

SECOND REVISION TEST - 2024

Standard X

Reg.No.

--	--	--	--	--

MATHEMATICS

Time : 3.00 hrs

Part - I

Marks : 100

I. Choose the correct answer:

14 x 1 = 14

- $A = \{a, b, p\}$, $B = \{2, 3\}$, $C = \{p, q, r, s\}$ then $n[(A \cup C) \times B]$ is

a) 8 b) 20 c) 12 d) 16
- If $g = \{(1,1), (2,3), (3,5), (4,7)\}$ is a function given by $g(x) = \alpha x + \beta$ then the values of α and β are

a) $(-1,2)$ b) $(2,-1)$ c) $(-1,-2)$ d) $(1,2)$
- If the HCF of 65 and 117 is expressible in the form of $65m - 117$, then the value of m is

a) 4 b) 2 c) 1 d) 3
- The solution of $(2x - 1)^2 = 9$ is equal to

a) -1 b) 2 c) -1,2 d) none of these
- In square matrix $A = [a_{ij}]_{n \times n}$, if $i < j$ and $a_{ij} = 0$ then its called

a) zero matrix b) upper triangular matrix

c) lower triangular matrix d) identity matrix
- If $\triangle ABC$ is an isosceles triangle with $\angle C = 90^\circ$ and $AC = 5$ cm, then AB is

a) 2.5 cm b) 5 cm c) 10 cm d) $5\sqrt{2}$ cm
- The area of triangle formed by the points $(-5,0)$, $(0,-5)$ and $(5,0)$ is

a) 0 sq.units b) 25 sq.units

c) 5 sq.units d) none of these
- Find the number of straight lines that have slope '1' and pass through the point $(3,0)$

a) 1 b) 2 c) 4 d) countless
- If $\sin\theta = \cos\theta$, then $2\tan^2\theta + \sin^2\theta - 1$ is equal to

a) $-\frac{3}{2}$ b) $\frac{3}{2}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $-\frac{2}{3}$
- The electric pole substends an angle of 30° at a point on the same level as its foot. At a second point 'b' metres above the first, the depression of the foot of the pole is 60° . The height of the pole (in metres) is equal to

a) $\sqrt{3}b$ b) $\frac{b}{3}$ c) $\frac{b}{2}$ d) $\frac{b}{\sqrt{3}}$

11. If the surface area of a cylinder is 264 m^2 and the volume is 924 m^3 , the ratio of its diameter to its height is
 a) 3 : 7 ~~b) 7 : 3~~ c) 6 : 7 d) 7 : 6
12. A shuttle cock used for playing badminton has the shape of the combination of
 a) a cylinder and a sphere b) a hemisphere and a cone
 c) a sphere and a cone ~~d) frustum of a cone and a hemisphere~~
13. Which of the following is correct?
 a) $P(A) > 0$ ~~b) $0 \leq P(A) \leq 1$~~ c) $P(\phi) = \infty$ d) $P(A) < 0$
14. The range of the data 8, 8, 8, 8, 8 is
~~a) 0~~ b) 1 c) 8 d) 3

Part - II

II. Answer any 10 questions. (Q.No.28 is compulsory)

10 x 2 = 20

15. A relation R is given by the set $\{(x,y) / y = x + 3, x \in \{0,1,2,3,4,5\}\}$. Determine its domain and range.
16. If $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ and $f: A \rightarrow B$ is an onto function defined by $f(x) = x^2 + x + 1$, then find B.
17. Compute x, such that $10^4 = x \pmod{19}$
18. Find a_8 and a_{15} whose n^{th} term is $a_n = \begin{cases} \frac{n^2-1}{n+3} & ; n \text{ is even, } n \in \mathbb{N} \\ \frac{n^2}{2n+1} & ; n \text{ is odd, } n \in \mathbb{N} \end{cases}$
19. Determine the nature of roots for the quadratic equation $2x^2 - 2x + 9 = 0$
20. If $A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 2 \\ -\sqrt{17} & 0.7 & \frac{5}{2} \\ 8 & 3 & 1 \end{bmatrix}$, then verify $(A^T)^T = A$
21. The perimeters of two similar triangles ABC and PQR are respectively 36 cm and 24 cm. If $PQ = 10$ cm, find AB.
22. The line through the points $(-2, a)$ and $(9, 3)$ has slope $-\frac{1}{2}$. Find the value of a.
23. Find the equation of a line whose intercepts on the x and y axis are -5 and $\frac{3}{4}$
24. A tower stands vertically on the ground. From a point on the ground, which is 48 m away from the foot of the tower, the angle of elevation of the top of the tower is 30° . Find the height of the tower.
25. The radius of a sphere increases 25%. Find the percentage increase in its surface area.

26. The volumes of a solid right circular cone is 11088 cm^3 . If its height is 24 cm, then find the radius of the cone.
27. The mean of a data is 25.6 and its coefficient of variation is 18.75. Find the standard deviation.
28. Gokul and Rahul are friends. What is the probability that both will have (i) different birthdays (ii) the same birthday? (ignoring a leap year)

Part - III

III. Answer any 10 questions. (Q.No.42 is compulsory)

10 x 5 = 50

29. Let $A = \{x \in \mathbb{N} / 1 < x < 4\}$, $B = \{x \in \mathbb{W} / 0 \leq x < 2\}$ and $C = \{x \in \mathbb{N} / x < 3\}$. Then verify that $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$
30. A function $f : [-5, 9] \rightarrow \mathbb{R}$ is defined as follows :

$$f(x) = \begin{cases} 6x + 1 & ; -5 \leq x < 2 \\ 5x^2 - 1 & ; 2 \leq x < 6 \\ 3x - 4 & ; 6 \leq x \leq 9 \end{cases}, \text{ find } \frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)}$$

31. If $S_1, S_2, S_3, \dots, S_m$ are the sums of n terms of m A.P.'s whose first terms are $1, 2, 3, \dots, m$ and whose common differences are $1, 3, 5, \dots, (2m-1)$ respectively, then show that

$$S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_m = \frac{1}{2} mn(mn + 1)$$

32. Find the sum of $15^2 + 16^2 + 17^2 + \dots + 28^2$
33. Find the values of a and b if the polynomial is perfect square : $4x^4 - 12x^3 + 37x^2 + bx + a$
34. The hypotenuse of a right angled triangle is 25 cm and its perimeter 56 cm. Find the length of the smallest side.
35. State and prove Angle Bisector theorem.
36. Find the area of the quadrilateral whose vertices are at $(-9, 0)$, $(-8, 6)$, $(-1, -2)$ and $(-6, -3)$
37. You are downloading a song. The percent y (in decimal form) of mega bytes remaining to get downloaded in x seconds is given by $y = -0.1x + 1$.
- Find the total MB of the song
 - After how many seconds will 75% of the song gets downloaded?
 - After how many seconds the song will be downloaded completely?

38. If $\cot\theta + \tan\theta = x$ and $\sec\theta - \cos\theta = y$, then prove that $(x^2 y)^{\frac{2}{3}} - (xy^2)^{\frac{2}{3}} = 1$

39. If the radii of the circular ends of a frustum which is 45 cm high are 28 cm and 7 cm, find the volume of the frustum.
40. Water is flowing at the rate of 15 km per hour through a pipe of diameter 14 cm into a rectangular tank which is 50 m long and 44 m wide. Find the time in which the level of water in the tank will rise by 21 cm.
41. A coin is tossed thrice. What is the probability of getting atmost 2 tails or atleast 2 heads?
42. If $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$, find the matrix C, such that $4A - 3B + C = 0$

Part - IV

IV. Answer all the questions.

 $2 \times 8 = 16$

43. a) Construct a triangle similar to a given triangle PQR with its sides equal to $\frac{7}{3}$ of the corresponding sides of the triangle PQR (Scale factor $\frac{7}{3} > 1$)
- (OR)
- b) Construct ΔPQR in which $QR = 5$ cm, $\angle P = 40^\circ$ and the median PG from P to QR is 4.4 cm. Find the length of the altitude from P to QR.
44. a) Nishanth is the winner in a Marathon race of 12 km distance. He ran at the uniform speed of 12 km/hr and reached the destination in 1 hour. He was followed by Aradhana, Jeyanth, Sathya and Swetha with their respective speed of 6 km/hr, 4 km/hr, 3 km/hr and 2 km/hr. And they covered the distance in 2 hrs, 3 hrs, 4 hrs and 6 hours respectively.
- Draw the speed-time graph and use it to find the time taken to Kaushik with his speed of 2.4 km/hr.
- (OR)
- b) Draw the graph of $y = 2x^2 - 3x - 5$ and hence solve $2x^2 - 4x - 6 = 0$

12. கீழ்க்காணும் எந்த இரு உருவங்களை இணைத்தால் ஓர் இறகு பந்தின் வடிவம் கிடைக்கும்?
 அ) உருளை மற்றும் கோளம்
 ஆ) அரைக்கோளம் மற்றும் கூம்பு
 இ) கோளம் மற்றும் கூம்பு
 ஈ) கூம்பின் இடைக்கண்டம் மற்றும் அரைக்கோளம்

13. கொடுக்கப்பட்டவைகளில் எது சரியானது?

அ) $P(A) > 0$ ஆ) $0 \leq P(A) \leq 1$ இ) $P(\phi) = \infty$ ஈ) $P(A) < 0$

14. 8, 8, 8, 8 8 ஆகிய தரவின் வீச்சு

அ) 0 ஆ) 1 இ) 8 ஈ) 3

பகுதி - ஆ

- II. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 28 கட்டாய வினா) $10 \times 2 = 20$

15. R என்ற உறவு $\{(x,y) / y = x + 3, x \in \{0,1,2,3,4,5\}\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. மதிப்பகம், வீச்சகம் காண்க.

16. $A = \{-2,-1,0,1,2\}$ மற்றும் $f:A \rightarrow B$ என்ற சார்பானது $f(x) = x^2 + x + 1$ ஒரு மேல் சார்பு எனில், B-ஐக் காண்க.

17. $10^4 \equiv x \pmod{19}$ என்றவாறு அமையும் X மதிப்பைக் கணக்கிடுக.

18. $a_n = \begin{cases} \frac{n^2-1}{n+3} & ; \text{ ஓர் இரட்டை எண், } n \in \mathbb{N} \\ \frac{n^2}{2n+1} & ; \text{ ஓர் ஒற்றை எண், } n \in \mathbb{N} \end{cases}$ என்பது 'n' வது உறுப்பு எனில் a_8 மற்றும் a_{15}

காண்க.

19. $2x^2 - 2x + 9 = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்களின் தன்மையைக் காண்க.

20. $A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 2 \\ -\sqrt{17} & 0.7 & 5/2 \\ 8 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ எனில் $(A^T)^T = A$ என நிறுவுக.

21. வடிவொத்த முக்கோணங்கள் ABC மற்றும் PQR ன் சுற்றளவுகள் முறையே 36 செமீ மற்றும் 24 செமீ ஆகும். PQ = 10 செ.மீ எனில் AB ஐக் காண்க.

22. $(-2,a)$ மற்றும் $(9,3)$ என்ற புள்ளிகள் வழிச் செல்லும் நோக்கோட்டின் சாய்வு $-\frac{1}{2}$ எனில் 'a' ன் மதிப்பு காண்க.

23. -5 மற்றும் $\frac{3}{4}$ ஆகியவற்றை முறையே x, y வெட்டுத்துண்டுளாகக் கொண்ட நோக்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

24. ஒரு கோபுரம் தரைக்கு செங்குத்தாக உள்ளது. கோபுரத்தின் அடிப்பகுதியிலிருந்து தரையில் 4 சமீ தொலைவில் உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து, கோபுர உச்சியின் ஏற்றக்கோணம் 30° எனில் கோபுரத்தின் உயரம் காண்க.

25. ஒரு கோளத்தின் ஆரம் 25% அதிகரிக்கும்போது, அதிகரிக்கும் புறப்பரப்பின் சதவீதம் காண்க.
26. ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் கன அளவு 11088 க.செமீ ஆகும். கூம்பின் உயரம் 24 செமீ எனில் அதன் ஆரம் காண்க.
27. தரவின் சராசரியானது 25.6 மற்றும் அதன் மாறுபாட்டுக் கெழு 18.75 எனில் அதன் திட்டவிலக்கம் காண்க.
28. கோகூல் மற்றும் ராகூல் இருவரும் நண்பர்கள். இருவரது பிறந்த நாளும் சாதாரண ஆண்டில்
(i) ஒரே நாளில் வர (ii) வெவ்வேறு நாளில் வர நிகழ்தகவு காண்க.

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 42 கட்டாய வினா) $10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in \mathbb{N} / 1 < x < 4\}$, $B = \{x \in \mathbb{W} / 0 \leq x < 2\}$ மற்றும் $C = \{x \in \mathbb{N} / x < 3\}$ எனில்
 $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதை சரிபார்.

30. $f : [-5, 9) \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்பானது பின்வருமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது.

$$f(x) = \begin{cases} 6x + 1 & ; -5 \leq x < 2 \\ 5x^2 - 1 & ; 2 \leq x < 6 \\ 3x - 4 & ; 6 \leq x \leq 9 \end{cases} \text{ எனில் } \frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)} \text{ ன் மதிப்பு காண்க.}$$

31. $S_1, S_2, S_3, \dots, S_m$ என்பன 'm' வெவ்வேறு கூட்டுத்தொடர் வரிசை 'n' உறுப்புகளின் கூடுதல் ஆகும். முதல் உறுப்புகள் 1, 2, 3, ..., m மற்றும் பொது வித்தியாசம் 1, 3, 5, ..., (2m-1) என்றவாறு அமைந்தால் அந்த கூட்டுத்தொடர் வரிசைகளில் $S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_m = \frac{1}{2} mn(mn + 1)$ என நிரூபிக்க.

32. கூடுதல் காண்க : $15^2 + 16^2 + 17^2 + \dots + 28^2$

33. $4x^4 - 12x^3 + 37x^2 + bx + a$ ஆனது ஒரு முழு வர்க்கம் எனில் a, b மதிப்பு காண்க.

34. ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தின் காணம் 25 செமீ மற்றும் அதன் சுற்றளவு 56 செமீ எனில் முக்கோணத்தின் சிறிய பக்கத்தின் அளவைக் காண்க.

35. கோண இருசமவெட்டி தேற்றத்தை எழுதி தகுந்தமுறையில் நிறுவுக.

36. $(-9, 0), (-8, 6), (-1, -2), (-6, -3)$ ஆகியவற்றை முனைகளாக கொண்ட நாற்கரத்தின் பரப்பு காண்க.

37. நீங்கள் ஒரு பாடலைப் பதிவிறக்கம் செய்யும் போது, X வினாடிகளுக்குப் பிறகு பதிவிறக்கம் செய்ய வேண்டிய மீதமுள்ள பாடலின் சதவீதம் (மெகா பைட்டில்) Y ஆனது (தசமத்தில்) $y = -0.1x + 1$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலம் குறிக்கப்பட்டால்

i) பாடலின் மொத்த MB அளவைக் கணக்கிடுக.

ii) 75% பாடலைப் பதிவிறக்கம் செய்ய எவ்வளவு வினாடிகள் ஆகும்?

iii) எத்தனை வினாடிகள் கழித்து பாடல் முழுமையாக பதிவிறக்கம் செய்யப்படும்?

38. $\cot\theta + \tan\theta = x$ மற்றும் $\sec\theta - \cos\theta = y$ எனில் $(x^2y)^{\frac{2}{3}} - (xy^2)^{\frac{2}{3}} = 1$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.
39. 45 செமீ உயரமுள்ள ஓர் இடைக்கண்டத்தின் இருபுற ஆரங்கள் முறையே 28 செமீ மற்றும் 7 செமீ எனில், அதன் கன அளவைக் காண்க.
40. 14 செமீ விட்டமுள்ள குழாயிலிருந்து 15 கி.மீ/மணி வேகத்தில், 50 மீ நீளம் மற்றும் 44 மீ அகலம் கொண்ட ஒரு செவ்வக வடிவத் தொட்டியினுள் தண்ணீர் பாய்கிறது. எவ்வளவு நேரத்தில் தண்ணீர் மட்டம் 21 செமீ-க்கு உயரும்?
41. சீரான 3 நாணயங்கள் ஒருமுறை சுண்டப்படுகின்றன. அதிகபட்சம் 2 பூக்கள் அல்லது குறைந்தபட்சம் 2 தலைகள் கிடைக்க நிகழ்தகவைக் காண்க.
42. $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$ எனில், $4A - 3B + C = 0$ என்றவாறு அமையும் அணி C யைக் காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2 x 8 = 16

43. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQRன் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{7}{3}$ என்றவாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $\frac{7}{3} > 1$)

(அல்லது)

- ஆ) QR = 5 செமீ, $\angle P = 40^\circ$ மற்றும் உச்சி P யிலிருந்து QR க்கு வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் PG = 4.4 செமீ என இருக்கும்படி ΔPQR வரைக. மேலும் P யிலிருந்து QR க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் காண்க.
44. அ) நிஷாந்த் 12 கி.மீ தூரத்திற்கான மாரத்தன் ஓட்டத்தில் வெற்றியாளர் ஆவார். அவர் மணிக்கு 12 கி.மீ என்ற சீரான வேகத்தில் ஓடி இலக்கினை 1 மணி நேரத்தில் அடைந்தார். அவரைத் தொடர்ந்து ஆராதனா, ஜெயந்த், சத்யா மற்றும் சுவேதா ஆகியோர் முறையே 6 கி.மீ/மணி, 4 கி.மீ/மணி, 3 கி.மீ/மணி மற்றும் 2 கி.மீ/மணி என்ற வேகத்தில் ஓடி வந்தனர். அவர்கள் அந்த தூரத்தை முறையே 2 மணி, 3 மணி, 4 மணி மற்றும் 6 மணி நேரத்தில் அடைந்தனர். வேகம்-நேரம் வரைபடம் வரைந்து அதனை பயன்படுத்தி, மணிக்கு 2.4 கி.மீ/மணி வேகத்தில் சென்ற கௌசிக் எடுத்துக்கொண்ட நேரத்தைக் காண்க.

(அல்லது)

- ஆ) $y = 2x^2 - 3x - 5$ ன் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $2x^2 - 4x - 6 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும்.

20) $A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 2 \\ -\sqrt{17} & 0.7 & \frac{5}{2} \\ 8 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ — (1)

$A^T = \begin{bmatrix} 5 & -\sqrt{17} & 8 \\ 2 & 0.7 & 3 \\ 2 & \frac{5}{2} & 1 \end{bmatrix}$ — (2)

$(A^T)^T = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 2 \\ -\sqrt{17} & 0.7 & \frac{5}{2} \\ 8 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ — (3)

From (1) & (3), $(A^T)^T = A$

21) $\Delta ABC \sim \Delta PQR$

$\frac{AB}{PQ} = \frac{36}{24}$

$\frac{AB}{10} = \frac{36}{24} \Rightarrow AB = \frac{36 \times 10}{24} = 15$

AB = 15 cm

22) $(-2, a)$ $(9, 3)$
 x_1, y_1 x_2, y_2

Slope $m = -\frac{1}{2}$

$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = -\frac{1}{2}$

$\frac{3 - a}{9 + 2} = -\frac{1}{2}$

$3 - a = -\frac{11}{2}$

$3 + \frac{11}{2} = a$

$a = \frac{17}{2}$

23) $a = 5$ $b = \frac{3}{4}$

The equation of a st. line
 Brij Bhanu for Features

$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$

$\frac{x}{5} + \frac{y}{\frac{3}{4}} = 1$

$-\frac{x}{5} + \frac{4y}{3} = 1 \Rightarrow \frac{-3x + 20y}{15} = 1$

$-3x + 20y = 15 \Rightarrow \boxed{3x - 20y + 15 = 0}$

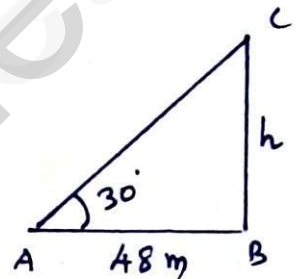
24)

In ΔABC

$\tan 30^\circ = \frac{h}{48}$

$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{48}$

$h = \frac{48}{\sqrt{3}} = \frac{48\sqrt{3}}{3} = \underline{\underline{16\sqrt{3} \text{ m}}}$



25)

Let r be the original radius of a sphere.

r \rightarrow $\frac{5}{4}r$ \rightarrow $\frac{25}{100}r$

New radius $\rightarrow r + \frac{25}{100}r = \frac{5}{4}r$

New Surface Area $\rightarrow 4\pi \left(\frac{5}{4}r\right)^2 = \frac{25\pi r^2}{4}$

Difference in SA $\rightarrow \frac{25\pi r^2}{4} - 4\pi r^2 = \frac{9\pi r^2}{4}$

Percentage increase in SA $\rightarrow \frac{9\pi r^2}{4} \times 100 = 56.25\%$

[A K RAJADHURAI]

26) Volume of a cone = 11088 cm³

$$\frac{1}{3} \pi r^2 h = 11088$$

$$\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times r^2 \times 24 = 11088$$

$$r^2 = \frac{11088 \times 3 \times 7}{22 \times 24}$$

$$r^2 = 21 \times 21 \Rightarrow r = 21 \text{ cm}$$

27)

$$CV = \frac{\sigma}{x} \times 100$$

$$18.75 = \frac{\sigma}{25.6} \times 100$$

$$\sigma = \frac{18.75 \times 25.6}{100} = \frac{480}{100}$$

$$\sigma = 4.8$$

28)

$$n(S) = 365$$

Let A be the event of both having different birthdays

A தோராய இரண்டு பிறந்தாண்டு ஒரேபடியான நாளைகள் உட்கொள்ளாது.

$$n(A) = 365 - 1 = 364$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{364}{365}$$

A தோராய இரண்டு பிறந்தாண்டு ஒரே நாளைகள் உட்கொள்ளும்.

Let A-bar be the event of both having the same birthday

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - \frac{364}{365} = \frac{1}{365}$$

29) A = {2, 3} B = {0, 1} C = {1, 2}

LHS B ∩ C = {1}

$$A \times (B \cap C) = \{2, 3\} \times \{1\} = \{(2, 1), (3, 1)\} \text{ --- (1)}$$

RHS A × B = {(2, 0), (2, 1), (3, 0), (3, 1)}

A × C = {(2, 1), (2, 2), (3, 1), (3, 2)}

(A × B) ∩ (A × C) = {(2, 1), (3, 1)} --- (2)

From (1) & (2)

$$A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$$

30)

$$f(x) = 6x + 1$$

$$f(-2) = 6(-2) + 1 = -11$$

$$f(x) = 3x - 4$$

$$f(6) = 3(6) - 4 = 14$$

$$f(x) = 5x^2 - 1$$

$$f(4) = 5(4)^2 - 1 = 79$$

$$\frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)} = \frac{2(-11) - 14}{79 - 11}$$

$$= \frac{-22 - 14}{79 - 11}$$

$$= \frac{-36}{68} = \frac{-9}{17}$$

31)

If a=1, d=1

$$S_1 = \frac{n}{2} [2c + (n-1)d]$$

If $a=2$, $d=3$ www.Padasalai.Net

$$S_2 = \frac{n}{2} [2(2) + (n-1)3]$$

If $a=3$, $d=5$

$$S_3 = \frac{n}{2} [2(3) + (n-1)5]$$

If $a=m$, $d=2m-1$

$$S_m = \frac{n}{2} [2(m) + (n-1)(2m-1)]$$

CHS
 $\therefore S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_m$

$$= \frac{n}{2} [2(1+2+\dots+m) + (n-1)(1+3+\dots+(2m-1))]$$

$$= \frac{n}{2} \left[2 \frac{m(m+1)}{2} + (n-1)m^2 \right]$$

$$= \frac{n}{2} [m^2 + m + mn - m^2]$$

$$= \frac{mn}{2} [m+1] \quad \text{Ans}$$

32) $15^2 + 16^2 + 17^2 + \dots + 28^2$

$$= (1^2 + 2^2 + \dots + 28^2) - (1^2 + 2^2 + \dots + 14^2)$$

$$= \frac{28(28+1)[2(28)+1]}{6} - \frac{14(14+1)[2(14)+1]}{6}$$

$$= \frac{14 \cdot 28 \cdot 29 \cdot 57}{6} - \frac{7 \cdot 14 \cdot 15 \cdot 29}{6}$$

$$= 7714 - 1015 = 6699$$

A K RAJADHURAI
 MATAS TEACHER

33)

www.TrbTpsc.com

$$\begin{array}{r}
 2x^2 \quad | \quad 4x^4 - 12x^3 + 37x^2 + bx + a \\
 \underline{4x^4} \quad | \quad + + bx + a \\
 (-) \quad \quad | \quad -12x^3 + 37x^2 + bx + a \\
 \underline{12x^3 - 37x^2} \quad | \quad + \\
 (+) \quad \quad | \quad + 9x^2 + bx + a \\
 \underline{9x^2 + bx + a} \quad | \quad \\
 (-) \quad \quad | \quad + 28x^2 + bx + a \\
 \underline{28x^2 - 42x + 49} \quad | \quad \\
 (+) \quad \quad | \quad + + 0
 \end{array}$$

$$a - 49 = 0$$

$$a = 49$$

$$b + 42 = 0$$

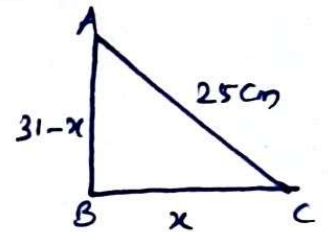
$$b = -42$$

34) Perimeter = 56cm

$$a + b + c = 56$$

$$a + b + 25 = 56$$

$$a + b = 31$$



Let $a=x$, $b=31-x$.

In ΔABC

By Pythagoras theorem

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$(31-x)^2 + x^2 = 25^2$$

$$961 - 62x + x^2 + x^2 = 625$$

$$2x^2 - 62x + 336 = 0$$

$$x^2 - 31x + 168 = 0$$

$$(x-24)(x-7) = 0$$

$$x = 24, 7 \quad 31-x = 7, 24$$

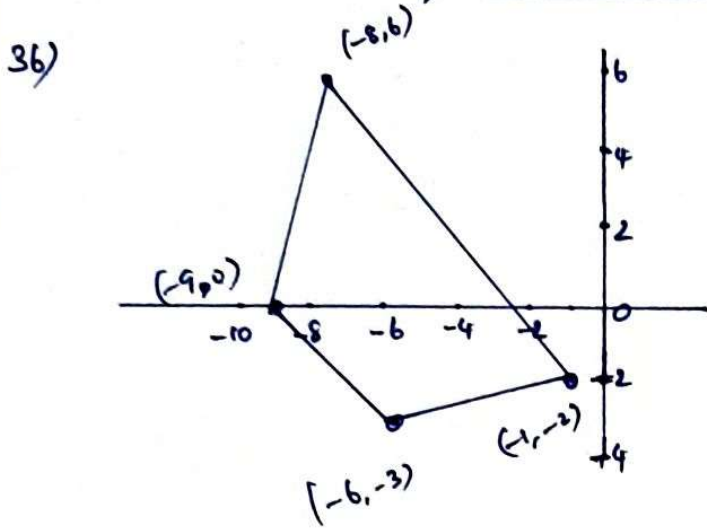
The length of the smallest

side is 7cm

பெரிய பக்கம் 24cm, சிறிய பக்கம் 7cm

பக்கம் = 7cm

35) Angle bisector theorem
 கோண பகுக்கும் கோடுகளின் விகிதம்.



A (-6, -3) B (-1, -2) C (-8, 6) D (-9, 0)
 $x_1, y_1 \quad x_2, y_2 \quad x_3, y_3 \quad x_4, y_4$

Area of quadrilateral

பெரிசீலிப்பு செய்ய

$$= \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_1 \\ y_1 & y_2 & y_3 & y_4 & y_1 \end{vmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} \begin{vmatrix} -6 & -1 & -8 & -9 & -6 \\ -3 & -2 & 6 & 0 & -3 \end{vmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} [(12 - 6 + 0 + 27) - (3 + 16 - 54 + 0)]$$

$$= \frac{1}{2} [33 + 35] = \frac{1}{2} (68)$$

$$= 34 \text{ Sq. units}$$

37) $y = -0.1x + 1$ — (1)

(i) when $x = 0$, $y = 1$
 Total MB of the song = 1 MB
 வசூலானது மொத்த MB அளவு = 1 MB

(ii) 75% வசூல் செய்துள்ள நிலையில்,
 25% வசூல் செய்துள்ள நிலை
 உள்ளது 2 மீட்டர்.
 75% of MB downloaded
 25% of MB to be downloaded

(iii) If $y = 0.25$

$$\textcircled{1} \Rightarrow 0.25 = -0.1x + 1$$

$$0.1x = 0.75$$

$$x = \frac{0.75}{0.10} = \frac{75}{10} = 7.5$$

Required time = 7.5 sec
 தேவையான நேரம் = 7.5 மீட்டர்

(iii) வசூல் செய்துள்ள நிலையில்
 இல்லாத நிலை $y = 0$
 When song completely downloaded $y = 0$.

$$\textcircled{1} \Rightarrow 0 = -0.1x + 1$$

$$x = \frac{1}{0.1}$$

$x = 10$ sec
 Song will be downloaded
 completely after 10 sec.
 10 மீட்டர் அளவு செய்துள்ள நிலை
 உள்ளது இல்லாத நிலை.

38) $x = \cot \theta + \tan \theta$

$$x = \frac{\cos \theta}{\sin \theta} + \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$x = \frac{\cos^2 \theta + \sin^2 \theta}{\sin \theta \cos \theta} = \frac{1}{\sin \theta \cos \theta}$$

$$y = \sec \theta - \cos \theta$$

$$y = \frac{1}{\cos \theta} - \cos \theta$$

$$y = \frac{1 - \cos^2 \theta}{\cos \theta} = \frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta}$$

[A K RAJADHURI]

LHS

$$(2y)^{2/3} - (xy^2)^{2/3}$$

$$= \left(\frac{1}{\sin^2 \theta \cos^2 \theta} \cdot \frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta} \right)^{2/3} - \left(\frac{1}{\sin \theta \cos \theta} \cdot \frac{\sin^4 \theta}{\cos^2 \theta} \right)^{2/3}$$

$$= \left(\frac{1}{\cos^3 \theta} \right)^{2/3} - \left(\frac{\sin^3 \theta}{\cos^3 \theta} \right)^{2/3}$$

$$= (\sec^3 \theta)^{2/3} - (\tan^3 \theta)^{2/3}$$

$$= \sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1 = \text{RHS}$$

39) Volume of frustum
 கனம் கிடைக்கிற கருண்டின் கனம்

$$V = \frac{1}{3} \pi h [R^2 + r^2 + Rr]$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 45 [28^2 + 7^2 + (28 \times 7)]$$

$$= \frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 45 \times 1029$$

$$= 48510 \text{ cm}^3$$

40) Pipe கருண்டின்
 Speed of water in pipe = 15 km/hr
 கருண்டின் நீர்மின் வேகம்
 H = 15000m

கருண்டின் Radius r = 7cm = $\frac{7}{100}$ m

Tank கருண்டின்
 l = 50m, b = 44m
 h = 21cm = $\frac{21}{100}$ m

[A K RAMSUBRAJ]

Required time = $\frac{\text{Volume of tank}}{\text{Volume of pipe}}$

கருண்டின் கனம் = $\frac{\text{கருண்டின் கனம்}}{\text{கருண்டின் கனம்}}$

$$= \frac{l b h}{\pi r^2 H}$$

$$= \frac{50 \times 44 \times \frac{21}{100}}{\frac{22}{7} \times \frac{7}{100} \times \frac{7}{100} \times 15000}$$

$$= 2 \text{ hrs}$$

41)

S = { HHH, HHT, HTH, HTT, TTH, THT, TTH, TTT }

n(S) = 8

A - Getting atleast two tails
 (அதிகபட்சம் இரண்டு தலை)
 A = { HHH, HHT, HTH, HTT, TTH, THT, TTH }

n(A) = 7

P(A) = $\frac{n(A)}{n(S)} = \frac{7}{8}$

B - Getting atleast two heads
 (அதிகபட்சம் இரண்டு தலை)
 B = { HHH, HHT, HTH, TTH }

n(B) = 4

P(B) = $\frac{n(B)}{n(S)} = \frac{4}{8}$

A ∩ B = { HHH, HHT, HTH, TTH }

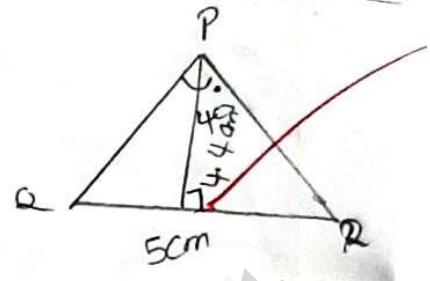
n(A ∩ B) = 4

P(A ∩ B) = $\frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{4}{8}$

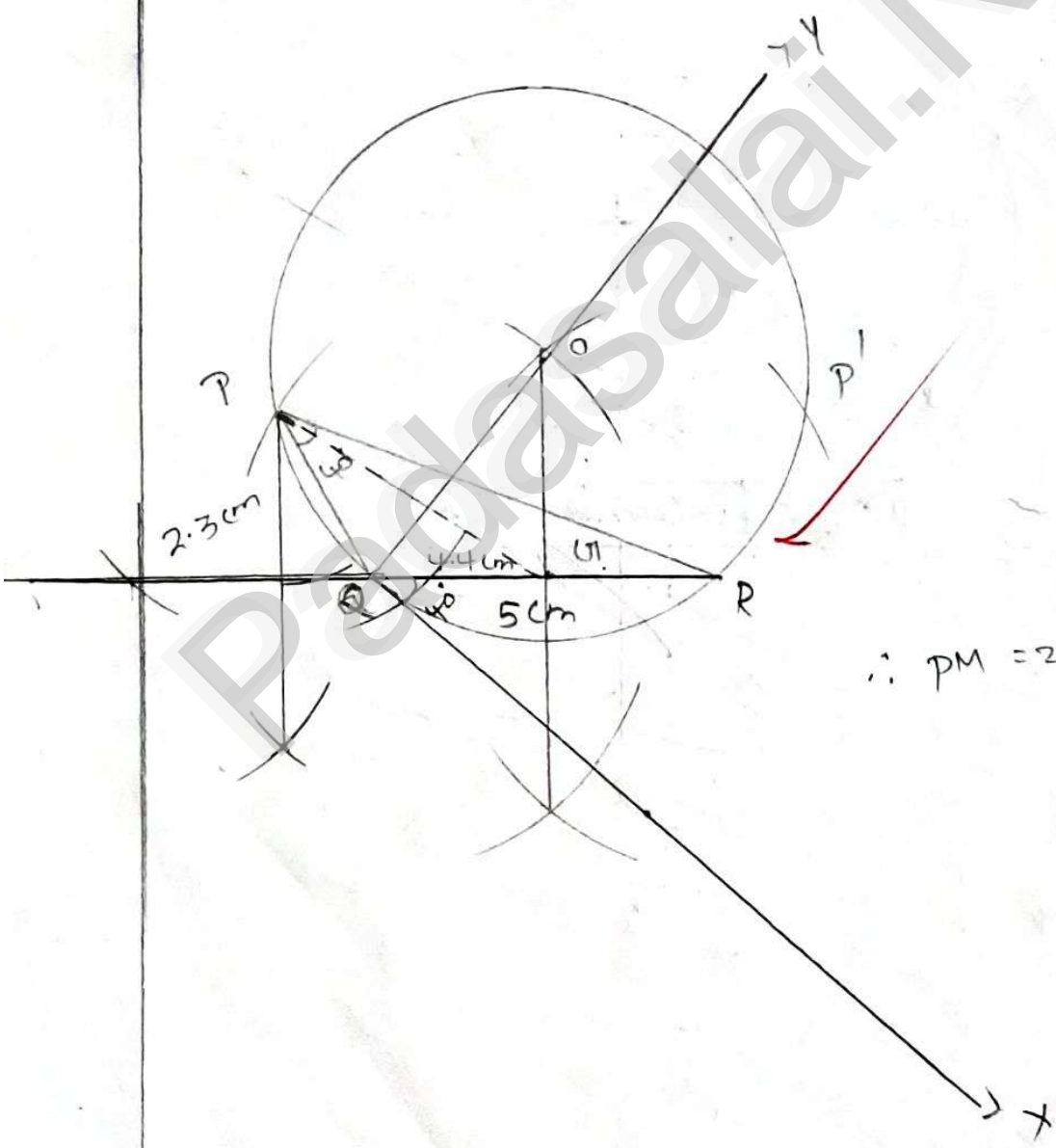
12)

Construct a ΔPQR in which $QR = 5\text{cm}$, $\angle P = 40^\circ$ and the median PM from P to QR is 4.4cm . Find the length of the altitude from P to QR .

Rough Diagram



Diagram



$\therefore PM = 2.3\text{ cm}$

44) a)

Table:

Speed x:	12	6	4	3	2
Time y:	1	2	3	4	6

If x decreases, y increases

∴ It is Indirect variation

$$y = \frac{k}{x}$$

$$xy = k$$

$$k = 12 \times 1 = 6 \times 2 = 4 \times 3 = 3 \times 4 = 2 \times 6 = 12$$

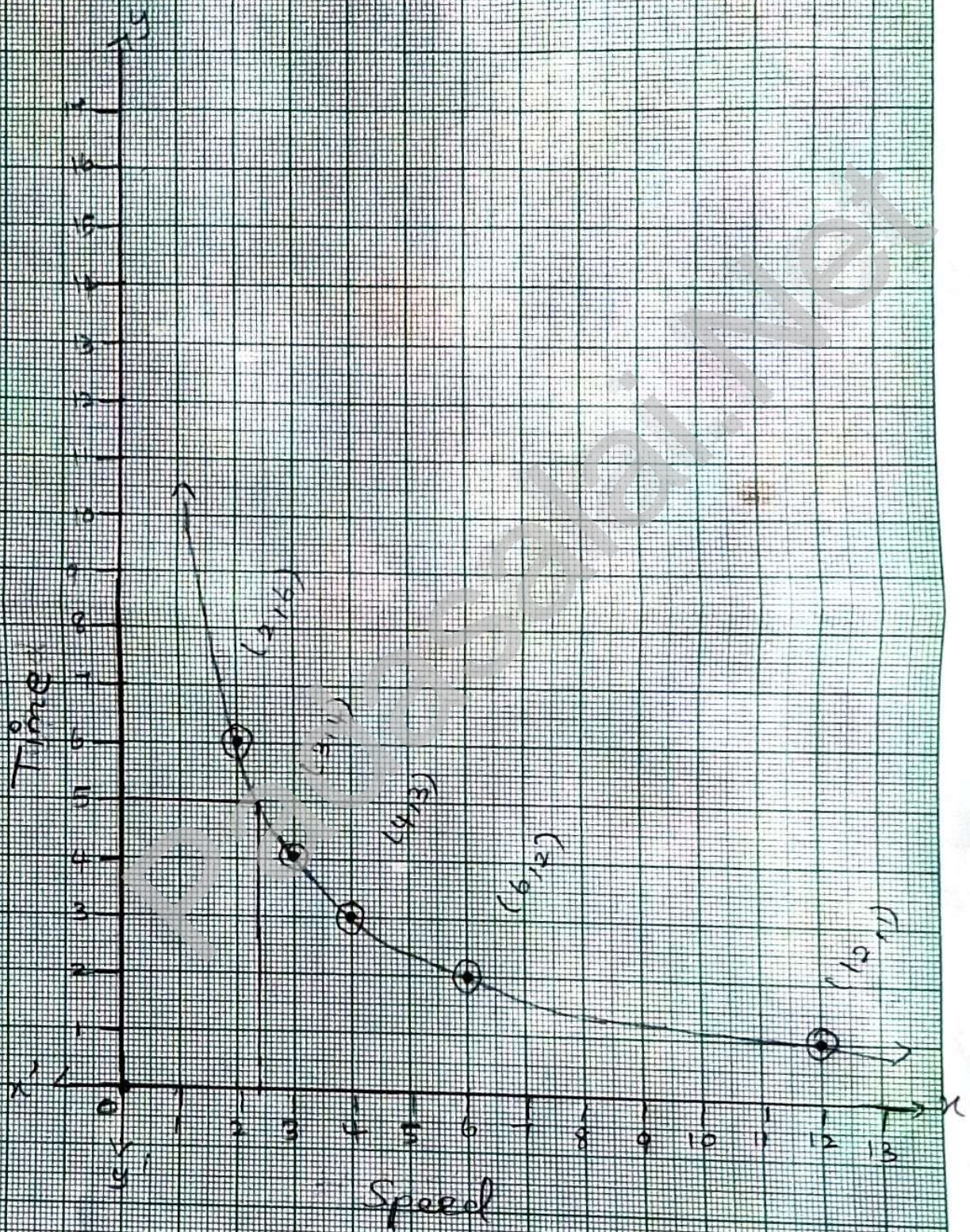
$$\therefore \boxed{k = 12}$$

points:

$$(12, 1) (6, 2) (4, 3) (3, 4) (2, 6)$$

Kaushik taken time hrs speed 2.4 km/hr
in 5 hours.

x axis 1cm = 1 Km/hr
y axis 1cm = 1 hour



$$44. b) y = 2x^2 - 3x - 5$$

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
x^2	9	4	1	0	1	4	9
$2x^2$	18	8	2	0	2	8	18
$-3x$	9	6	3	0	-3	-6	-9
-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5	-5
$y = 2x^2 - 3x - 5$	22	9	0	-5	-6	-3	4

Points:

$$(-3, 22) (-2, 9) (-1, 0) (0, -5) (1, -6) (2, -3) (3, 4)$$

$$2x^2 - 3x - 5 = y$$

$$2x^2 - 4x - 6 = 0$$

(-) (+) (+) (-)

$$x + 1 = y$$

Table

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
y	1	1	1	1	1	1	1
$y = x + 1$	-2	-1	0	1	2	3	4

Points:

$$(-3, -2) (-2, -1) (-1, 0) (0, 1) (1, 2) (2, 3) (3, 4)$$

Solution:

The point of intersection of Curve and straight line

$$(-1, 0) (3, 4)$$

Solution:

$$\{-1, 3\}$$

Scale

