

**ROYAL TUITION CENTER, ELAMPILLAI, CELL : 9080244280**

CLASS : XII

MARKS : 75

SUBJECT : MATHS

TIME : 150 Min

**I. ANSWER ALL THE QUESTIONS****1x10 = 10**

1.  $\vec{a}$  மற்றும்  $\vec{b}$  என்பன இணை வெக்டர்கள் எனில்,  $[\vec{a}, \vec{c}, \vec{b}]$  -ன் மதிப்பு  
(1) 2 (2) -1 (3) 1 (4) 0
2.  $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 0$  எனில்,  $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$  -ன் மதிப்பு  
(1)  $|\vec{a}| |\vec{b}| |\vec{c}|$  (2)  $\frac{1}{3} |\vec{a}| |\vec{b}| |\vec{c}|$  (3) 1 (4) -1
3.  $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ ,  $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j}$ ,  $\vec{c} = \hat{i}$  மற்றும்  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c} = \lambda \vec{a} + \mu \vec{b}$  எனில்,  $\lambda + \mu$  -ன் மதிப்பு  
(1) 0 (2) 1 (3) 6 (4) 3
4.  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2}$ ,  $z=2$  மற்றும்  $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$  என்ற கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம்  
(1)  $\frac{\pi}{6}$  (2)  $\frac{\pi}{4}$  (3)  $\frac{\pi}{3}$  (4)  $\frac{\pi}{2}$
5.  $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}) + t(2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k})$  என்ற கோட்டிற்கும்  $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j}) + 4 = 0$  என்ற தளத்திற்கும் இடைப்பட்ட கோணம்  
(1)  $0^\circ$  (2)  $30^\circ$  (3)  $45^\circ$  (4)  $90^\circ$
6. ஆதிப்புள்ளியிலிருந்து  $3x - 6y + 2z + 7 = 0$  என்ற தளத்திற்கு உள்ள தொலைவு  
(1) 0 (2) 1 (3) 2 (4) 3
7. ஒரு கோட்டின் திசைக்கொசைன்கள்  $\frac{1}{c}$ ,  $\frac{1}{c}$ ,  $\frac{1}{c}$  எனில்,  
(1)  $c = \pm 3$  (2)  $c = \pm \sqrt{3}$  (3)  $c > 0$  (4)  $0 < c < 1$
8. ஆதியிலிருந்து  $2x + 3y + \lambda z = 1$ ,  $\lambda > 0$  என்ற தளத்திற்கு வரையப்படும் செங்குத்தின் நீளம்  $\frac{1}{5}$ ,  
எனில்,  $\lambda$  -ன் மதிப்பு  
(1)  $2\sqrt{3}$  (2)  $3\sqrt{2}$  (3) 0 (4) 1
9.  $\vec{a} = 2\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k}$ ,  $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} - 5\hat{k}$ ,  $\vec{c} = 3\hat{i} + 5\hat{j} - \hat{k}$  எனில்,  $\vec{a}$  -க்குச் செங்குத்தானதாகவும்  $\vec{b}$  மற்றும்  $\vec{c}$  என்ற வெக்டர்கள் உருவாக்கும் தளத்தில் அமைவதுமான வெக்டர்  
(1)  $-17\hat{i} + 21\hat{j} - 97\hat{k}$  (2)  $17\hat{i} + 21\hat{j} - 123\hat{k}$   
(3)  $-17\hat{i} - 21\hat{j} + 97\hat{k}$  (4)  $-17\hat{i} - 21\hat{j} - 97\hat{k}$
10.  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  என்பன  $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] = 3$  எனுமாறுள்ள ஒரு தளம் அமையா மூன்று பூச்சியமற்ற வெக்டர்கள் எனில்,  $\{[\vec{a} \times \vec{b}, \vec{b} \times \vec{c}, \vec{c} \times \vec{a}]\}^2$  -ன் மதிப்பு  
(1) 81 (2) 9 (3) 27 (4) 18

Kindly send me your key answers to our email id - padasalai.net@gamil.com

## II. ANSWER ANY 10 QUESTIONS

10x2=20

11. ஒரு துகள்  $(1, 3, -1)$  என்ற புள்ளியிலிருந்து  $(4, -1, \lambda)$  என்ற புள்ளிக்கு  $3\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$  மற்றும்  $2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$  என்ற விசைகளின் செயல்பாட்டினால் நகர்த்தப்படுகிறது. அவ்விசைகள் செய்த வேலை 16 அலகுகள் எனில்,  $\lambda$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.

12.  $\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}$ ,  $2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$  மற்றும்  $3\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$  ஆகிய வெக்டர்கள் ஒரு தள வெக்டர்களாகும் என நிரூபிக்க.

13.  $\vec{a} = \hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ,  $\vec{b} = 2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$ ,  $\vec{c} = 3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ , எனில்  $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$  காண்க.

14.  $(2, 5, -3)$  என்ற புள்ளியிலிருந்து  $\vec{r} \cdot (6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}) = 5$  என்ற தளத்திற்குள்ள தொலைவுக் காண்க.

15.  $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} + 4\hat{k}) + t(2\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k})$  என்ற கோட்டிற்கும்  $(5, 1, 4)$  மற்றும்  $(9, 2, 12)$  என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டிற்கும் இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

16.  $(2, 3, 4)$ ,  $(-1, 4, 5)$  மற்றும்  $(8, 1, 2)$  என்ற புள்ளிகள் ஒரு கோடமைப்பு புள்ளிகள் எனக் காட்டுக.

17.  $\vec{r} = (2\hat{i} + 6\hat{j} + 3\hat{k}) + t(2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k})$ ,  $\vec{r} = (2\hat{j} - 3\hat{k}) + s(\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k})$  என்ற ஒரு ஜோடி நேர்க்கோடுகள் இணைக்கோடுகளாகுமா எனக்காண்க. மேலும், அக்கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட மீச்சிறு தூரம் காண்க.

18.  $\vec{r} \cdot (6\hat{i} + 4\hat{j} - 3\hat{k}) = 12$  என்ற தளம் ஆய அச்சுகளுடன் ஏற்படுத்தும் வெட்டுத்துண்டுகளைக் காண்க.

19.  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-4}{3}$  மற்றும்  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-4}{2} = \frac{z-5}{1}$  என்ற கோடுகள் ஒரு தளத்தில் அமையும் எனக்காட்டுக. மேலும், இக்கோடுகள் அமையும் தளத்தினைக் காண்க.

20.  $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}) = 11$  மற்றும்  $4x - 2y + 2z = 15$  ஆகிய தளங்களுக்கு இடைப்பட்ட குறுங்கோணத்தைக் காண்க.

21.  $\vec{r} = (2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}) + t(\hat{i} - \hat{j} + \hat{k})$  என்ற கோட்டிற்கும்  $2x - y + z = 5$  என்ற தளத்திற்கும் இடைப்பட்ட கோணம் காண்க.

22.  $(2, 5, -3)$  என்ற புள்ளியிலிருந்து  $\vec{r} \cdot (6\hat{i} - 3\hat{j} + 2\hat{k}) = 5$  என்ற தளத்திற்குள்ள தொலைவுக் காண்க.

## III. ANSWER ANY 9 QUESTIONS

9x5=45

23. A) வெக்டர் முறையில்,  $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$  என நிறுவுக.

B)  $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$  என வெக்டர் முறையில் நிறுவுக.

24. வழக்கமான குறியீடுகளுடன், முக்கோணம் ABC-ல் வெக்டர்களைப் பயன்படுத்தி

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} \text{ என நிறுவுக.}$$

25.  $\vec{r} = (-i - 3j - 5k) + s(3i + 5j + 7k)$  மற்றும்  $\vec{r} = (2i + 4j + 6k) + t(i + 4j + 7k)$  ஆகிய கோடுகள் ஒரே தளத்தில் அமையும் எனக்காட்டுக. மேலும், இக்கோடுகளைத் தன்னகத்தே கொண்டுள்ள தளத்தின் துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாட்டைக் காண்க.

26.  $(0, 1, -5)$  என்ற புள்ளி வழிச் செல்லும்  $\vec{r} = (i + 2j - 4k) + s(2i + 3j + 6k)$  மற்றும்  $\vec{r} = (i - 3j + 5k) + t(i + j - k)$  என்ற கோடுகளுக்கு இணையாக உள்ளதுமான தளத்தின் துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

27.  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{d}$  என்பன ஏதேனும் நான்கு வெக்டர்கள் எனில்,

$$(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d}) = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{d}] \vec{c} - [\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] \vec{d} = [\vec{a}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{b} - [\vec{b}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{a}.$$

28.  $(-2, 3, 4)$  என்ற புள்ளி வழியாகச் செல்வதும்  $\frac{x-1}{-4} = \frac{y+5}{5} = \frac{z-2}{6}$  என்ற கோட்டிற்கு இணையானதுமான நேர்க்கோட்டின் துணை அலகு வெக்டர், சமன்பாடு மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

29.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{4}$  மற்றும்  $\frac{x-3}{1} = \frac{y-m}{2} = z$  என்ற கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் வெட்டிக் கொள்ளும் எனில்,  $m$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.

30.  $\vec{r} \cdot (3i - 4j + 12k) = 5$  என்ற தளத்தின் செங்குத்தின் திசைக் கொசைன்கள் மற்றும் ஆதியிலிருந்து தளத்திற்கு வரையப்படும் செங்குத்தின் நீளம் ஆகியவற்றைக் காண்க.

31.  $(-1, 2, 0), (2, 2, -1)$  என்ற புள்ளிகள் வழியாகச் செல்வதும்  $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+1}{2} = \frac{z+1}{-1}$  என்ற கோட்டிற்கு இணையாகவும் உள்ள தளத்தின் துணையலகு வெக்டர் சமன்பாடு, துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

32.  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{\lambda} = \frac{z}{2}$  மற்றும்  $\frac{x+1}{5} = \frac{y+1}{2} = \frac{z}{\lambda}$  ஆகிய கோடுகள் ஒரே தளத்தில் அமைகின்றன எனில்,  $\lambda$ -ன் மதிப்பைக் காண்க. மேலும், இவ்விரு கோடுகளைக் கொண்ட தளங்களின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

33.  $\vec{r} = (2i - j + 2k) + t(3i + 4j + 2k)$  என்ற கோடு  $x - y + z - 5 = 0$  என்ற தளத்தை சந்திக்கும் புள்ளியின் ஆய அச்சத் தூரங்களைக் காண்க.