

# இரண்டாம் இடைப்பருவத் தேர்வு - 2024

புதினொன்றாம் வகுப்பு

பதிவு எண்: 0111061

\*

## கணிதம்

மதிப்பெண்கள் : 50  
8 x 1 = 8

நேரம் : 1.30 மணி

பகுதி - அ

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. பின்வருவனவற்றுள் பொருந்தாத ஒன்றைத் தேர்வு செய்க.

அ)  $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$

ஆ)  $\begin{bmatrix} 0 & -7/2 \\ 7/2 & 0 \end{bmatrix}$

இ)  $\begin{bmatrix} 0 & 3.2 \\ -3.2 & 0 \end{bmatrix}$

ஈ)  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$

2.  $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ -2 & x \end{bmatrix}$  என்பது ஒரு பூச்சியக் கோவை அணி எனில் X ன் மதிப்பு

அ)  $3/2$

ஆ)  $-3/2$

இ) 3

ஈ) -2

3.  $A + I = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$  எனில்,  $(A + I)(A - I)$  ன் மதிப்பு

அ)  $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & -9 \end{bmatrix}$

ஆ)  $\begin{bmatrix} -5 & 4 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$

இ)  $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$

ஈ)  $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ -8 & -9 \end{bmatrix}$

4.  $\alpha, \beta, \gamma$  என்பன திசைக் கோணங்கள் எனில்  $\cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma$

அ) 1

ஆ) 2

இ) 0

ஈ) -2

5.  $10\hat{i} + 3\hat{j}$ ,  $12\hat{i} - 5\hat{j}$  மற்றும்  $a\hat{i} + 11\hat{j}$  ஆகிய நிலை வெக்டர்களின் புள்ளிகள் ஒரே கோட்டில் அமைந்தால் a ன் மதிப்பு

அ) 6

ஆ) 3

இ) 5

ஈ) 8

6.  $|\vec{a}| = 13$ ,  $|\vec{b}| = 5$  மற்றும்  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 60$  எனில்  $|\vec{a} \times \vec{b}|$  ன் மதிப்பு

அ) 15

ஆ) 35

இ) 45

ஈ) 25

7. ஒரு வெக்டர் ஆய அச்சகளுடன் சமகோணத்தை ஏற்படுத்தினால் அக்கோணம்

அ)  $\cos^{-1}(1/3)$

ஆ)  $\cos^{-1}(2/3)$

இ)  $\cos^{-1}(1/\sqrt{3})$

ஈ)  $\cos^{-1}(2/\sqrt{3})$

8.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a^x - b^x}{x} =$

அ)  $\log ab$

ஆ)  $\log(a/b)$

இ)  $\log(b/a)$

ஈ)  $a/b$

பகுதி - ஆ

6 x 2 = 12

II. எவையேனும் 6 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 16 கட்டாய வினா)

9.  $A = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ -1 & x \end{bmatrix}$  மற்றும்  $(A - 2I)(A - 3I) = 0$  எனில் X ன் மதிப்பு காண்க.

10. மூலைவிட்ட அணி மற்றும் திசையிலி அணி ஆகியவற்றை வரையறுக்கவும்.

11.  $\begin{bmatrix} b-1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 4 \end{bmatrix}$  என்பது பூஜ்ஜியக் கோவை அணி எனில் b ன் மதிப்பு யாது?

12.  $2\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$ ,  $3\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k}$  மற்றும்  $6\hat{i} - 5\hat{j} + 7\hat{k}$  ஆகியவற்றை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு கோட்டிலமையும் எனக்காட்டுக.

13.  $5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$  ன் திசையில் உள்ள ஓரலகு வெக்டரைக் காண்க.

14.  $A(1,0,0)$   $B(0,1,0)$   $C(0,0,1)$  ஆகியவற்றை முனைப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பளவைக் காண்க.

15.  $f(x) = \sqrt{x}$ ,  $x \geq 0$  எனில்  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$  கிடைக்கப்பெறுமா எனக்காண்க.

16. மதிப்பு காண்க:  $\begin{vmatrix} 2014 & 2017 & 0 \\ 2020 & 2023 & 1 \\ 2023 & 2026 & 0 \end{vmatrix}$

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 5 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 23 கட்டாய வினா)

5 x 3 = 15

17. நிறுவுக:  $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix} = (x-y)(y-x)(z-x)$

18.  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  எனும் மூன்று வெக்டர்களுக்கு  $\vec{a} + 2\vec{b} + \vec{c} = 0$ ,  $|\vec{a}| = 3$ ,  $|\vec{b}| = 4$ ,  $|\vec{c}| = 7$  எனில்  $\vec{a}$  மற்றும்  $\vec{b}$  க்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க.

19. ஓர் அணிக்கோவையின் ஏதேனும் இரு நிரைகள் (அல்லது நிரல்கள்) இடமாற்றம் செய்யப்படும் போது, அணிக்கோவையின் குறி மாறும், ஆனால் எண்ணளவு மாறாது. நிறுவுக.

20.  $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \\ 5 & -2 & 6 \end{bmatrix}$  எனில்  $|A|$  ன் மதிப்பை சாரஸ் விதியைப் பயன்படுத்திக் காண்க.

21. பிரிவு - சூத்திரம் நிரூபி. (உட்புறம்)

22. மதிப்பு காண்க:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{2}}{x}$

23. A, B, C, D ஆகியவை  $(4, -3, 0)$ ,  $(7, -5, -1)$ ,  $(-2, 1, 3)$ ,  $(0, 2, 5)$  என்ற புள்ளிகள் எனில்  $\overline{CD}$  மீது  $\overline{AB}$  ன் வீழலைக் காண்க.

பகுதி - ஈ

IV. கீழ்க்கண்ட வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

3 x 5 = 15

24. அ)  $A = \begin{bmatrix} 3 & 3 & -1 \\ -2 & -2 & 1 \\ -4 & -5 & 2 \end{bmatrix}$  என்ற அணியை சமச்சீர் அணிகளின் கூடுதலாக எழுதுக. (அல்லது)

ஆ)  $\begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 4 & -5 & 6 \\ -3 & 5 & 2 \end{bmatrix} = A$  எனில் A என்ற அணியின் அனைத்து சிற்றணிக் கோவைகள் மற்றும்

இணைக்காரணிகளைக் காண்க. மேலும்  $R_2$  வழியாக விரிவுபடுத்தி  $|A|$  ன் மதிப்பு காண்க.

25. அ)  $|A| = \begin{vmatrix} (q+r)^2 & p^2 & p^2 \\ q^2 & (r+p)^2 & q^2 \\ r^2 & r^2 & (p+q)^2 \end{vmatrix} = 2pqr(p+q+r)^3$  என காரணித் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ)  $\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}$ ,  $-2\vec{i} + 3\vec{j} - 4\vec{k}$ ,  $-\vec{j} + 2\vec{k}$  என்ற வெக்டர்கள் ஒருதள வெக்டர்கள் எனக்காட்டுக.

26. அ)  $2\vec{i} + 4\vec{j} + 3\vec{k}$ ,  $4\vec{i} + \vec{j} + 9\vec{k}$ ,  $10\vec{i} - \vec{j} + 6\vec{k}$  என்ற வெக்டர்களை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக. (அல்லது)

ஆ) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிறுவுக.

\*\*\*\*\*