

11 R

Register No.

இரண்டாம் இடைப்பருவத் தேர்வு - 2024

கணிதம்

நேரம் : 1.30 மணி

மதிப்பீடுகள் :

பகுதி - அ

சரியான விடையை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

10 x 1 =

1. $2x + \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$ எனில், x என்ற அணியானது a) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ c) $\begin{bmatrix} 2 & 6 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 4 & -1 \end{bmatrix}$
2. (x, -2) (5, -2) (8, 8) என்பன ஒரு கோட்டமைப்புள்ளிகள் எனில், x-ன் மதிப்பு a) -3 b) $\frac{1}{3}$ c) 1 d) 3
3. A, B என்பன சம வரிசையுள்ள இரு சமச்சீர் அணிகள் எனில், கீழ்க்கண்டவற்றுள் எவை உண்மையல்ல? a) A + B என்பது ஒரு சமச்சீர் அணி b) AB என்பது ஒரு சமச்சீர் அணி c) AB = (BA)^T d) A^TB = AB^T
4. $\vec{AB} + \vec{BC} + \vec{DA} + \vec{CD}$ என்பது a) \vec{AD} b) \vec{CA} c) \vec{O} d) $-\vec{AD}$
5. $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ ஆகியவை ஒரே கோட்டமைந்த மூன்று புள்ளிகளின் நிலைவெக்டர்கள் எனில், கீழ்க்காண்பவைகளுள் சரியானது? a) $\vec{a} = \vec{b} + \vec{c}$ b) $2\vec{a} = \vec{b} + \vec{c}$ c) $\vec{b} = \vec{c} + \vec{a}$ d) $4\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$
6. \vec{a} மற்றும் \vec{b} ஒரே எண்ணளவைக் கொண்டுள்ளது. இவற்றிற்கு இடைப்பட்ட கோணம் 60° மற்றும் இவற்றின் திசையிலிப் பெருக்கம் $\frac{1}{2}$ எனில் $|\vec{a}|$ ன் மதிப்பு a) 2 b) 3 c) 7 d) 1
7. $i + 3j + \lambda k$ -ன் மீது $5i - j - 3k$ ன் வீழலும் $5i - j - 3k$ ன் மீது $i + 3i + \lambda k$ வீழலும் சமன் எனில் $\lambda = ?$ a) ± 4 b) ± 3 c) ± 5 d) ± 1
8. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x}$ a) 1 b) 0 c) ∞ d) $-\infty$
9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin px}{\tan 3x} = 4$ எனில் p-ன் மதிப்பு a) 6 b) 9 c) 12 d) 4
10. $x = \frac{3}{2}$ ல் $f(x) = \frac{|2x-3|}{2x-3}$ என்பது a) தொடர்ச்சியானது b) தொடர்ச்சியற்றது c) வகையிடத்தக்கது d) பூஜ்ஜியம்

பகுதி - ஆ

ஏதேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண்.17 க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

11. $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \\ 5 & -2 & 6 \end{bmatrix}$ எனில், $|A|$ -ன் மதிப்பை சாரஸ் விதியைப் பயன்படுத்திக் காண்க.
12. (0, 0), (1, 2), (4, 3) என்ற உச்சிப்புள்ளிகளைக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பைக் காண்க.
13. $5i - 3j + 4k$ -ன் திசையில் உள்ள ஓர் ஓரலகு வெக்டரைக் காண்க.
14. $2i + 6j + 3k$ -ன் மீது $i + 3j + 7k$ -ன் வீழலைக் காண்க.
15. $f(x) = \begin{cases} x+1, & x > 0 \\ x-1, & x < 0 \end{cases}$ என்க, $x \rightarrow 0$ எனில் $f(x)$ -க்கு எல்லை மதிப்பு உள்ளதா என சோதிக்கவும்.
16. $f(x) = 2x^2 + 3x - 5$ ஆனது R -ன் எல்லா புள்ளிகளிலும் தொடர்ச்சியானது என நிறுவுக.
17. $\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = 0$ எனக் காட்டுக.

பகுதி - இ

ஏதேனும் 4 வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண்.24-க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

$$18. [x \ 2 \ -1] \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ -1 & -4 & 1 \\ -1 & -1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} = 0 \text{ எனில் } x \text{ -ஐக் காண்க}$$

11 கணிதம் - 1

$$19. \begin{vmatrix} 2bc - a^2 & c^2 & b \\ a^2 & 2ca - b^2 & a^2 \\ b^2 & a^2 & 2ab - c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix} \text{ என நிறுவுக.}$$

20. பிரிவு குத்திரம் - உட்புறமாகப் பிரித்தல் : எழுதி நிறுவுக.

21. $2i + 4j + 3k$, $4i + j + 9k$, $10i - j + 6k$ என்ற வெக்டர்களை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புளீனிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.

22. $f(x) = \begin{cases} ax + b & , x > 3 \\ 3ax - 4b + 1 & , x < 3 \end{cases}$ மற்றும் $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$ கிடைக்கப்பெறுமானால் a மற்றும் b க்கு இடையே உள்ள தொடர்பை காண்க.

23. தக்காளி மொத்த விற்பனையாளர் ஒருவர் புதிதாக அறுவடையான தக்காளியின் விலை 100 கிலோவுக்கு குறைவாக வாங்கினால் ரூ. 0.16 / கி வீதமும் குறைந்தபட்சம் 100 கி வாங்கினால் ரூ. 0.14 / கி விற்பனாகக் காண்கிறார். செவ்விலையின் சார்பையும் 100 கிலோ வாங்கும்போது உள்ள விலையையும் காண்க.

$$24. \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix} = (x - y)(y - z)(z - x) \text{ என நிறுவுக.}$$

பகுதி - B

4 x

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

25. a) $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ -6 & 8 & 3 \\ -4 & 6 & 5 \end{bmatrix}$ என்ற அணியை சமச்சீர் மற்றும் எதிர் சமச்சீர் அணிகளின் கூடுதலாக எழுதுக. (அல்வது)

$$25. b) \begin{vmatrix} b+c & a & a^2 \\ c+a & b & b^2 \\ a+b & c & c^2 \end{vmatrix} = (a+b+c)(a-b)(b-c)(c-a) \text{ என நிறுவுக.}$$

26. a) ABCD என்ற நாற்கரத்தில் AC, BD -ன் நடுப்புள்ளிகள் E மற்றும் F ஆக இருப்பின் $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD}$ என நிறுவுக. (அல்வது)

26. b) கீழ்க்காணும் வெக்டர்கள் ஒரு தள வெக்டர்கள் எனக் காட்டுக. $\hat{i} - 2\hat{j} + 3\hat{k}$, $-2\hat{i} + 3\hat{j} - 4\hat{k}$, $-\hat{j} + 2\hat{k}$

27. a) $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \left[\frac{1}{x} + \frac{2}{x} + \dots + \frac{15}{x} \right] = 120$ (அல்வது) b) $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$ என நிறுவுக.

$$28. a) \begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(1 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right) \text{ என நிறுவுக. (அல்வது)}$$

b) \vec{a} , \vec{b} ஆகியவை அலகு வெக்டர்கள் மற்றும் θ என்பது இவற்றிற்கு இடையிட்ட கோணம் எனில்,

$$(i) \sin \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} |\vec{a} - \vec{b}| \quad (ii) \cos \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} |\vec{a} + \vec{b}| \text{ என நிறுவுக.}$$