நேரம்: 3 மணி

கணக்கு

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தே விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ -லிருந்து, B என்ற கணத்திற்கு 1024 உறவுகள் உள்ளது எனில், B ல் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை

| | | | |
|------|------|------|------|
| 1) 2 | 2) 3 | 3) 4 | 4) 8 |
|------|------|------|------|
 2. பின்வருவனவற்றுள் எது சரியல்ல?
 - 1) சார்பு என்பது இருமாறிகளுக்கு இடைப்பட்ட தொடர்பினை குறிப்பதாகும்.
 - 2) A யும் B யும் ஏதேனும் இரு வெற்றற்ற கணங்கள் எனவும் வரிசை சோடிகளின் கணமாக குறிக்கப்படும் எந்த ஒரு சார்பு $f : A \rightarrow B$ யும் $B \times A$ என்ற கார்ட்டீசியன் பெருக்கலின் உட்கணமாகும்.
 - 3) ஒரு சார்பு ஒன்றுக்கு ஒன்றான சார்பு எனில் துணை மதிப்பகத்தில் உள்ள எந்த ஒரு வெவ்வேறு உறுப்புகளும் ஒரே முன் உருவினை மதிப்பகத்தில் பெற்றிருக்காது.
 - 4) ஒரு சார்பு “ஒன்றுக்கு ஒன்றான சார்பா?” என்பதை சோதிக்க கிடைமட்டக்கோட்டு சோதனை பயன்படுகிறது.
 3. 65 மற்றும் 117 -யின் மீ.பொ.வ வை $65m - 117$ என்ற வடிவில் எழுதும் போது m-ன் மதிப்பு

| | | | |
|------|------|------|------|
| 1) 1 | 2) 3 | 3) 2 | 4) 4 |
|------|------|------|------|
 4. $\sum n = 55$, எனில், $\sum n^3 = \dots$

| | | | |
|---------|-----------|---------|-------|
| 1) 3025 | 2) 166375 | 3) 1540 | 4) 55 |
|---------|-----------|---------|-------|
 5. $2X + \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 9 & 5 \end{pmatrix}$ எனில், X என்ற அணியைக் காண்க.

| | | | |
|---|---|--|--|
| 1) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ | 2) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ | 3) $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ | 4) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ |
|---|---|--|--|
 6. $x^2 + 4x + 4$ என்ற இருபடி பல்லுறுப்புக் கோவை X அக்ஷோடு வெட்டும் புள்ளிகளின் எண்ணிக்கை

| | | | |
|---------------|------|------|------|
| 1) 0 அல்லது 1 | 2) 0 | 3) 1 | 4) 2 |
|---------------|------|------|------|
 7. ΔLMN -யில் $\angle L = 60^\circ$, $\angle M = 50^\circ$, மேலும் $\Delta LMN \sim \Delta PQR$ எனில், $\angle R$ -யின் மதிப்பு

| | | | |
|---------------|---------------|---------------|----------------|
| 1) 30° | 2) 40° | 3) 70° | 4) 110° |
|---------------|---------------|---------------|----------------|
 8. $x = 11$ எனக் கொடுக்கப்பட்ட நேர்கோட்டின் சமன்பாடானது

| | |
|-------------------------------|---------------------------------------|
| 1) ஆதிப்புள்ளி வழிச் செல்லும் | 2) (0, 11) என்ற புள்ளி வழிச் செல்லும் |
| 3) X - அச்சுக்கு இணை | 4) Y - அச்சுக்கு இணை |
 9. $8y = 4x + 21$, என்ற நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டிற்குக் கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது உண்மை?

| | |
|--|--|
| 1) சாய்வு 0.5 மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு 1.6 | 2) சாய்வு 0.5 மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு 2.6 |
| 3) சாய்வு 5 மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு 2.6 | 4) சாய்வு 5 மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு 1.6 |
 10. $(1 + \tan\theta + \sec\theta)(1 + \cot\theta - \operatorname{cosec}\theta)$ -ன் மதிப்பு

| | | | |
|-------|------|------|------|
| 1) -1 | 2) 0 | 3) 1 | 4) 2 |
|-------|------|------|------|
 11. இடைகண்டத்தை ஒரு பகுதியாகக் கொண்ட ஒரு கூம்பின் உயரம் மற்றும் ஆரம் முறையே h_1 அலகுகள் மற்றும் r_1 அலகுகள் ஆகும். இடைக்கண்டத்தின் உயரம் மற்றும் சிறிய பக்க ஆரம் முறையே h_2 அலகுகள் மற்றும் r_2 அலகுகள் மற்றும் $h_2 : h_1 = 1 : 2$ எனில் $r_2 : r_1$ ன் மதிப்பு

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| 1) 1 : 2 | 2) 2 : 1 | 3) 1 : 3 | 4) 3 : 1 |
|----------|----------|----------|----------|

12. r அலகுகள் ஆரம் உடைய இரு சம அரைக்கோளங்களின் அடிப்பகுதிகள் இணைக்கப்படும் போது உருவாகும் திண்மத்தின் புறப்பரப்பு
 1) $3\pi^2$ ச.அ 2) $4\pi^2$ ச.அ 3) $6\pi^2$ ச.அ 4) $8\pi^2$ ச.அ
13. ஒரு பணப்பையில் ரூ. 2000 நோட்டுகள் 10-ம், ரூ. 500 நோட்டுகள் 15-ம், ரூ. 200 நோட்டுகள் 25-ம் உள்ளன. ஒரு நோட்டு சமவாய்ப்பு முறையில் எடுக்கப்படுகின்றது எனில், அந்த நோட்டு ரூ. 500 நோட்டாகவோ அல்லது ரூ. 200 நோட்டாகவோ இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு என்ன?
 1) $\frac{4}{5}$ 2) $\frac{2}{3}$ 3) $\frac{3}{10}$ 4) $\frac{1}{5}$
14. முதல் ‘n’ இயல் எண்களின் சராசரி
 1) $\frac{n(n+1)}{2}$ 2) $\frac{n}{2}$ 3) $\frac{n+1}{2}$ 4) n

பகுதி – II

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. பின்வருவனவற்றிற்கு $A \times B$, $A \times A$ மற்றும் $B \times A$ ஐக் காண்க. $A = \{2, -2, 3\}$ மற்றும் $B = \{1, -4\}$
16. $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + k^3 = 44100$ எனில் $1 + 2 + 3 + \dots + k$ யின் மதிப்பு காண்க.
17. 32 மற்றும் 60 ஆகியவற்றின் மீப்பெரு பொது வகுத்தி d என்க. $d = 32x + 60y$ எனில் x மற்றும் y என்ற முழுக்களைக் காண்க.
18. $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = N$ மற்றும் $f : A \rightarrow B$ ஆனது $f(x) = x^3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் f ன் வீச்சகத்தைக் காண்க. மேலும் எவ்வகை சார்பு என கூறுக.
19. $A = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ எனில், AB மற்றும் BA –ஐக் காண்க. மேலும், AB = BA என்பதைச் சரிபார்க்க.
20. $(2x^2 - 3xy)^2$, $8x^3 - 27y^3$, $(4x - 6y)^3$ ன் மீ.பொ.ம. காண்க.
21. சீவாஸ் தேற்றத்தை எழுதுக.
22. $8x - 7y + 6 = 0$ என்ற கோட்டின் சாய்வு மற்றும் வெட்டுத்துண்டு ஆகியவற்றைக் காண்க.
23. $5x - 2y - 9 = 0$ மற்றும் $ay + 2x - 11 = 0$ ஆகியன ஒன்றுக்கொன்று செங்குத்து எனில் a ன் மதிப்பு காண்க.
24. $\sec^6 \theta = \tan^6 \theta + 3\tan^2 \theta \sec^2 \theta + 1$ முற்றொருமையை நிருபிக்கவும்.
25. ஒர் உருளையின் ஆரம் மற்றும் உயரங்களின் விகிதம் 5 : 7 ஆகும். அதன் வளைபாரப்பு 5500 ச.செ.மீ எனில், உருளையின் ஆரம் மற்றும் உயரம் காண்க.
26. 4.2 மீ விட்டமுடைய ஒரு அரைக்கோள வடிவத் தொட்டியில் எத்தனை லிட்டர் தண்ணீர் கொள்ளும்?
27. ஒரு தரவின் வீச்சு மற்றும் மிகச் சிறிய மதிப்பு ஆகியன முறையே 36.8 மற்றும் 13.4 எனில், மிகப்பெரிய மதிப்பைக் காண்க.
28. $P(A) = 0.37$, $P(B) = 0.42$, $P(A \cap B) = 0.09$, எனில் $P(A \cup B)$ ஐக் காண்க.

பகுதி – III

குறிப்பு: எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 5 = 50$

29. $f(x) = x^2$, $g(x) = 2x$ மற்றும் $h(x) = x + 4$ எனில் $f \circ (goh) = (fog)oh$ என்பதை சரிபார்க்க.
30. ஒரு கூட்டுத் தொடர்வரிசையின் l, m மற்றும் n ஆவது உறுப்புகள் முறையே x, y மற்றும் z எனில் பின்வருவனவற்றை நிருபிக்க.
- (i) $x(m-n) + y(n-1) + z(l-m) = 0$ (ii) $(x-y)m + (y-z)l + z(z-x)m = 0$
31. a, b, c என்பன அடுத்தடுத்து வரும் மூன்று கூட்டுத் தொடர் (A.P) மற்றும் x, y, z என்பன அடுத்தடுத்து வரும் மூன்று எண்களின் பெருக்கல் பலன் (G.P) எனில் $x^{b-c} y^{c-a} z^{a-b} = 1$ காண்க.
32. $\begin{pmatrix} d & 8 \\ 3b & a \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 3 & a \\ -2 & -4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 2a \\ b & 4c \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -5 & 0 \end{pmatrix}$ a, b, c, d காண்க.
33. $A = \{x \mid -3 \leq x < 4, x \in \mathbb{R}\}$, $B = \{x \mid x < 5, x \in \mathbb{N}\}$ மற்றும் c = {-5, -3, -1, 0, 1, 3} எனில் $A \times (B - C) = (A \times B) - (A \times C)$ என நிருபிக்க.

34. $2x^2 - 7x + 5 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் அமற்றும் ரீதில், பின்வருவனவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க. (குறிப்பு : தீர்வு தேவையில்லை) $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}, \frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$
35. 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டத்தில் PQ ஆனது 8 செ.மீ நீளமுள்ள நாண் ஆகும். P மற்றும் Q வின் வழியே செல்லும் தொடுகோடுகள் என்ற புள்ளியில் சந்திக்கின்றது எனில், TP என்ற தொடுகோட்டின் நீளம் காண்க.
36. A (-3, 9), B(a, b) மற்றும் C(4, -5) என்பன ஒரு கோட்டமைந்த புள்ளிகள் மற்றும் $a + b = 1$ எனில் a மற்றும் b -யின் மதிப்பைக் காண்க.
37. (3, 4), (-1, 2) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டுத்துண்டின் மையக் குத்துக் கோட்டின் (perpendicular bisector) சமன்பாட்டைக் காண்க.
38. 13 மீ உயரமுள்ள ஒரு மரத்தின் உச்சியிலிருந்து மற்றொரு மரத்தின் உச்சி மற்றும் அடியின் ஏற்றக் கோணம் மற்றும் இறக்கக்கோணம் முறையே 45° மற்றும் 30° எனில், இரண்டாவது மரத்தின் உயரத்தைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)
39. 120 செ.மீ நீளமும் 84 செ.மீ விட்டமும் கொண்ட ஒரு சாலையை சமப்படுத்தும் உருளையைக் கொண்டு (Road Roller) ஒரு விளையாட்டுத்திடல் சமப்படுத்தப்படுகின்றது. விளையாட்டுத் திடலை சமப்படுத்த இவ்வருளை 500 முழுச் சுற்றுகள் சூழல் வேண்டும். விளையாட்டுத் திடலை சமப்படுத்த ஒரு ச.மீட்டருக்கு 74 பைசா வீதம் திடலைச் சமப்படுத்த ஆகும் செலவைக் காண்க.
40. விட்டம் 14 செ.மீ, உயரம் 8 செ.மீ உடைய ஒரு திண்ம நேர்வட்டக் கூம்பு, ஒர் உள்ளீடற் கோளமாக உருமாற்றப்படுகிறது. கோளத்தின் வெளிவிட்டம் 10 செ.மீ எனில், உள்விட்டத்தைக் காண்க.
41. அம்புக்குறி சுழற்றும் விளையாட்டில் 1, 2, 3, ..., 12 என்ற எண்கள் சமவாய்ப்பு முறையில் கிடைக்க வாய்ப்புள்ளது. அம்புக்குறியானது (i) 7 (ii) பகா எண் (iii) பகு எண் ஆகியவற்றில் நிற்பதற்கான நிகழ்தகவுகளைக் கண்டறிக.
42. ஒரு வகுப்பிலுள்ள மாணவர்கள், குறிப்பிட்ட பாடத்தில் பெற்ற மதிப்பெண்கள் கீழ்க்கண்டவாறு கொடுக்கப்பட்டுள்ளன.

| | | | | | | | |
|-----------------------|------|-------|-------|-------|-------|---------|---------|
| மதிப்பெண்கள் | 0-10 | 10-20 | 20-30 | 30-40 | 40-50 | 50 - 60 | 60 - 70 |
| மாணவர்களின் எண்ணிக்கை | 8 | 12 | 17 | 14 | 9 | 7 | 4 |

இத்தரவிற்குத் திட்டவிலக்கம் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

$2 \times 8 = 16$

43. அ) 5 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டத்தின் மையத்திலிருந்து 10 செ.மீ தொலைவிலுள்ள புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்குத் தொடுகோடுகள் வரையவும். மேலும் தொடுகோட்டின் நீளங்களைக் கணக்கிடுக.
(அல்லது)
ஆ) $PQ = 6.5$ செ.மீ $\angle R = 55^\circ$ மற்றும் உச்சி R -யிலிருந்து வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $RG = 6$ செ.மீ என அமையுமாறு ΔPQR வரைக.
44. அ) $y = x^2 - 5x - 6$ யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 - 5x - 14 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

(அல்லது)

ஆ) ஒரு நிறுவனமானது தொடக்கத்தில் 40 வேலையாள்களுடன் 150 நாள்களில் ஒரு வேலையை முடிக்க தொடங்கியது பிறகு, வேலையை விரைவாக முடித்திட பின்வருமாறு வேலையாள்களை அதிகரித்தது.

| | | | | |
|-----------------------------|-----|-----|-----|----|
| வேலையாள்களின் எண்ணிக்கை (x) | 40 | 50 | 60 | 75 |
| நாள்களின் எண்ணிக்கை (y) | 150 | 120 | 100 | 80 |

- (i) மேலே கொடுக்கப்பட்டுள்ள தரவுகளுக்கு வரைபடம் வரைந்து மாறுபாட்டின் வகையை அடையாளம் காண்க.
(ii) வரைபடத்திலிருந்து, நிறுவனமானது 120 வேலையாள்களை வேலைக்கு அமர்த்த விரும்பினால், வேலை முடிய எத்தனை நாள்கள் ஆகும் எனக் காண்க.
(iii) வேலையானது 30 நாள்களில் முடிய வேண்டும் எனில், எத்தனை வேலையாள்கள் தேவை?

★ ★ ★

மாதிரி வினாத்தாள் - 15

வகுப்பு: X

கணக்கு

நேரம்: 3 மணி

மதிப்பெண்கள்: 100

பகுதி - I

- குறிப்பு:** i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். $14 \times 1 = 14$
ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்படுத்தை விடையைத் தோந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.
1. $g = \{(1, 1), (2, 3), (3, 5), (4, 7)\}$ என்ற சார்பானது $g(x) = ax + b$ எனக் கொடுக்கப்பட்டால் a, b -ன் மதிப்பானது
1) (1, 2) 2) (-1, 2) 3) (2, -1) 4) (-1, -2)
 2. பின்வரும் கூற்றுகளை கவனமுடன் படிக்க.
1) ஒரு மாறிலிச் சார்பின் வரைபடமானது x அச்சுக்கு இணையாக செல்லும் ஒரு நேர்க்கோட்டினைக் குறிப்பதாகும்.
2) சார்புகளின் சேர்ப்பு எப்பொழுதும் சேர்ப்பு விதிக்கு உட்பட்டதாகும்.
3) ஒரு இருபரிமாணத் தளத்தின் முதல் மற்றும் நான்காம் கால்பகுதியில் மட்டுமே ஒரு மட்டுச் சார்பின் வரைபடம் இருக்கும்.
4) ஒரு சார்பு “சமனிச் சார்பு” எனில் மதிப்பகத்தில் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கையும், வீச்சகத்தில் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கையும் சமமாக இருக்கும்.
 3. இப்பொழுது பின்வருவனவற்றுள் எது சரி என்பதை தீர்மானிக்க:
1) i, ii, iii மட்டும் 2) i, ii, iv மட்டும் 3) ii, iii, iv மட்டும் 4) அனைத்தும்
 4. $2 + 4 + 6 + \dots + 2k = 90$ எனில் k -ன் மதிப்பு
1) 8 2) 9 3) 10 4) 11
 5. $1 - x + x^2 - x^3 + x^4 = \dots (x \neq 1)$
1) $-x^5$ 2) $\frac{x^5 + 1}{x + 1}$ 3) $\frac{x^5 - 1}{x + 1}$ 4) இவற்றில் எதுவுமில்லை
 6. $x^3 - a^3$ மற்றும் $(x - a)^2$ இன் மீ.சி.ம
1) $(x^3 - a^3)(x + a)$ 2) $(x^3 - a^3)(x - a)^2$
3) $(x - a)^2(x^2 + ax + a^2)$ 4) $(x + a)^2(x^2 + ax + a^2)$
 7. கீழ்க்காண்பனவற்றுள் எது சரியல்ல?
1) இரு வடிவொத்த முக்கோணங்களின் பரப்புகளின் விகிதம் $64 : 81$ எனில் அவற்றின் பக்கங்களின் விகிதம் $8 : 9$ ஆகும்.
2) ஒரு முக்கோணத்தில் சீவியன்கள் சந்திக்கும் புள்ளியானது, ஓவ்வொரு சிவியனையும் எந்த விகிதத்தில் பிரிக்கும் எனில், சீவியன்கள் சந்திக்கும் புள்ளியானது அம்முக்கோணத்தின் செங்கோட்டு மையம் என அழைக்கப்படும்.
3) இரு வட்டங்கள் ஒன்றையொன்று உட்புறமாக தொட்டுக்கொள்ளும் எனில் ஆரங்களின் வித்தியாசமானது மையங்களுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தினைக் குறிக்கும்.
4) ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் கர்ணத்தின் மீது வரையப்படும் சதுரத்தின் பரப்பானது ஏனைய இருபக்கங்களின் மீது வரையப்படும் சதுரங்களின் பரப்பளவுகளின் கூடுதலுக்கு சமம்.
 8. A (6, 1), B (8, 2), C (9, 4) மற்றும் D (P, 3) என்பன ஒரு இணைகரத்தின் வரிசை கிரமமாக எடுத்துக் கொள்ளப்பட்ட முனைகள் எனில் P -ன் மதிப்பு.
1) -7 2) 7 3) 6 4) -6
 9. $(12, 3), (4, a)$ என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டின் சாய்வு $\frac{1}{8}$ எனில் a -யின் மதிப்பு
1) 1 2) 2 3) 4 4) -5

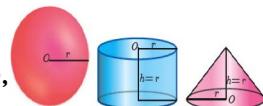
10. ஒரு கோபுரத்தின் உயரம் 60 மீ ஆகும். சூரியனைக் காணும் ஏற்றக்கோணம் 30° -யிலிருந்து 45° ஆக உயரும்போது, கோபுரத்தின் நிழலானது x மீ குறைகிறது எனில், x ன் மதிப்பு
 1) 43 2) 41.92 3) 43.92 4) 45.6
11. ஒர் உள்ளீட்டற் உருளையின் வெளிப்புற மற்றும் உட்புற ஆரங்களின் கூடுதல் 14 செ.மீ மற்றும் அதன் தடிமன் 4 செ.மீ ஆகும். உருளையின் உயரம் 20 செ.மீ எனில், அதனை உருவாக்கப் பயன்பட்ட பொருளின் கன அளவு
 1) 56π க.செ.மீ 2) 3600π க.செ.மீ 3) 5600π க.செ.மீ 4) 11200π க.செ.மீ
12. 16 செ.மீ உயரமுள்ள ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் இடைக்கண்ட ஆரங்கள் 8 செ.மீ மற்றும் 20 செ.மீ எனில், அதன் கன அளவு
 1) 3228π க.செ.மீ 2) 3240π க.செ.மீ 3) 3328π க.செ.மீ 4) 3340π க.செ.மீ
13. x, y, z ஆகியவற்றின் தீட்டவிலக்கம் p -எனில், $3x + 5, 3y + 5, 3z + 5$ ஆகியவற்றின் தீட்ட விலக்கமானது.
 1) $3p + 5$ 2) $3p$ 3) $9p + 15$ 4) $p + 5$
14. முதல் பத்து பகா எண்களின் வீச்சு
 1) 9 2) 20 3) 27 4) 5

பகுதி – II

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 28-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 2 = 20$

15. கொடுக்கப்பட்ட சார்பு $f : x \rightarrow x^2 - 5x + 6$ எனில் $f(-1)$ மற்றும் $f(2)$ ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.
16. மேல்சார்பு வரையறு.
17. 252525 மற்றும் 363636 என்ற எண்களின் மீ.பொ.வ காண்க.
18. $3 + 1 + \frac{1}{3} + \dots \infty$ என்ற தொடரின் கூடுதல் காண்க.
19. கோவையின் வர்க்க மூலம் காண்க. $256(x-a)^8(x-b)^4(x-c)^{16}(x-d)^{20}$
20. கூட்டுக: $\frac{x^3}{x-y} + \frac{y^3}{y-x}$
21. ஒரு மனிதன் 18 மீ கிழக்கே சென்று பின்னர் 24 மீ வடக்கே செல்கிறான். தொடக்க நிலையிலிருந்து அவர் இருக்கும் தொலைவைக் காண்க.
22. சாய்வுக் கோணம் 45° மற்றும் y வெட்டுத்துண்டு 11 யை உடைய நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
23. $2x + 3y - 8 = 0, 4x + 6y + 18 = 0$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் இணை எனக் காட்டுக.
24. $\frac{\sin A}{1+\cos A} + \frac{\sin A}{1-\cos A} = 2\operatorname{cosec} A$ என நிறுவுக.
25. ஒரு கோளம், உருளை மற்றும் கூம்பு ஆகியவற்றின் ஆரங்கள் சமம். படத்தில் உள்ளபடி கூம்பு மற்றும் உருளையின் உயரங்கள் ஆரத்திற்கு சமம் எனில், அவற்றின் வளைபரப்புகளின் விகிதம் காண்க.
26. 12 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒர் அலுமினியக் கோளம் உருக்கப்பட்டு 8 செ.மீ ஆரமுள்ள ஒர் உருளையாக மாற்றப்படுகிறது எனில் உருளையின் உயரம் காண்க.
27. ஒரு தரவின் தீட்ட விலக்கம் மற்றும் மாறுபாட்டுக் கெழு அகியன முறையே 1.2 மற்றும் 25.6 எனில் அதன் சராசரியைக் காண்க.
28. நிகழ்ச்சி A-க்கான நிகழ்தகவு 0.5 மற்றும் B-க்கான நிகழ்தகவு 0.3. A மற்றும் B ஆகியவை ஒன்றையொன்று விலக்கும் நிகழ்ச்சிகள் எனில், A-ம், B-ம் நிகழாமல் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.



பகுதி – III

குறிப்பு: எவ்வேணும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளிக்க. வினா எண் 42-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

$10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in W \mid x < 2\}, B = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3, 5\}$ எனில், கீழே கொடுக்கப்பட்டுள்ள சமன்பாட்டைச் சரிபார்க்க $A \times (B \cup C) = (A \times B) \cup (A \times C)$.

10 ஆம் வகுப்பு - கணிதம்

50

30. $f(x) = 2x + 3$, $g(x) = 1 - 2x$ மற்றும் $h(x) = 3x$ எனில் $fo(goh) = (fog)oh$ என நிறுவுக.
31. கூடுதல் காண்க. $6^2 + 7^2 + 8^2 + \dots + 21^2$
32. ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் $(p+1)$ ஆவது உறுப்பானது $(q+1)$ ஆவது உறுப்பின் இரு மடங்கு எனில் $(p+q+1)$ ஆவது உறுப்பு ஆவது உறுப்பின் இருமடங்காகும் என நிரூபிக்க.
33. x, y - ஐ தீர்க்க: $\begin{pmatrix} x^2 \\ y^2 \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} -2x \\ -y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 \\ 8 \end{pmatrix}$
34. $m - nx + 28x^2 + 12x^3 + 9x^4$ என்பன ஒரு முழு வர்க்கம் எனில் m, n ன் மதிப்புகளைக் காண்க.
35. a மற்றும் b மெய் எண்கள் எனில், $(a-b)x^2 - 6(a+b)x - 9(a-b) = 0$ -யின் மூலங்கள் மெய் மற்றும் சமமில்லை என நிரூபிக்கவும்.
36. AB, AC மற்றும் BC ஆகியவற்றின் நீளங்கள் முறையே 13, 14 மற்றும் 15 ஆகும். $\frac{AF}{FB} = \frac{2}{5}$ மற்றும் $\frac{CE}{EA} = \frac{5}{8}$ எனில், BD மற்றும் DC காண்க.
-
37. $(6, 7)$ மற்றும் $(2, -3)$ ஆகிய புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்க்கோட்டிற்குச் செங்குத்தானதும் $(6, -2)$ என்ற புள்ளி வழிசெல்வதுமான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
38. $\tan\theta + \sin\theta = m, \tan\theta - \sin\theta = n$ மற்றும் $m \neq n$ எனில் $m^2 - n^2 = 4\sqrt{mn}$ என நிறுவுக.
39. ஒர் உருளையின் மீது ஒர் அரைக்கோளம் இணைந்த வடிவில் உள்ள ஒரு பொம்மையின் மொத்த உயரம் 19 செ.மீ அதன் விட்டம் 7 செ.மீ எனில் பொம்மையின் மொத்த புறப்பரப்பைக் காண்க.
40. அருள் தனது குடும்ப விழாவிற்கு 150 நபர்கள் தங்குவதற்கு ஒரு கூடாரம் அமைக்கிறார். கூடாரத்தின் அடிப்பகுதி உருளை வடிவிலும் மேற்பகுதி கூம்பு வடிவிலும் உள்ளது. ஒருவர் தங்குவதற்கு 4 ச.மீ அடிப்பகுதி பரப்பும் 40 க.மீ காற்றும் தேவைப்படுகிறது. கூடாரத்தில் உருளையின் உயரம் 8 மீ எனில், கூம்பின் உயரம் காண்க.
41. சீரான மூன்று நாணயங்கள் ஒரு முறை சுண்டப்படுகின்றன. அதிகப்தசம் 2 பூக்கள் அல்லது குறைந்தப்தசம் 2 தலைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
42. முதல் 5 பகா எண்களின் தீட்டவிலக்கம் காண்க.

பகுதி – IV

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2×8=16

43. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் ABC யின் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{6}{5}$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{6}{5}$)
(அல்லது)
ஆ) 4 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டம் வரைந்து அதன் மையத்திலிருந்து 11 செ.மீ தொலைவிலுள்ள ஒரு புள்ளியைக் குறித்து, அப்புள்ளியிலிருந்து வட்டத்திற்கு இரண்டு தொடுகோடுகள் வரைக.
44. அ) $y = x^2 + x - 2$ ன் வரைபடம் வரைந்து, அதன் மூலம் $x^2 + x - 2 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.
(அல்லது)
ஆ) நிஷாந்தி, 12 கி.மீ தூரத்திற்கான மாரத்தான் ஓட்டத்தின் வெற்றியாளர் ஆவார். அவர் மணிக்கு 12 கி.மீ என்ற சீரான வேகத்தில் ஓடி, இலக்கினை 1 மணி நேரத்தில் அடைந்தார். அவரைத் தொடர்ந்து ஆராதனா, பொன்மொழி, ஜெயந்த, சத்யா மற்றும் சுவேதா ஆகியோர் முறையே 6 கி.மீ/மணி, 4 கி.மீ/மணி, 3 கி.மீ/மணி மற்றும் 2 கி.மீ/மணி என்ற வேகத்தில் ஓடி வந்தனர். அவர்கள் அந்த தூரத்தை முறையே 2 மணி, 3 மணி, 4 மணி, மற்றும் 6 மணி நேரத்தில் அடைந்தனர். வேகம் - நேரம், வரைபடம் வரைந்து அதனைப் பயன்படுத்தி, மணிக்கு 2.4 கி.மீ/மணி வேகத்தில் சென்ற கெளசிக் எடுத்துக்கொண்ட நேரத்தைக் காண்க.
