

காலாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - 2024

பத்தாம் வகுப்பு கணிதம்

பதிவு எண்: 10 2 2 8

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 100

1. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக. 14 x 1 = 14

1. $A = \{a, b, p\}$, $B = \{2, 3\}$, $C = \{p, q, r, s\}$ எனில் $n[(A \cup C) \times B]$ ஆனது

அ) 8 ஆ) 20 இ) 12 ஈ) 16

2. $f(x) = 2x^2$ மற்றும் $g(x) = \frac{1}{3x}$ எனில் $f \circ g$ ஆனது

அ) $\frac{3}{2x^2}$ ஆ) $\frac{2}{3x^2}$ இ) $\frac{2}{9x^2}$ ஈ) $\frac{1}{6x^2}$

3. ஒரு சார்பு $f: R \rightarrow R$, $f(x) = ax^2 + bx + c$, ($a \neq 0$) என வரையறுக்கப்பட்டால் அதை _____ என்கிறோம்.

அ) மாநிலிச் சார்பு ஆ) முப்படிச் சார்பு

இ) தலைகீழ்ச் சார்பு ஈ) இருபடிச் சார்பு

4. $7^4K \equiv \underline{\hspace{2cm}}$ (மட்டு 100)

அ) 1 ஆ) 2 இ) 3 ஈ) 4

5. முதல் n இயல் எண்களின் கூடுதல் _____ என்று அழைக்கின்றோம்.

அ) இணக்கமான எண்கள் ஆ) பிரமிடு எண்கள்

இ) முக்கோண எண்கள் ஈ) நட்பு எண்கள்

6. $(1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 15^3) - (1 + 2 + 3 + \dots + 15)$ யின் மதிப்பு

அ) 14400 ஆ) 14200 இ) 14280 ஈ) 14520

7. $\frac{3y-3}{y} \div \frac{7y-7}{3y^2}$ என்பது

அ) $\frac{9y}{7}$ ஆ) $\frac{9y^3}{(21y-21)}$ இ) $\frac{21y^2 - 42y + 21}{3y^3}$ ஈ) $\frac{7(y^2 - 2y + 1)}{y^2}$

8. ஒரு நேரிய சமன்பாட்டின் வரைபடம் ஒரு _____ ஆகும்.

அ) நேர்க்கோடு ஆ) வட்டம் இ) பரவளையம் ஈ) அதிபரவளையம்

9. $\frac{256x^8y^4z^{10}}{25x^6y^6z^6}$ யின் வர்க்கமூலம்

அ) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{x^2z^4}{y^2}}$ ஆ) $16 \sqrt{\frac{y^2}{x^2z^4}}$ இ) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{y}{xz^2}}$ ஈ) $\frac{16}{5} \sqrt{\frac{xz^2}{y}}$

2

X கணிதம்

10. இருசமபக்க முக்கோணம் $\triangle ABC$ யில் $\angle C = 90^\circ$ மற்றும் $AC = 5$ செமீ எனில் AB ஆனது
 அ) 2.5 செ.மீ ஆ) 5 செ.மீ இ) 10 செ.மீ ஈ) $5\sqrt{2}$ செ.மீ
11. $\triangle ABC$ யில் AD ஆனது, $\angle BAC$ - யின் இருசமவெட்டி, $AB = 8$ செமீ, $BD = 6$ செமீ மற்றும் $DC = 3$ செமீ எனில். பக்கம் AC -யின் நீளம்
 அ) 6 செ.மீ ஆ) 4 செ.மீ இ) 3 செ.மீ ஈ) 8 செ.மீ
12. $(-5,0)$, $(0,-5)$ மற்றும் $(5,0)$ ஆகிய புள்ளிகளால் அமைக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
 அ) 0 ச.அலகுகள் ஆ) 25 ச.அலகுகள் இ) 5 ச.அலகுகள் ஈ) எதுவுமில்லை
13. $(12,3)$, $(4,a)$ என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் கோட்டின் சாய்வு $\frac{1}{8}$ எனில் a யின் மதிப்பு
 அ) 1 ஆ) 4 இ) -5 ஈ) 2
14. $\tan\theta \operatorname{cosec}^2\theta - \tan\theta$ - ன் மதிப்பு
 அ) $\sec\theta$ ஆ) $\cot^2\theta$ இ) $\sin\theta$ ஈ) $\cot\theta$

பகுதி - ஆ

II. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 28 கட்டாய வினா) $10 \times 2 = 20$

15. R என்ற ஒரு உறவு $\{(x,y) / y = x + 3, x \in \{0,1,2,3,4,5\}\}$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இதன் மதிப்பகத்தையும், வீச்சகத்தையும் கண்டறிக.
16. கொடுக்கப்பட்ட சார்பு $f : x \rightarrow x^2 - 5x + 6$, எனில்
 i) $f(-1)$ ii) $f(2a)$ ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.
17. $f \circ f(k) = 5$, $f(k) = 2k - 1$ எனில் k -யின் மதிப்பைக் காண்க.
18. 252525 மற்றும் 363636 என்ற எண்களின் மீ.பொ.வ. காண்க. ✓
19. பிற்பகல் 11 மணிக்கு 15 மணி நேரத்திற்கு முன்பு நேரம் என்ன? ✓
20. $3 + 1 + \frac{1}{3} + \dots \dots \infty$ என்ற தொடரின் கூடுதல் காண்க.

21. $\frac{2x^3 + x^2 + 3}{(x^2 + 2)^2}$ யிலிருந்து $\frac{1}{x^2 + 2}$ - ஐக் கழிக்க.

22. சூத்திர முறையில் $x^2 + 2x - 2 = 0$ - ஐத் தீர்க்கவும். ✓

23. $\triangle ABC$ ஆனது $\triangle DEF$ க்கு வடிவொத்தவை. மேலும் $BC = 3$ செமீ, $EF = 4$ செமீ மற்றும் $\triangle ABC$ யின் பரப்பு = 54 செமீ² எனில், $\triangle DEF$ யின் பரப்பைக் காண்க.

24. $\triangle ABC$ யின் பக்கங்கள் AB மற்றும் AC யின் மீதுள்ள புள்ளிகள் முறையே D மற்றும் E ஆனது $DE \parallel BC$ என்றவாறு அமைந்துள்ளது. $\frac{AD}{DB} = \frac{3}{4}$ மற்றும் $AC = 15$ செமீ எனில் AE - யின் மதிப்பு

காண்க.

25. $(-2,5)$, $(6,-1)$ மற்றும் $(2,2)$ ஆகிய புள்ளிகள் ஒரு கோடமைந்த புள்ளிகள் எனக்காட்டுக.

26. $\sqrt{3}x + (1 - \sqrt{3})y = 3$ என்ற நேர்க்கோட்டு சமன்பாட்டின் சாய்வு, y -வெட்டுத்துண்டு ஆகியவற்றைக் காண்க.

27. $\sec\theta - \cos\theta = \tan\theta \sin\theta$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

28. $\frac{7P+2}{8P^2+13P+5}$ என்ற கோவையின் விலக்கப்பட்ட மதிப்பு காண்க.

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 10 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 42 கட்டாய வினா) $10 \times 5 = 50$

29. $A = \{x \in W / x < 2\}$, $B = \{x \in N / 1 < x \leq 4\}$ மற்றும் $C = \{3, 5\}$ எனில் $A \times (B \cap C) = (A \times B) \cap (A \times C)$ என்பதை சரிபார்க்க.

30. $A = \{1, 2, 3, 4\}$ மற்றும் $B = \{2, 5, 8, 11, 14\}$ என்பன இரு கணங்கள் என்க. $f: A \rightarrow B$ எனும் சார்பு $f(x) = 3x - 1$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. இச்சார்பினைக் கொண்டு

i) அம்புக்குறி படம்

ii) அட்டவணை

iii) வரிசைச் சோடிகளின் கணம்

iv) வரைபடம் ஆகியவற்றைக் குறிக்க.

31. $f: [-5, 9] \rightarrow R$ என்ற சார்பானது பின்வருமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது.

$$f(x) = \begin{cases} 6x+1 & ; -5 \leq x < 2 \\ 5x^2-1 & ; 2 \leq x < 6 \\ 3x-4 & ; 6 \leq x \leq 9 \end{cases}$$

எனில் பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

i) $f(-3) + f(2)$

ii) $f(7) - f(1)$

iii) $2f(4) + f(8)$

iv) $\frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)}$

32. S_1, S_2 மற்றும் S_3 என்பன முறையே ஒரு கூட்டுத்தொடர் வரிசையின் முதல் $n, 2n$ மற்றும் $3n$ உறுப்புகளின் கூடுதல் ஆகும். $S_3 = 3(S_2 - S_1)$ என நிறுவுக.

33. ஒரு பெருக்குத் தொடர்வரிசையில் அடுத்தடுத்த மூன்று உறுப்புகளின் பெருக்கற்பலன் 27 மற்றும் அவைகளில் இரண்டிரண்டு உறுப்புகளின் பெருக்கற்பலனின் கூடுதல் $\frac{57}{2}$ எனில், அந்த மூன்று உறுப்புகளைக் காண்க.

34. பின்வரும் மூன்று மாறிகளில் அமைந்த நேரிய சமன்பாட்டுத் தொகுப்பினைத் தீர்க்க.

$$3x - 2y + z = 2, \quad 2x + 3y - z = 5, \quad x + y + z = 6$$

35. $9x^4 + 12x^3 + 28x^2 + ax + b$ ஆனது ஒரு முழுவர்க்கம் எனில் a, b ஆகியவற்றின் மதிப்புகளைக் காண்க.

36. α, β என்பன $7x^2 + ax + 2 = 0$ யின் மூலங்கள் மற்றும் $\beta - \alpha = \frac{-13}{7}$ எனில், a யின் மதிப்பு காண்க.

37. தேல்ஸ் தேற்றத்தை எழுதி நிரூபிக்கவும்.

38. $(8, 6), (5, 11), (-5, 12)$ மற்றும் $(-4, 3)$ ஆகிய புள்ளிகளை முனைகளாகக் கொண்ட நூற்கரத்தின் பரப்பைக் காண்க.

4

X கணிதம்

39. நீங்கள் ஒரு பாடலைப் பதிவிறக்கம் செய்யும்போது, X வினாடிகளுக்குப் பிறகு பதிவிறக்கம் செய்ய வேண்டிய மீதமுள்ள பாடலின் சதவீதம் (மெகா பைட்டில்) y-ஆனது (தசமத்தில்) $y = -0.1x + 1$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலம் குறிக்கப்பட்டால்,

i) பாடலின் மொத்த MB அளவைக் காண்க.

ii) 75% பாடலைப் பதிவிறக்கம் செய்ய எவ்வளவு வினாடிகள் ஆகும்?

iii) எத்தனை வினாடிகள் கழித்துப் பாடல் முழுமையாகப் பதிவிறக்கம் செய்யப்படும்?

40. A(-4,2) மற்றும் B(6,-4) என்ற புள்ளிகளை இணைக்கும் மையக் குத்துக்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

41. $\cot\theta + \tan\theta = x$ மற்றும் $\sec\theta - \cos\theta = y$ எனில் $(x^2y)^{2/3} - (xy^2)^{2/3} = 1$ என்பதை நிரூபிக்கவும்.

42. $10^3 + 11^3 + 12^3 + \dots + 20^3$ - யின் கூடுதல் காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

2 x 8 = 16

43. அ) கொடுக்கப்பட்ட முக்கோணம் PQR-ன் ஒத்த பக்கங்களின் விகிதம் $\frac{7}{3}$ என்றவாறு ஒரு

வடிவொத்த முக்கோணம்வரைக. (அளவு காரணி $\frac{7}{3} > 1$)

(அல்லது)

ஆ) QR = 5 செமீ, $\angle P = 30^\circ$ மற்றும் P-யிலிருந்து QR-க்கு வரையப்பட்ட குத்துக்கோட்டின் நீளம் 4.2 செமீ கொண்ட ΔPQR வரைக.

44. அ) ஒரு பேருந்து 50 கி.மீ/மணி என்ற சீரான வேகத்தில் பயணிக்கிறது. இத்தொடர்புக்கான தூரம்-நேரம் வரைபடம் வரைந்து பின்வருவனவற்றைக் காண்க.

i) விகிதசம மாறிலியைக் காண்க.

ii) 90 நிமிடங்களில் பயணிக்கும் தூரம் எவ்வளவு?

iii) 300 கி.மீ தூரத்தை பயணிக்க எவ்வளவு நேரம் ஆகும்?

(அல்லது)

ஆ) $xy = 24$, $x, y > 0$ என்ற வரைபடத்தை வரைக.

i) $x = 3$ எனில் y - ஐக் காண்க. மற்றும்

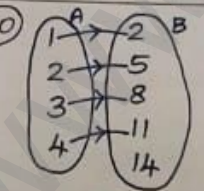
ii) $y = 6$ எனில் x - ஐக் காண்க.

X கணிதம் * காலாண்டுத் தேர்வு - 2024 * தலைத்தொகுப்பு

- I
- 1) 12
 - 2) $2/9x^2$
 - 3) ஈ. இடபடிச் சார்பு
 - 4) 1
 - 5) இக்கோண எண்கள்
 - 6) 14280
 - 7) $9y/7$
 - 8) நேர்க்கோடு
 - 9) ஈ. $\frac{16}{5} \left| \frac{xz^2}{y} \right|$
 - 10) ஈ. $5\sqrt{2}$ செ.மீ
 - 11) 4 செ.மீ
 - 12) 25 ச. அலகுகள்
 - 13) 2
 - 14) ஈ. $\cot \theta$

- II
- 15) மதப்பகம்
 $= \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$
 ஊச்சகம்
 $= \{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$
 - 16) $f(x) = x^2 - 5x + 6$
 $f(-1) = 1 + 5 + 6 = 12$
 $f(2a) = 4a^2 - 10a + 6$
 $= 4a^2 - 10a + 6$
 - 17) $f \cdot f(x) = 4x - 3$
 $4x - 3 = 5$
 $\Rightarrow x = 2$
 - 19) $23 - 15 \equiv x \pmod{24}$
 $\Rightarrow x = 8$
 (ஈ. U 8 மணி)

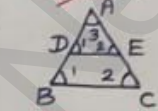
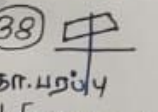
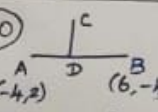
- 18) $252525 = 5 \times 5 \times 3 \times 7 \times 481$
 $363636 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 7 \times 481$
 ஈ. லபா. உ = $3 \times 7 \times 481 = 10101$
- 20) $a = 3, r = \frac{1}{3}$
 $S_{\infty} = \frac{a}{1-r} = \frac{9}{2}$
- 21) $\frac{2x^3 + x^2 + 3}{(x^2 + 2)^2} - \frac{1}{x^2 + 2}$
 $= \frac{2x^3 + 1}{(x^2 + 2)^2}$
- 22) $x^2 + 2x + 2 = 0$
 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
 $x = -1 \pm \sqrt{3}$
- 23) $\frac{\Delta ABC \text{ பரப்பு}}{\Delta DEF \text{ பரப்பு}} = \frac{BC^2}{EF^2}$
 $\frac{54}{3^2} = \frac{3^2}{4^2}$
 $\Rightarrow \Delta DEF \text{ பரப்பு} = 96 \text{ செ.மீ}^2$
- 24) $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$
 $\frac{3}{4} = \frac{x}{15-x}$
 $\Rightarrow AE = x = 6.43 \text{ செ.மீ}$
- 25) $(-2, 5), (6, -1), (2, 2)$
 சாய்வு AB = $-\frac{3}{4}$
 சாய்வு BC = $-\frac{3}{4}$
 சாய்வு AB = சாய்வு BC

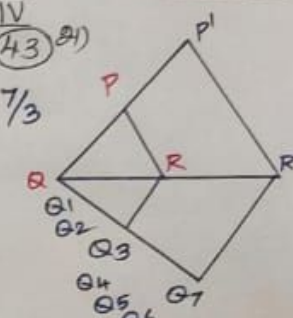
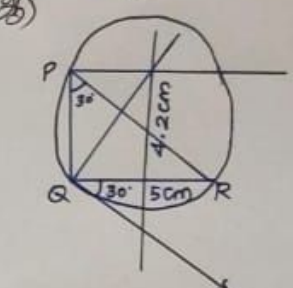
- 26) $\sqrt{3}x + (1 - \sqrt{3})y = 3$
 $\Rightarrow y = \frac{-\sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}}x + \frac{3}{1 - \sqrt{3}}$
 சாய்வு m = $\frac{-\sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}}$
 y-வெட்டுச்சுருள் = $\frac{3}{1 - \sqrt{3}}$
 - 27) $\sec \theta - \cos \theta = \frac{1}{\cos \theta} - \cos \theta = \frac{1 - \cos^2 \theta}{\cos \theta} = \frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta} = \tan \theta \sin \theta$
 - 28) $7p + 2$
 $8p^2 + 13p + 5 = 0$
 $\Rightarrow p = -5/8, -1$
- III
- 29) $A = \{0, 1\}, B = \{2, 3, 4\}, C = \{3, 5\}$
 $B \cap C = \{3\}$
 $A \times (B \cap C) = \{(0, 3), (1, 3)\}$
 $A \times B = \{(0, 2), (0, 3), (0, 4), (1, 2), (1, 3), (1, 4)\}$
 $A \times C = \{(0, 3), (0, 5), (1, 3), (1, 5)\}$
 $(A \times B) \cap (A \times C) = \{(0, 3), (1, 3)\}$
 - 30) 
 - 31) (i) $f(-3) + f(2) = (6x+1) + (5x^2-1) = -17 + 19 = 2$
 (ii) $f(7) - f(1) = (3x-4) + (6x+1)$

- (iii) $2f(4) + f(8) = 2[5x^2-1] + (3x-4) = 7x + 20 = 178$
- (iv) $\frac{2f(-2) - f(6)}{f(4) + f(-2)} = \frac{(2x-11) - 14}{7x + (-11)} = \frac{-9}{17}$
- 32) $S_1 = \frac{n}{2}[2a + (n-1)d]$
 $S_2 = \frac{2n}{2}[2a + (n-1)d]$
 $S_3 = \frac{3n}{2}[2a + (n-1)d]$
 $\therefore S_3 = 3(S_2 - S_1)$
- 33) $\frac{a}{r}, a, ar$
 வெகுத்தல் = 27
 $\Rightarrow a = 3$
 திரண்டுகிரை வெகுத்தல் = $\frac{57}{2}$
 $\Rightarrow r = \frac{2}{3}, \frac{3}{2}$
 $9/2, 3, 2$
- 34) $\begin{cases} 3x - 2y + z = 2 \\ 2x + 3y - z = 5 \\ x + y + z = 6 \end{cases}$
 $x = 1, y = 2, z = 3$
- 35)

3	2	4
3	9	12
9	12	28
9	12	4
6	2	
6	4	
	24	a
	24	16
		0

 $a = 16, b = 16$

- 36) $7x^2 + ax + 2 = 0$
 $\alpha + \beta = -a/7$
 $\alpha\beta = 2/7$
 $\beta - \alpha = -13/7$
 $\Rightarrow a = \pm 15$
- 37) 
 $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$
- 38) 
 நா. அளவு $\frac{1}{2}[(88+60-15-24) - (30-55-48+24)] = \frac{1}{2}(109+49) = \frac{1}{2} \times 158 = 79$
- 39) $y = -0.1x + 1$
 (i) $MB = 1 MB$
 $(x=0)$
 (ii) 75% பதிகை $= 7.5$ ஜனாபகம் $(y=0.25)$
 (iii) full பதிகை $= 10$ ஜனாபகம் $(y=0)$
- 40) 
 நடுப்புள்ளி $= (1, -1)$
 சாய்வு AB = $-3/5$
 சாய்வு DC = $5/3$
 சமஸ்பாடு $5x - 3y - 8 = 0$

- 41) $(x^2y)^{2/3} = \left(\frac{1}{\sin^2 \theta \cos \theta} \times \frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta}\right)^{2/3}$
 $(xy^2)^{2/3} = \left(\frac{1}{\sin \theta \cos \theta} \times \frac{\sin^2 \theta}{\cos^2 \theta}\right)^{2/3}$
 $(x^2y)^{2/3} - (xy^2)^{2/3} = 1$
 - 42) $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left[\frac{n(n+1)}{2}\right]^2$
 $(1^3 + 2^3 + \dots + 20^3) - (1^3 + 2^3 + \dots + 9^3) = \left(\frac{20 \times 21}{2}\right)^2 - \left(\frac{9 \times 10}{2}\right)^2 = 44100 - 2025 = 42075$
- IV
- 43) 
 $7/3$
 - 44) 
 (i) $k = 5/6$
 (ii) 90 நிமிடம் = 75 நிமிடம்
 (iii) 300 நிமிடம் = 360 நிமிடம் (6 மணி)
 (iv) $xy = 24$
 $(1, 24), (2, 12), (3, 8), (4, 6), (6, 4), (8, 3), (12, 2), (24, 1)$
 (i) $x = 3 \Rightarrow y = 8$
 (ii) $y = 6 \Rightarrow x = 4$