

காலாண்டுத் தேர்வு - 2024

வகுப்பு : 11
காலம் : 3.00 மணி

கணிதவியல்

பதிவு எண் :

மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90

பகுதி - I

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்

20 X 1 = 20

- $f(x) = x^3$ என்ற சார்பு இருபுறச் சார்பாக அமைய வேண்டுமெனில் அதன் சார்பகமும், துணைச்சார்பகமும் முறையே
 - $[0, \infty), [0, \infty)$
 - \mathbb{R}, \mathbb{R}
 - $(0, \infty), \mathbb{R}$
 - $\mathbb{R}, (0, \infty)$
- $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ல் $f(x) = \frac{(x^2 + \cos x)(1+x^4)}{(x - \sin x)(2x-x^3)} + e^{-|x|}$ எனில் f
 - ஒரு ஒற்றைப்படைச்சார்பு
 - ஒற்றைப்படையுமல்ல, இரட்டைப்படையுமல்ல
 - ஒரு இரட்டைப்படைச் சார்பு
 - ஒற்றைப்படை மற்றும் இரட்டைப்படைச் சார்பு
- $A = \{(x, y) : y = \sin x, x \in \mathbb{R}\}$ மற்றும் $B = \{(x, y) : y = \cos x, x \in \mathbb{R}\}$ எனில் $A \cap B$ ல்
 - உறுப்புகளில்லை
 - எண்ணிலடங்கா உறுப்புகள் உள்ளன.
 - ஒரே ஒரு உறுப்பு உள்ளது
 - தீர்மானிக்க இயலாது.
- If $|x+2| \leq 9$ எனில் x அமையும் இடைவெளி
 - $(-\infty, -7)$
 - $[-11, 7]$
 - $(-\infty, -7] \cup (11, \infty)$
 - $(-11, 7)$
- $x^2 + |x-1| = 1$ தீர்வுகளின் எண்ணிக்கை
 - 1
 - 0
 - 2
 - 3
- $\log_3 11 \cdot \log_{11} 13 \cdot \log_{13} 15 \cdot \log_{15} 27 \cdot \log_{27} 81$ ன் மதிப்பு
 - 1
 - 2
 - 3
 - 4
- பின்வருவனவற்றில் எது சரியானது?
 - $\sin \theta = 2$
 - $\cos \theta = -3$
 - $\tan \theta = 25$
 - $\sec \theta = \frac{1}{4}$
- $\sin \alpha + \cos \alpha = b$ எனில் 2α இன் மதிப்பு
 - $b^2 - 1, b \leq \sqrt{2}$
 - $b^2 - 1, b > \sqrt{2}$
 - $b^2 - 1, b \geq 1$
 - $b^2 - 1, b \geq \sqrt{2}$
- $\pi < 2\theta < \frac{3\pi}{2}$ எனில் $\sqrt{2 + \sqrt{2 + 2\cos 4\theta}}$ இன் மதிப்பு
 - $-2\cos \theta$
 - $-2\sin \theta$
 - $2\cos \theta$
 - $2\sin \theta$
- ${}^nC_4, {}^nC_5, {}^nC_6$ ஆகியவை A.P யில் (கூட்டுத் தொடரில்) உள்ளன எனில், n ன் மதிப்பு
 - 14
 - 11
 - 9
 - 5
- முதல் n ஒற்றை இயல் எண்களின் பெருக்கலின் மதிப்பு
 - $2^n C_n \times n P_n$
 - $\left(\frac{1}{2}\right)^n \times 2^n C_n \times P_n$
 - $\left(\frac{1}{2}\right)^n \times 2^n C_n \times P_n$
 - ${}^nC_n \times n P_n$
- ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை 10 எனில் முலைவிட்டங்களின் எண்ணிக்கை
 - 30
 - 35
 - 45
 - 40
- 2, 4, 5, 7 ஆகிய அனைத்து எண்களையும் பயன்படுத்தி உருவாக்கப்படும் நான்கு இலக்க எண்களில் 10 - ஆவது இடத்திலுள்ள அனைத்து எண்களின் கூடுதல்
 - 432
 - 108
 - 36
 - 18
- 38^{15} ஐ 13 ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி
 - 12
 - 1
 - 11
 - 5
- பொது வித்தியாசம் d ஆக உள்ள ஒரு கூட்டுத் தொடரின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் S_n எனில் $S_n - 2S_{n-1} + S_{n-2}$ ன் மதிப்பு
 - d
 - $2d$
 - $4d$
 - d^2

11-கணிதவியல்-பக்கம்-1

பகுதி - III

(i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி.

(ii) வினா எண் 40 க்கு சுண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

7 X 3 = 21

31. A மற்றும் B எனும் இரு கணங்கள் $n(B - A) = 2n(A - B) = 4n(A \cap B)$ மற்றும் $n(A \cup B) = 14$. என அமைந்தால் $n(P(A))$ காண்க.
32. $f(x) = x^2$ என்ற வளைவரையிலிருந்து $f(x) = x^2 + 1$, $f(x) = (x + 1)^2$ வரைக.
33. $2x^2 - (a+1)x + a - 1 = 0$ -ன் மூலங்களுக்கிடையே உள்ள வேறுபாடும், அவைகளின் பெருக்கற்பலனும் சமம் எனில், $a = 2$ என நிறுவுக.
34. $\log_2 x - 3 \log_4 x = 6$ -ன் தீர்வு காண்க.
35. 66 கி.மீ / மணி நேர வேகத்தில் 1500 மீ ஆரம் கொண்ட ஒரு வட்டப்பாதையில் ஒரு தொடர்வண்டி இயக்கப்படுகிறது எனில், 20 நிமிடத்தில் அது கடக்கும் கோணத்தைக் காண்க.
36. நிறுவுக: $\tan\left(\frac{\pi}{4} + \theta\right) \tan\left(\frac{3\pi}{4} + \theta\right) = -1$.
37. GARDEN என்ற வார்த்தையின் தரத்தைக் காண்க.
38. நுண்ணுயிர் வளர்ச்சியில் ஒவ்வொரு மணி நேரத்திற்கும் நுண்ணுயிரிகளின் எண்ணிக்கையானது அதன் முந்தைய மணி நேரத்தில் உள்ளது போல் இரு மடங்காகிறது. ஆரம்பத்தில் 30 நுண்ணுயிர்கள் இருக்குமானால் 2 ஆவது, 4 ஆவது மற்றும் n ஆவது மணிநேர முடிவில் எத்தனை நுண்ணுயிர்கள் இருக்கும்.
39. $4x^2 + 4xy + y^2 - 6x - 3y - 4 = 0$ என்பது ஒரு இணை இரட்டை நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் குறிக்கும் எனக் காட்டுக.
40. $(3 - 2x)^{10}$ -ன் விரிவில் x^5 -ன் கெழுவைக் காண்க.

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்

7 X 5 = 35

41. (அ) Z ல் $m - n$ ஆனது 7 ஆல் வகுபடுமெனில் mRn எனத் தொடர்பு R வரையறுக்கப்பட்டால் R என்பது சமானத் தொடர்பு என நிரூபிக்க.

(அல்லது)

(ஆ) மெய்மதிப்புச் சார்பு f ஆனது $f(x) = \frac{\sqrt{9-x^2}}{\sqrt{x^2-1}}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் அதன்

சாத்தியமான மீப்பெரு சார்பகத்தைக் காண்க.

42. (அ) ஒரு சாதாரண சங்கேதமொழியில் ஒர் உருவினை மாற்றியமைக்க எண்ணால் எழுதப் பயன்படுத்தப்படும் சார்பு $f(x) = 3x - 4$. இச்சார்பின் நேர்மாறினையும், அந்நேர்மாறு ஒரு சார்பு என்பதையும் காண்க. அவை $y = x$ என்ற நேர்க்கோட்டில் சமச்சீர் உடையது என்பதை வரைந்து காண்க.

(அல்லது)

(ஆ) தீர்க்க: $\frac{x+1}{x+3} < 3$

43. (அ) பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும்: $\frac{x+1}{x(x-1)^2}$

(அல்லது)

(ஆ) நிறுவுக: $\cos A \cos 2A \cos 2^2 A \cos 2^3 A \dots \cos 2^{n-1} A = \frac{\sin 2^n A}{2^n \sin A}$

11-கணிதவியல்-பக்கம்-3

44. (அ) நிறுவுக : $\tan 315^\circ \cot (-405^\circ) + \cot 495^\circ \tan (-585^\circ) = 2$.

(அல்லது)

(ஆ) ${}^{24}C_4 + \sum_{r=0}^4 ({}^{28-r}C_3) = {}^{29}C_4$ என நிறுவுக.

45. (அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் $n \geq 1$ -க்கு

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)^2 \text{ என நிரூபிக்க.}$$

(அல்லது)

(ஆ) 4, $A_1, A_2, \dots, A_7, 7$ என்ற தொடர்முறை கூட்டுத் தொடர்முறையாக இருக்குமாறு A_1, A_2, \dots, A_7

என்ற ஏழு எண்களைக் காண்க. மேலும் 12, $G_1, G_2, G_3, G_4, \frac{3}{8}$ என்ற தொடர்முறை

பெருக்குத்தொடர்முறையாக இருக்குமாறு G_1, G_2, G_3, G_4 என்ற நான்கு எண்களையும் காண்க.

46. (அ) x மிகச் சிறியது எனில், $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$ என்பது தோராயமாக $1-x + \frac{x^2}{2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

(ஆ) நகரும் புள்ளி P -ன் ஆயக்கூறுகள் $\left(\frac{a}{2}(\operatorname{cosec} \theta + \sin \theta), \frac{b}{2}(\operatorname{cosec} \theta - \sin \theta) \right)$ எனில் P -ன்

நியமப்பாதையின் சமன்பாடு $b^2x^2 - a^2y^2 = a^2b^2$ எனக் காட்டுக. இங்கு θ என்பது ஒரு துணையலகு மாறி ஆகும்.

47. (அ) கீழ்க்காண்பனவற்றிற்கு இடையே உள்ள தூரம் காண்க.

(i) (5, 4) மற்றும் (2, 0)

(ii) $5x + 12y - 3 = 0$ என்ற கோட்டிற்கு (1, 2) புள்ளிக்கும் இடையே உள்ள தூரம்

(iii) $3x + 4y = 12$ மற்றும் $6x + 8y + 1 = 0$ இடையே உள்ள தூரம்.

(அல்லது)

(ஆ) $2x^2 + 3xy - 2y^2 + 3x + y + 1 = 0$ என்பது ஒன்றையொன்று வெட்டிக் கொள்ளும் கோடுகள் எனவும், அதற்கு இடைப்பட்ட கோணம் $\tan^{-1}(5)$ என நிறுவுக.

M.Poovarasan M.Sc B.Ed

PG Asst in chemistry

Dharmapuri district