



வகுப்பு 11

கால அளவு: 3.00 மணிநேரம்

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 90

பகுதி - I

1. சரியான அல்லது ஏற்படைய விடையை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக. 20 × 1 = 20
2. எல்லா வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க.
- 1) m உறுப்புகள் கொண்ட ஒரு கணத்திலிருந்து n உறுப்புகள் கொண்ட ஒரு கணத்திற்கு வரையப்படும் மாறிலிச் சார்புகளின் எண்ணிக்கை.....
 - a) mn
 - b) m
 - c) n
 - d) $m+n$
 - 2) $(x+3)^4 + (x+5)^4 = 16$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்களின் எண்ணிக்கை
 - a) 4
 - b) 2
 - c) 3
 - d) 0
 - 3) $(3^{-6})^{1/3}$ ன் மதிப்பு =
 - a) 9
 - b) $\frac{1}{9}$
 - c) 3
 - d) $\frac{1}{6}$
 - 4) $\frac{\cos 6x + 6 \cos 4x + 15 \cos 2x + 10}{\cos 5x + 5 \cos 3x + 10 \cos x} =$
 - a) $\cos x$
 - b) $\cos 2x$
 - c) $\cos 3x$
 - d) $2 \cos x$
 - 5) $18^\circ = \dots$ ஆரையன்கள்
 - a) -10
 - b) 30
 - c) 10
 - d) $\frac{\pi}{10}$
 - 6) P_r என்பது nP_r ஐக் குறித்தால் $1 + P_1 + 2P_2 + 3P_3 + \dots + nP_n$ என்ற தொடரின் கூடுதல்
 - a) P_{n+1}
 - b) $P_{n+1} - 1$
 - c) $P_{n+1} + 1$
 - d) $n + 1P_{n-1}$
 - 7) 38^{15} ஐ 13ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி
 - a) 12
 - b) 1
 - c) 11
 - d) 5
 - 8) $\frac{x}{3} - \frac{y}{4} = 1$ என்ற கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து செங்குத்து தொலைவு
 - a) $\frac{11}{5}$
 - b) $\frac{5}{12}$
 - c) $\frac{12}{5}$
 - d) $\frac{5}{7}$
 - 9) $A = \begin{bmatrix} a & x \\ y & a \end{bmatrix}$ மற்றும் $xy = 1$ எனில் $\det(AA^T) =$
 - a) $(a-1)^2$
 - b) $(a^2+1)^2$
 - c) (a^2-1)
 - d) $(a^2-1)^2$
 - 10) $\lambda \bar{i} + \lambda 2\bar{j} + \lambda 2\bar{k}$ என்பது ஓரலகு வெக்டர் எனில் λ ன் மதிப்பு
 - a) $\frac{1}{3}$
 - b) $\frac{1}{4}$
 - c) $\frac{1}{9}$
 - d) $\frac{1}{2}$
 - 11) \bar{r} ன் திசைக் கொசைன்களின் வாக்கங்களின் கூடுதல் ----- ஆகும்.
 - a) 1
 - b) 2
 - c) $\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$
 - d) π
 - 12) Limit $\frac{\sin x}{\sqrt{x^2}}$ =.....
 - a) -1
 - b) 1
 - c) 0
 - d) ∞
 - 13) $Pv = 81$ எனில் $v = 9$ ல் $\frac{dp}{dv} \dots$
 - a) 1
 - b) -1
 - c) 2
 - d) -2

V11M

14) $x^2 + y^2 = 4$ என்ற வளைவரைக்கு $x = 1$ என்ற மதிப்பில் உள்ள புள்ளியில் வரையப்படும் தொடுகோடுகளின் சாய்வு

a) $-\frac{1}{\sqrt{3}}$

b) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

c) $\sqrt{3}$

d) $-\sqrt{3}$

15) $\int \frac{\sec x}{\sqrt{\cos 2x}} dx = \dots\dots$

a) $\tan^{-1}(\sin x) + c$

b) $2\sin^{-1}(\tan x) + c$

c) $\tan^{-1}(\cos x) + c$

d) $\sin^{-1}(\tan x) + c$

16) $\int e^{3x} dx = \dots\dots$

a) $\frac{e^{3x}}{3} + c$

b) $\frac{e^{3x}}{-3} + c$

c) $e^{3x} + c$

d) $\frac{1}{e^{3x}} + c$

17) பத்து நாணயங்களை சுண்டும் பொழுது குறைந்தது 8 தலைகள் கிடைக்கப் பெறுவதற்கான நிகழ்தகவு....

a) $\frac{7}{64}$

b) $\frac{7}{32}$

c) $\frac{7}{16}$

d) $\frac{7}{12}$

18) $x^2 - 4y^2 = 0$ மற்றும் $x = a$ என்ற கோடுகளால் உருவாக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு

a) $2a^2$

b) $\frac{\sqrt{3}}{2} a^2$

c) $\frac{1}{2} a^2$

d) $\frac{2}{\sqrt{3}} a^2$

19) 3 உறுப்புக்கள் கொண்ட கணத்தின் மீதான தொடர்புகளின் எண்ணிக்கை....

a) 9

b) 81

c) 512

d) 1024

20) 3 விரல்களில் 4 மோதிங்களை அணியும் வழிகள் ஆகும்.

a) $4^3 - 1$

b) 3^4

c) 68

d) 64

பகுதி - II

ஏதேனும் 7 வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்க. வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்: 7×2=14

21) $f(x) = \frac{1}{1 - 2 \cos x}$ ன் சார்பகத்தைக் காண்க.

22) $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6} + \sqrt{2}}$ ல் பகுதியை விகிதமுறு எண்ணாக மாற்று.

23) $\cos 5\theta \cos 2\theta$ என்பதை கூட்டல் அல்லது கழித்தலாக எழுதுக.

24) ஒரு அறக்கட்டளையில் 25 உறுப்பினர்கள் உள்ளனர். இவர்களில் (i) 3 அதிகாரிகளை எத்தனை வழிகளில் தேர்ந்தெடுக்கலாம்? (ii) ஒரு தலைவர், ஒரு உபதலைவர் மற்றும் ஒரு செயலரை எத்தனை வழிகளில் தேர்ந்தெடுக்கலாம்?

25) $12x + 5y = 7$ மற்றும் $12x + 5y + 7 = 0$ ஆகிய இரு இணைக்கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரம் காண்க.

26) $(-2, -3)$ $(3, 2)$ $(-1, -8)$ என்ற உச்சிப்புள்ளிகளை உடைய முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.

27) $3\bar{i} - 4\bar{j} + 8\bar{k}$ எனும் வெக்டர்க்கு திசை விகிதம், மற்றும் திசைக் கொசைன்கள் காண்க.

28) வகைப்படுத்துக: $y = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$

- 29) $f'(x) = 4x-5$ மற்றும் $f(2) = 1$ எனில் $f(x)$ ஐக் காண்க.
- 30) இரண்டு நாணயங்கள் ஒரே சமயத்தில் சுண்டப்படுகின்றன (i) ஒரு தலை மற்றும் ஒரு பூ கிடைக்க மற்றும் (ii) அதிகபட்சமாக இரு பூ கிடைக்க நிகழ்தகவு காண்க.

பகுதி - III

எதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்க. வினா எண் 10க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்:

7x3=21

- 31) $X = \{a, b, c, d\}$ மற்றும் $R = \{(a, a) (b, b) (a, c)\}$ என்க தொடர்பு R ஐ (i) தற்கூட்டு (ii) சமச்சீர் (iii) இடைநிலை (iv) சமானத் தொடர்பு என உருவாக்க R உடன் சேர்க்கப்பட வேண்டிய குறைந்த பட்ச உறுப்புகளைக் காண்க.
- 32) $x^2 + \sqrt{2}x + 3 = 0$ என்ற இருபடிச் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில் பூஜ்ஜியங்கள் $\frac{1}{\alpha}$ மற்றும் $\frac{1}{\beta}$ உடைய இருப்புக் கோவையை அமைக்க.
- 33) நிறுவுக: $\sin(45^\circ + \theta) + \sin(45^\circ - \theta) = \sqrt{2} \sin \theta$.
- 34) $\left(x^2 + \frac{1}{x^3}\right)^{10}$ ன் விரிவில் x^{15} ன் கெழுவைக் காண்க.
- 35) (8, 3) என்ற புள்ளி வழிச் செல்வதும் ஆய அச்சுகளின் வெட்டுத்துண்டுகளின் கூடுதல் 1 உடையதுமான நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 36) ABC என்ற முக்கோணத்தின் நடுக்கோட்டுச் சந்தி G எனில் $G\vec{A} + G\vec{B} + G\vec{C} = 0$ என நிறுவுக.
- 37) மதிப்பு காண்க: $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 6x + 9}$
- 38) தொகையிடுக: $x^3 \sin x$
- 39) ஒரு இலக்கை குறிபார்த்து கூடும்பொழுது 4ல் 3 முறை Xம் 5ல் 4 முறை Yம் 3ல் 2 முறை Zம் இலக்கை சுடுகின்றனர். மூவரும் அந்த இலக்கைச் சுடும் பொழுது சரியாக இருவா மட்டுமே சுடுவதற்கான நிகழ்தகவு காண்க.

40)
$$\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1-2x^2 & -x^2 & -x^2 \\ -x^2 & -1 & x^2-2x \\ -x^2 & x^2-2x & -1 \end{vmatrix}$$
 என நிறுவுக.

பகுதி - IV

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க:

7x5=35

41) $f(x) = \begin{cases} x^2 + x - 5 & ; x \in (-\infty, 0) \\ x^2 + 3x - 2 & ; x \in (3, \infty) \\ x^2 & ; x \in (0, 2) \\ x^2 - 3 & \text{மற்ற இடங்களில்} \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்டின் -3, 5, 2, -1, 0

ஆகியவற்றில் fன் மதிப்புக்களைக் காண்க.

(OR)

X ஐப் பொறுத்து $\int \frac{2x+3}{\sqrt{x^2+x+1}} dx$ மதிப்புக் காண்க.

42) ΔABC ல் $\frac{a^2 + b^2}{a^2 + c^2} = \frac{1 + \cos(A - B)\cos C}{1 + \cos(A - C)\cos B}$ என நிறுவுக.

(OR)

(i) $\sqrt[3]{65}$ ன் மதிப்பை தோராயமாகக் காண்க. (ii) கூடுதல் காண்க: $1 + \frac{4}{5} + \frac{7}{25} + \frac{10}{125} + \dots$

43) எந்த ஒரு இயல் எண் n க்கும், $a > b$ எனில் $a^n - b^n$ ஆனது $a - b$ ஆல் வகுபடும் என நிறுவுக.

(OR)

$12x^2 - 7xy - 12y^2 - x + 7y + K = 0$ என்ற சமன்பாடு இரட்டை நேர்கோடுகளின் சமன்பாட்டைக் குறித்தால் K யின் மதிப்புக் காண்க. மேலும் இவை இணையா? அல்லது வெட்டிக் கொள்பவையா? எனக் காட்டுக.

44) $\log_{10} 2 + 16 \log_{10} \frac{16}{15} + 12 \log_{10} \frac{25}{24} + 7 \log_{10} \frac{81}{80} = 1$ என நிறுவுக.

(OR)

$A+B+C = \frac{\pi}{2}$ எனில் $\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = 1 + 4 \sin A \sin B \sin C$ என நிறுவுக.

45) காரணிதேற்றத்தினைப் பயன்படுத்தி தீர்க்க:

$$\begin{vmatrix} b+c & a & a^2 \\ c+a & b & b^2 \\ a+b & c & c^2 \end{vmatrix} = (a+b+c)(a-b)(b-c)(c-a)$$

(OR)

$y = \frac{\sin^{-1} x}{\sqrt{1-x^2}}$ எனில் $(1-x^2)y_2 - 3xy_1 - y = 0$ எனக் காட்டுக.

46) i) எந்தவொரு வெக்டர் \vec{a} க்கும் $|\vec{a} \times \vec{i}|^2 + |\vec{a} \times \vec{j}|^2 + |\vec{a} \times \vec{k}|^2 = 2|\vec{a}|^2$ என நிரூபிக்க.

ii) $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}|$ எனில் \vec{a} மற்றும் \vec{b} ஆகியவை செங்குத்து என நிறுவுக.

(OR)

$f(x) = \begin{cases} 0 & ; x < 0 \\ x & ; 0 \leq x < 1 \\ -x^2 + 4x - 2 & ; 1 \leq x < 3 \\ 4 - x & ; x \geq 3 \end{cases}$ என்ற சார்பின் தொடர்ச்சியானதா?

47) ஒரு அலுவலகத்தில் X , Y மற்றும் Z ஆகியோர் அலுவலகத்தின் தலைமையதிகாரியாக பொறுப்பேற்பதற்கான வாய்ப்புகள் முறையே 4:2:3 என்ற விகிதத்தில் அமைந்துள்ளன. X , Y மற்றும் Z தலைமையதிகாரிகளாக பொறுப்பேற்பின் போனஸ் திட்டத்தை அமல்படுத்துவதற்கான நிகழ்தகவுகள் முறையே 0.3, 0.5 மற்றும் 0.4 ஆகும். அலுவலகத்தில் போனஸ் திட்டம் அறிமுகப்படுத்தப்பட்டிருப்பின் Z தலைமையதிகாரியாக நியமனம் செய்யப்படுவதற்கான நிகழ்தகவினைக் காண்க.

(OR)

ஒரு நாற்கரம் இணைகரமாக இருக்கத் தேவையானது மற்றும் போதுமான நிபந்தனை அதன் மூலைவிட்டங்கள் இருசமக் கூறும் என்பதாகும்.
