

இரண்டாம் இடைப்பருவத் தேர்வு - 2024

தேர்வுநாள்.

XI - கணிதம்

காலம் : 1.30 மணி

பகுதி - 1

மதிப்பெண் : 50

குறிப்பு: 1) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

(10x1=10)

2) ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

1. $A = \begin{bmatrix} a & x \\ y & a \end{bmatrix}$ மற்றும் $xy=1$ எனில் $\det(AA^T)$ -ன் மதிப்பு
 1) $(a-1)^2$ 2) $(a^2+1)^2$ 3) a^2-1 4) $(a^2-1)^2$
2. $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப்புள்ளிகள் எனில் x-ன் மதிப்பு
 1) -3 2) $1/3$ 3) 1 4) 3
3. $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ என்ற சமன்பாட்டை நிறைவு செய்யும் A என்ற அணி
 1) $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ 2) $\begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ 3) $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ 4) $\begin{bmatrix} 1 & -4 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$
4. $\lambda \vec{i} + 2\lambda \vec{j} + 2\lambda \vec{k}$ என்பது ஓரலகு வெக்டர் எனில் λ -ன் மதிப்பு
 1) $1/3$ 2) $1/4$ 3) $1/9$ 4) $1/2$
5. $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}$, $|\vec{b}| = 5$ மேலும் \vec{a} மற்றும் \vec{b} -க்கு இடைப்பட்ட கோணம் $\pi/6$ எனில் இவ்விரு வெக்டர்களை அடுத்தடுத்த பக்கங்களாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு
 1) $7/4$ 2) $15/4$ 3) $3/4$ 4) $17/4$
6. \vec{a} மற்றும் \vec{b} ஆகியவற்றின் எண்ணளவு 2 மேலும் இவற்றிற்கு இடைப்பட்ட கோணம் 60° எனில், \vec{a} மற்றும் $\vec{a} + \vec{b}$ க்கு இடைப்பட்ட கோணம்
 1) 30° 2) 60° 3) 45° 4) 90°
7. ABCD ஓர் இணைகரம் எனில், $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD}$ என்பது
 1) $2(\vec{AB} + \vec{AD})$ 2) $4\vec{AC}$ 3) $4\vec{BD}$ 4) $\vec{0}$
8. $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2x - \pi}{\cos x} =$
 1) 2 2) 1 3) -2 4) 0
9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - b^x}{x} =$
 1) $\log ab$ 2) $\log\left(\frac{a}{b}\right)$ 3) $\log\left(\frac{b}{a}\right)$ 4) $\frac{a}{b}$
10. $\lim_{x \rightarrow 0} (1+x)^{\frac{1}{x}}$ ன் மதிப்பு
 1) 0 2) 1 3) e 4) $1/e$

பகுதி - 2

குறிப்பு: ஏதேனும் 4 வினாவிற்கு விடையளிக்கவும். (கட்டாய வினா 16)

(4x2=8)

11. $A = \begin{bmatrix} 4 & \sqrt{5} & 7 \\ -1 & 0 & 0.5 \end{bmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{bmatrix} \sqrt{3} & \sqrt{5} & 7.3 \\ 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$ எனில், A+B மற்றும் A-B ஆகியவற்றைக் காண்க.
12. $A = \begin{bmatrix} 0 & \sin \alpha & \cos \alpha \\ \sin \alpha & 0 & \sin \beta \\ \cos \alpha & -\sin \beta & 0 \end{bmatrix}$ எனில் |A| ஐக் காண்க.
13. கீழ்க்காண்பவைகளுக்கு \vec{a} , \vec{b} காண்க. $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + 5\vec{k}$, $\vec{b} = 3\vec{i} - 2\vec{k}$

11-கணிதம்-1

14. $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ மற்றும் $\vec{b} = 3\hat{i} + 5\hat{j} - 2\hat{k}$ எனில் $\vec{a} \times \vec{b}$ ன் மதிப்பைக் காண்க.
15. பின்வரும் எல்லை மதிப்புக்களைக் காண்க: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - 16}{x - 2}$
16. பின்வருவனவற்றின் மதிப்பைக் காண்க: $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^{7x}$

பகுதி - 3

குறிப்பு: ஏதேனும் நான்கு வினாவிிற்கு விடையளிக்கவும். (கட்டாய வினா 22) (4x3=12)

17. $a_{ij} = \frac{|3i - 4j|}{4}$, $m = 3$, $n = 4$ என இருக்குமாறு உறுப்புகளைக் கொண்ட $m \times n$ வரிசை உடைய $A = [a_{ij}]$ அணிகளை உருவாக்குக.
18. $(-2, -3)$, $(3, 2)$, $(-1, -8)$ என்ற உச்சிப்புள்ளிகளைக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பைக் காண்க.
19. $5\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $6\hat{i} - 8\hat{j} - \hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க.
20. கணக்கிடுக: $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1}$
21. பின்வருவனவற்றின் மதிப்பைக் காண்க: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{x}$
22. \vec{a} மற்றும் \vec{b} என்ற ஏதேனும் இரு வெக்டர்களுக்கு $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$ என நிரூபிக்க.

பகுதி - 4

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். (4x5=20)

23. அ) காரணித் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி $\begin{vmatrix} x+1 & 3 & 5 \\ 2 & x+2 & 5 \\ 2 & 3 & x+4 \end{vmatrix} = (x-1)^2(x+9)$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) $\begin{vmatrix} 1 & x & x \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix}^2 = \begin{vmatrix} 1-2x^2 & -x^2 & -x^2 \\ -x^2 & -1 & x^2-2x \\ -x^2 & x^2-2x & -1 \end{vmatrix}$ என நிறுவுக.

24. அ) $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ -6 & 8 & 3 \\ -4 & 6 & 5 \end{bmatrix}$ என்ற அணியை சமச்சீர் மற்றும் எதிர் சமச்சீர் அணிகளின் கூடுதலாக எழுதுக.

(அல்லது)

ஆ) $4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$, $-\hat{j} - \hat{k}$, $3\hat{i} + 9\hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $-4\hat{i} + 4\hat{j} + 4\hat{k}$ ஆகியவற்றை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக்காட்டுக.

25. அ) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) $2\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$, $4\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}$, $10\hat{i} - \hat{j} + 6\hat{k}$ என்ற வெக்டர்களை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.

26. அ) ABCD என்ற நாற்கரத்தில் AC, BD -ன் நடுப்புள்ளிகள் E மற்றும் F ஆக இருப்பின் $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD} = 4\vec{EF}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) $f(x) = \begin{cases} \frac{x^4 - 1}{x - 1}, & ; x \neq 1 \\ \alpha, & ; x = 1 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்ட சார்பில்

$x=1$ இல் கார்பு தொடர்ச்சியானது எனில்: