



வகுப்பு 11

கணிதம்

பகுதி - I

கால அளவு: 3.00 மணிநேரம்

மதிப்பெண்கள்: 90

சரியான அல்லது ஏற்புடைய விடையை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

20×1=20

- 1) $A = \{(x,y); y=\sin x, x \in \mathbb{R}\}$ மற்றும் $B = \{(x,y); y=\cos x, x \in \mathbb{R}\}$ எனில் $A \cap B$ ல்
- a) உறுப்புகளில்லை
b) எண்ணிலடங்கா உறுப்புகள் உள்ளன
c) ஒரே ஒரு உறுப்பு உள்ளது
d) தீர்மானிக்க இயலாது
- 2) 3 உறுப்புகள் கொண்ட கணத்தின் மீதான தொடர்புகளின் எண்ணிக்கை
- a) 9
b) 81
c) 512
d) 1024
- 3) $X = \{1,2,3,4\}; y = \{a, b, c, d\}$ மற்றும் $f = \{(1,a) (4, b), (2, c) (3, d) (2, d)\}$ எனில் f என்பது
- a) ஒன்றுக்கொன்று சார்பு
b) மேற்கோர்த்தல் சார்பு
c) ஒன்றுக்கொன்று அல்லாத சார்பு
d) சார்பான்று
- 4) $\frac{|x-2|}{x-2} \geq 0$ எனில் x அமையும் இடைவெளி
- a) $[2, \infty)$
b) $(2, \infty)$
c) $(-\infty, 2)$
d) $(-2, \infty)$
- 5) $x^2 - kx + c = 0$ ன் மெய்மூலங்கள் a,b எனில் (a, 0) மற்றும் (b, 0) க்கு இடைப்பட்ட தூரம்
- a) $\sqrt{4k^2 - c}$
b) $\sqrt{k^2 - 4c}$
c) $\sqrt{4c - k^2}$
d) $\sqrt{k - 8c}$
- 6) $\log_3^{11} \cdot \log_{11}^{13} \cdot \log_{13}^{15} \cdot \log_{15}^{27} \cdot \log_{27}^{81} =$ ன் மதிப்பு
- a) 1
b) 2
c) 3
d) 4
- 7) $4\sin^2 x + 3\cos^2 x + \sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{2}$ இன் மீப்பெரு மதிப்பு
- a) $4 + \sqrt{2}$
b) $3 + \sqrt{2}$
c) 4
d) 9
- 8) $f(\theta) = |\sin \theta| + |\cos \theta|, \theta \in \mathbb{R}$ எனில் $f(\theta)$ அமையும் இடைவெளி
- a) $[1, \sqrt{2}]$
b) $[0, 1]$
c) $[0, 2]$
d) $[1, 2]$
- 9) $\sin \alpha + \cos \alpha = b$ எனில் $\sin 2\alpha$ ன் மதிப்பு
- a) $b \geq \sqrt{2}$ எனில் $b^2 - 1$
b) $b > \sqrt{2}$ எனில் $b^2 - 1$
c) $b \geq 1$ எனில் $b^2 - 1$
d) $b \geq 2$ எனில் $b^2 - 1$
- 10) ஒரு முக்கோணத்தின் மூன்று கோணங்களின் விகிதங்கள் 1 : 2 : 3 எனில் அதன் பக்கங்களின் விகிதங்கள்
- a) $1 : \sqrt{3} : 2$
b) $1 : \sqrt{2} : 3$
c) $1 : 1 : 2$
d) $1 : 1 : \sqrt{2}$
- 11) அடுத்தடுத்த r மிகை முழு எண்களின் பெருக்கற்பலன் எதனால் வகுபடும்
- a) $(r-1)!$
b) $r!$
c) $(r+1)!$
d) $r!$
- 12) 44 மூலவிட்டங்கள் உள்ள ஒரு பல கோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை
- a) 4!
b) 4
c) 11
d) 22
- 13) ஒரு சதுரங்க அட்டையில் உள்ள செவ்வகங்களின் எண்ணிக்கை
- a) 9^9
b) 81
c) 6561
d) 1296
- 14) $6! - 5!$ ன் மதிப்பு
- a) 600
b) 120
c) 720
d) $5 \times 5!$

15) $2 + 4 + 6 + \dots + 2n$ ன் மதிப்பு

- a) $\frac{n(n+1)}{2}$ b) $\frac{n(n-1)}{2}$ c) $\frac{2n(n+1)}{2}$ d) $n(n+1)$

16) e^{-2x} என்ற தொடரில் x^5 ன் கெழு

- a) $\frac{2}{3}$ b) $\frac{3}{2}$ c) $\frac{-4}{15}$ d) $\frac{4}{15}$

17) ஏதேனும் இரு மிகை எண்களுக்கான சராசரிகள் AM, GM மற்றும் HM ஆகிய மூன்றும் தொடர் முறையாக இருக்கும் .

- a) கூட்டுத் b) பெருக்குத் c) இசைத் d) எதுவுமில்லை

18) $3x^2 + 3y^2 - 8x - 12y + 17 = 0$ ன் நியம்பாதையின் மீது அமைந்திருக்கும் புள்ளி

- a) (0, 0) b) (1, 2) c) (-2, 3) d) (0, -1)

19) $y = -x$ என்ற கோட்டிற்கு (2, 3) என்ற புள்ளியின் பிம்பப்புள்ளி

- a) (-3, -2) b) (-3, 2) c) (-2, -3) d) (3, 2)

20) $ax^2 + 2hxy + by^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ என்ற இரண்டு நேர்கோடுகள் ஒன்றுக் கொன்று செங்குத்து எனில்

- a) $h^2 = ab$ b) $h = \sqrt{ab}$ c) $a + b = 0$ d) $a = b$

பகுதி - II

II. ஏதேனும் 7 வினாக்களுக்கும் மட்டும் விடையளிக்கவும்.

7x2=14

வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

21) $n(A \cap B) = 3$ மற்றும் $n(A \cup B) = 10$ எனில் $n(P(A \Delta B))$ ஐக் காண்க.

22) 7 மற்றும் -3 ஆகிய மூலங்களையுடைய இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

23) நிறுவുക $\sin(45^\circ + \theta) - \sin(45^\circ - \theta) = \sqrt{2} \sin \theta$

24) 13 செ.மீ, 14 செ.மீ மற்றும் 15 செ.மீ ஆகிய பக்க அளவுகளாக கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.

25) $\frac{1}{7!} + \frac{1}{8!} = \frac{A}{9!}$ எனில் A ன் மதிப்பு காண்க.

26) $(102)^4$ ன் விரிவு கண்டு மதிப்பு காண்க.

27) e^{5x} ன் அடுக்குக் குறியொடரில் முதல் 6 உறுப்புகளைக் காண்க.

28) $5x + 12y - 3 = 0$ என்ற கோட்டிற்கும் ஆதிப்புள்ளிக்கும் இடைப்பட்ட தூரம் காண்க.

29) $3x + 2y + 9 = 0$ மற்றும் $12x + 8y - 15 = 0$ ஆகியவை இணைகோடுகள் எனக் காட்டுக.

30) "MISSISSIPPI" என்ற வார்த்தையில் உள்ள எழுத்துக்களைப் பயன்படுத்தி எத்தனை வெவ்வேறான வரிசை மாற்றங்களை உருவாக்கலாம்?

பகுதி - III

III. ஏதேனும் 7 வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்கவும்.

7x3=21

வினா எண் 40க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்

31) f மற்றும் g என்ற இரு சார்புகள். \mathbb{R} லிருந்து \mathbb{R} க்கு $f(x) = 3x - 4$ மற்றும் $g(x) = x^2 + 3$ எனில் $g \circ f$ மற்றும் $f \circ g$ காண்க

32) $x = \sqrt{2} + \sqrt{3}$ எனில் $\frac{x^2 + 1}{x^2 - 2}$ ன் மதிப்பைக் காண்க.

33) $\sin^2 \frac{\pi}{18} + \sin^2 \frac{\pi}{9} + \sin^2 \frac{7\pi}{18} + \sin^2 \frac{4\pi}{9} = 2$ எனக் காட்டுக

- 34) $\frac{\sin 75^\circ - \sin 15^\circ}{\cos 75^\circ + \cos 15^\circ}$ ன் மதிப்பைக் காண்க.
- 35) நிறுவக ${}^{2n}C_n = \frac{2^n(1.3.5.....(2n-1))}{n!}$
- 36) $6+66+666+6666+.....$ என்ற தொடரின் முதல் n உறுப்புகளின் கூடுதல் காண்க.
- 37) $\sqrt[3]{65}$ ன் மதிப்பைக் காண்க.
- 38) $(8, 3)$ என்ற புள்ளி வழியேச் செல்லக் கூடியதும் ஆய அச்சுகளின் வெட்டுத்துண்டுகளின் கூடுதல் 1 எனில், நேர்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க
- 39) i) $f(x) = x^2$ ii) $f(x) = 2x^2$ என்ற வளைவரைகளை வரைபடத்தில் வரைந்து அதனை விளக்குக.
- 40) ஒரு ஏவுகணை ஏவப்படுகிறது. t வினாடிகளுக்குப் பிறகு தரையில் இருந்து அதன் உயரம் h ஆனது $h(t) = -5t^2 + 100t$; $0 \leq t \leq 20$ எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது. ஏவுகணை எந்நேரங்களில் 495 அடி உயரத்தை அடையும்.

பகுதி - IV

IV. எல்லா வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க.

7x5=35

- 41) Z ல் $m-n$ ஆனது 7 ஆல் வகுபடுமெனில் mRn எனத் தொடர்பு R வரையறுக்கப்பட்டால் R என்பது சமானத் தொடர்பு என நிரூபிக்க.

(அல்லது)

 $A+B=45^\circ$ எனில் $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$ என நிறுவக

- 42) பகுதி பின்னமாக்க பிரிக்க $\frac{7+x}{(1+x)(1+x^2)}$

(அல்லது)

"GARDEN" என்ற வார்த்தையில் உள்ள எழுத்துக்களை வரிசை மாற்றத்திற்கு உட்படுத்திக் கிடைக்கும் எழுத்துச் சரங்களை ஆங்கில அகராதியில் உள்ளது போன்று வரிசைப்படுத்தும் பொழுது கீழ்க்காணும் வார்த்தைகளின் தரத்தைக் காண்க. (i) GARDEN (ii) DANGER

- 43) $A + B + C = \pi$ எனில் $\tan \frac{A}{2} \tan \frac{B}{2} + \tan \frac{B}{2} \tan \frac{C}{2} + \tan \frac{C}{2} \tan \frac{A}{2} = 1$ என நிறுவக

(அல்லது)

x மிகச் சிறியது எனில் $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}} = 1-x + \frac{x^2}{2}$ தோராயமாக என்பதை நிறுவக

- 44) தீர்க்க $\frac{x+1}{x+3} < 3$

(அல்லது)

$\left(x^2 - \frac{1}{x^3}\right)^6$ ன் விரிவில் x^2 மற்றும் x^6 ன் கெழுக்களைக் காண்க.

- 45) $3x+4y+2=0$ மற்றும் $5x+12y-5=0$ என்ற இரு கோடுகளுக்கு குறுங்கோணத்தின் இரு சம வெட்டியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

(அல்லது)

$f: R \rightarrow R$ என்ற சார்பு $f(x) = 3x-5$ என வரையறுக்கப்பட்டின் அது ஒரு இருபுறச் சார்பு என நிரூபித்து அதன் நேர்மாறு காண்க.

V11M

4.

46) (i) $\log \frac{75}{16} - 2\log \frac{5}{9} + \log \frac{32}{243} = \log 2$ என நிறுவுக

(ii) இருபடிச் சமன்பாடு $x^2 - ax + a + 2 = 0$ ன் மூலங்கள் சமம் எனில் a ன் அனைத்து மதிப்புகளையும் காண்க.

(அல்லது)

$2x^2 - xy - 3y^2 - 6x + 19y - 20 = 0$ என்பவை இரட்டை நேர்கோடுகளின் சமன்பாட்டை குறிக்கும் எனக் காட்டி, அதன் தனித்தனிச் சமன்பாட்டை காண்க.

47) நேப்பியர் சூத்திரத்தை எழுதி நிறுவுக

(அல்லது)

கணிதத் தொகுத்தறிதலைப் பயன்படுத்தி எல்லா இயல் எண் n க்கும் $x^{2n} - y^{2n}$ ஆனது $x+y$ ஆல் வகுபடும் என நிரூபிக்க

S. SENTHIL KUMAR

PC ASSISTANT

CELL: 962 909 9438