

CHENNAIPATTU - DISTRICT

காலாண்டு பொதுத் தேர்வு - 2024

பதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண்:

-	1	1	4	4	3
---	---	---	---	---	---

வணிகக்கணிதம் மற்றும் புள்ளியியல்

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 90

1. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

20 x 1 = 20

1. $\begin{vmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{vmatrix}$ ல் -7 இன் இணைக்காரணி
 - அ) -18
 - ஆ) 18
 - இ) -7
 - ஈ) 7
2. A என்பது வரிசை 3 உடைய சதுர அணி எனில் |kA| என்பது
 - அ) k|A|
 - ஆ) -k|A|
 - இ) k³|A|
 - ஈ) -k³|A|
3. A என்பது வரிசை 3 உடைய சதுர அணி மற்றும் |A| = 3 எனில் |adj A| என்பது
 - அ) 81
 - ஆ) 27
 - இ) 3
 - ஈ) 9
4. $\begin{vmatrix} x & 2 \\ 8 & 5 \end{vmatrix} = 0$ எனில் X ன் மதிப்பு
 - அ) $-\frac{5}{6}$
 - ஆ) $\frac{5}{6}$
 - இ) $-\frac{16}{5}$
 - ஈ) $\frac{16}{5}$
5. $nC_3 = nC_2$ எனில் nC_4 ன் மதிப்பு
 - அ) 2
 - ஆ) 3
 - இ) 4
 - ஈ) 5
6. ஒரு நாணயம் ஐந்து முறை சுண்டப்படும் பொழுது கிடைக்கும் அனைத்து சாத்தியக் கூறுகளின் எண்ணிக்கை
 - அ) 2⁵.
 - ஆ) 5²
 - இ) 10
 - ஈ) $\frac{5}{2}$
7. ஒரு தேர்வின் வினாத்தாளில் சரியா அல்லது தவறா என்ற வகையில் 10 வினாக்கள் உள்ளன. அவை விடையளிக்கப்படும் வழிகள்
 - அ) 240
 - ஆ) 120
 - இ) 1024
 - ஈ) 100
8. ஈருறுப்பு கெழுக்களின் கூடுதல்
 - அ) 2ⁿ
 - ஆ) n²
 - இ) 2n
 - ஈ) n + 17
9. $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$ என்ற இரட்டை நோக்கோடுகளின் சாய்வுகள் m₁, m₂ எனில் m₁ + m₂ ன் மதிப்பு
 - அ) $\frac{2h}{b}$
 - ஆ) $-\frac{2h}{b}$
 - இ) $\frac{2h}{a}$
 - ஈ) $-\frac{2h}{a}$
10. $kx^2 + 3xy - 2y^2 = 0$ என்பது செங்குத்து இரட்டை நோக்கோடுகளைக் குறிக்குமெனில் k =
 - அ) $\frac{1}{2}$
 - ஆ) $-\frac{1}{2}$
 - இ) 2
 - ஈ) -2
11. ஆய அச்சுகளின் சேர்ப்பு சமன்பாடு
 - அ) $x^2 - y^2 = 0$
 - ஆ) $x^2 + y^2 = 0$
 - இ) $xy = c$
 - ஈ) $xy = 0$
12. $y^2 = 4ax$ என்ற பரவளையத்தின் இயக்குவரைக்கும் குவியத்திற்கும் இடைப்பட்ட தூரம்
 - அ) a
 - ஆ) 2a.
 - இ) 4a
 - ஈ) 3a

13. $\sin(-420^\circ)$ ன் மதிப்பு

அ) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

ஆ) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

இ) $\frac{1}{2}$

ஈ) $-\frac{1}{2}$

14. $1 - 2\sin^2 45^\circ$ ன் மதிப்பு

அ) 1

ஆ) $\frac{1}{2}$

இ) $\frac{1}{4}$

ஈ) 0

15. $\operatorname{cosec}^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$ ன் மதிப்பு

அ) $\frac{\pi}{4}$

ஆ) $\frac{\pi}{2}$

இ) $\frac{\pi}{3}$

ஈ) $\frac{\pi}{6}$

16. $\tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right)$ க்கு சமமானது

அ) $\left(\frac{1 + \tan x}{1 - \tan x}\right)$

ஆ) $\left(\frac{1 - \tan x}{1 + \tan x}\right)$

இ) $1 - \tan x$

ஈ) $1 + \tan x$

17. $f(x) = \frac{1-x}{1+x}$, $x > 1$ எனில் $f(-x) =$

அ) $-f(x)$

ஆ) $\frac{1}{f(x)}$

இ) $-\frac{1}{f(x)}$

ஈ) $f(x)$

18. $y = 2x^2$ என்ற வரைபடம் எந்தப்புள்ளி வழியாக செல்லும்?

அ) (0,0)

ஆ) (2,1)

இ) (2,0)

ஈ) (0,2)

19. $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\tan \theta}{\theta} =$

அ) 1

ஆ) ∞

இ) $-\infty$

ஈ) 0

20. $y = \log x$ எனில் $y_2 =$

அ) $\frac{1}{x}$

ஆ) $\frac{-1}{x^2}$

இ) $\frac{-2}{x^2}$

ஈ) e^2

பகுதி - ஆ

II. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 30 கட்டாய வினா)

7 x 2 = 14

21. $\left| \frac{x}{x-1} - \frac{x+1}{x} \right|$ - ன் மதிப்பு காண்க.

22. $\begin{bmatrix} 8 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ - ஐ பூச்சியமற்ற கோவை அணி எனக்காட்டுக.

23. இரண்டு சிறுமிகள் சேர்ந்து அமராதவாறு 5 சிறுவர்கள் மற்றும் 3 சிறுமிகள் ஒரு வரிசையில் எத்தனை வழிகளில் அமர வைக்கலாம்?

24. 8 மாணவர்களை எத்தனை வழிகளில்

(i) ஒரு நேர்க்கோட்டின் மீது வரிசைப்படுத்தலாம்?

(ii) வட்ட வடிவில் வரிசைப்படுத்தலாம்?

3

XI வணிகக்கணிதம்

25. $x - y + 5 = 0$ என்ற கோடு ஆதியிலிருந்தும் $p(2,2)$ என்ற புள்ளியிலிருந்தும் சம தொலைவில் உள்ளது எனக்காட்டுக.
26. $x^2 + 4xy + y^2 = 0$ என்ற இரட்டை நோக்கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க.
27. மதிப்பு காண்க : $\cos(-105^\circ)$

28. மதிப்பு காண்க : $\sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$

29. மதிப்பிடுக : $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sum n}{n^2}$

30. வகையிடுக : $x = 3x^4 - 2x^3 + x + 8$

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 40 கட்டாய வினா) 7 x 3 = 21

31. $\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ எனில் A^{-1} காண்க.

32. இரு தொழிற்சாலைகளின் பொருளாதா அமைப்பின் தொழில்துட்ப அணி $\begin{bmatrix} 0.50 & 0.25 \\ 0.40 & 0.67 \end{bmatrix}$ எனில்

ஹாக்கின்ஸ்-சைமன் நிபந்தனைகளின் படி தொழிற்சாலைகளின் செயல்பாடு உள்ளதா என ஆராய்க.

33. ${}^n P_r = 1680$, ${}^n C_r = 70$ எனில் n மற்றும் r - ன் மதிப்பைக் காண்க.

34. $\frac{1}{9!} + \frac{1}{10!} = \frac{n}{11!}$ எனில் n - ன் மதிப்பு காண்க.

35. $x + y - 4 = 0$, $3x + 2 = 0$ மற்றும் $3x - 3y + 16 = 0$ என்பன ஒரு புள்ளிவழிக் கோடுகள் எனக்காட்டுக.

36. $(-2, -2)$ என்ற புள்ளியிடத்து $x^2 + y^2 - 4x + 4y - 8 = 0$ என்ற வட்டத்திற்கு தொடுகோட்டு சமன்பாடு காண்க.

37. நிறுவுக : $\sin\theta \cdot \cos\theta \left[\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) \cdot \operatorname{cosec}\theta + \cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) \cdot \sec\theta \right] = 1$

38. நிறுவுக : $(\cos\alpha - \cos\beta)^2 + (\sin\alpha - \sin\beta)^2 = 4 \sin^2\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right)$

39. $f(x) = x^3 - \frac{1}{x^3}$, $x \neq 0$ எனில் $f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right) = 0$ எனக்காட்டுக.

40. மதிப்பிடுக : $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^{3/5} - a^{3/5}}{x^{1/5} - a^{1/5}}$

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7 x 5 = 35

41. அ) $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ எனில் $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$ எனக்காட்டுக. (அல்லது)

ஆ) ஒரு தொழிற்சாலை உற்பத்திப் பரிமாற்றத்தின் இரு பிரிவு X மற்றும் Y கொடுக்கப்பட்டுள்ளது.

உற்பத்திப் பிரிவு	நுகர்வோர் பிரிவு		உள்நாட்டு தேவை	மொத்த உற்பத்தி
	X	Y		
X	15	10	10	35
Y	20	30	15	65

X-ன் உள்நாட்டுத் தேவை 12-க்கும், Y ன் உள்நாட்டு தேவை 18-க்கும் மாறும் போது மொத்த உற்பத்தி காண்க.

42. அ) $2^{3n} - 1$ என்பது 7 ஆல் வகுபடும் ($n \in N$) என நிரூபி. (அல்லது)

ஆ) $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{2n}$ ன் விரிவில் X - ஐச் சாராத உறுப்பு $\frac{1.3.5.....(2n-1)2^n}{n!}$ என நிறுவுக.

43. அ) (0,0), (1,2) மற்றும் (2,0) ஆகிய புள்ளிகளின் வழியாகச் செல்லும் வட்டத்தின் சமன்பாட்டைக் காண்க. (அல்லது)

ஆ) $4x^2 + 12xy + 9y^2 - 6x - 9y + 2 = 0$ என்ற இரட்டை நேர்க்கோடுகள் இணையாக இரட்டை நேர்க்கோடுகளைக் குறிக்கும் எனக்காட்டுக. மேலும் இக்கோடுகளின் தனித்தனிச் சமன்பாடுகளையும் காண்க.

44. அ) $\tan \alpha = \frac{1}{3}$ மற்றும் $\tan \beta = \frac{1}{7}$ எனில் $(2\alpha + \beta) = \frac{\pi}{4}$ என நிறுவுக. (அல்லது)

ஆ) $\tan^{-1}\left(\frac{m}{n}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{m-n}{m+n}\right) = \frac{\pi}{4}$ என நிறுவுக.

45. அ) $y = 500 e^{7x} + 600 e^{-7x}$ எனில் $y_2 - 49y = 0$ எனக்காட்டுக. (அல்லது)

ஆ) $f(x) = \begin{cases} 5x-4 & \text{if } 0 < x \leq 1 \\ 4x^3 - 3x & \text{if } 1 < x < 2 \end{cases}$ என்று வரையறுக்கப்பட்ட சார்பு $x = 1$ இல் தொடர்ச்சியானது என நிறுவுக.

46. அ) $x = a \cos^3 \theta$ மற்றும் $y = a \sin^3 \theta$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ ஐக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) நிறுவுக: $\frac{\sin(180^\circ + A) \cos(90^\circ - A) \tan(270^\circ - A)}{\sec(540^\circ - A) \cos(360^\circ + A) \operatorname{cosec}(270^\circ + A)} = -\sin A \cos^2 A$

47. அ) 4 கிலோ வெங்காயம், 3 கிலோ கோதுமை மற்றும் 2 கிலோ அரிசியின் மொத்த விலை ₹320, 2 கிலோ வெங்காயம், 4 கிலோ கோதுமை மற்றும் 6 கிலோ அரிசியின் மொத்த விலை ₹560, 6 கிலோ வெங்காயம், 2 கிலோ கோதுமை மற்றும் 3 கிலோ அரிசியின் மொத்த விலை ₹380, எனில், நேர்மாறு அணி முறையில் ஒரு கிலோவிற்கான பொருளின் விலையைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $\frac{3x+7}{x^2-3x+2}$ - ஐ பகுதி பின்னங்களாக மாற்றுக.

ST. JOSEPH'S HR. SEC. SCHOOL - CHENNAIPATTU

C. SELVAM, M.Sc, M.Ed.,

தமிழ்நாடு சிறப்புக் கல்வி - 2024

P.G. ASST. (MATHS).

STD-11 வணிகக்கணிதம் மற்றும் ஹார்மோனியல் - KEY

21/9/24

I	1.	ஆ	18
	2.	ஆ	$k^3 A $
	3.	ஈ	9
	4.	ஈ	$16/5$
	5.	ஈ	5
	6.	ஈ	2^5
	7.	ஆ	1024
	8.	ஈ	2^n
	9.	ஆ	$-\frac{2h}{b}$
	10.	ஆ	2
	11.	ஈ	$xy=0$
	12.	ஆ	$2a$
	13.	ஆ	$-\sqrt{3}/2$
	14.	ஈ	0
	15.	ஆ	$\pi/3$
	16.	ஆ	$\frac{(1-\tan x)}{(1+\tan x)}$
	17.	ஆ	$\frac{1}{f(x)}$
	18.	ஈ	(0,0)
	19.	ஈ	1
	20.	ஆ	$-\frac{1}{x^2}$
II	21.		$\frac{ x \ x+1 }{ x-1 \ x } = x^2 - (x-1)(x+1) = 1$
	22.		$ A = \begin{vmatrix} 8 & 2 \\ 4 & 3 \end{vmatrix} = 24 - 8 = 16 \neq 0$
	23.		$= 5! \times 6P_3 = 120 \times 6 \times 5 \times 4 = 14400$
	24.		(i) $8P_8 = 8!$ (ii) $(8-1)! = 7!$
	25.		$P(2,2) \Rightarrow \sqrt{1/2}, (0,0) \Rightarrow \sqrt{1/2}$
	26.		$\theta = \tan^{-1} \left \frac{2\sqrt{4-1}}{2} \right = \tan^{-1}(\sqrt{3}) \Rightarrow \theta = \pi/3$
	27.		$= \cos 105^\circ = \cos(60^\circ + 45^\circ)$ $= \cos 60^\circ \cos 45^\circ - \sin 60^\circ \sin 45^\circ = \frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1-\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$
	28.		$\sin^{-1}(-1/2) = \gamma \Rightarrow \sin \gamma = -1/2, \gamma = -\pi/6$
	29.		$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{n(n+1)}{2n^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{2} (1 + \frac{1}{n}) = \frac{1}{2}$
	30.		$\frac{dy}{dx} = 12x^3 - 6x^2 + 1$
III	31.		$ A = 5, \text{Adj} A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}, A^{-1} = \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$
	32.		$I-B = \begin{bmatrix} 0.50 & -0.25 \\ -0.40 & 0.33 \end{bmatrix}, I-B = 0.065 \text{ (tve)}$
	33.		$70 = \frac{1680}{r!} \Rightarrow r! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 \Rightarrow r = 4$
	34.		$\frac{1}{r!} + \frac{1}{(r-1)!} = \frac{n}{r!} \Rightarrow n = 121$

35.	$= \begin{vmatrix} 1 & 1 & -4 \\ 3 & 0 & 2 \\ 3 & -3 & 16 \end{vmatrix} = 42 - 42 = 0$
36.	$2x_1 + 4y_1 - 4 \frac{(x_1+y_1)}{2} + 4 \frac{(y_1+y_1)}{2} - 8 = 0$ $(-2x_1) \Rightarrow -2x_1 - 2y_1 - 2x_1 + 4 + 2y_1 - 4 - 8 = 0$ $-4x_1 - 8 = 0 \Rightarrow x_1 + 2 = 0$
37.	$= \sin \theta \cos \theta \left\{ \cos \theta \frac{1}{\sin \theta} + \sin \theta \frac{1}{\cos \theta} \right\}$ $= \sin \theta \cos \theta \left(\frac{\cos^2 \theta + \sin^2 \theta}{\sin \theta \cos \theta} \right) = 1$
38.	$= 4 \cos^2 \left(\frac{\alpha+\beta}{2} \right) \cos^2 \left(\frac{\alpha-\beta}{2} \right) + 4 \sin^2 \left(\frac{\alpha+\beta}{2} \right) \cos^2 \left(\frac{\alpha-\beta}{2} \right)$ $= 4 \cos^2 \left(\frac{\alpha-\beta}{2} \right) \left[\cos^2 \left(\frac{\alpha+\beta}{2} \right) + \sin^2 \left(\frac{\alpha+\beta}{2} \right) \right]$ $= 4 \cos^2 \left(\frac{\alpha-\beta}{2} \right)$
39.	$f(1/x) = \frac{1}{x^3} - x^3$ $f(x) + f(1/x) = x^3 - x^3 + \frac{1}{x^3} - x^3 = 0$
40.	$= \lim_{x \rightarrow a} \frac{x^{3/5} - a^{3/5}}{x - a} = \frac{3}{5} a^{-2/5} = \frac{3}{5} a^{-2/5} = 3a^{-2/5}$
41.	$ A = -1 \neq 0, B = 1 \neq 0, AB = -1 \neq 0$ $(AB)^{-1} = \frac{1}{-1} \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$ $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, B^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ $B^{-1}A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \Rightarrow (AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$
42.	$B = \begin{bmatrix} 3/7 & 2/13 \\ 4/7 & 5/13 \end{bmatrix}, I-B = \begin{bmatrix} 4/7 & -2/13 \\ -4/7 & 7/13 \end{bmatrix}, I-B = \frac{20}{91}$ $(I-B)^{-1} = \frac{1}{ I-B } (\text{adj}(I-B)) = \frac{1}{20} \begin{bmatrix} 49 & 14 \\ 52 & 52 \end{bmatrix}$ $X = (I-B)^{-1}D = \frac{1}{20} \begin{bmatrix} 49 & 14 \\ 52 & 52 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 12 \\ 18 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 42 \\ 78 \end{bmatrix}$
42.	$P(n) = 2^{3n} - 1$
43.	$n=1 \quad P(1) = 7 \text{ (700ல் வந்துள்ளது)}$ $P(1) \text{ உண்மை}$
	$n=2 \quad P(2) = 2^{3 \times 2} - 1 = 7, \text{ (700ல் வந்துள்ளது)}$ $2^{3 \times 2} - 1 = 7m,$
	$n=3 \quad P(3) \text{ உண்மை}$ $P(3+1) = 2^{3(3+1)} - 1 = 7(2^{3 \times 3} - m) \Rightarrow \text{(700ல் வந்துள்ளது)}$
	$P(k+1) \text{ உண்மை}$
	$P(n) = 2^{3n} - 1, \forall n \in \mathbb{N}, P(n) \text{ உண்மை}$

C. SELVAM, M.Sc., M.Ed., P.GT. ASST. (MATHS), ST. JOSEPH'S HR. SEC. SCHOOL, CPT

42
QB

$$t_{n+1} = 2n C_n (x)^{2n-n} \left(\frac{1}{x}\right)^n$$

$$= \frac{2n!}{n!n!}$$

$$= \frac{2n(2n-1)(2n-2)\dots 4.3.2.1}{n!n!}$$

$$= \frac{(2n-1)(2n-3)\dots 3.1 \cdot n(n-1)(n-2)\dots 2.1}{n!n!}$$

$$= \frac{(2n-1)(2n-3)\dots 3.1}{n!} \cdot \frac{n!}{n!} 2^n$$

$$= \frac{1.3\dots(2n-1)}{n!} 2^n$$

QB

$$L[f(x)]_{x=1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} f(1-h), x=1-h$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} (1-5h) = 1$$

$$R[f(x)]_{x=1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} f(1+h), x=1+h$$

$$= \lim_{h \rightarrow 0} [4(1+h)^3 - 3(1+h)] = 4-3=1$$

$L[f(1)] = R[f(1)]$, \therefore $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 1$

43
SI.

$$x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$$

(0,0) $\Rightarrow c=0$ — (1)

(1,2) $\Rightarrow 2g+4f+c=-5$ — (2)

(2,0) $\Rightarrow 4g+c=-4$ — (3)

$g=-1, f=-3/4, c=0$

$$2x^2 + 2y^2 - 4x - 3y = 0$$

46
SI.

$$\frac{dy}{dx} = -3a \cos^2 \theta \sin \theta, \frac{dy}{d\theta} = 3a \sin^2 \theta \cos \theta$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{3a \sin^2 \theta \cos \theta}{-3a \cos^2 \theta \sin \theta} = -\frac{\sin \theta}{\cos \theta} = -\tan \theta$$

QB

$a=4, 2h=12, b=9 \Rightarrow h^2 - ab = 0$

$$= 36 - 36 = 0$$

$$4x^2 + 12xy + 9y^2 = (2x+3y)^2$$

$$4x^2 + 12xy + 9y^2 - 6x - 9y + 2 = 0$$

$$(2x+3y)^2 - 3(2x+3y) + 2 = 0, t = 2x+3y$$

$$t^2 - 3t + 2 = 0$$

$$(t-1)(t-2) = 0$$

$2x+3y-1=0, 2x+3y-2=0$

QB

$$(-\sin A)(\sin A) \frac{\cos A}{\sin A}$$

$$= \left(-\frac{1}{\cos A}\right) \cos A \left(-\frac{1}{\cos A}\right)$$

$$= -\sin A \times \cos A \times \cos A$$

$$= -\sin A \cos^2 A$$

44.
SI

$$\tan 2\alpha = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha} = \frac{3/4}{1 - 9/16} = \frac{3/4}{7/16} = \frac{12}{7}$$

$$\tan(2\alpha + \beta) = \frac{12/7 + 1/7}{1 - 12/7 \times 1/7} = \frac{13/7}{1 - 12/49} = \frac{13/7}{37/49} = 1$$

$2\alpha + \beta = \tan^{-1}(1) \Rightarrow 2\alpha + \beta = \pi/4$

47
SI

$$4x + 3y + 2z = 320$$

$$2x + 4y + 6z = 560$$

$$6x + 2y + 3z = 380$$

$|A| = 50 \neq 0$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \text{adj}A$$

$$A^{-1} = \frac{1}{50} \begin{bmatrix} 0 & -5 & 10 \\ 30 & 0 & -20 \\ -20 & 10 & 10 \end{bmatrix}$$

$$X = A^{-1}B \Rightarrow X = \frac{1}{50} \begin{bmatrix} 0 & -5 & 10 \\ 30 & 0 & -20 \\ -20 & 10 & 10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 320 \\ 560 \\ 380 \end{bmatrix}$$

$x=20, y=40, z=60$

QB

$$= \tan^{-1} \left(\frac{\frac{m}{n} - \frac{m-n}{m+n}}{1 + \left(\frac{m}{n}\right) \left(\frac{m-n}{m+n}\right)} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{m^2 + mn - mn + n^2}{nm + n^2 + m^2 - mn} \right)$$

$$= \tan^{-1} \left(\frac{m^2 + n^2}{m^2 + n^2} \right) = \tan^{-1}(1) = \pi/4$$

QB

$$\frac{3x+7}{(x-1)(x-2)} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x-2}$$

$$3x-7 = A(x-2) + B(x-1)$$

$x=2 \quad B=13$

$x=1 \quad A=-10$

$$\frac{3x+7}{(x-1)(x-2)} = \frac{13}{x-2} - \frac{10}{x-1}$$

45.
SI

$$y_1 = 500(7)e^{7x} + 600(-7)e^{-7x}$$

$$y_2 = 500(49)e^{7x} + 600(49)e^{-7x}$$

$$y_2 = 49y \Rightarrow y_2 - 49y = 0$$

C. SELVAM, M.Sc., M.Ed.,
P.GT. ASST. (MATHS),
ST. JOSEPH'S HR. SEC. SCHOOL, CHEMICALPATIN