

12 - ஆறு வருடம்

അക്കാദമിക് തോറ്റവ് - 2023-24

Time : 1.30 Hrs

## கலைத்துறியல்

## தெர்வு

காட்டு மதிரைகள் : 100

- |     |  |  |  |  |  |
|-----|--|--|--|--|--|
| 1)  | $A$ என்ற $3 \times 3$ புதிய மாபீடு கணக்கு செய்து, $AA^T = A^T A$ என்று $B = A^T A^T$ , என்பது கூறுவது $BB^T =$   | (a) $A$  | (b) $B$  | (c) $I_3$  | (d) $B^T$  |
| 2)  | $P = \begin{bmatrix} 1 & x & 0 \\ 1 & 3 & 0 \\ 2 & 4 & -2 \end{bmatrix}$ என்று $3 \times 3$ ஒரு மாபீடு கணக்கு செய்து, $A$ -ன் சென் கோபு என்று நம்புதல் $ A  = 4$ என்று, $x$ என்று  | (a) 15   | (b) 12   | (c) 14   | (d) 11   |
| 3)  | $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & -2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$ என்று $A^{-1} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$ என்று, $a_{23}$ என்று நம்புகிறேன்                 | (a) 0  | (b) -2   | (c) -3   | (d) -1   |
| 4)  | $(AB)^{-1} = \begin{bmatrix} 12 & -17 \\ -19 & 27 \end{bmatrix}$ என்று $A^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$ , என்று $B^{-1}$  | (a) $\begin{bmatrix} 2 & -5 \\ -3 & 8 \end{bmatrix}$   | (b) $\begin{bmatrix} 8 & 5 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$         | (c) $\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$   | (d) $\begin{bmatrix} 8 & -5 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$   |
| 5)  | $x^* y^* = e^n$ , $x^* y^* = e^s$ , $\Delta_1 = \begin{vmatrix} m & b \\ n & d \end{vmatrix}$ , $\Delta_2 = \begin{vmatrix} a & m \\ c & n \end{vmatrix}$ , $\Delta_3 = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$ என்று, $x$ என்று $y$ என்று நம்புகிறேன் | (a) $e^{(\Delta_2/\Delta_1)}, e^{(\Delta_3/\Delta_1)}$ | (b) $\log(\Delta_1/\Delta_3), \log(\Delta_2/\Delta_3)$     | (c) $\log(\Delta_2/\Delta_1), \log(\Delta_3/\Delta_1)$   | (d) $e^{(\Delta_3/\Delta_1)}, e^{(\Delta_2/\Delta_1)}$ |
| 6)  | மொழிமூலங்கள் என்று / என்ன என்று நம்புகிறேன்?   | (i) ஒரு மாபீடு கணக்கு கோபு என்று என்று நம்புகிறேன்.    | (ii) ஒரு மாபீடு என்று கணக்கு கோபு என்று என்று நம்புகிறேன். | (iii) $A$ என்று $A$ கணக்கை ஒரு ஏற்ற எண் என்று நம்புகிறேன் $\lambda$ என்று ஒரு நிரைவீர எண் $\text{adj}(\lambda, A) = \lambda^n \text{adj}(A)$ | (iv) $A(\text{adj}A) = (\text{adj}A)A =  A I$          |
| 7)  | $A$ என்று $3 \times 3$ ஒரு மாபீடு கணக்கு செய்து, கோபு என்று $B$ -ன் மாபீடு $ B  = 64$ என்று $ A  =$  | (a) $\pm 2$  | (b) $\pm 4$  | (c) $\pm 8$  | (d) (i), (ii) என்று (iv)                               |
| 8)  | மொழிமூலங்கள் என்று கூறுகிறேன் என்று நம்புகிறேன்?   | (a) $R_i \rightarrow R_j$                              | (b) $R_i \rightarrow 2R_i + R_j$                           | (c) $C_i \rightarrow C_i + C_j$  | (d) $R_i \rightarrow R_i + C_j$                        |
| 9)  | $i^0 + i^{n+1} + i^{n+2} + i^{n+3}$ என்று நம்புகிறேன்  | (a) 0  | (b) 1  | (c) -1   | (d) i  |
| 10) | ஒரு கூப்புமாபீடு கோபு கூப்புமாபீடு $\frac{1}{i-2}$ என்று, அந்த கூப்புமாபீடு  | (a) $1/i+2$  | (b) $-1/i+2$   | (c) $-1/i-2$   | (d) $1/i-2$  |
| 11) | $z$ என்று புதியமாபீடு கூப்புமாபீடு $2iz^2 = z$ என்று $ z $ என்று நம்புகிறேன்   | (a) $\frac{1}{2}$                                      | (b) 1  | (c) 2  | (d) 3  |
| 12) | $ z - 3/2  = 2$ என்று, $ z $ என்று நம்புகிறேன்   | (a) 1  | (b) 2  | (c) 3  | (d) 5  |
| 13) | $\frac{z-1}{z+1}$ என்று மூலங்கள் என்று, $ z $ என்று நம்புகிறேன்  | (a) $\frac{1}{2}$                                      | (b) 1  | (c) 2  | (d) 3  |
| 14) | $z = x + iy$ என்ற கூப்புமாபீடு $ z+2  =  z-2 $ என்று $z$ என்று நிறுவுகிறேன்  | (a) ஒன்று என்று  | (b) குறிப்பு என்று   | (c) நிறுவுகிறேன்   | (d) கூப்புமாபீடு                                       |
| 15) | $(1+i)(1+i^2)(1+i^3)(1+i^4)$ என்று நம்புகிறேன்   | (a) 2  | (b) 0  | (c) 1  | (d) i  |
| 16) | $1/i$ என்று நம்புகிறேன்  | (a) 0  | (b) $\pi/2$  | (c) $-\pi/2$   | (d) $\pi$  |
| 17) | $x^3 + 64$ என்று புதியமாபீடு   | (a) 0  | (b) 4  | (c) $4i$   | (d) -4   |
| 18) | $x$ என்று புதியமாபீடு கோபு கோபு கூப்புமாபீடு வெற்றுகிறேன்  | (a) பூமியிலே மூலங்கள்                                  | (b) பூமியிலே மூலங்கள்                                      | (c) பூமியிலே மூலங்கள்  | (d) கூப்புமாபீடு ஒரு மூல்                              |
| 19) | $x^3 + 12x^2 + 10ax + 1999$ என்று நிறுவுகிறேன் ஒரு மூலங்கள் புதியமாபீடுகள் கிடைத்த வேண்டுகிறது மற்றும் ஒரு மூலங்கள் நிறுவுகிறது  | (a) $a \geq 0$   | (b) $a > 0$  | (c) $a < 0$  | (d) $a \leq 0$   |
| 20) | $x^3 - kx^2 + 9x$ என்று புதியமாபீடு கோபு கோபு கூப்புமாபீடு வெற்றுகிறேன் ஒரு மூலங்கள் நிறுவுகிறது மற்றும் ஒரு மூலங்கள் நிறுவுகிறது  | (a) $ k  \leq 6$                                       | (b) $k = 0$  | (c) $ k  > 6$  | (d) $ k  \geq 6$                                       |
| 21) | $\sum_{j=0}^n nCr (-1)^j x^j$ என்று புதியமாபீடு கோபு கோபு கூப்புமாபீடு வெற்றுகிறேன்  | (a) 0  | (b) n  | (c) $n$  | (d) r  |
| 22) | $\alpha$ என்று $\beta$ என்று நம்புகிறேன். கூறுகிறேன் கூறுகிறேன்  | (a) $(x - \alpha)(x - \beta) = 0$                      | (b) $(x - \alpha)(x + \beta) = 0$                          | (c) $\alpha + \beta = b/a$   | (d) $a\beta = -c/a$                                    |
| 23) | $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y = 2\pi/3$ ; என்று $\cos^{-1} x + \cos^{-1} y$ என்று நம்புகிறேன்   | (a) $2\pi/3$   | (b) $\pi/3$  | (c) $\pi/6$  | (d) $\pi$  |
| 24) | $\sin^{-1} x = 2\sin^{-1} \alpha$ என்று கூறுகிறேன், மொத்தம் $(a)  a  \leq 1/\sqrt{2}$  | (a) $ a  \leq 1/\sqrt{2}$                              | (b) $ a  \geq 1/\sqrt{2}$                                  | (c) $ a  < 1/\sqrt{2}$   | (d) $ a  > 1/\sqrt{2}$                                 |
| 25) | $\theta$ என்று $x \in \mathbb{R}$ என்று $\cos^{-1} x = 2\pi/5$ , என்று $\tan^{-1} x$ என்று நம்புகிறேன்   | (a) $-\pi/10$  | (b) $\pi/5$  | (c) $\pi/10$   | (d) $-\pi/5$   |
| 26) | $ x  \leq 1$ என்று, $2\tan^{-1} x + \sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$ என்று நம்புகிறேன்  | (a) $\tan^{-1} x$                                      | (b) $\sin^{-1} x$  | (c) 0  | (d) $\pi$  |

- 27)  $\tan^{-1} x - \cot^{-1} x = \tan^{-1}(1/\sqrt{3})$  என்ற சமன்பாட்டிற்கு  
 (a) தீர்வுகளை (b) ஒரேயாருதீரவு (c) கிருதீரவுகள் (d) எண்ணற்றத் தீர்வுகள்
- 28)  $|x| < 1$  எனில்  $\sin(\tan^{-1} x)$  ன் மதிப்பு (a)  $\frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$  (b)  $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$  (c)  $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$  (d)  $\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$
- 29)  $\tan^{-1}(\tan 9\pi/8)$  (a)  $9\pi/8$  (b)  $-9\pi/8$  (c)  $\pi/8$  (d)  $-\pi/8$
- 30)  $x + y = 6$  மற்றும்  $x + 2y = 4$  என்ற நேர்க்கோடுகளை விட்டங்களாகக் கொண்டு (6.2) புள்ளி வழிச் செல்லும் வட்டத்தின் ஆரம்  
 (a) 10 (b)  $2\sqrt{5}$  (c) 6 (d) 4
- 31)  $3x^2 + by^2 + 4bx - 6by + b^2 = 0$  என்ற வட்டத்தின் ஆரம்  
 (a) 1 (b) 3 (c)  $\sqrt{10}$  (d)  $\sqrt{11}$
- 32)  $\frac{x^2}{10} + \frac{y^2}{9} = 1$  என்ற நீள்வட்டத்தின் குவியங்கள் வழியாகவும் (0,3) என்ற புள்ளியை மையமாகவும் கொண்ட நீள்வட்டத்தின் சமன்பாடு  
 (a)  $x^2 + y^2 - 6y - 7 = 0$  (b)  $x^2 + y^2 - 6y + 7 = 0$  (c)  $x^2 + y^2 - 6y - 5 = 0$  (d)  $x^2 + y^2 - 6y + 5 = 0$
- 33)  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  மற்றும்  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = -1$  என்ற அதிர்வளையங்களின் குவியங்கள் ஒரு நாற்கரத்தின் முனைகள் எனில் அந்த நாற்கரத்தின் பரப்பு  
 (a)  $4(a^2 + b^2)$  (b)  $2(a^2 + b^2)$  (c)  $a^2 + b^2$  (d)  $\frac{1}{2}(a^2 + b^2)$
- 34)  $x + y = k$  என்ற நேர்க்கோடு பரவளையம்  $y^2 = 12x$  ன் சொங்கோட்டுச் சமன்பாடாக உள்ளது எனில்  $k$  ன் மதிப்பு  
 (a) 3 (b) -1 (c) 1 (d) 9
- 35)  $2x - y = 1$  என்ற கோட்டிற்கு கிணறையாக  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$  என்ற நீள்வட்டத்திற்கு தொடுகோடுகள் வரையப்படாத் தொடுபுள்ளிகளில் ஒன்று  
 (a)  $\frac{-9}{2\sqrt{2}}, \frac{-1}{\sqrt{2}}$  (b)  $\frac{-9}{2\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}$  (c)  $\frac{-9}{2\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}$  (d)  $(3\sqrt{3}, -2\sqrt{2})$
- 36)  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  என்ற நீள்வட்டத்தினுள் வரையப்படும் மிகப்பெரிய செவ்வகத்தின் பரப்பு (a)  $2ab$  (b)  $ab$  (c)  $\sqrt{ab}$  (d)  $a/b$
- 37)  $4x^2 + 9y^2 = 36$ -ன் மீதுள்ள ஓதேனும் ஒரு புள்ளி  $P(x, y)$  எனில்  $P$  லிருந்து  $(\sqrt{5}, 0)$  மற்றும்  $(-\sqrt{5}, 0)$  என்ற புள்ளிகளுக்கான தூராங்களின் கூடுதல்  
 (a) 4 (b) 8 (c) 6 (d) 18
- 38)  $\vec{\beta}$  மற்றும்  $\vec{\gamma}$  ஆகியவை அமைக்கும் தளத்தில் அமைந்துள்ளது எனில்  
 (a)  $[\alpha, \beta, \gamma] = 1$  (b)  $[\alpha, \beta, \gamma] = -1$  (c)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = 0$  (d)  $[\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}] = 2$
- 39)  $\vec{i} + \vec{j}, \vec{i} + \vec{2j}, \vec{i} + \vec{j} + \vec{pk}$  என்ற வெக்டர்களை ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் விளைப்புகளாகக் கொண்ட கிணறைகர தீண்மத்தின் கன அளவு  
 (a)  $\pi/2$  (b)  $\pi/3$  (c)  $\pi$  (d)  $\pi/4$
- 40)  $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}, \vec{b} = \vec{i} + \vec{j}, \vec{c} = \vec{i}$  மற்றும்  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c} = \lambda \vec{a} + \mu \vec{b}$  எனில்  $\lambda + \mu$  ன் மதிப்பு  
 (a) 0 (b) 1 (c) 6 (d) 3
- 41)  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  என்பன  $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] = 3$  எனுமாறுள்ள ஒரு தளம் அமையா முன்று புதியமற்ற வெக்டர்கள் எனில்  $\{[\vec{a} \times \vec{b}, \vec{b} \times \vec{c}, \vec{c} \times \vec{a}]\}^2$  ன் மதிப்பு  
 (a) 81 (b) 9 (c) 27 (d) 18
- 42)  $\vec{axb}, \vec{bxc}, \vec{cxa}$  ஆகியவற்றை ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் விளைப்புகளாகக் கொண்ட கிணறைகரத் தீண்மத்தின் கன அளவு 8  
 (a)  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{b} \times \vec{c}), (\vec{b} \times \vec{c}) \times (\vec{c} \times \vec{a})$  மற்றும்  $(\vec{c} \times \vec{a}) \times (\vec{a} \times \vec{b})$  ஆகியவற்றை ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் விளைப்புகளாக கொண்ட கிணறைகரத் தீண்மத்தின் கனஅளவு  
 (a) 8 கன அளகுகள் (b) 512 கன அளகுகள் (c) 64 கன அளகுகள் (d) 24 கன அளகுகள்
- 43)  $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] = 1$ , எனில்  $\frac{\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})}{(\vec{c} \times \vec{a}) \cdot \vec{b}} + \frac{\vec{b} \cdot (\vec{c} \times \vec{a})}{(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}} + \frac{\vec{c} \cdot (\vec{a} \times \vec{b})}{(\vec{c} \times \vec{b}) \cdot \vec{a}}$  ன் மதிப்பு  
 (a) 1 (b) -1 (c) 2 (d) 3
- 44) ஆதியிலிருந்து  $2x + 3y + \lambda z = 1$ ,  $\lambda > 0$  என்ற தளத்திலிருந்து வரை வரையப்படும் சொங்குத்தின் நீளம்  $1/5$  எனில்  $\lambda$  ன் மதிப்பு  
 (a)  $2\sqrt{3}$  (b)  $3\sqrt{2}$  (c) 0 (d) 1
- 45)  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  என்ற ஒரு தளமற்ற வெக்டர்கள் மற்றும்  $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c}) = (\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}$  எனில்  
 (a)  $\vec{a}$  ஆனது  $\vec{b}$  ஆனது  $\vec{c}$  க்கு (b)  $\vec{b}$  ஆனது  $\vec{c}$  க்கு (c)  $\vec{c}$  ஆனது  $\vec{a}$  க்கு (d)  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$
- 46)  $t$  என்ற காலத்தில் கீடுபட்டமாக நகரும் துளின் நிலை  $s(t) = 3t^2 - 2t - 8$  எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. துளி ஓய்வு நிலைக்கு வரும் நேரம்  
 (a)  $t = 0$  (b)  $t = 1/3$  (c)  $t = 1$  (d)  $t = 3$
- 47) ஒரு கல்லானது சொங்குத்தாக மேல் நோக்கி ஏறியப்படுகின்றது.  $t$  நேரத்தில் அது அடைந்த உயரம்  $x = 80t - 16t^2$ . கல் அதிகப்படச் சூரியத்தை  
 $t$  விளாம் நேரத்தில் அடைந்தால்  $t$  ஆனது (a) 2 (b) 2.5 (c) 3 (d) 3.5
- 48)  $f(x) = \sqrt{8 - 2x}$  என்ற வளைவரையின் ஏந்த  $x$  ஆயத்தொலைவில் வரையப்பட்ட தொடுகோடுங் சாப்வு -0.25 கிருக்கும்?  
 (a) -8 (b) -4 (c) -2 (d) 0
- 49)  $f(x) = 2\cos 4x$  என்ற வளைவரைக்கு  $x = \pi/12$  ன் சொங்கோடும் சாப்வு  
 (a)  $-4\sqrt{3}$  (b) -4 (c)  $\sqrt{3}/12$  (d)  $4\sqrt{3}$
- 50) ஆதியில்  $y^2 = x$  மற்றும்  $x^2 = y$  என்ற வளைவரைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம் (a)  $\tan^{-1}(3/4)$  (b)  $\tan^{-1}(4/3)$  (c)  $\pi/2$  (d)  $\pi/4$
- 51)  $\sin^4 x + \cos^4 x$  என்ற சார்பு கிறங்கும் கிணவெளி  
 (a)  $\frac{5\pi}{8}, \frac{3\pi}{4}$  (b)  $\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{8}$  (c)  $\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}$  (d)  $0, \frac{\pi}{4}$
- 52)  $|3 - x| + 9$  என்ற சார்பின் குறைந்த மதிப்பு (a) 0 (b) 3 (c) 6 (d) 9
- 53) (6,0) என்ற புள்ளிக்கும்  $x^2 - y^2 = 4$  என்ற வளைவரை மீதுள்ள புள்ளிக்கும் உள்ள நீண்மையுடைய குறைந்தப்பட்சம் எனில் அப்புள்ளி  
 (a) (2,0) (b)  $(\sqrt{5}, 1)$  (c)  $(3, \sqrt{5})$  (d)  $(\sqrt{13}, -\sqrt{3})$

12- கணிதவியல் பக்கம் 2

- 54) இரண்டு பிளக எண்களின் கூடுதல் 200 மேற்கூடி அவற்றின் பொதுக்கல் பலனின் பெரும் மதிப்பு  
 (a) 100 (b)  $25\sqrt{7}$  (c) 28 (d)  $24\sqrt{14}$
- 55)  $y = (x - 1)^3$  என்ற வகைவரையின் வகைவு மாற்றுப் புள்ளி  
 (a) (0,0) (b) (0,1) (c) (1,0) (d) (1,1)
- 56)  $x$ -ன் எம்மதிப்புகளுக்கு  $x^3 - 5x^2 + 5x + 8$  ன் மாறுவீதும்  $x$ -ன் மாறுவீத்ததைப் போல் இருமபங்காகும்?  
 (a) -3, -1/3 (b) -3, 1/3 (c) 3, -1/3 (d) 3, 1/3
- 57) (-3, 3) எனும் இடைவளவியில்  $f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{x}, x \neq 0$  என்ற சார்பு  
 (a) குறைகிறது (b) கூடும் சார்பும் அல்ல. குறையும் சார்பும் அல்ல (c) கூடும் சார்பும் அல்ல. குறையும் சார்பும் அல்ல (d) இவற்றில் எதுவுமில்லை
- 58) ஒரு வட்டவடிவ வார்ப்பின் ஆரம் 10 செமி. ஆரத்தின் அளவில் தோராயமாக 0.02 செமி பிழை உள்ளது எனில் அதன் பரப்பில் ஏற்படும் தோராய சதவீதிப் பிழையைக் காண்க.  
 (a) 0.2% (b) 0.4% (c) 0.04% (d) 0.08%
- 59) 31-ன் 5ஆம் படி மூல சதவீதிப் பிழை தோராயமாக, 31-ன் சதவீதிப் பிழையைப் போல் எத்தனை மடங்காகும்?  
 (a) 1/31 (b) 1/5 (c) 5 (d) 31
- 60) ஒரு கனதுறுத்தின் பக்க அளவு 4 செமி மற்றும் அதன் பிழை 0.1 செமி எனில் கனஅளவு கணக்கீட்டில் ஏற்படும் பிழை  
 (a) 0.4 க.செமி (b) 0.45 க.செமி (c) 2 க.செமி (d) 4.8 க.செமி
- 61) ஒரு கன சதுரத்தின் பக்க அளவு 1% அதிகரிக்கும் போது அதன் கனஅளவில் ஏற்படும் மாற்றம்  
 (a)  $0.3 x dx$  மீ<sup>3</sup> (b)  $0.03 x$  மீ<sup>3</sup> (c)  $0.03 x^2$  மீ<sup>3</sup> (d)  $0.03 x^3$  மீ<sup>3</sup>
- 62)  $y = x^3 + 2x^2$  என்ற சார்புக்கு  $x = 2$  மற்றும்  $dx = 0.1$  எனில்  $dy$ -ன் மதிப்பு (a) 1 (b) 2 (c) 3 (d) 4
- 63)  $\int_{-4}^4 \left[ \tan^{-1} \left( \frac{-x^2}{x^4 + 1} \right) + \tan^{-1} \left( \frac{x^4 + 1}{x^2} \right) \right] dx$ -ன் மதிப்பு (a)  $\pi$  (b)  $2\pi$  (c)  $3\pi$  (d)  $4\pi$
- 64)  $f(x) = \int t \cos t dt$ , எனில்  $df/dx$  =  
 (a)  $\cos^2 x - x \sin x$  (b)  $\sin x + x \cos x$  (c)  $x \cos x$  (d)  $x \sin x$
- 65)  $y^2 = 4x$  என்ற பரவளையத்திற்கும் அதன் செவ்வகலத்திற்கும் இடையே பரப்பானது  
 (a) 2/3 (b) 4/3 (c) 8/3 (d) 5/3
- 66)  $\int_0^1 \log(x/1-x) dx$  ன் மதிப்பு (a) 0 (b) 2 (c) 4 (d) 5
- 67)  $\int_{\pi/6}^{3\pi/2} \cos^3 x dx$  ன் மதிப்பு (a) 2/3 (b) 2/9 (c) 1/9 (d) 1/3
- 68)  $\int_0^{\infty} e^{-3x} x^2 dx$  ன் மதிப்பு (a) 7/27 (b) 5/27 (c) 4/27 (d) 2/27
- 69)  $\int_0^{2/3} \frac{dx}{\sqrt{4-9x^2}}$  ன் மதிப்பு (a)  $\pi/6$  (b)  $\pi/2$  (c)  $\pi/4$  (d)  $\pi$
- 70)  $\int_0^{\pi/2} (\sin^{-1} x)^2 dx$  ன் மதிப்பு (a)  $\frac{\pi^2}{4} - 1$  (b)  $\frac{\pi^2}{4} + 2$  (c)  $\frac{\pi^2}{4} + 1$  (d)  $\frac{\pi^2}{4} - 2$
- 71)  $\int_0^{\pi/2} \frac{\sin x}{1 + \cos^2 x} dx$  = (a)  $\pi/2$  (b)  $\pi$  (c)  $\pi/4$  (d) 0
- 72)  $\int_{-\pi/2}^{\pi/2} x \sin x dx$  = (a) 0 (b) 2 (c) 4 (d) -2
- 73)  $\left( \frac{d^2y}{dx^2} \right) + \left( \frac{dy}{dx} \right)^{1/3} + x^{1/4} = 0$  எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் வரிசை மற்றும் படி முறையே  
 (a) 2, 3 (b) 3, 3 (c) 2, 6 (d) 2, 4
- 74)  $y = A \cos(x + B)$ , இங்கு A, B என்பன எதேசை மாறிலிகள் எனும் சமன்பாட்டைக் கொண்ட வகைவரை குடும்பத்தின் வகைக்கூடமுச் சமன்பாடு  
 (a)  $\frac{d^2y}{dx^2} - y = 0$  (b)  $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0$  (c)  $\frac{d^2y}{dx^2} = 0$  (d)  $\frac{d^2x}{dy^2} = 0$
- 75)  $dy/dx = y/x$  எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் பொதுத்திரவு  
 (a)  $xy = k$  (b)  $y = k \log x$  (c)  $y = kx$  (d)  $\log y = kx$
- 76)  $\frac{dy}{dx} + p(x)y = 0$  ன் தீர்வு (a)  $y = ce^{lpdx}$  (b)  $y = ce^{lpdx}$  (c)  $y = ce^{-lpdx}$  (d)  $x = ce^{lpdy}$
- 77)  $y(x) = 1 + \left( \frac{dy}{dx} \right) + \frac{1}{1.2} \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 + \frac{1}{1.2.3} \left( \frac{dy}{dx} \right)^3 + \dots$  எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் படி  
 (a) 2 (b) 3 (c) 1 (d) 4
- 78) p மற்றும் q என்பன முறையே  $y = \frac{dy}{dx} + x^3 \left( \frac{d^2y}{dx^2} \right) + xy = \cos x$ , எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் வரிசை மற்றும் படி எனில்  
 (a) p < q (b) p = q (c) p > q (d) இவற்றில் எதுவுமில்லை
- 79)  $\frac{dy}{dx} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} = 0$  எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் தீர்வு  
 (a)  $y + \sin^{-1} x = c$  (b)  $x + \sin^{-1} y = 0$  (c)  $y^2 + 2\sin^{-1} x = c$  (d)  $x^2 + 2\sin^{-1} y = c$
- 80)  $dy/dx = 2xy$  எனும் வகைக்கூடமுச் சமன்பாட்டின் தீர்வு  
 (a)  $y = Ce^{x^2}$  (b)  $y = 2x^2 + 2$  (c)  $y = Ce^{-x^2} + c$  (d)  $y = x^2 + c$

12- கணிதவியல் பக்கம் 3

- 81)  $\log(dy/dx) = x + y$  எனும் வகைக்கீழுச் சமன்பாட்டின் பொதுத்தீர்வு  
 (a)  $e^x + e^y = C$       (b)  $e^x + e^y = C$       (c)  $e^{-x} + e^y = C$       (d)  $e^x + e^{-y} = C$
- 82)  $dy/dx = 2^{x-y}$  என தீர்வு  
 (a)  $2^x + 2^y = C$       (b)  $2^x - 2^y = C$       (c)  $1/2^x - 1/2^y = C$       (d)  $x + y = C$
- 83)  $t$  எனும் நேரத்திற்குப் பிரிகு மீதுமள்ள ஒரு பொருளின் அளவு  $P$  ஆகும். பொருள் ஒழியாகும் வீதமானது அந்நேரத்தில் மீதுமிருக்கும் பொருளின் அளவிற்கு விகிதமாக அமைந்துள்ளது எனில், பின்னர்  
 (a)  $P = Ce^{kt}$       (b)  $P = Ce^{-kt}$       (c)  $P = Ckt$       (d)  $Pt = C$
- 84)  $y \frac{dz}{dy} = \cot x$  என்ற வகைக்கீழுச் சமன்பாட்டின் தீர்வு  
 (a)  $\sec x = cy$       (b)  $\sec y = cx$       (c)  $\sec y = c$       (d)  $\sec x = c$
- 85)  $X$  எனும் சமவாய்ப்பு மாறியின் நிகழ்த்துவு அப்த்தி சார்பு  $f(x) = \begin{cases} 2/x^3 & x \geq 1 \\ 0 & x < 1 \end{cases}$  எனில், விவரித்து எந்த கூற்று சரியானது?  
 (a) சராசரி மற்றும் பரவற்படி உள்ளது  
 (b) சராசரி உள்ளது ஒன்னால் பரவற்படி இல்லை  
 (c) சராசரி, பரவற்படி இரண்டுமே இல்லை  
 (d) பரவற்படி உள்ளது ஒன்னால் சராசரி இல்லை
- 86) 1, 2, 3, 4, 5, 6 எண்ணிடப்பட்ட அறுபக்க பக்கையும் 1, 2, 3, 4 என எண்ணிடப்பட்ட நான்கு பக்க பக்கையும் சோஷியாக உருட்பட்டு இரண்டும் காட்டும் எண்களின் கூட்டல் தொகை தீர்மானிக்கப்படுகிறது. இந்த கூட்டலை குறிக்கும் சமவாய்ப்பு மாறி  $X$  எனக். இனி 7 இன் நேரமாறு பிழப்த்தின் உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை.  
 (a) 1      (b) 2      (c) 3      (d) 4
- 87) முறை சுண்டப்படும் ஒரு நாணயத்தினால் பெறப்படும் தலை மற்றும் பூக்களின் எண்ணிக்கை வேறுபாட்டை  $X$  குறிக்கிறது எனக்.  $X$ -ன் சாத்தீய மதிப்புகள்  
 (a)  $i+2n, i=0,1,2\dots n$       (b)  $2i-n, i=0,1,2\dots n$       (c)  $n-i, i=0,1,2\dots n$       (d)  $2i+2n, i=0,1,2\dots n$
- 88) 0, 1 மற்றும் 2 ஒகீய மதிப்புகளின் ஒன்றை  $X$  கொள்கிறது எனக். ஏதோ ஒரு மாறியில்  $k$ -விற்கு,  $P(X=k) = kP(X=k-1)$ ,  $k = 1, 2$  மற்றும்  $P(X=0) = 1/7$  எனில்  $k$  ன் மதிப்பு காணக்.  
 (a) 1      (b) 2      (c) 3      (d) 4
- 89) பின்வருவனவற்றுள் எது தனிநிலை சமவாய்ப்பு மாறி?  
 I. ஒரு நாளில் ஒரு குறிப்பிட சமிக்கையைக் கடக்கும் மதிப்புத்துகளின் எண்ணிக்கை  
 II. ஒரு குறிப்பிட கணத்தில் தொடர்வள்ளு பயணச்சீட்டு வாங்க வரிசையில் காத்திருக்கும் பயணிகளின் எண்ணிக்கை  
 III. ஒரு தொகைபேசி அழைப்பை நிறைவு செய்யும் காலம்  
 (a) I மற்றும் II      (b) II மட்டுமே      (c) III மட்டுமே      (d) II மற்றும் III
- 90) ஒரு சமவாய்ப்பு மாறியின் அப்த்தி சார்பு  $f(x) = \begin{cases} 2x & 0 \leq x \leq a \\ 0 & பிற மதிப்புகளுக்கு \end{cases}$  எனில்  $a$  ன் மதிப்பு  
 (a) 1      (b) 2      (c) 3      (d) 4
- 91) தனி நிலை சமவாய்ப்பு மாறியின் நிகழ்த்துவு நிறைச்சார்பு  $f(x)$  என்பது  
 (a)  $f(x) = 1$       (b)  $f(x) \geq 1$       (c)  $f(x) \geq 0$       (d)  $f(x) = 0$
- 92) ஒரு கால்பந்தாட்ட அரங்கிற்கு ஒரே பள்ளியிலிருந்து நான்கு பேருந்துகள் 160 மாணவர்களை ஏற்றிக்கொண்டு வருகிறது. அப்பேருந்துகளில் முறையே 42, 36, 34 மற்றும் 48 மாணவர்கள் பயணிக்கின்றனர். சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு மாணவர் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறார். அவ்வாறு சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்பட்ட மாணவர் பயணிக்கும் பேருந்திலுள்ள மாணவர்களின் எண்ணிக்கையை  $X$  குறிக்கிறது எனக். நான்கு ஒரு மாணவர்களில் ஒருவர் சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகின்றனர். அவ்வாறு தேர்ந்தெடுக்கப்பட்ட ஒட்டநூர் ஒட்டு வரும் பேருந்திலுள்ள மாணவர்களின் எண்ணிக்கையையை  $Y$  குறிக்கிறது எனக். இனி  $E(X)$  மற்றும்  $E(Y)$  முறையே  
 (a) 50, 40      (b) 40, 50      (c) 40, 75, 40      (d) 41, 41
- 93) கழித்தவின் கீழ் பின்வரும் கணம் அடைவு பெறவில்லை.  
 (a) R      (b) Z      (c) N      (d) Q
- 94)  $Q$  என்ற கணத்தில்  $a \oplus b = a+b+ab$  என வரையறு 3 ⊕ (y ⊕ 5) = 7 ன் தீர்வு  
 (a)  $y = 2/3$       (b)  $y = -2/3$       (c)  $y = -3/2$       (d)  $y = 4$
- 95)  $R$  ன் மீது  $a * b = \sqrt{a^2 + b^2}$  எனில் \* ஆனது  
 (a) பரிமாற்ற விதிக்கு கட்டுப்படும் ஒன்னால் சேர்ப்பு விதியை நிறைவு செய்யாது  
 (b) சேர்ப்பு விதிக்கு கட்டுப்படும் ஒன்னால் சேர்ப்பு விதியை நிறைவு செய்யாது  
 (c) பரிமாற்ற விதி மற்றும் சேர்ப்பு விதிகளை நிறைவு செய்யாது  
 (d) பரிமாற்ற விதி மற்றும் விதிகளை நிறைவு செய்யாது
- 96) பின்வரும் கூற்றுகளில் எது  $T$  மெய்மதிப்பை பெற்றிருக்கும்?  
 (a)  $\sin x$  உர் இரட்டைச் சார்பு      (b) ஒவ்வொரு சதுர அணியிடம் பூசியமற்ற கோலை அணி ஆகும்.  
 (c) ஒரு கலப்பெண் மற்றும் அதன் இணை எண்ணின் பெருக்கற்பளன் முற்றிலும் கற்பனை      (d)  $\sqrt{5}$  ஒரு விகிதமுறை எண்
- 97)  $\neg(p \vee \neg q)$  ன் மெய்மை அட்வகைணாயில் கடைசி நிரவில் வரும் மெய்மதிப்பு ‘F’ விளைவுகளின் எண்ணிக்கை  
 (a) 1      (b) 2      (c) 3      (d) 4
- 98)  $(p \wedge q) \vee \neg q$  ன் மெய்மை அட்வகைண கீழே தரப்பட்டுள்ளது.
- | p | q | $(p \wedge q) \vee (\neg q)$ |
|---|---|------------------------------|
| T | T | (a)                          |
| T | F | (b)                          |
| F | T | (c)                          |
| F | F | (d)                          |
- பின்வருபவைகளில் எது உண்மை?
- |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| (a) | (b) | (c) | (d) |
| T   | T   | T   | T   |
- |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| (a) | (b) | (c) | (d) |
| T   | F   | T   | T   |
- |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| (a) | (b) | (c) | (d) |
| T   | T   | F   | T   |
- |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| (a) | (b) | (c) | (d) |
| T   | F   | F   | F   |
- 99) பின்வருபவைகளில் எது சரியான?  $p$  மற்றும்  $q$  ஏதேனும் இரு கூற்றுகளுக்கு பின்வரும் தர்க்க சமானமானவைகள் பெறப்படுகிறது.  
 (a)  $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$       (b)  $\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$       (c)  $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \vee \neg q$       (d)  $\neg(\neg p) \equiv p$
- 100)  $R$  என்ற மெய்மைகளின் கணத்தில், \* என்பது  $a * b = a^2 - b^2$  என வரையறைக்கப்படுகிறது எனில்,  $(3*5)*4$  ன் மதிப்பு  
 (a) -240      (b) 240      (c) -72      (d) 72

12- கணிதவியல் பக்கம் 4