

முதல் இடைப்பருவத்தேர்வு - 2024

பன்னிரண்டாம் வகுப்பு

பதிவு எண்:

வணிகக்கணிதம் மற்றும் புள்ளியில்

நேரம் : 1.30 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 50

10 x 1 = 10

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ எனில், AA^T - ன் தரம்

a) 0 b) 2 c) 3 d) 1

2. பின்வருவனவற்றில் எது ஒரு அணிக்கான அடிப்படை உருமாற்றம் ஆகாது?

a) $R_i \leftrightarrow R_j$ b) $R_i \rightarrow 2R_i + 2C_j$ c) $R_i \rightarrow 2R_i - 4R_j$ d) $C_i \rightarrow C_i + 5C_j$

3. $|A| \neq 0$ எனில், A ஒரு

a) பூஜ்ஜியமற்ற கோவை அணி b) பூஜ்ஜியக் கோவை அணி
c) பூஜ்ஜிய அணி d) மேற்கண்ட ஏதுமில்லை

4. பூஜ்ஜிய அணியின் தரம்

a) 0 b) -1 c) ∞ d) 1

5. $\int \frac{1}{x^3} dx$ ன் மதிப்புச் சார்பு

a) $\frac{-3}{x^2} + c$ b) $\frac{-1}{2x^2} + c$ c) $\frac{-1}{3x^2} + c$ d) $\frac{-2}{x^2} + c$

6. $\int_2^4 \frac{dx}{x}$ ன் மதிப்பு

a) $\log 4$ b) 0 c) $\log 2$ d) $\log 8$

7. $\sqrt{1}$ ன் மதிப்பு

a) 0 b) 1 c) n d) n!

8. $\sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)}$ ன் மதிப்பு

a) $\sqrt{\pi}$ b) $\frac{\sqrt{\pi}}{2}$ c) $2\sqrt{\pi}$ d) $\frac{3}{2}$

9. $y = \frac{1}{x}$ என்ற வளைவரை 1 மற்றும் 2 எனும் எல்லைகளுக்குள் ஏற்படுத்தும் பரப்பு

a) $\log 2$ ச.அலகுகள் b) $\log 5$ ச.அலகுகள்
c) $\log 3$ ச.அலகுகள் d) $\log 4$ ச.அலகுகள்

10. இலாபச் சார்பு $P(x)$ ஆனது பெருமமடைவது

a) $MC - MR = 0$ b) $MC = 0$ c) $MR = 0$ d) $MC + MR = 0$

பகுதி - ஆ

II. எவையேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி.

4 x 2 = 8

11. $\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 9 \end{pmatrix}$ என்ற அணியின் தரத்தினைக் காண்க.

12. கிரேமரின் விதியைப் பயன்படுத்தி தீர்வு காண்க : $2x + 3y = 7$, $3x + 5y = 9$

13. மதிப்பிடுக : $\int \sqrt{3x+5} dx$

14. மதிப்பிடுக : $\int_0^{\infty} e^{-2x} x^5 dx$

2

XII வ.கணிதம் & புள்ளியியல்

15. $y = 4x + 3$ என்ற வளைவரை X-அச்சு, $X = 1$ மற்றும் $X = 4$ ஆகியவற்றுடன் ஏற்படுத்தும் பரப்பைக் காண்க.

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி.

4 x 3 = 12

16. $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 2 \\ 3 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ என்ற அணியின் தரத்தினைக் காண்க.

17. $3x - 2y = 6$, $6x - 4y = 10$ என்ற சமன்பாடுகள் ஒருங்கமைவு அற்றது எனக்காட்டுக.

18. $f'(x) = 8x^3 - 2x$ மற்றும் $f(2) = 8$ எனில், $f(x) - \int$ காண்க.

19. மதிப்பிடுக : $\sqrt{\frac{9}{2}}$

20. X - அலகு பொருட்களுக்கான இறுதிநிலை வருவாய்ச் சார்பு $MR = 10 + 3x - x^2$ எனில் வருவாய்ச் சார்பு மற்றும் தேவைச்சார்பு ஆகியவற்றைக் காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

4 x 5 = 20

21. a) பின்வரும் சமன்பாட்டு தொகுப்பினை தர முறையில் தீர்க்க.

$$x + y + z = 9, 2x + 5y + 7z = 52, 2x - y - z = 0$$

(அல்லது)

- b) கிரேமரின் விதியைப் பயன்படுத்தி தீர்க்க : $x + y + z = 4$, $2x - y + 3z = 1$, $3x + 2y - z = 1$
22. a) சந்தையில் உள்ள A மற்றும் B இரு வகையான சோப்புகளின் தற்போதைய சந்தைப் பங்கீடு 15% மற்றும் 85% ஆகும். சென்ற ஆண்டு A வாங்கியவர்களின் 65% பேர் மீண்டும் அதை இந்த ஆண்டும் வாங்குகிறார்கள். 35% பேர் B-க்கு மாறிவிடுகின்றனர். சென்ற ஆண்டு B வாங்கியவர்களில் 55% பேர் இந்த ஆண்டும் மீண்டும் அதை வாங்குகின்றனர். 45% பேர் A-க்கு மாறிவிடுகிறார்கள். ஒரு ஆண்டுக்குப் பிறகு அவற்றின் சந்தைப் பங்கீடுகளைக் காண்க. மேலும் சந்தையில் சமநிலை எப்போது எட்டப்படும்? (அல்லது)

- b) தரப்பட்ட சமன்பாடுகள் ஒருங்கமைவு அற்றவை எனில் K-ன் மதிப்பு காண்க.

$$x + y + z = 7, x + 2y + 3z = 18, y + kz = 6$$

23. a) வரையறுத்த தொகையீட்டை ஒரு கூட்டலின் எல்லை எனக்கொண்டு $\int_0^1 x dx$ ஐ மதிப்பிடுக.

(அல்லது)

- b) மதிப்பிடுக : $\int_2^5 \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{7-x}} dx$

24. a) ஒரு பொருளின் விலை P-ஐ பொறுத்து தேவை நெகிழ்ச்சி $\eta_d = \frac{P + 2P^2}{100 - P - P^2}$ எனில்,

விலை 5 மற்றும் தேவை 70 எனும் பொழுது அதன் தேவை சார்பு மற்றும் வருவாய்ச் சார்பைக் காண்க. (அல்லது)

- b) பொருளின் தேவைச் சார்பு மற்றும் அளிப்புச் சார்பு முறையே $P_d = 18 - 2x - x^2$ மற்றும் $P_s = 2x - 3$. சமநிலை விலையில் நுகர்வோர் உபரி மற்றும் உற்பத்தியாளர் உபரியைக் காண்க.

I. 1. d 1
 2. b $R_i \rightarrow 2R_i + 2C_j$
 3. a கிடைக்காத சீர்மாதிரி (No solution)
 4. a 0
 5. b $\frac{-1}{2x^2} + C$
 6. c $\log 2$
 7. b 1
 8. b $\frac{\sqrt{\pi}}{2}$
 9. a $\log_2 8$ சீர்மாதிரி
 10. a $MC - MR = 0$

II. 11. $\begin{vmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 9 \end{vmatrix} = -6 \neq 0$
 $PCA = 2$

12. $\Delta = 1 \neq 0, \Delta x = 8, \Delta y = -3$
 $x = 8, y = -3$

13. $= \frac{(3x+5)^{\frac{1}{2}+1}}{3(\frac{1}{2}+1)} = \frac{2}{9}(3x+5)^{\frac{3}{2}} + C$

14. $= \frac{5!}{2^{5H}} = \frac{5!}{2^6}$

15. $\int_1^4 (4x+3) dx$
 $= [2x^2 + 3x]_1^4 = 39$ சீர்மாதிரி

16. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 2 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \\ 3 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix} R_1 \leftrightarrow R_2$
 $\sim \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 2 \\ 0 & -5 & -8 & -3 \end{pmatrix}$
 $\sim \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 2 \\ 0 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 2 & 2 \end{pmatrix} R_3 - 3R_1, R_3 + 5R_1$
 $PCA = 3$

17. $(A, B) = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 6 \\ 6 & -4 & 10 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}$
 $\sim \begin{pmatrix} 3 & -2 & 6 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix} R_2 - 2R_1$
 $PCA \neq PCA(B)$

18. $f(x) = 2x^4 - x^2 + C$
 $8 = 2(2^4) - 2^2 + C$
 $C = -20$
 $f(x) = 2x^4 - x^2 - 20$

19. $= \frac{7}{2} \times \frac{5}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{1}{2} \sqrt{\pi}$
 $= \frac{105}{16} \sqrt{\pi}$

20. $\int dR = \int (10 + 3x - x^2) dx$
 $R = 10x + \frac{3x^2}{2} - \frac{x^3}{3} + k$
 $x=0, R=0 \Rightarrow k=0$
 $P = \frac{R}{x} \Rightarrow P = 10 + \frac{3x}{2} - \frac{x^2}{3}$

21. $AB = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 9 \\ 2 & 5 & 7 & 52 \\ 2 & 1 & -1 & 0 \end{bmatrix}$
 $\sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 9 \\ 0 & 3 & 5 & 34 \\ 0 & -1 & -3 & -18 \end{bmatrix} R_2 - 3R_1, R_3 - 2R_1$
 $\sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 9 \\ 0 & 3 & 5 & 34 \\ 0 & 0 & -4 & -20 \end{bmatrix} 3R_3 + R_2$
 $PCA = PCA(B) = 3$
 $x=1, y=3, z=5$

b. $\Delta = 13 \neq 0, \Delta x = -13$
 $\Delta y = 39, \Delta z = 26$
 $\{x, y, z\} = \{-1, 3, 2\}$

C. SELVAM, M.Sc., M.Ed.,
 P.O. ASST. (MATHS)

22. a. $T = \begin{pmatrix} 0.65 & 0.35 \\ 0.45 & 0.55 \end{pmatrix} A = 0.15, B = 0.85$
 $(0.15 \ 0.85) \begin{pmatrix} 0.65 & 0.35 \\ 0.45 & 0.55 \end{pmatrix} = (0.48 \ 0.52)$
 $A = 48\%, B = 52\%$
 $(A, B) \begin{pmatrix} 0.65 & 0.35 \\ 0.45 & 0.55 \end{pmatrix} = (A, B)$
 $0.65A + 0.45B = A$
 $0.65A + 0.45(1-A) = A$
 $A = 0.5625 = 56.25\%$
 $B = 0.4375 = 43.75\%$

b. $(A, B) = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 7 \\ 1 & 2 & 3 & 18 \\ 0 & 1 & k & 6 \end{bmatrix}$
 $\sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 2 & 11 \\ 0 & 1 & k & 6 \end{bmatrix} R_2 - R_1$
 $\sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 2 & 11 \\ 0 & 0 & k-2 & -5 \end{bmatrix} R_3 - R_2$
 $PCA = 2$ or 3 $PCA(B) = 3$
 $PCA(B) \neq PCA \Rightarrow k = 2$

23. a. $\int_a^b f(x) dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n h f(a+rh)$
 $a=0, b=1, h = \frac{1}{n}, f(x) = x$
 $f(a+rh) = \frac{r}{n}$
 $\int_0^1 x dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{r=1}^n \frac{1}{n} \cdot \frac{r}{n}$
 $= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)$
 $= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} \cdot n^2 \left(\frac{1 + \frac{1}{n}}{2} \right) = \frac{1+0}{2} = \frac{1}{2}$

b. $I = \int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + \sqrt{7-x}} dx$ --- (1)
 $I = \int \frac{\sqrt{7-x}}{\sqrt{7-x} + \sqrt{x}} dx$ --- (2)
 $(1) + (2) \Rightarrow 2I = \int \frac{\sqrt{x} + \sqrt{7-x}}{\sqrt{x} + \sqrt{7-x}} dx$
 $2I = \int_0^7 dx \Rightarrow 2I = [x]_0^7$
 $I = \frac{7}{2}$

24. a. $\frac{-P}{x} \frac{dx}{dp} = \frac{P(2P+1)}{100 - P - P^2}$
 $\int \frac{dx}{x} = \int \frac{2P+1}{P^2 + P - 100} dP$
 $\log x = \log(P^2 + P - 100) + \log k$
 $x = k(P^2 + P - 100)$
 $x = 70, P = 5 \Rightarrow k = -1$
 $x = 100 - P - P^2$
 $R = Px \Rightarrow R = P(100 - P - P^2)$

b. $Pd = Ps$
 $18 - 2x - x^2 = 2x - 3$
 $x = -7, x = 3 \Rightarrow P_0 = 3$
 $CS = \int_{x_0}^x f(x) dx - x_0 P_0$
 $= \int_3^0 (18 - 2x - x^2) dx - 9$
 $CS = 27$ சீர்மாதிரி
 $PS = x_0 P_0 - \int_0^{x_0} g(x) dx$
 $= 9 - \int_0^3 (2x - 3) dx$
 $PS = 9$ சீர்மாதிரி