

T

# இரண்டாம் இடைப்பருவ பொதுத்தேர்வு - 2019

T

பன்னிரண்டாம் வகுப்பு  
கணிதம்

பதிவு எண்:

--	--	--	--	--	--

மதிப்பெண்கள்: 45

நேரம்: 1.30 மணி

பகுதி - I

10 x 1 = 10

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக:

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \cot x - \frac{1}{x} \right)$  ன் மதிப்பு  
a) 0                      b) 1                      c) 2                      d)  $\infty$
2. இரண்டு மிகை எண்களின் வாக்கங்களின் கூடுதல் 200. மேலும் அவற்றின் பெருக்கல்பலனின் பெரும் மதிப்பு  
a) 100                      b)  $25\sqrt{7}$                       c) 28                      d)  $24\sqrt{14}$
3. வளைவரைகள்  $y = 2e^x$  மற்றும்  $y = ae^{-x}$  செங்குத்தாக வெட்டிக்கொண்டால்  $a = ?$   
a)  $\frac{1}{2}$                       b)  $-\frac{1}{2}$                       c) 2                      d)  $2e^2$
4. தவறான கூற்றை தேர்ந்தெடுக்க:  
a) எல்லா தேக்கநிலை எண்களும் நிலை எண்கள்.  
b) தேக்கநிலைப் புள்ளியில், முதலாம் வகைக்கெழு பூச்சியமாகும்.  
c) நிலைப்புள்ளிகளில் முதலாம் வகைக்கெழு வரையறுக்கப்படவில்லை.  
d) எல்லா நிலை எண்களும் தேக்கநிலை எண்கள்
5.  $u = (x - y)^4 + (y - z)^4 + (z - x)^4$  எனில்  $\sum U_x = ?$   
a) 4                      b) 1                      c) 0                      d) -4
6.  $u \log \left( \frac{x^2 + y^2}{x + y} \right)$  எனில்  $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = ?$   
a) 1                      b) 2                      c)  $e^2$                       d)  $\log x$
7. சார்பு  $g(x) = \cos x$  ன் நேரியல் தோராய மதிப்பு  $x = \frac{\pi}{2}$  இல்  
a)  $x + \frac{\pi}{2}$                       b)  $-x + \frac{\pi}{2}$                       c)  $x - \frac{\pi}{2}$                       d)  $-x - \frac{\pi}{2}$
8.  $(p \vee q) \rightarrow p \wedge q$  ன் எதிர்மறைக் கூற்று எது?  
a)  $p \wedge q \rightarrow p \vee q$                       b)  $\neg(p \vee q) \rightarrow p \wedge q$   
c)  $(\neg p \vee \neg q) \rightarrow (\neg p \wedge \neg q)$                       d)  $(\neg p \wedge \neg q) \rightarrow (\neg p \vee \neg q)$
9. கழித்தலின் கீழ் பின்வரும் எந்த கணம் அடைவு பெறவில்லை?  
a) R                      b) Z                      c) N                      d) Q
10.  $a * b = a^2 + b^2 + ab + 1$  என \* வரையறுக்கப்பட்டால்  $(2 * 3) * 2$  ன் மதிப்பு  
a) 20                      b) 40                      c) 400                      d) 445

பகுதி - II

- II. எவையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி: (வினா எண். 15 கட்டாய வினா)                      3 x 2 = 6
11.  $f(x) = x^2 + 2$  என்ற சார்பு (2,7) என்ற இடைவெளியில் திட்டமாக ஏறும் எனவும் (-2,0) ல் திட்டமாக இறங்கும் எனவும் நிறுவுக.
12. X பக்க அளவு கொண்ட ஒரு கனசதுரத்தின் கனஅளவு  $V = x^3$  எனில்  $x = 5$  எனும் போது X ஐப் பொறுத்து கனஅளவில் ஏற்படும் மாறுவீதம் காண்க.
13. அனைத்து  $(x,y) \in \mathbb{R}^2$  க்கும்  $F(x,y) = x^3y + y^2x + 7$  எனில்  $\frac{\partial F}{\partial x}(1,3)$  மற்றும்  $\frac{\partial F}{\partial y}(-2,1)$  காண்க.
14. ஓர் எண்ணின் n ஆம் படிமூலம் கணக்கிடப்படும் போது ஏற்படும் சதவீதப்பிழை தோராயமாக அந்த எண்ணின் சதவீதப் பிழையின்  $\frac{1}{n}$  மடங்கு என நிறுவுக.

(2)

15. முழு எண்களின் கணத்தில் \* ஆனது  $a * b = a + b - 1$  என வரையறுக்கப்பட்டால் சமனி உறுப்பு காண்.

பகுதி - III

- III. எவையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி. (எக்காணர், 20 கட்டாய வினா) 3 x 3 = 9
16.  $f(x)$  என்ற வகையிடத் தக்க சார்பு  $f'(x) \leq 29$  மற்றும்  $f(2) = 17$  என்றவாறு உள்ளது எனில்  $f(7)$  ன் அதிகபட்ச மதிப்பினைக் காண்.

17.  $(p \vee q) \wedge (p \vee \neg q)$  ன் மெய்மை அட்டவணையை அமைக்க.

18.  $f(x) = 3x^2 + 5x + 3$  என்ற சார்பில்  $f(3.02)$  ன் நேரியல் தோராய மதிப்பு காண்.

19.  $f(x, y) = \tan^{-1}\left(\frac{x}{y}\right)$  எனில்,  $f_{xy} = f_{yx}$  என நிறுவுக.

20. இரண்டு மிகை எண்களின் கூட்டுத்தொகை 12, மேலும் அதன் பெருக்குத்தொகை பெருமம் எனில் அந்த எண்களைக் காண்.

பகுதி - IV

4 x 5 = 20

- IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

21. a)  $ax^2 + by^2 = 1$  மற்றும்  $cx^2 + dy^2 = 1$  என்ற வளைவரைகள் ஒன்றையொன்று செங்குத்தாக வெட்டிக்கொண்டால்  $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{c} - \frac{1}{d}$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

- b)  $f(x) = 4x^3 + 3x^2 - 6x + 1$  என்ற சார்பிற்கு ஓரியல்பு இடைவெளிகள், இடஞ்சார்ந்த அறுதி மதிப்புகள், குழிவு இடைவெளிகள் மற்றும் வளைவு மாற்றப் புள்ளிகளைக் காண்.

22. a)  $u = \tan^{-1}\left(\frac{x^3 + y^3}{x - y}\right)$  எனில்  $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = \sin 2u$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

- b)  $w(x, y, z) = xy + yz + zx$ ,  $x = u - v$ ,  $y = uv$ ,  $z = u + v$ ,  $u, v \in \mathbb{R}$  எனில்  $\frac{\partial w}{\partial u}$ ,  $\frac{\partial w}{\partial v}$  காண்க. மேலும்  $(\frac{1}{2}, 1)$  ல் அவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.

23. a) மதிப்பிடுக:  $\lim_{x \rightarrow 0} (\cot x)^{\sin x}$

(அல்லது)

- b)  $M = \left\{ \begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix} : x \in \mathbb{R} - \{0\} \right\}$  என்க. \* என்பது அணிப்பெருக்கல் என்க. \* ஆனது M ன் மீது

அடைவு விதி பெற்றுள்ளதா என தீர்மானிக்க. அவ்வாறாயின் \* ஆனது M ன் மீது பரிமாற்றப் பண்பு, சேர்ப்புப் பண்புகளை நிறைவு செய்யுமா என தீர்மானிக்க.

24. a)  $p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

- b)  $v = \log r$  மற்றும்  $r^2 + x^2 + y^2 + z^2$  எனில்  $\frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial z^2} = \frac{1}{r^2}$  என நிறுவுக.

\*\*\*\*\*