

V111M

விருதுநகர் மாவட்டம்



இரண்டாம் இடைப் பருவ பொதுத் தேர்வு - 2024

வகுப்பு 11

நேரம் : 1.30 மணி

கணிதவியல்

மதிப்பெண்கள்: 50

பிரிவு - I

கீழ்க்கண்ட வினாக்களுக்குத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக:

10×1=10

1) $A = \begin{bmatrix} 0 & a & -b \\ -a & 0 & c \\ b & -c & 0 \end{bmatrix}$ என்ற அணிக்கோவையின் மதிப்பு

- a) $-2abc$ b) abc c) 0 d) $a^2+b^2+c^2$
 2) $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப்புள்ளிகள் எனில், x -ன் மதிப்பு
 a) -3 b) $1/3$ c) 1 d) 3

3) $2X + \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$ எனில், X -என்ற அணியானது

- a) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ c) $\begin{bmatrix} 2 & 6 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$ d) $\begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$

4) $\begin{vmatrix} x+1 & x & x+2 \\ 0 & x+2 & x+3 \\ 0 & 0 & x+3 \end{vmatrix} = 0$ எனில், x -ன் மதிப்பு

- a) $x = 1, 2, 3$ b) $x = -1, 2, -3$ c) $x = -1, -2, -3$ d) $x = 1, -2, -3$
 5) ஒரு வெக்டர் ஆய அச்சகளுடன் சமகோணத்தை ஏற்படுத்தினால் அக்கோணம்

- a) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$ b) $\cos^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ c) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$ d) $\cos^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$

- 6) $\vec{a} = \sin\theta\hat{i} + \cos\theta\hat{j}$ மற்றும் $\vec{b} = \hat{i} - \sqrt{3}\hat{j} + 2\hat{k}$ ஆகியவை செங்குத்தாக அமைந்து

$\theta \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ எனில் θ -ன் மதிப்பு

- a) $\frac{\pi}{3}$ b) $\frac{\pi}{6}$ c) $\frac{\pi}{4}$ d) $\frac{\pi}{2}$

- 7) $\vec{a} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} + x\hat{j} + \hat{k}$, $\vec{c} = \hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 70$ எனில், x -ன் மதிப்பு

- a) 5 b) 7 c) 26 d) 10

- 8) திசைக்கொசைன்களின் வர்க்கங்களின் கூடுதல்

- a) 0 b) 1 c) 2 d) 3

9) $\lim_{x \rightarrow 2^-} [x]$ ன் மதிப்பு

- a) -1 b) 0 c) 1 d) -2

10) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 6x + 5}{x^3 - 8x + 7}$ ன் மதிப்பு

- a) $\frac{2}{5}$ b) $-\frac{2}{5}$ c) $\frac{5}{2}$ d) $-\frac{5}{2}$

பிரிவு - II

எவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்:

4×2=8

11) சுருக்குக: $\sec\theta \begin{bmatrix} \sec\theta & \tan\theta \\ \tan\theta & \sec\theta \end{bmatrix} - \tan\theta \begin{bmatrix} \tan\theta & \sec\theta \\ \sec\theta & \tan\theta \end{bmatrix}$

12) $A = \begin{bmatrix} 7 & 3 \\ -2 & \alpha \end{bmatrix}$ என்பது பூச்சியக்கோவை அணி எனில், α -ன் மதிப்பு காண்க.

V11M

2

- 13) $3\hat{i} - 4\hat{j} + 8\hat{k}$ -ன் திசைக்கொசைன்கள் மற்றும் திசைவிகிதங்கள் காண்க.
- 14) \vec{a} மற்றும் \vec{b} என்ற ஏதேனும் இரு வெக்டர்களுக்கு $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$ என நிரூபிக்க.
- 15) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^4 - 16}{x - 2}$ ன் மதிப்பு காண்க.
- 16) மதிப்பு காண்க: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 2x + 3}{5x^2 + 1}$

பிரிவு - III

எவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி:

4×3=12

- 17) $A = \begin{bmatrix} 0 & c & b \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{bmatrix}$ எனில், A^2 -ஐக் காண்க.
- 18) $(K, 2), (2, 4)$ மற்றும் $(3, 2)$ என்ற உச்சிப்புள்ளிகளைக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு 4 சதுர அலகுகள் எனில், K-ன் மதிப்பைக் காண்க.
- 19) $2\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}, 3\hat{i} - 4\hat{j} - 4\hat{k}, \hat{i} - 3\hat{j} - 5\hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.
- 20) $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ மற்றும் $\vec{b} = 4\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தின் சைன் மதிப்பைக் காண்க.
- 21) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4|x-1| + x - 1}{|x-1|}$, $x \neq 1$ கிடைக்கப்பெறுமா எனச் சோதிக்க.
- 22) $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sqrt{t^2 + 9} - 3}{t^2}$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.

பிரிவு - IV

எவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி:

4×5=20

- 23) காரணித் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி $\begin{vmatrix} x+1 & 3 & 5 \\ 2 & x+2 & 5 \\ 2 & 3 & x+4 \end{vmatrix} = (x-1)^2 (x+9)$ என நிறுவுக.
- 24) $\begin{vmatrix} a^2 & bc & ac+c^2 \\ a^2+ab & b^2 & ac \\ ab & b^2+bc & c^2 \end{vmatrix} = 4a^2b^2c^2$ என நிறுவுக.
- 25) $5\hat{i} + 6\hat{j} + 7\hat{k}, 7\hat{i} - 8\hat{j} + 9\hat{k}, 3\hat{i} + 20\hat{j} + 5\hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒருதள வெக்டர்கள் எனக் காட்டுக.
- 26) $|\vec{a}| = 5, |\vec{b}| = 6, |\vec{c}| = 7$ மற்றும் $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ எனில், $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ -ஐக் காண்க.
- 27) $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \\ 2 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ மற்றும் $A^3 - 6A^2 + 7A + KI = 0$ எனில், K-ஐக் காண்க.
- 28) ஒரு விலங்கின் கண்பாவையின் விட்டம் $f(x) = \frac{160x^{-0.4} + 90}{4x^{-0.4} + 15}$ என்ற சார்பாகத் தரப்பட்டுள்ளது. இங்கு X என்பது ஒளியின் செறிவினைக் குறிக்கின்றது மற்றும் $f(x)$ மி.மீ இல் தரப்பட்டுள்ளது. அந்தக் கண்பாவையின் விட்டத்தை (i) ஒளியின் செறிவு குறைவாக (ii) ஒளியின் செறிவு அதிகமாக காண்க.