



2

XII வணிகக்கணிதம்

12.  $\frac{dx}{dy} + Px = Q$  என்ற வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் தொகையீட்டுக் காரணி  
 அ)  $e^{\int Pdx}$  ஆ)  $\int Pdx$  இ)  $\int Pdy$  ஈ)  $e^{\int Pdy}$
13.  $y = mx + c$  - ன் வகைக்கெழுச் சமன்பாடு ( $m$  மற்றும்  $c$  என்பன மாறத்தக்க மாறிலிகள்)  
 அ)  $\frac{d^2y}{dx^2} = 0$  ஆ)  $y = x - \frac{dy}{dx} + c$  இ)  $xdy + ydx = 0$  ஈ)  $ydx - xdy = 0$
14.  $\frac{dy}{dx} = \cos x$  என்ற வகைக்கெழுச்சமன்பாட்டின் பொதுத்தீர்வு  
 அ)  $y = \sin x + 1$  ஆ)  $y = \sin x - 2$   
 இ)  $y = \cos x + c$ ,  $c$  மாறத்தக்க மாறிலி ஈ)  $y = \sin x + c$ ,  $c$  மாறத்தக்க மாறிலி
15.  $E f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$   
 அ)  $f(x-h)$  ஆ)  $f(x)$  இ)  $f(x+h)$  ஈ)  $f(x+2h)$
16.  $E \equiv \underline{\hspace{2cm}}$   
 அ)  $1 + \Delta$  ஆ)  $1 + \nabla$  இ)  $1 - \Delta$  ஈ)  $1 - \nabla$
17.  $\Delta^2 y_0 = \underline{\hspace{2cm}}$   
 அ)  $y_2 - 2y_1 + y_0$  ஆ)  $y_2 + 2y_1 - y_0$  இ)  $y_2 + 2y_1 + y_0$  ஈ)  $y_2 + y_1 + 2y_0$
18.  $E(X) = 5$  மற்றும்  $E(Y) = -2$  எனில்  $E(X-Y)$  - ன் மதிப்பானது  
 அ) 3 ஆ) 5 இ) 7 ஈ) -2
19.  $C$  ஒரு மாறிலி எனில்,  $E(C)$  இன் மதிப்பு  
 அ) 0 ஆ) 1 இ)  $C f(C)$  ஈ)  $C$
20.  $p(x) = \frac{1}{10}$ ,  $x = 10$  எனில்,  $E(X)$  - ன் மதிப்பானது  
 அ) பூஜ்ஜியம் ஆ)  $\frac{6}{3}$  இ) 1 ஈ) -1
- பகுதி - ஆ
- II. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 30 கட்டாய வினா)  $7 \times 2 = 14$
21.  $\begin{bmatrix} -5 & -7 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$  என்ற அணியின் தரத்தினைக் காண்க.
22. கிரேமரின் விதியைப் பயன்படுத்தி தீர்வு காண்க. :  $2x + 3y = 7$ ,  $3x + 5y = 9$
23.  $f'(x) = e^x$  மற்றும்  $f(0) = 2$  எனில்,  $f(x)$  - ஐ காண்க.
24. மதிப்பிடுக :  $\int_0^{\infty} e^{-\frac{x}{2}} x^5 dx$
25.  $y = x$  எனும் கோடு,  $X$ -அச்சு,  $x = 1$  மற்றும்  $x = 2$  எனும் எல்லைக்குள் ஏற்படுத்தும் பரப்பைக் காண்க.
26.  $MR = 20 - 5x + 3x^2$  எனில், மொத்த வருவாய்ச் சார்பு காண்க.
27. தீர்க்க :  $\frac{dy}{dx} + e^x + ye^x = 0$
28. தீர்க்க :  $(D^2 - 3D - 4)y = 0$

29.  $f(x) = x^2 + 3x$  மற்றும்  $h = 1$  எனில்  $\Delta f(x) = 2x + 4$  என நிறுவுக.

30.  $P(x) = \begin{cases} \frac{x}{20}, & x = 0, 1, 2, 3, 4, 5 \\ 0, & \text{மற்றெங்கிலும்} \end{cases}$  எனில், (i)  $P(X < 3)$  மற்றும் (ii)  $P(2 < X \leq 4)$  ஆகியவற்றைக் கண்டுபிடிக்கவும்.

பகுதி - இ

7 x 3 = 21

III. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 40 கட்டாய வினா)

31.  $3x - 2y = 6$ ,  $6x - 4y = 10$  என்ற சமன்பாடுகள் ஒருங்கமைவு அற்றது எனக்காட்டுக.

32. பின்வருவனவற்றை X-ஐ பொறுத்து தொகையிடுக:  $2\cos x - 3\sin x + 4\sec^2 x - 5\operatorname{cosec}^2 x$

33. கொடுக்கப்பட்டுள்ள அட்டவணையைப் பயன்படுத்தி விடுபட்ட உறுப்பைக் காண்க.

x	0	1	2	3	4
y	1	3	9	-	81

34. நெகிழ்ச்சி சார்பு  $\frac{E_y}{E_x} = \frac{x}{x-2}$ ,  $x = 6$  மற்றும்  $y = 16$  எனும் போது அதன் தொடக்க நிலைச் சார்பைக் காண்க.

35. பின்வருவனவற்றை இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தை பயன்படுத்தி மதிப்பிடுக.:

$$\int \frac{2x+3}{-x^2+3x+7} dx$$

36. தனித்த சமவாய்ப்பு மாறி X ஆனது பின்வரும் நிகழ்தகவு சார்பைப் பெற்றுள்ளது.

$$P(X=x) = \begin{cases} kx, & x = 2, 4, 6 \\ k(x-2), & x = 8 \\ 0, & \text{மற்றெங்கிலும்} \end{cases}$$

இங்கு k ஒரு மாறிலி எனில்  $k = \frac{1}{18}$  என நிறுவுக.

37. பின்வருவனவற்றை தீர்க்க:  $\frac{dy}{dx} - \frac{y}{x} = x$

38.  $h = 1$  எனில்  $f(4) = f(3) + \Delta f(2) + \Delta^2 f(1) + \Delta^3 f(1)$  என நிறுவுக.

39. கணக்கியல் எதிர்பார்த்தலின் பண்புகள் யாவை?

40.  $y = mx + c$  எனும் நேர்க்கோட்டுத் தொகுப்பில்,

(i) m ஒரு மாறத்தக்க மாறிலி

ii) c ஒரு மாறத்தக்க மாறிலி

iii) m, c ஆகிய இரண்டுமே மாறத்தக்க மாறிலிகள் எனில் வகைக்கெழுச் சமன்பாடுகள் அமைக்க.

பகுதி - ஈ

7 x 5 = 35

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

41. அ) 3 வணிகக்கணிதப் புத்தகங்கள், 2 கணக்குப்பதிவியல் புத்தகங்கள் மற்றும் ஒரு வணிகவியல் புத்தகம் ஆகியவற்றின் மொத்த விலை ₹840. இரண்டு வணிகக்கணிதப் புத்தகங்கள், ஒரு கணக்குப்பதிவியல் புத்தகம் மற்றும் ஒரு வணிகவியல் புத்தகத்தின் மொத்த விலை ₹570. ஒரு வணிகக்கணிதப் புத்தகம், ஒரு கணக்குப்பதிவியல் புத்தகம் மற்றும் 2 வணிகவியல் புத்தகங்களின் மொத்த விலை ₹630 எனில் ஒவ்வொரு புத்தகத்தின் விலையை கிரேமரின் விதியைக் கொண்டு காண்க. (அல்லது)

ஆ) A மற்றும் B என்ற இரு விற்பனைப் பொருள்களை தற்போதைய சந்தை விற்பனை 50% மற்றும் 50% ஆக உள்ளது. நுகர்வோரின் விருப்பங்கள் ஒவ்வொரு வாரமும் மாறுகின்றன. சென்ற வாரம் A-ஐ வாங்கியவர்களில் 60% பேர் மீண்டும் A-ஐ வாங்குகின்றனர். 40% பேர் B-க்கு மாறிவிடுகிறார்கள். சென்ற வாரம் B - வாங்கியவர்களில் 80% பேர் அதை மீண்டும் வாங்குகிறார்கள். 20% பேர் A-க்கு மாறிவிடுகிறார்கள். இரு வாரங்களுக்குப் பிறகு அவர்களின்

4

XII வணிகக்கணிதம்

சந்தைப் பங்கீடுகளைக் காண்க. இந்த போக்கு தொடருமானால், எப்போது சமநிலை எட்டப்படும்?

42. அ) பின்வருவனவற்றை வரையறுத்த தொகையீடுகளின் பண்புகளை பயன்படுத்தி மதிப்பிடுக.:

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sin^7 x}{\sin^7 x + \cos^7 x} dx$$

(அல்லது)

ஆ) மதிப்பிடுக :  $\int_1^2 \frac{1}{(x+1)(x+2)} dx$

43. அ) தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி a அலகு ஆரம் உடைய வட்டத்தின் பரப்பைக் காண்க.  
(அல்லது)

ஆ) தேவைச் சார்பு  $P_d = 25 - 3x$  மற்றும் அளிப்புச் சார்பு  $P_s = 5 + 2x$  எனில், சமநிலையில் நுகர்வோர் உபரி மற்றும் உற்பத்தியாளர் உபரியைக் காண்க.

44. அ) கீழ்க்காணும் வகைக்கெழுச் சமன்பாடுகளைத் தீர்க்க :  $(D^2 + D - 6)y = e^{3x} + e^{-3x}$   
(அல்லது)

ஆ) தீர்க்க :  $(1 - x) dy - (1 + y) dx = 0$

45. அ) கீழ்க்கண்ட அட்டவணையிலிருந்து  $f(2.8)$  ன் மதிப்பைக் காண்க.

x	0	1	2	3
f(x)	1	2	11	34

(அல்லது)

- ஆ) கொடுக்கப்பட்ட அட்டவணையிலிருந்து  $y(10)$  - ன் மதிப்பை இலக்ராஞ்சியின் குத்திரத்தைப் பயன்படுத்தி காண்க.

x	5	6	9	11
y	12	13	14	16

46. அ) ஒரு சமவாய்ப்பு மாறி X - ஆனது பின்வரும் நிகழ்தகவு சார்பைப் பெற்றுள்ளது எனில்,

X = x	0	1	2	3	4	5	6	7
P(x)	0	k	2k	2k	3k	k <sup>2</sup>	2k <sup>2</sup>	7k <sup>2</sup> +k

- i) k ன் மதிப்பைக் காண்க. ii)  $P(x < 6)$ ,  $P(x \geq 6)$  மற்றும்  $P(0 < x < 5)$  ஐக் காண்க.  
iii)  $P(X \leq x) > \frac{1}{2}$  க்கான x இன் குறைந்தபட்ச மதிப்பைக் கண்டுபிடிக்கவும்.

(அல்லது)

- ஆ) ஒரு சமவாய்ப்பு மாறி X-இன் நிகழ்தகவு அடர்த்தி சார்பு  $f(x) = ke^{-|x|}$ ,  $-\infty < x < \infty$  எனில் k-இன் மதிப்பைக் கண்டுபிடிக்கவும். மற்றும் சமவாய்ப்பு மாறியின் சராசரி மற்றும் மாறுபாட்டு அளவுகளைக் கண்டுபிடிக்கவும்.

47. அ)  $h = 1$  எனில்,  $\Delta \left[ \frac{5x+12}{x^2+5x+6} \right]$  - ஐ மதிப்பிடுக.

(அல்லது)

- ஆ)  $2x + y + z = 5$ ,  $x + y + z = 4$ ,  $x - y + 2z = 1$  என்ற சமன்பாடுகள் ஒருங்கமைவு உடையது எனக்காட்டுக. மேலும் அவற்றைத் தீர்க்க.

\*\*\*\*\*

23.9.24

- I 1. ஆ 1
- 2. ஆ 0.4
- 3. ஆ 0
- 4. ஆ தீர்வு இல்லை
- 5. ஆ  $\frac{2^x}{\log 2} + C$
- 6. ஆ  $2\sqrt{e^x} + C$
- 7. ஆ 2
- 8. ஆ  $(n-1)!$
- 9. ஆ 2
- 10. ஆ  $MC - MR = 0$
- 11. ஆ  $\frac{3}{2}$  ச. சலுகை
- 12. ஆ  $e^{\int p dx}$
- 13. ஆ  $\frac{d^2y}{dx^2} = 0$
- 14. ஆ  $y = \sin x + C$ , C மாறாதது மாறாது
- 15. ஆ  $f(x+h)$
- 16. ஆ  $1 + \Delta$
- 17. ஆ  $y_2 - 2y_1 + y_0$
- 18. ஆ 7
- 19. ஆ C
- 20. ஆ 1

- 29  $\Delta f(x) = f(x+h) - f(x)$   
 $= [(x+h)^2 + 3(x+h) - (x^2 + 3x)]$   
 $= h^2 + 2xh + 3h$   
 $h=1 \Rightarrow \boxed{2x+4}$
- 30 (i)  $P(x < 3) = 0 + \frac{1}{20} + \frac{2}{20} = \frac{3}{20}$   
 (ii)  $P(2 < x \leq 4) = \frac{3}{20} + \frac{4}{20} = \frac{7}{20}$
- 31 (A, B) ~  $\begin{pmatrix} 3 & -2 & 6 \\ 6 & -4 & 10 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 3 & -2 & 6 \\ 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ ,  $P(A) = 1$   
 $P(A|B) = 2$   
 $P(A) \neq P(A|B)$  ஆ இயக்கமல்ல அழிந்தது
- 32  $= \int (2 \cos x - 3 \sin x + 4 \sec^2 x - 5 \csc^2 x) dx$   
 $= 2 \sin x + 3 \cos x + 4 \tan x + 5 \cot x + C$
- 33  $(E^4 - 4E^3 + 6E^2 - 4E + 1)Y_0 = 0$   
 $Y_4 - 4Y_3 + 6Y_2 - 4Y_1 + Y_0 = 0$   
 $81 - 4Y_3 + 6(9) - 4(3) + 1 = 0 \Rightarrow Y_3 = \frac{124}{4} = 31$
- 34  $\frac{x}{y} \frac{dy}{dx} = \frac{x}{x-2} \Rightarrow \frac{dy}{y} = \frac{x}{x-2} \frac{dx}{x}$   
 $\int \frac{dy}{y} = \int \frac{dx}{x-2} \Rightarrow \log y = \log(x-2) + \log k$   
 $y = k(x-2) \Rightarrow x=2, y=16, k=4 \Rightarrow y = 4(x-2)$
- 35  $t = x^2 + 3x + 7 \Rightarrow dt = 2x + 3$   
 $x = -1 \Rightarrow t = 5$  |  $I = \int \frac{dx}{t} = \log 11 - \log 5 = \log \frac{11}{5}$   
 $x = 1 \Rightarrow t = 11$
- 36 

$x = x$	2	4	6	8
$P(x) = x$	2k	4k	6k	8k

  
 $2k + 4k + 6k + 8k = 1 \Rightarrow k = \frac{1}{18}$

- II 21.  $\begin{vmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 9 \end{vmatrix} = -6 \neq 0$   $P(A) = 2$
- 22.  $\Delta = 1 \neq 0$ ,  $\Delta x = 8$   $\Delta y = -3$   $\boxed{x=8}$   $\boxed{y=-3}$
- 23.  $f(x) = e^x + C \Rightarrow 2 = e^0 + C \Rightarrow C = 1$   
 $\boxed{f(x) = e^x + 1}$
- 24.  $I = \frac{5!}{(\frac{1}{2})^6} = 2^6 5!$
- 25. Area =  $\int_1^2 x dx = (\frac{x^2}{2})_1^2 = \frac{3}{2}$  ச. ச
- 26.  $\frac{dR}{dx} = 20 - 5x + 3x^2 \Rightarrow \int dR = \int (20 - 5x + 3x^2) dx$   
 $R = 20x - \frac{5x^2}{2} + \frac{3x^3}{3} + K$ ,  $x=0, R=20, K=0$   
 $R = 20x - \frac{5x^2}{2} + x^3$
- 27.  $\frac{dy}{dx} = -e^x(1+y) \Rightarrow \frac{dy}{1+y} = -e^x dx$   
 $\log(1+y) = -e^x + C$
- 28.  $m^2 - 3m - 4 = 0 \Rightarrow m = -1, 4$

- 37.  $P = -\frac{1}{x}$   $Q = x \Rightarrow \int p dx = \log x^{-1}$   
 $I.F = e^{\int \log x^{-1}} = \frac{1}{x}$   
 $Y(\frac{1}{x}) = \int x \cdot \frac{1}{x} dx + C \Rightarrow Y(\frac{1}{x}) = x + C$
- 38.  $f(4) - f(3) = \Delta f(3)$   
 $= \Delta(f(2) + \Delta f(2))$   
 $= \Delta f(2) + \Delta^2 f(2)$   
 $= \Delta f(2) + \Delta^2[f(1) + \Delta f(1)]$   
 $f(4) = f(3) + \Delta f(2) + \Delta^2 f(1) + \Delta^3 f(1)$
- 39. (i)  $E(a) = a$  (ii)  $E(ax) = aE(x)$   
 (iii)  $E(ax+b) = aE(x) + b$  (iv)  $x \geq 0, E(x) \geq 0$   
 (v)  $V(a) = 0$ , a மாறாதது, (vi)  $V(ax+b) = a^2 V(x)$
- 40. (i)  $y = mx + c$ ,  $\frac{dy}{dx} = m \Rightarrow y = x \frac{dy}{dx} + c$   
 $x \frac{dy}{dx} - y + c = 0$   
 (ii)  $\frac{dy}{dx} = m$  (iii)  $\frac{d^2y}{dx^2} = 0$

41. a.  $3x + 2y + z = 840$   
 $2x + y + z = 570$   
 $x + y + 2z = 630$

$$\Delta = -2 \neq 0$$

$$\Delta x = -240$$

$$\Delta y = -300$$

$$\Delta z = -360$$

$x = 120, y = 150, z = 180$

b.  $T = \begin{pmatrix} 0.6 & 0.4 \\ 0.2 & 0.8 \end{pmatrix}$   $A = 50\% = 0.5$   
 $B = 50\% = 0.5$   
 $\Rightarrow (0.5 \ 0.5) \begin{pmatrix} 0.6 & 0.4 \\ 0.2 & 0.8 \end{pmatrix} = (0.40 \ 0.60)$   
 $A = 40\%$   $B = 60\%$   
 $\Rightarrow (A \ B) \begin{pmatrix} 0.6 & 0.4 \\ 0.2 & 0.8 \end{pmatrix} = (A \ B)$   
 $0.6A + 0.2B = A \Rightarrow A = 33\%$   $B = 67\%$

42. a.  $I = \int_0^{\pi/2} \frac{\sin^2 x}{\sin^2 x + \cos^2 x} dx$  (1)  
 $I = \int_0^{\pi/2} \frac{\cos^2 x}{\cos^2 x + \sin^2 x} dx$  (2)  $\left[ \int f(x) dx = \int f(a-x) dx \right]$   
 $(1) + (2) \Rightarrow 2I = \int_0^{\pi/2} dx \Rightarrow 2I = \pi/2 \Rightarrow I = \pi/4$

b.  $\int_1^2 \left[ \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+2} \right] dx = \left[ \log|x+1| - \log|x+2| \right]_1^2$   
 $= \log \frac{3}{4} - \log \frac{2}{3} = \log \frac{9}{8}$

43. a.  $x^2 + y^2 = a^2 \Rightarrow y=0 \Rightarrow x^2 = a^2 \Rightarrow x = \pm a$   
 $4 \int_0^a y dx = 4 \int_0^a \sqrt{a^2 - x^2} dx$   
 $= 4 \left[ \frac{x}{2} \sqrt{a^2 - x^2} + \frac{a^2}{2} \sin^{-1} \frac{x}{a} \right]_0^a$   
 $= 4 \left[ \frac{a^2}{2} \sin^{-1} \left( \frac{a}{a} \right) \right] = 4 a^2 \frac{\pi}{2} = \pi a^2$

b.  $P_d = P_s \Rightarrow 25 - 3x = 5 + 2x \Rightarrow x = 4$   
 $P_0 = 13 \Rightarrow x = 0 \Rightarrow 13$   
 $CS = \int_0^4 (25 - 3x) dx - 52 = 100 - 24 - 52 = 24$   
 $PS = 52 - \int_0^4 (5 + 2x) dx = 52 - (20 + 16) = 16$

44. a.  $m^2 + m - 6 = 0 \Rightarrow m = -3, 2$   
 CF:  $Ae^{-3x} + Be^{2x}$   
 $PI_1 = \frac{e^{3x}}{6}$   $PI_2 = -\frac{x}{5} e^{-3x}$   
 $y = Ae^{-3x} + Be^{2x} + \frac{e^{3x}}{6} - \frac{x}{5} e^{-3x}$

b.  $(1-x)dy = (1+y)dx \Rightarrow \frac{dy}{1+y} = \frac{dx}{1-x}$   
 $\log(1+y) = \frac{\log(1-x)}{-1} + \log c$   
 $\log(1+y)(1-x) = \log c \Rightarrow (1+y)(1-x) = c$

45. a.  $h=1, n=-0.2$

x	y	$\nabla y$	$\nabla^2 y$	$\nabla^3 y$
0	1			
1	2	1		
2	11	9	8	
3	34	23	14	6

$y(2.8) = y_n + \frac{n}{1!} \nabla y_n + \frac{n(n+1)}{2!} \nabla^2 y_n + \dots$   
 $y(2.8) = 34 + (-0.2)(23) + \frac{(-0.2)(-0.2+1)}{2} (14)$   
 $+ \frac{(-0.2)(-0.2+1)(-0.2+2)}{6} (6)$   
 $y(2.8) = 34 - 4.6 - 1.12 - 0.288$   
 $y(2.8) = 27.992$

b.  $y(10) = \frac{4(12)(-1)}{(1)(-4)(6)} (12) + \frac{(5)(1)(-1)}{(1)(-3)(-5)} (13)$   
 $+ \frac{(5)(4)(-1)}{(1)(3)(-2)} (14) + \frac{(5)(4)(1)}{(6)(5)(2)} (16)$   
 $y(10) = 14.6663$

46. a. (i)  $0 + k + 2k + 2k + 3k + k^2 + 2k^2 + 7k^2 + k = 1$   
 $\Rightarrow k = 1/10$   
 (ii)  $P(x < 6) = 8k + k^2 = \frac{81}{100}$   
 $P(x \geq 6) = 9k^2 + k = \frac{19}{100}$   
 $P(0 < x < 5) = 8/10$   
 (iii)  $P(x \leq x) \geq 1/2 \Rightarrow P(x \leq 4) \geq 1/2 \Rightarrow x \geq 4$

b.  $k \int_{-\infty}^{\infty} e^{-|x|} dx = 1 \Rightarrow 2k \int_0^{\infty} e^{-x} dx = 1$  [even]  
 $2k \left[ \frac{e^{-x}}{-1} \right]_0^{\infty} = 1 \Rightarrow k = 1/2$   
 $E(x) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} x e^{-|x|} dx = 0$   
 $E(x^2) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} x^2 e^{-|x|} dx = \int_0^{\infty} x^2 e^{-x} dx = 2$   
 $V(x) = E(x^2) - [E(x)]^2 = 2 - 0 = 2$

47. a.  $A=3, B=2$   
 $\Delta \left[ \frac{5x+12}{x^2+5x+6} \right] = \Delta \left[ \frac{3}{x+3} + \frac{2}{x+2} \right]$   
 $= \left[ \frac{3}{x+4} - \frac{3}{x+3} \right] + \left[ \frac{2}{x+3} - \frac{2}{x+2} \right]$   
 $= \frac{-3}{(x+4)(x+3)} - \frac{2}{(x+3)(x+2)} = \frac{-5x-14}{(x+2)(x+3)(x+4)}$

b.  $\sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & 1 & 2 & 8 \\ 0 & 2 & 4 & 16 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & 1 & 2 & 8 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$   $P(A) = 2$   
 $P(A|B) = 2$   
 $x + y + z = 6$   $x = k - 2$   
 $y + 2z = 8$   $y = 8 - 2k$   
 $z = k$   $z = k$