

காலாண்டுத் தேர்வு - 2024

வகுப்பு : 11

காலம் : 3.00 மணி

கணிதவியல்

பதிவு எண் :

மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90

பகுதி - I

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்

$$20 \times 1 = 20$$

1. $f(x) = x^3$ என்ற சார்பு இருபுறச் சார்பாக அமைய வேண்டுமெனில் அதன் சார்பகமும், துணைச்சார்பகமும் முறையே

1) $[0, \infty), [0, \infty)$	2) R, R	3) $(0, \infty), R$	4) $R, (0, \infty)$
-------------------------------	-----------	---------------------	---------------------
2. $f: R \rightarrow R$ ல் $f(x) = \frac{(x^2 + \cos x)(1+x^4)}{(x-\sin x)(2x-x^3)} + e^{-|x|}$ எனில் f

1) ஒரு ஒற்றைப்படைச்சார்பு	2) ஒற்றைப்படையுமல்ல, இரட்டைப்படையுமல்ல
3) ஒரு இரட்டைப்படைச் சார்பு	4) ஒற்றைப்படை மற்றும் இரட்டைப்படைச் சார்பு
3. $A = \{(x, y) : y = \sin x, x \in R\}$ மற்றும் $B = \{(x, y) : y = \cos x, x \in R\}$ எனில் $A \cap B$ ல்

1) உறுப்புகளில்லை	2) எண்ணில்லாத்தான் உறுப்புகள் உள்ளன.
3) ஒரே ஒரு உறுப்பு உள்ளது	4) தீர்மானிக்க இயலாது.
4. If $|x+2| \leq 9$ எனில் x அமையும் இடைவெளி

1) $(-\infty, -7)$	2) $[-11, 7]$	3) $(-\infty, -7] \cup (11, \infty)$	4) $(-11, 7)$
--------------------	---------------	--------------------------------------	---------------
5. $x^2 + |x-1| = 1$ தீர்வுகளின் எண்ணிக்கை

1) 1	2) 0	3) 2	4) 3
------	------	------	------
6. $\log_3 11, \log_{11} 13, \log_{13} 15, \log_{15} 27, \log_{27} 81$ ன் மதிப்பு

1) 1	2) 2	3) 3	4) 4
------	------	------	------
7. பின்வருவனவற்றில் எது சரியானது?

1) $\sin \theta = 2$	2) $\cos \theta = -3$	3) $\tan \theta = 25$	4) $\sec \theta = \frac{1}{4}$
----------------------	-----------------------	-----------------------	--------------------------------
8. $\sin \alpha + \cos \alpha = b$ எனில் 2α இன் மதிப்பு

1) $b^2 - 1, b \leq \sqrt{2}$	2) $b^2 - 1, b > \sqrt{2}$	3) $b^2 - 1, b \geq 1$	4) $b^2 - 1, b \geq \sqrt{2}$
-------------------------------	----------------------------	------------------------	-------------------------------
9. $\pi < 20 < \frac{3\pi}{2}$ எனில் $\sqrt{2 + \sqrt{2 + 2 \cos 40^\circ}}$ இன் மதிப்பு

1) $-2\cos\theta$	2) $-2\sin\theta$	3) $2\cos\theta$	4) $2\sin\theta$
-------------------	-------------------	------------------	------------------
10. ${}^nC_4, {}^nC_5, {}^nC_6$ ஆகியவை A.P யில் (கூட்டுத் தொடரில்) உள்ளன எனில், n ன் மதிப்பு

1) 14	2) 11	3) 9	4) 5
-------	-------	------	------
11. முதல் n ஒற்றை இயல் எண்களின் பெருக்கலின் மதிப்பு

1) ${}^{2n}C_n \times {}^nP_n$	2) $\left(\frac{1}{2}\right)^n \times {}^{2n}C_n \times P_n$	3) $\left(\frac{1}{2}\right)^n \times {}^{2n}C_n \times P_n$	4) ${}^nC_n \times {}^nP_n$
--------------------------------	--	--	-----------------------------
12. ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை 10 எனில் மூலைவிட்டங்களில் எண்ணிக்கை

1) 30	2) 35	3) 45	4) 40
-------	-------	-------	-------
13. 2, 4, 5, 7 ஆகிய அனைத்து எண்களையும் பயன்படுத்தி உருவாக்கப்படும் நான்கு இலக்க எண்களில் 10 - ஆவது இடத்திலுள்ள அனைத்து எண்களின் கூடுதல்

1) 432	2) 108	3) 36	4) 18
--------	--------	-------	-------
14. 38^{15} ஜி 13 ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி

1) 12	2) 1	3) 11	4) 5
-------	------	-------	------
15. பொது வித்தியாசம் d ஆக உள்ள ஒரு கூட்டுத் தொடரின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் S_n எனில் $S_n - 2S_{n-1} + S_{n-2}$ ன் மதிப்பு

1) d	2) $2d$	3) $4d$	4) d^2
--------	---------	---------	----------

11-கணிதவியல்-பக்கம்-1

16. $(1+x)^2 (1+x)^n = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + x^{n+4}$ மற்றும் a_0, a_1, a_2 ஆகியவை கூட்டுத்தொடர் முறை எனில் n ன் மதிப்பு

1) 1

2) 2

3) 3

4) 4

17. $x^2 + y^2 = 5$ என்ற நியமப்பாதையின் மீது அமைந்திருக்கும் புள்ளி

1) (1,1)

2) (0, -1)

3) (1,2)

4) (-2,3)

18. $3x - y = -5$ என்ற கோட்டுடன் 45° கோணம் ஏற்படுத்தும் கோட்டின் சாய்வுகள்

1) 1, -1

2) $\frac{1}{2}, -2$ 3) $1, \frac{1}{2}$ 4) $2, -\frac{1}{2}$

19. சாய்வு 2 உடைய கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து வரையப்படும் செங்குத்துக்கோட்டின் நீளம் $\sqrt{5}$ எனில், அங்கோட்டின் சமன்பாடு

1) $x - 2y = \sqrt{5}$ 2) $2x - y = \sqrt{5}$ 3) $2x - y = 5$ 4) $x - 2y - 5 = 0$

20. $6x^2 - xy + 4y^2 = 0$ என்ற கோடுகளில் ஒரு கோடானது $3x + 4y = 0$ எனில் c ன் மதிப்பு

1) -3

2) -1

3) $\frac{5}{9}$ 4) $\frac{1}{9}$

பகுதி - II

(i) ஏதேனும் எழு வினாக்களுக்கு விடையளிப்பாரா.

(ii) வினா எண் 30 க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

$7 \times 2 = 14$

21. $X = \{a, b, c, d\}$ மற்றும் $R = \{(a, a), (b, b), (a, c)\}$ எனக் கொட்டப்படும் R கை (i) தற்கட்டு (ii) சமச்சீர் என உருவாக்க R உடன் சேர்க்கப்பட வேண்டிய குறைந்த பட்ச உறுப்புகளை எழுதுக.

22. $n(A) = 3$ மற்றும் $n(B) = 2$ $n(A) = 3$ எனும் நிபந்தனைக்குட்டட்டு அமைந்துள்ள இரு கணங்கள் A, B ஆகும். $(x, 1), (y, 2), (z, 1)$ என்பவை $A \times B$ எனும் கணத்திலுள்ள சில உறுப்புகள் எனில் A, B கணங்களைக் காணக். (இங்கு x, y, z முற்றிலும் வேறுபட்ட உறுப்புகள்)

23. தீர்வு காணக : (i) $\frac{3(x-2)}{5} \leq \frac{5(2-x)}{3}$.

24. சுருக்குக : $\sqrt{x^2 - 10x + 25}$.

25. $n! + (n-1)! = 30$ எனில் n -ன் மதிப்புக் காணக்?

26. 15 மாணவர்கள் எழுதும் ஒரு தேர்வில், 7 மாணவர்கள் கணிதத் தேர்வையும் மீதமுள்ள 8 மாணவர்கள் வெவ்வேறு பாடங்களுக்கான தேர்வையும் எழுதுகின்றனர். கணிதத் தேர்வு எழுதும் எந்த இரு மாணவர்களும் ஒரே வரிசீலியில் அடுத்தடுத்து இல்லாத வகையில் எத்தனை வழிகளில் அமர வைக்கலாம்?

27. e^{ix} என்ற படிக்குறித் தொடரின் முதல் 4 உறுப்புகளைக் காணக்.

28. $3x + 4y - 12 = 0$ என்ற நேர்க்கோட்டிற்கு (i) செங்குத்தான (ii) இணையான நேர்க்கோடுகளின் தொகுப்பினைக் காணக்

29. (5,7) மற்றும் (7,5) என்ற புள்ளிகள் வழியே செல்லக்கூடிய நேர்க்கோட்டின் சாய்வைக் காணக். மேலும் x -அச்சடன் ஏற்படுத்தும் சாய்வுக்கோணத்தைக் காணக்.

30. $\cos \theta = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ -ன் பொதுத் தீர்வை காணக்.

11-கணிதவியல்-பக்கம்-2

பகுதி - III

- (i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி.
- (ii) வினா எண் 40 க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும். $7 \times 3 = 21$
31. A மற்றும் B எனும் இரு கணங்கள் $n(B - A) = 2n(A - B) = 4n(A \cap B)$ மற்றும் $n(A \cup B) = 14$. எனவே அமைந்தால் $n(P(A))$ காண்க!
32. $f(x) = x^2$ என்ற வளைவுரையிலிருந்து $f(x) = x^2 + 1, f(x) = (x+1)^2$ வரைக.
33. $2x^2 - (a+1)x + a - 1 = 0$ -ன் மூலங்களுக்கிடையே உள்ள வெறுபாடும், அவைகளின் பெருக்கற்பலனும் சமம் எனில், $a = 2$ என நிறுவுக.
34. $\log_2 x - 3\log_2 x = 6$ -ன் தீர்வு காண்க.
35. 66 கி.மீ / மணி நேர வேகத்தில் 1500 மீ தூரம் கொண்ட ஒரு வட்டப்பாதையில் ஒரு தொடர்வண்டி இயக்கப்படுகிறது எனில், 20 நிமிடத்தில் அது கடக்கும் கோணத்தைக் காண்க.
36. நிறுவுக: $\tan\left(\frac{\pi}{4} + 0\right) \tan\left(\frac{3\pi}{4} + 0\right) = -1$.
37. GARDEN என்ற வார்த்தையின் தரத்தைக் காண்க.
38. நுண்ணுயிர் வளர்ச்சியில் ஒவ்வொரு மணி நேரத்திற்கும் நுண்ணுயிரிகளின் எண்ணிக்கையானது அதன் முந்தைய மணி நேரத்தில் உள்ளது போல் இரு மடங்காகிறது. தூரம்பத்தில் 30 நுண்ணுயிர்கள் இருக்குமானால் 2 ஆவது.4 ஆவது மற்றும் n ஆவது மணிநேர முடிவில் எத்தனை நுண்ணுயிர்கள் இருக்கும்.
39. $4x^2 + 4xy + y^2 - 6x - 3y - 4 = 0$ என்பது ஒரு இணை இரட்டை நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் குறிக்கும் எனக் காட்டுக.
40. $(3 - 2x)^{10}$ -ன் விரிவில் x^5 -ன் கெழுவைக் காண்க.

பகுதி - IV

- அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும் $7 \times 5 = 35$
41. (அ) Z ல் $m - n$ ஆனது 7 ஆல் வகுபடுமெனில் mRn எனத் தொடர்பு R வரையறுக்கப்பட்டால் R என்பது சமானத் தொடர்பு என நிருபிக்க.
- (அல்லது)
- (ஆ) மெய்மதிப்புச் சார்பு f , ஆனது $f(x) = \frac{\sqrt{9 - x^2}}{\sqrt{x^2 - 1}}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் அதன் சாத்தியமான மீப்பெரு சார்பகத்தைக் காண்க.
42. (அ) ஒரு சாதாரண சம்கேதமோழியில் ஓர் உருவினை மாற்றியமைக்க எண்ணால் எழுதப் பயன்படுத்தப்படும் சார்பு $f(x) = 3x - 4$. இத்சார்பின் நேர்மாறினையும், அந்நேர்மாறு ஒரு சார்பு என்பதையும் காண்க. அவை $y = x$ என்ற நேர்க்கோட்டில் சமச்சீர் உடையது என்பதை வரைந்து காண்க.,
- (அல்லது)

- (ஆ) தீர்க்க : $\frac{x+1}{x+3} < 3$
43. (அ) பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும்: $\frac{x+1}{x(x-1)^2}$
(அல்லது)
- (ஆ) நிறுவுக: $\cos/\cos 2\alpha \cos 2^2\alpha \cos 2^3\alpha \dots \cos 2^{n-1}\alpha = \frac{\sin 2^n A}{2^n \sin A}$.

44. (அ) நிறுவுக : $\tan 315^\circ \cot(-405^\circ) + \cot 495^\circ \tan(-585^\circ) = 2.$

(அல்லது)

$$(ஆ) {}^{23}C_4 + \sum_{r=0}^4 {}^{(28-r)}C_3 = {}^{29}C_4 \text{ என நிறுவுக.}$$

45. (அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் $n \geq 1$ -க்கு

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)^2 \text{ என நிருபிக்க.}$$

(அல்லது)

(ஆ) $4, A_1, A_2, \dots, A_7, 7$ என்ற தொடர்முறை காட்டுத் தொடர்முறையாக இருக்குமாறு $A_1, A_2, \dots, A_7,$

என்ற ஏழு எண்களைக் காணக. மேலும் $12, G_1, G_2, G_3, G_4, \frac{3}{8}$ என்ற தொடர்முறை

பெருக்குத்தொடர்முறையாக இருக்குமாறு G_1, G_2, G_3, G_4 என்ற நான்கு எண்களையும் காணக.

46. (அ) x மிகச் சிறியது எனில், $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$ என்பது தோராயமாக $1-x + \frac{x^2}{2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

(ஆ) நகரும் புள்ளி P -ன் ஆயக்கூறுகள் $\left(\frac{a}{2}(\cosec\theta + \sin\theta), \frac{b}{2}(\cosec\theta - \sin\theta) \right)$ எனில் P -ன்

நியம்பாதையின் சமன்பாடு $b^2x^2 - a^2y^2 = a^2b^2$ எனக் காட்டுக. இங்கு θ என்பது ஒரு துணையல்து மாறு ஆகும்.

47. (அ) கீழ்க்காண்பளவற்றிற்கு இடையே உள்ள தூரம் காணக.

(i) $(5, 4)$ மற்றும் $(2, 0)$

(ii) $5x + 12y - 3 = 0$ என்ற கோட்டிற்கு $(1, 2)$ புள்ளிக்கும் இடையே உள்ள தூரம்

(iii) $3x + 4y = 12$ மற்றும் $6x + 8y + 1 = 0$ இடையே உள்ள தூரம்.

(அல்லது)

(ஆ) $2x^2 + 3xy - 2y^2 + 3x + y + 1 = 0$ என்பது ஒன்றையொன்றுவேற்றக் கொள்ளும் கோடுகள் எனவும். அதற்கு இடைப்பட்ட கோணம் $\tan^{-1}(5)$. என நிறுவுக.

M.Poovarasan M.Sc B.Ed

PG Asst in chemistry

Dharmapuri district