

முதல் திருப்புதல் தேர்வு - 2024

நேர்நாள்.

61 35

காலம் : 3.00 மணி

XI - கணிதம்

மதிப்பெண் : 90

பகுதி - 1

குறிப்பு: 1) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

(20x1=20)

2) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1.  $n(A)=2$  மற்றும்  $n(B \cup C)=3$  எனில்  $n[(A \times B) \cup (A \times C)]$  என்பது
  - 1)  $2^3$
  - 2)  $3^2$
  - 3) 6
  - 4) 5
2.  $7^{2n} + 3^{3n-3} \cdot 3^{n-1}$ ,  $n \in \mathbb{Z}$  என்பது என்ன எண்ணால் வகுபடும்?
  - 1) 45
  - 2) 25
  - 3) 55
  - 4) 35
3. இரு எண்களின் கூட்டுச் சராசரி  $a$  மற்றும் பெருக்குச் சராசரி  $g$  எனில்
  - 1)  $a \leq g$
  - 2)  $a \geq g$
  - 3)  $a = g$
  - 4)  $a > g$
4.  $(2, 3)$  மற்றும்  $(-1, 4)$  என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் நேர்கோட்டின் மீது  $(\alpha, \beta)$  என்ற புள்ளி இருந்தால்
  - 1)  $\alpha + 2\beta = 7$
  - 2)  $3\alpha + \beta = 9$
  - 3)  $\alpha + 3\beta = 11$
  - 4)  $3\alpha + \beta = 11$
5.  $A = \begin{bmatrix} a & x \\ y & a \end{bmatrix}$  மற்றும்  $xy=1$  எனில்  $\det(AA^T)$  என்பது
  - 1)  $(a-1)^2$
  - 2)  $(a^2+1)^2$
  - 3)  $a^2-1$
  - 4)  $(a^2-1)^2$
6.  $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \dots + \cos 179^\circ =$ 
  - 1) 0
  - 2) 1
  - 3) -1
  - 4) 89
7.  $10C_3$ ன் மதிப்பு என்ன?
  - 1) 50
  - 2) 120
  - 3) 105
  - 4) 103
8.  $\vec{BA} = 3\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$  மற்றும் Bன் நிலை வெக்டர்  $\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$  எனில் Aன் நிலை வெக்டர்
  - 1)  $4\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$
  - 2)  $4\vec{i} + 5\vec{j}$
  - 3)  $4\vec{i}$
  - 4)  $-4\vec{i}$
9.  $\int \frac{\sec x}{\sqrt{\cos 2x}} dx =$ 
  - 1)  $\tan^{-1}(\sin x) + c$
  - 2)  $2\sin^{-1}(\tan x) + c$
  - 3)  $\tan^{-1}(\cos x) + c$
  - 4)  $\sin^{-1}(\tan x) + c$

10.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \frac{3}{n^2} + \dots + \frac{n}{n^2} \right)$  ன் மதிப்பு  
 1)  $1/2$  2) 0 3) 1 4)  $\infty$
11.  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  -ல் சார்பு  $f(x)=1-|x|$  என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில்  $f$ -ன் வீச்சகம்  
 1)  $\mathbb{R}$  2)  $(1, \infty)$   
 3)  $(-1, \infty)$  4)  $(-\infty, 1)$
12.  $\frac{1}{2!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{6!} + \dots$  ன் மதிப்பு  
 1)  $\frac{e^2 + 1}{2e}$  2)  $\frac{(e+1)^2}{2e}$   
 3)  $\frac{(e-1)^2}{2e}$  4)  $\frac{e^2 - 1}{2e}$
13.  $y = -x$  என்ற கோட்டிற்கு  $(2,3)$  என்ற புள்ளியில் பிம்பப் புள்ளி  
 1)  $(-3, -2)$  2)  $(-3, 2)$   
 3)  $(-2, -3)$  4)  $(3, 2)$
14.  $y = \tan x$  எனில்  $y'$  ன் மதிப்பு  
 1)  $\sin^2 x$  2)  $\cos^2 x$   
 3)  $\sec^2 x$  4)  $\sin x \tan x$
15.  $a$  மற்றும்  $b$  என்பன  $x^2 - px + q = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் எனில்  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$  ன் மதிப்பு  
 1)  $pq$  2)  $p/q$   
 3)  $p$  4)  $q$
16. ABCD என்பது இணைகரம் எனில்  $\overline{AB} + \overline{AD} + \overline{CB} + \overline{CD}$  என்பது  
 1)  $2(\overline{AB} + \overline{AD})$  2)  $4\overline{AC}$   
 3)  $4\overline{BD}$  4)  $\overline{O}$
17.  $\int f(x) dx = g(x) + c$  எனில்  $\int f(x) g'(x) dx$  ன் மதிப்பு  
 1)  $\int (f(x))^2 dx$  2)  $\int f(x) g(x) dx$   
 3)  $\int f'(x) g(x) dx$  4)  $\int (g(x))^2 dx$
18.  $A$  மற்றும்  $B$  என்பன இரு நிகழ்ச்சிகள் எனில்,  $P(A)=0.4$ ,  $P(B)=0.8$ ,  $P(B/A)=0.6$  எனில்  $P(A \cap B)$  ன் மதிப்பு  
 1) 0.96 2) 0.24 3) 0.56 4) 0.66
19.  $y=f(x^2+2)$  மற்றும்  $f'(3)=5$  எனில்  $x=1$ -ல்  $\frac{dy}{dx}$  ன் மதிப்பு  
 1) 5 2) 25 3) 15 4) 10
20.  $x^2 - 3|x| + 2 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் மெய்யெண் தீர்வுகளின் எண்ணிக்கை  
 1) 4 2) 2 3) 1 4) 3

பகுதி - 2

குறிப்பு: ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

வினா எண் 30க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

(7x2=14)

21. கணம்  $A$  ஆனது  $A = \{x : x = 4n + 1, 2 \leq n \leq 5, n \in \mathbb{N}\}$  எனில்  $A$ -ன் உட்கணங்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

11-கணிதம்-2

22. 1) ஒரு நிகழ்ச்சி A நிகழ சாதக விகிதம் 5-க்கு 7 எனில் P(A)-ஐ காண்க.  
2)  $P(B) = \frac{2}{5}$  எனில் நிகழ்ச்சி B நிகழ சாதக விகிதத்தைக் காண்க.
23.  $23x < 100$  ன் தீர்வை 1)  $x \in \mathbb{N}$   
2)  $x \in \mathbb{Z}$  காண்க.
24. மதிப்புக் காண்க.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1}$
25.  $A+B=45^\circ$  எனில்  $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$  என நிறுவுக.
26. IITJEE என்ற வார்த்தையில் உள்ள அனைத்து எழுத்துக்களையும் எல்லா வழிகளிலும் வரிசை மாற்றம் செய்து உருவாக்கப்படும் எழுத்துச் சரங்களை ஆங்கில அகராதியில் உள்ளவாறு வரிசைப்படுத்தும் போது IITJEE என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.
27. n ஆவது உறுப்பு  $a_n$  ஐக் கொண்ட பின்வரும் தொடர் முறையில் முதல் 6 உறுப்புகளைக் காண்க.  
$$a_n = \begin{cases} n+1, & n \text{ ஒற்றைப்படை எண்} \\ n, & n \text{ இரட்டைப்படை எண்} \end{cases}$$
28.  $3x^2 + 2xy - y^2 = 0$  என்ற இரட்டை நேர்க்கோடுகளின் தனித்தனி நேர்க்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
29.  $A = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ -2 & a \end{bmatrix}$  என்பது பூஜ்ஜியக் கோவை அணிகள் எனில், a-ன் மதிப்பு காண்க.
30. மதிப்புக் காண்க:  $\lim_{n \rightarrow \infty} [6^n + 5^n]^{1/n}$

பகுதி - 3

குறிப்பு: ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

வினா எண் 40க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

(7x3=21)

31. A என்ற நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு 0.5, B என்ற நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு 0.3 மற்றும் Aயும், Bயும் ஒன்றையொன்று விலக்கும் நிகழ்ச்சி எனில், கீழ்க்காணும் நிகழ்தகவுகளைக் காண்க.  
a)  $P(A \cup B)$  b)  $P(A \cap \bar{B})$  c)  $P(\bar{A} \cap B)$
32. மதிப்பிடுக.  $\int \frac{\sin x}{\cos^2 x} dx$
33.  $\frac{1}{2 \cos x - 1}$  என்ற சார்பின் வீச்சகம் காண்க.
34.  $y = e^x \sin x$  எனில்  $\frac{dy}{dx}$  ன் மதிப்பு காண்க.
35. (1, -1) என்ற புள்ளி வழிச் செல்வதும்  $x+3y-4=0$ க்கு இணையான நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
36. அந்த ஒரு வெக்டர்  $\vec{r}$  க்கும்,  $\vec{r} = (r \cdot \vec{i}) \vec{i} + (r \cdot \vec{j}) \vec{j} + (r \cdot \vec{k}) \vec{k}$  என நிறுவுக.
37.  $\frac{\sin 4x + \sin 2x}{\cos 4x + \cos 2x} = \tan 3x$  என நிறுவுக.
38. தீர்க்க:  $2x^2 + x - 15 \leq 0$
39.  $nP_r = 720$  மற்றும்  $nC_r = 120$  எனில் n மற்றும் r ன் மதிப்பு காண்க.
40.  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -7 & -8 & -9 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$  என்ற அணிச் சமன்பாட்டினை நிறைவு செய்யும் A என்ற அணியைக் காண்க.

பகுதி - 4

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

(7x5=35)

41. அ)  $\frac{\log x}{y-z} = \frac{\log y}{z-x} = \frac{\log z}{x-y}$  எனில்,  $xyz=1$  எனக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ)  $A+B+C=\pi$  எனில்  $\cos^2 A + \cos^2 B + \cos^2 C = 1 - 2 \cos A \cos B \cos C$  என நிறுவுக.

42. அ)  $y=|x|$  என்ற வளைவரையின் மூலம்

1)  $y=|x-1|+1$

2)  $y=|x+1|-1$

3)  $y=|x+2|+3$  ஆகியவற்றை வரைக.

(அல்லது)

ஆ)  $|A| = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix}$  எனக்  $a_i, b_i, c_i, i=1, 2, 3$  என்பவற்றின் இணைக்காரணிகள்

$$A_i, B_i, C_i \text{ எனில் } \begin{vmatrix} A_1 & B_1 & C_1 \\ A_2 & B_2 & C_2 \\ A_3 & B_3 & C_3 \end{vmatrix} = |A|^2 \text{ என நிறுவுக.}$$

43. அ)  $x$  மிகச்சிறியது எனில்  $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}} = 1-x + \frac{x^2}{2}$  (தோராயமாக) என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ)  $x \sec \theta + y \operatorname{cosec} \theta = 2a$  மற்றும்  $x \cos \theta - y \sin \theta = a \cos 2\theta$  என்ற கோடுகளுக்கு ஆதியிலிருந்து செங்குத்து தூரங்கள் முறையே  $P_1$  மற்றும்  $P_2$  எனில்,  $P_1^2 + P_2^2 = a^2$  என நிறுவுக.

44. அ) பகுதி பின்னங்களாக்குக:  $\frac{7+x}{(1+x)(1+x^2)}$

(அல்லது)

$$\text{ஆ) } \begin{vmatrix} b+c & a & a^2 \\ c+a & b & b^2 \\ a+b & c & c^2 \end{vmatrix} = (a+b+c)(a-b)(b-c)(c-a) \text{ என நிறுவுக.}$$

45. அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறைப்படி.

$$1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n-1)^2 = \frac{n(2n-1)(2n+1)}{3} \text{ என நிறுவுக.}$$

(அல்லது)

$$\text{ஆ) மதிப்பு காண்க: } \int \frac{3x+5}{x^2+4x+7} dx$$

46. அ)  $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$  மற்றும்  $\vec{b} = 4\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$  ஆகியவைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தின் சைன் மற்றும் கொசைன் மதிப்புகளைக் காண்க.

(அல்லது)

$$\text{ஆ) } y = e^{\tan^{-1}x} \text{ எனில் } (1+x^2)y'' + (2x-1)y' = 0 \text{ என நிறுவுக.}$$

47. அ) ஒரு அலுவலகத்தில்  $x, y, z$  ஆகியோர் அலுவலக தலைமையதிகாரியாக பொறுப்பேற்க வாய்ப்புகள் முறையே 4:2:3 எனில், போனஸ் திட்டத்தை அமல்படுத்துவதற்கான நிகழ்தகவுகள் முறையே 0.3, 0.5 மற்றும் 0.4 ஆகும். அலுவலகத்தில் போனஸ் திட்டம் அறிமுகப்படுத்தப்பட்டிருப்பின்  $z$  தலைமையதிகாரியாக நியமனம் செய்யப்படுவதற்கான நிகழ்தகவினைக் காண்க.

(அல்லது)

$$\text{ஆ) } \sqrt{3}x + y + 4 = 0 \text{ என்ற கோட்டைச் செங்குத்து வடிவத்திற்கு மாற்று.}$$