

வகுப்பு : 11

--	--	--	--	--	--	--

திருச்சாமி திட்டப் படிஷ்டி தேர்வு 2024

நேரம் : 1.30 மணி

கணிதம்
பகுதி-I

| மொத்த மதிப்பெண்கள் : 50

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

10x1=10

1. $2X + \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$ எனில் X, என்ற அணியானது

1) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$

2) $\begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$

3) $\begin{bmatrix} 2 & 6 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$

4) $\begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$

2. (x, -2), (5, 2), (8, 8) என்பன ஒரு கோட்டையைப் புள்ளிகள் எனில் X ன் மதிப்பு

1) -3

2) $\frac{1}{3}$

3) 1

4) 3

3. $A = \begin{bmatrix} 0 & a & -b \\ -a & 0 & c \\ b & -c & 0 \end{bmatrix}$ என்ற அணிக்கோவையின் மதிப்பு 1) -2abc 2) abc 3) 0 4) $a^2+b^2+c^2$

4. $\vec{a} + 2\vec{b}$ மற்றும் $3\vec{a} + m\vec{b}$ ஆகியவை இணை எனில், m ன் மதிப்பு 1) 3 2) $\frac{1}{3}$ 3) 6 4) $\frac{1}{6}$

5. ஒரு வெக்டர் ஆயு துச்சகளுடன் சமகோணத்தை ஏற்படுத்தினால் அக்கோணம்

1) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$

2) $\cos^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$

3) $\cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)$

4) $\cos^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)$

6. $\lambda\hat{i} + 2\lambda\hat{j} + 2\lambda\hat{k}$ என்பது ஒருவகு வெக்டர் எனில் λ ன் மதிப்பு

1) $\frac{1}{3}$

2) $\frac{1}{4}$

3) $\frac{1}{9}$

4) $\frac{1}{2}$

7. $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} =$

1) 1

3) ∞

4) $-\infty$

8. $\lim_{x \rightarrow 3} [x] =$

1) 2

2) 3

3) வரையறுக்கப்படாது 4) 0

9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \frac{3}{n^2} + \dots + \frac{n}{n^2} \right) =$ 1) $\frac{1}{2}$ 2) 0 3) 1 4) ∞

10. $x = \frac{3}{2}$ எனில் $f(x) = \frac{|2x-3|}{2x-3}$ என்பது

1) தொடர்ச்சியானது

2) தொடர்ச்சியற்றது

3) வகையிடத்தக்கது

4) பூஜ்ஜியமற்றது

பகுதி-II

எவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

வினா எண் 16-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

4x2=8

11. $A = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ எனில், A^4 ஐக் காண்க.

12. $\begin{vmatrix} x-1 & x & x-2 \\ 0 & x-2 & x-3 \\ 0 & 0 & x-3 \end{vmatrix} = 0$ எனில், x -ன் மதிப்பு காண்க.

TPR/11/Mat/1

13. $5\hat{i} - 3\hat{j} + 4\hat{k}$ ன் திசையிலூள்ள ஓர் ஓரலகு வெக்டரைக் காண்க.
14. $\vec{a} = 3\hat{i} + 4\hat{j}$ மற்றும் $\vec{b} = \hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ எனில் $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ன் மதிப்பைக் காண்க.
15. $f(x) = 2x^2 + 3x - 5$, R ன் எல்லா புள்ளிகளிலும் தொடர்ச்சியானது என நிறுவுக.
16. மதிப்பிடுக: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{x}$

எவையேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

வினா எண் 22-க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

4x3=12

17. $\begin{vmatrix} 0 & c & b \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{vmatrix}^2 = \begin{vmatrix} b^2 + c^2 & ab & ac \\ ab & c^2 + a^2 & bc \\ ab & bc & a^2 + b^2 \end{vmatrix}$ என நிறுவுக.
18. $(a, b+c), (b, c+a)$, and $(c, a+b)$ என்பன ஒரு கோட்டையில் புள்ளிகள் என நிறுவுக.
19. $|\vec{a}| = 5, |\vec{b}| = 6, |\vec{c}| = 7$ மற்றும் $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ எனில் $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ ஐக் காண்க.
20. $5\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $6\hat{i} - 8\hat{j} - \hat{k}$ ஆகிய வெக்டர்களுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க
21. $f(x) = \begin{cases} 4x + 5 & \text{if } x \leq 3 \\ 4x - 5 & \text{if } x > 3 \end{cases}$ சார்புகளுக்குத் தொடர்ச்சித் தன்மையைக் கொடுக்காத புள்ளிகளைக் காண்க.

22. மதிப்பிடுக: $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x-1} \right)^x$

பகுதி-IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

4X5=20

$$23. (a) \begin{vmatrix} 2bc - a^2 & c^2 & b^2 \\ c^2 & 2ca - b^2 & a^2 \\ b^2 & a^2 & 2ab - c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix}^2$$

என நிறுவுக. (OR)

(b) ABCD என்ற நாற்கரத்தில் AC மற்றும் BD நடுப்புள்ளிகள் E மற்றும் F ஆக இருப்பின் $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD} = 4\vec{EF}$.

24. (a) $4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}, -\hat{j} - \hat{k}, 3\hat{i} + 9\hat{j} + 4\hat{k}$ மற்றும் $-4\hat{i} + 4\hat{j} + 4\hat{k}$ ஆகியவற்றை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக் காட்டுக. (OR) (b) $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$ என நிறுவுக.

$$25. (a) \text{மதிப்பிடுக: } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - \sin x}{x^3} \text{ (OR) (b)} \begin{vmatrix} 1+a & 1 & 1 \\ 1 & 1+b & 1 \\ 1 & 1 & 1+c \end{vmatrix} = abc \left(1 + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right)$$

என நிறுவுக.

$$26. (a) |A| = \begin{vmatrix} (q+r)^2 & p^2 & p^2 \\ q^2 & (r+p)^2 & q^2 \\ r^2 & r^2 & (p+q)^2 \end{vmatrix} = 2pqr(p+q+r)^3$$

என நிறுவுக. (OR)

(b) $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ மற்றும் ஆகியவை $|\vec{a}| = 2, |\vec{b}| = 3, |\vec{c}| = 4$ மற்றும் $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ என அமைந்தால் $4\vec{a} \cdot \vec{b} + 3\vec{b} \cdot \vec{c} + 3\vec{c} \cdot \vec{a}$ -ன் மதிப்புக்காண்க.