

V10M

விருதுநகர் மாவட்டம்
இரண்டாம் திருப்புதல் பொதுத் தேர்வு - 2024



வகுப்பு 10

நேரம்: 3.00 மணி

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 100

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

14×1=14

- 1) $f(x) = x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$ எனில் $f \circ g$ ஆனது
 - a) $\frac{1}{3x^2}$
 - b) $\frac{2}{3x^2}$
 - c) $\frac{1}{9x^2}$
 - d) $\frac{1}{6x^2}$
- 2) $(a+2, 4)$ மற்றும் $(5, 2a+b)$ ஆகிய வரிசைச் சோடிகள் சமம் எனில், (a, b) என்பது
 - a) $(2, -2)$
 - b) $(5, 1)$
 - c) $(2, 3)$
 - d) $(3, -2)$
- 3) $a_1 = -1$ மற்றும் $a_n = \frac{a_{n-1}}{n+2}$ என கொடுக்கப்பட்டால் a_4 ஆனது
 - a) $-\frac{1}{20}$
 - b) $-\frac{1}{4}$
 - c) $-\frac{1}{840}$
 - d) $-\frac{1}{120}$
- 4) ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் 6வது உறுப்பின் 6 மடங்கும் 7வது உறுப்பின் 7 மடங்கும் சமம் எனில், அக்கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் 13வது உறுப்பு
 - a) 0
 - b) 6
 - c) 7
 - d) 13
- 5) கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது $y^2 + \frac{1}{y^2}$ க்குச் சமம் இல்லை?
 - a) $\frac{y^4+1}{y^2}$
 - b) $\left(y + \frac{1}{y}\right)^2$
 - c) $\left(y - \frac{1}{y}\right)^2 + 2$
 - d) $\left(y + \frac{1}{y}\right)^2 - 2$
- 6) A என்ற அணியின் வரிசை 2×3 , B என்ற அணியின் வரிசை 3×4 எனில், AB என்ற அணியின் நிரல்களின் எண்ணிக்கை
 - a) 3
 - b) 4
 - c) 2
 - d) 5
- 7) $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FD}$ எனில், ABC மற்றும் EDF எப்பொழுது வடிவொத்தவையாக அமையும்?
 - a) $\angle B = \angle E$
 - b) $\angle A = \angle D$
 - c) $\angle B = \angle D$
 - d) $\angle A = \angle E$
- 8) $(0, 0)$, $(a, 0)$ மற்றும் $(0, b)$ என்ற புள்ளிகள் ஒரு கோடமைந்தவை எனில்,
 - a) $a = b$
 - b) $a+b = 0$
 - c) $ab = 0$
 - d) $a \neq b$
- 9) $3x - y = 4$ மற்றும் $x + y = 8$ ஆகிய நேர்க்கோடுகள் சந்திக்கும் புள்ளி
 - a) $(5, 3)$
 - b) $(2, 4)$
 - c) $(3, 5)$
 - d) $(4, 4)$
- 10) $\sin^2 \theta + \frac{1}{1 + \tan^2 \theta}$ ன் மதிப்பு
 - a) $\tan^2 \theta$
 - b) 1
 - c) $\cot^2 \theta$
 - d) 0
- 11) 100π செ.மீ வளைபரப்பு கொண்ட கோளத்தின் ஆரம்
 - a) 25 செ.மீ
 - b) 100 செ.மீ
 - c) 5 செ.மீ
 - d) 10 செ.மீ
- 12) r_1 அலகுகள் ஆரமுள்ள ஒரு கோளப்பந்து உருக்கப்பட்டு r_2 அலகுகள் ஆரமுடைய 8 சமகோளப் பந்துகளாக ஆக்கப்படுகிறது எனில் $r_1 : r_2$
 - a) 2:1
 - b) 1:2
 - c) 4:1
 - d) 1:4
- 13) கீழே கொடுக்கப்பட்டவைகளில் அது பரவல் அளவை இல்லை?
 - a) வீச்சு
 - b) திட்டவிலக்கம்
 - c) கூட்டுச்சராசரி
 - d) விலக்கவாக்கச் சராசரி
- 14) ஒரு தகவின் சராசரி மற்றும் மாறுபாட்டுக்கெழு முறையே 4 மற்றும் 87.5% எனில் திட்டவிலக்கமானது
 - a) 3.5
 - b) 3
 - c) 4.5
 - d) 2.5

II. எவையேறும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 28 கட்டாயம். 10×2=20

- 15) $B \times A = \{(-2, 3), (-2, 4), (0, 3), (0, 4), (3, 3), (3, 4)\}$ எனில், A மற்றும் B ஆகியவற்றைக் காண்க.
- 16) $f: N \rightarrow N$ என்ற சார்பு $f(m) = m^2 + m + 3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் அது ஒன்றுக்கு ஒன்றான சார்பு எனக் காட்டுக.
- 17) முதல் உறுப்பு 20 ஆகவும் பொதுவித்தியாசம் 8 ஆகவும் கொண்ட கூட்டுத்தொடர் வரிசையை எழுதவும்.
- 18) 4, 8, 16, 8192 என்ற பெருக்குத்தொடர் வரிசையில் உள்ள உறுப்புகளின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.
- 19) தந்தையின் வயதானது மகனின் வயதைப் போல ஆறு மடங்கு ஆகும். ஆறு வருடங்களுக்குப் பிறகு தந்தையின் வயதானது மகனின் வயதைப் போல நான்கு மடங்கு அதிகம். தந்தை மற்றும் மகனின் தற்போதைய வயதை (வருடங்களில்) காண்க.
- 20) n அணிகள் பங்குபெறும் ஒரு கையாட்டு விளையாட்டு (Volleyball) போட்டியில் ஒவ்வொரு அணியும் மற்ற அனைத்து அணிகளோடும் விளையாட வேண்டும். 15 போட்டிகள் கொண்ட தொடரில் மொத்தப் போட்டிகளின் எண்ணிக்கை $G(n) = \frac{n^2 - n}{2}$ எனில், பங்கேற்கும் அணிகளின் எண்ணிக்கை எத்தனை?

21) $\triangle ABC$ ஆனது $\triangle DEF$ -க்கு வடிவொத்தவை. மேலும் $BC = 3$ செ.மீ, $EF = 4$ செ.மீ மற்றும் முக்கோணம் $\triangle ABC$ இன் பரப்பளவு 54 சதுர செ.மீ எனில் $\triangle DEF$ இன் பரப்பளவு காண்க.

- 22) (3, -2), (12, 4) என்ற புள்ளிகள் வழிச்செல்லும் நேர்க்கோடு p மற்றும் (6, -2) மற்றும் (12, 2) என்ற புள்ளிகள் வழிச்செல்லும் நேர்க்கோடு q ஆகும். p ஆனது q-க்கு இணையாகுமா?
- 23) சாய்வுக்கோணம் 30° மற்றும் y-வெட்டுத்துண்டு -3 ஆகியவற்றைக் கொண்ட நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 24) $50\sqrt{3}$ மீ உயரமுள்ள ஒரு பாறையின் உச்சியிலிருந்து 30° இறக்கக்கோணத்தில் தரையிலுள்ள மகிழுந்து ஒன்று பார்க்கப்படுகிறது எனில், மகிழுந்திற்கும் பாறைக்கும் இடையேயுள்ள தொலைவைக் காண்க.
- 25) ஒரு நேர்வட்டக் கூம்பின் கனஅளவு 11088 க.செ.மீ ஆகும். கூம்பின் உயரம் 24 செ.மீ எனில், அதன் ஆரம் காண்க.
- 26) 4.2மீ விட்டமுடைய ஒரு அரைக்கோள வடிவத்தொட்டியில் எத்தனை லிட்டர் தண்ணீர் கொள்ளும்?
- 27) முதல் 21 இயல் எண்களின் திட்டவிலக்கத்தைக் காண்க.
- 28) $\tan^2\theta - \sin^2\theta = \tan^2\theta \cdot \sin^2\theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

III. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 42 கட்டாயம். $10 \times 5 = 50$

- 29) ஒரு சார்பு f ஆனது $f(x) = 2x - 3$ என வரையறுக்கப்பட்டால் (i) $\frac{f(0) + f(1)}{2}$ -ஐக் காண்க. (ii) $f(x) = 0$ எனில், x-ஐக் காண்க. (iii) $f(x) = x$ எனில் x-ஐக் காண்க. (iv) $f(x) = f(1-x)$ எனில் x-ஐக் காண்க.

30) சார்பு $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ஆனது $f(x) = \begin{cases} 2x + 7 & ; x < -2 \\ x^2 - 2 & ; -2 \leq x < 3 \\ 3x - 2 & ; x \geq 3 \end{cases}$

- (i) $f(4)$ (ii) $f(-2)$ (iii) $f(4) + 2f(1)$ (iv) $\frac{f(1) - 3f(4)}{f(-3)}$ ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.

- 31) a, b, c என்பன ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையில் உள்ள மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் மற்றும் x, y, z என்பன ஒரு பெருக்குத்தொடர் வரிசையின் மூன்று அடுத்தடுத்த உறுப்புகள் எனில் $x^{b-c} \times y^{c-a} \times z^{a-b} = 1$.

- 32) $10^3 + 11^3 + 12^3 + \dots + 20^3$ என்ற தொடரின் கூடுதலைக் காண்க.

33) $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$, $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ எனில் $A^2 - (a+d)A = (bc-ad)I_2$ என நிறுவுக.

- 34) $2y^2 - ay + 64 = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு மூலம் மற்றவை போல இருமடங்கு எனில் a-யின் மதிப்பு காண்க.

- 35) அடிப்படை விகிதசம தேற்றத்தை எழுதி நிறுவுக.

- 36) $A(2, 2)$, $B(-2, -3)$, $C(1, -3)$ மற்றும் $D(x, y)$ ஆகிய புள்ளிகள் இணைகரத்தை அமைக்கும் எனில், x மற்றும் y-யின் மதிப்பைக் காண்க.

- 37) இரு வெட்டுத்துண்டுகளின் கூடுதல் மற்றும் அவற்றின் பெருக்கற்பலன் முறையே 1, -6 எனில், நேர்க்கோடுகளின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

- 38) இரு கப்பல்கள் கலங்கரை விளக்கத்தின் இரு பக்கங்களிலும் கடலில் பயணம் செய்கின்றன. இரு கப்பல்களிலிருந்து கலங்கரை விளக்கத்தின் உச்சியின் ஏற்றக்கோணங்கள் முறையே 30° மற்றும் 45° ஆகும். கலங்கரை விளக்கத்தின் உயரம் 200மீ எனில், இரு கப்பல்களுக்கு இடையே உள்ள தொலைவைக் காண்க. ($\sqrt{3} = 1.732$)

- 39) உயரம் 16 செ.மீ உடைய ஒரு கூம்பின் இடைக்கண்ட வடிவில் அமைந்த கொள்கலன் ஒன்றின் மேற்புறம் திறந்த நிலையில் உள்ளது. கீழ்புற ஆரம் 8 செ.மீ மற்றும் மேற்புற ஆரம் 20 செ.மீ கொண்ட கொள்கலனில் முழுமையாகப் பால் நிரப்பப்படுகிறது. ஒரு லிட்டர் பாலின் விலை ரூ. 40 எனில், நிரப்பப்படும் பாலின் மொத்த விலையைக் காண்க.

- 40) 32 செ.மீ உயரமும், 18 செ.மீ ஆரமும் உடைய ஓர் உருளை வடிவ வாளியில் முழுமையாக மணல் உள்ளது. இந்த மணல் தரையில் கொட்டப்பட்டு கூம்பு வடிவில் அமைக்கப்படுகிறது. அந்தக் கூம்பின் உயரம் 24 செ.மீ எனில், அதன் ஆரம், சாயுரத்தைக் காண்க.

- 41) ஒரு வாரத்தின் ஒவ்வொரு நாளிலும் விற்கப்பட்ட தொலைக்காட்சிப் பெட்டிகளின் எண்ணிக்கை பின்வருமாறு 13, 8, 4, 9, 7, 12, 10. இந்தத் தரவின் திட்டவிலக்கம் காண்க.

- 42) ஒரு நாணயம் மூன்று முறை சுண்டப்படுகிறது. சரியாக இரண்டு தலைகள் அல்லது குறைந்தபட்சம் ஒரு பூ அல்லது அடுத்தடுத்து இரண்டு தலைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி: $2 \times 8 = 16$

- 43) $PQ = 8$ செ.மீ, $\angle R = 60^\circ$ உச்சி R-லிருந்து PQ-க்கு வரையப்பட்ட நடுக்கோட்டின் நீளம் $RG = 5.8$ செ.மீ என இருக்குமாறு ΔPQR வரைக. R-லிருந்து PQ-க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் காண்க. (அல்லது)

கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் LMN-ன் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $4/5$ என அமையுமாறு ஒரு வடிவொத்த முக்கோணம் வரைக. (அளவு காரணி $4/5 < 1$).

- 44) $y = x^2 + 3x - 4$ -யின் வரைபடம் வரைந்து, அதனைப் பயன்படுத்தி $x^2 + 3x - 4 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்கவும். (அல்லது)

ஒரு பேருந்து 50 கி.மீ/மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது. இத்தொடர்புக்கான தூரம்-நேரம் வரைபடம் வரைந்து பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

- i) விகிதசம மாறிலியைக் காண்க. ii) 90 நிமிடங்களில் பயணிக்கும் தூரம் எவ்வளவு?

- iii) 300 கி.மீ தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்?

- 1) (c) $\frac{1}{9x^2}$
- 2) (d) (3, -2)
- 3) (d) $\frac{-1}{120}$
- 4) (a) 0
- 5) (b) $(y + \frac{1}{y})^2$
- 6) (b) 4
- 7) (c) $LB = LP$
- 8) (b) $ab = 0$
- 9) (c) (3, 5)
- 6) (b) 1
- 11) (c) 5 or 6
- 12) (a) 2:1
- 13) (c) $5 \times 6 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8$
- 14) (a) 3.5

2 MARKS
 15) $A = \{3, 4\}$
 $B = \{-2, 0, 3\}$

16) $f(1) = 5$,
 $f(2) = 9$,
 $f(3) = 15, \dots$
 1-1 எனிய.

17) $a, a+d, a+2d, \dots$
 20, 28, 36, ...

18) $t_n = ar^{n-1}$
 $8192 = 4 \times 2^{n-1}$

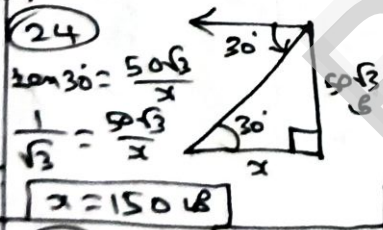
$2'' = 2''$
 $n = 12$
 19) $\log_{10} x = x$
 $\log_{10} 5 = 5 = 6x$
 $6x + 6 = 4(x + 6)$
 $x = 9$
 $\therefore \log_{10} 9 = 9, \log_{10} 9 = 54$

20) $\frac{x^2 - n}{2} = 15$
 $n^2 - n - 30 = 0$
 $(n - 6)(n + 5) = 0$
 $n = 6$ $n = -5$

21) $\frac{\Delta ABC}{\Delta DEF} = \frac{BC^2}{EF^2}$
 $\frac{54}{\Delta DEF} = \frac{3^2}{4^2}$
 $\therefore \Delta DEF = 96 \text{ cm}^2$

22) $m_1 = \frac{4+2}{12-3} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$
 $m_2 = \frac{2+2}{12-6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$
 $m_1 = m_2$
 $\Rightarrow P \parallel Q$

23) $m = \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$
 $y = \frac{1}{\sqrt{3}}x - 3$
 $x - \sqrt{3}y - 3\sqrt{3} = 0$



25) $\frac{1}{3}\pi r^2 h = 11088$
 $r^2 = 441$
 $r = 21$

$\frac{20 \times 21}{3} \times \frac{22}{7} \times (2.1)^5$
 $= 19.404 \text{ LB}^3$
 $= 19404 \text{ LB}^3$
 $1 \text{ LB}^3 = 1000 \text{ m}^3$

27) $\sigma = \sqrt{\frac{21^2 - 1}{12}} = \sqrt{36.67}$
 $\sigma = 6.06$

28) $\cos 41^\circ = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \tan \theta$
 $= \sin \theta (\sec \theta - 1)$
 $= \sin^2 \theta \times \tan^2 \theta$

29) (i) $\frac{-3 + (-1)}{2} = -2$
 (ii) $2x - 3 = 0 \Rightarrow x = \frac{3}{2}$
 (iii) $2x - 3 = x \Rightarrow x = 3$
 (iv) $2x - 3 = 2(1 - x) - 3$
 $x = \frac{1}{2}$

30) (i) $3(4) - 2 = 10$
 (ii) $(-2)^2 - 2 = 2$
 (iii) $10 + 2(-1) = 8$
 (iv) $-1 + 3(10) = 31$

31) $a = a, b = a + d, c = a + 2d$
 $x = x, y = x^2, z = x^3$
 $LHS = x(a+d) - (a+2d)$
 $= xy - a - (a+d)$
 $= x^2 - a - (a+d)$
 $= x^2 - 2a - d$

32) $(\frac{20 \times 21}{2}) - (\frac{1 \times 10}{2})$
 $= 210^2 - 45^2$
 $= 44100 - 2025$
 $= 42075$

33) $A = \begin{bmatrix} a^2 + bc & ab + bd \\ ca + dc & cb + d^2 \end{bmatrix}$
 $(a+d)A = \begin{bmatrix} a^2 + ad & ab + bd \\ ac + dc & ab + d^2 \end{bmatrix}$
 $(bc - ad)I_2 = \begin{bmatrix} bc - ad & 0 \\ 0 & bc - ad \end{bmatrix}$

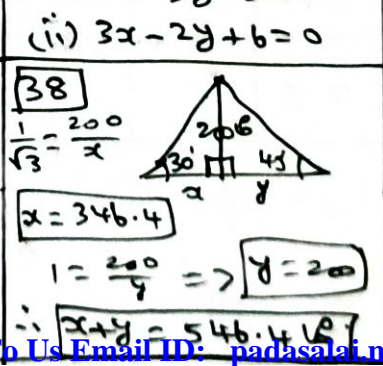
34) $a + p = \frac{a}{2}, q = 32$
 Given: $x, 2q$
 $a = 4$ $a = 124$

35) $\frac{2+1}{2}, \frac{2-3}{2} = (\frac{2+x-3+y}{2}, \frac{2}{2})$
 $x = 5$ $y = 2$

36) $a + b = 1 \Rightarrow b = 1 - a$
 $ab = -b \Rightarrow a^2 - a - b = 0$
 $(a-3)(a+2) = 0$
 $a = 3$ $a = -2$
 $b = -2$ $b = 3$

37) (i) $2x - 3y - b = 0$
 (ii) $3x - 2y + b = 0$

38) $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{200}{x}$
 $x = 346.4$
 $1 = \frac{200}{y} \Rightarrow y = 200$
 $\therefore x + y = 546.4$

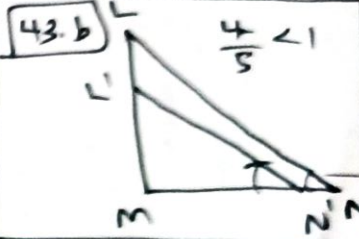
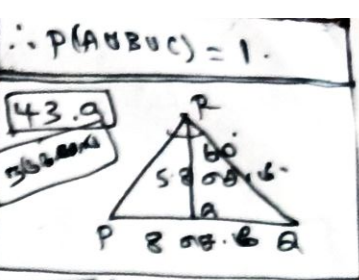


39) $\sqrt{\frac{22 \times 16}{7 \times 3}} [20^2 + 8^2 + 20 \times 8]$
 $= 10459.43 \text{ cm}^3$
 $\approx 10459.43 \text{ cm}^3$

40) $\pi \times 18 \times 18 \times 32 = \frac{1}{3} \pi \times r^2 \times 24$
 $r^2 = 1296$
 $r = 36$
 $\therefore x = \sqrt{36^2 + 24^2}$
 $= \sqrt{1872}$
 $x = 12\sqrt{13}$

41) $\sigma = \sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - (\frac{\sum x}{n})^2}$
 $\sigma = \sqrt{\frac{623}{7} - (\frac{63}{7})^2}$
 $\sigma = \sqrt{8} = 2.83$

42) $n(S) = 8$
 $A = \{HHH, HTH, THH\}$
 $P(A) = \frac{3}{8}$
 $B = \{HHT, HTH, HTT, THT, THT, TTH, TTT\}$
 $P(B) = \frac{7}{8}$
 $C = \{HHH, HHT, THH\}$
 $P(C) = \frac{3}{8}$
 $A \cap B = \{HHT, HTH, THH\}$
 $P(A \cap B) = \frac{3}{8}$
 $B \cap C = \{HHT, THH\}$
 $P(B \cap C) = \frac{2}{8}$
 $A \cap C = \{HHH, THH\}$
 $P(A \cap C) = \frac{2}{8}$
 $A \cap B \cap C = \{HHT, THH\}$
 $P(A \cap B \cap C) = \frac{2}{8}$



44.a) $y = x^2 + 3x - 4$

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1
y	6	0	-4	-6	-6	-4	0

	2	3	4
	6	14	24

$x = \{-4, 1\}$

44.b

x	60	120	180	240	300
y	50	100	150	200	250

$k = \frac{5}{6}$
 $y = kx$
 $y = \frac{5}{6}x$

(i) $k = \frac{5}{6}$
 (ii) $x = 90 \Rightarrow y = 75$
 (iii) $y = 300$
 $x = 600$