

இரண்டாம் இடைப்பருவ பொதுத்தேர்வு - 2019

T.

பதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண் :

--	--	--	--	--

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 45

நேரம்: 1.30 மணி

பிரிவு - I

10 x 1 = 10

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக:

1. A, B என்பன $A + B$ மற்றும் AB என்பவற்றை வரையறுக்கும் இரு அணிகள் எனில்,
 - a) A, B ஒரே வரிசை கொண்டவையாக இருக்க வேண்டியதில்லை.
 - b) A, B சம வரிசையுள்ள சதுர அணிகள்
 - c) A - நிரல்களின் எண்ணிக்கையும், B - நிரல்களின் எண்ணிக்கையும் சமம்
 - d) $A = B$
2. $A = \begin{bmatrix} \lambda & 1 \\ -1 & -\lambda \end{bmatrix}$ எனில், λ ன் எம்மதிப்புகளுக்கு $A^2 = 0$?
 - a) 0
 - b) ± 1
 - c) -1
 - d) 1
3. A என்பது ஒரு சதுர அணி எனில், எது சமச்சீரல்ல?
 - a) $A + A^T$
 - b) AA^T
 - c) $A^T A$
 - d) $A - A^T$
4. $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ ஒரு கோடமை புள்ளிகள் எனில், X ன் மதிப்பு
 - a) -3
 - b) $\frac{1}{3}$
 - c) 1
 - d) 3
5. $\vec{a} + 2\vec{b}$ மற்றும் $3\vec{a} + m\vec{b}$ ஆகியவை இணை எனில், m ன் மதிப்பு
 - a) 3
 - b) $\frac{1}{3}$
 - c) 6
 - d) $\frac{1}{6}$
6. ABCD ஒரு இணைகரம் எனில், $\overline{AB} + \overline{AD} + \overline{CB} + \overline{CD}$ என்பது
 - a) $2(\overline{AB} + \overline{AD})$
 - b) $4\overline{AC}$
 - c) $4\overline{BD}$
 - d) $\vec{0}$
7. $|\vec{a} + \vec{b}| = 60$, $|\vec{a} - \vec{b}| = 40$ மற்றும் $|\vec{b}| = 46$ எனில், $|\vec{a}|$ என்பது
 - a) 42
 - b) 12
 - c) 22
 - d) 32
8. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} =$
 - a) 1
 - b) 0
 - c) ∞
 - d) $-\infty$
9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - b^x}{x} =$
 - a) $\log ab$
 - b) $\log\left(\frac{a}{b}\right)$
 - c) $\log\left(\frac{b}{a}\right)$
 - d) $\frac{a}{b}$
10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \sin x}{x} =$
 - a) 1
 - b) 2
 - c) 3
 - d) 0

பிரிவு - II

II. எவையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண்: 15 கட்டாய வினா)

3 x 2 = 6

11. $\begin{bmatrix} 2x + y & 4x \\ 5x - 7 & 4x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & 7y - 13 \\ y & x + 6 \end{bmatrix}$ எனில், $x + y$ ஐக் காண்க.
12. $2\hat{i} + 6\hat{j} + 3\hat{k}$ ன் மீது $\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ ன் வீழலைக் காண்க.
13. எந்தவொரு வெக்டர் \vec{r} க்கும் $\vec{r} = (\vec{r} \cdot \hat{i})\hat{i} + (\vec{r} \cdot \hat{j})\hat{j} + (\vec{r} \cdot \hat{k})\hat{k}$ என நிறுவுக.
14. $f(x) = \sqrt{x}$ எனில், $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ கிடைக்கப் பெறுமா எனக் காண்க.
15. முக்கோணம் ABCல் பக்கம் BC ன் மையப்புள்ளி D எனில், $\overline{AB} + \overline{AC} = 2\overline{AD}$ என நிறுவுக.

(2)

பிரிவு - III

III. எவையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண் 20 கட்டாய வினா)

3 x 3 = 9

16. x ன் எம்மதிப்பிற்கு $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & x^3 \\ 2 & -3 & 0 \end{bmatrix}$ என்பது எதிர் சமச்சீர் அணியாகும்.

17. $\cos 2\theta = 0$ எனில், $\begin{vmatrix} 0 & \cos \theta & \sin \theta \\ \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta \end{vmatrix}^2$ ன் மதிப்பு காண்க.

18. \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} என்ற அலகு வெக்டர்களுக்கு $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{c} = 0$ மற்றும் \vec{b} , \vec{c} க்கு இடைப்பட்ட கோணம் $\frac{\pi}{3}$ எனில், $\vec{a} = \pm \frac{2}{\sqrt{3}}(\vec{b} \times \vec{c})$ என நிரூபி.

19. கணக்கிடுக: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(2+x)^5 - 2^5}{x}$

20. $2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$, $3\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$, $6\hat{i} - 5\hat{j} + 7\hat{k}$ ஆகிய நிலைவெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரே கோட்டிலமையும் எனக்காட்டுக.

பிரிவு - IV

4 x 5 = 20

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

21. a) $\begin{bmatrix} 3 & 3 & -1 \\ -2 & -2 & 1 \\ -4 & -5 & 2 \end{bmatrix}$ என்ற அணியை சமச்சீர் மற்றும் எதிர் சமச்சீர் அணிகளின் கூடுதலாக எழுதுக. (அல்லது)

b) $\begin{bmatrix} b+c & bc & b^2c^2 \\ c+a & ca & c^2a^2 \\ a+b & ab & a^2b^2 \end{bmatrix} = 0$ என நிறுவுக.

22. a) $5\hat{i} + 6\hat{j} + 7\hat{k}$, $7\hat{i} - 8\hat{j} + 9\hat{k}$, $3\hat{i} + 20\hat{j} + 5\hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒரு தள வெக்டர்கள் எனக்காட்டுக. (அல்லது)

b) ABCD என்ற நாற்கரத்தில் AC, BD ன் நடுப்புள்ளிகள் E, F எனில், $\overline{AB} + \overline{AD} + \overline{CB} + \overline{CD} = 4\overline{EF}$ என நிறுவுக.

23. a) $2\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$, $4\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}$, $10\hat{i} - \hat{j} + 6\hat{k}$ என்ற நிலைவெக்டர்களைக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் எனக்காட்டுக. (அல்லது)

b) நிறுவுக: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1+2+3+\dots+n}{3n^2+7n+2} = \frac{1}{6}$

24. a) மதிப்பிடுக: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^2+x^3}$

(அல்லது)

b) காரணி தேற்றத்தை பயன்படுத்தி, $\begin{vmatrix} 1 & x^2 & x^3 \\ 1 & y^2 & y^3 \\ 1 & z^2 & z^3 \end{vmatrix} = (x-y)(y-z)(z-x)(xy+yz+zx)$ என நிறுவுக.
