

இரண்டாம் இடைப்பருவத் தேர்வு, 2024		பதிவெண்				
XII - கணிதம்						
நேரம் : 1.30 மணி			மதிப்பெண்கள் : 45			

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

10 x 1 = 10

- $y = (x - 1)^3$ என்ற வளைவரையின் வளைவு மாற்றப்படுள்ளி
 - (0, 0)
 - (0, 1)
 - (1, 0)
 - (1, 1)
- $y^2 - xy + 9 = 0$ என்ற வளைவரையின் தொடுகோடு எப்போது நிலைகுத்தாக இருக்கும்?
 - $y = 0$
 - $y = \pm\sqrt{3}$
 - $y = \frac{1}{2}$
 - $y = \pm 3$
- $f(x) = \frac{1}{12} a < x < b$ எனும் சார்பு ஒரு தொடர்ச்சியாக சமவாய்ப்பு மாறியின் நிகழ்தகவு அடர்த்திச் சார்பினைக் குறிக்கிறது எனில், பின்வருவனவற்றுள் எது a மற்றும் b இன் மதிப்புகளாக இராதது?
 - 0 மற்றும் 12
 - 5 மற்றும் 17
 - 7 மற்றும் 19
 - 16 மற்றும் 24
- 1, 2, 3, 4, 5, 6 எண்ணிடப்பட்ட அறுபக்க பகடையும் 1, 2, 3, 4 என எண்ணிடப்பட்ட நான்கு பக்க பகடையும் சோடியாக உருட்டப்பட்டு இரண்டும் காட்டும் எண்களின் கூட்டல் தொகை தீர்மானிக்கப்படுகிறது. இந்த கூட்டலைக் குறிக்கும் சமவாய்ப்பு மாறி X என்க. இனி 7-இன் நேர்மாறு பிம்பத்தின் உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை
 - 1
 - 2
 - 3
 - 4
- R-ன் $a * b = \sqrt{a^2 + b^2}$ எனில், * ஆனது
 - பரிமாற்று விதிக்கு கட்டுப்படும், ஆனால் சேர்ப்பு விதியை நிறைவு செய்யாது
 - சேர்ப்பு விதிக்கு கட்டுப்படும், ஆனால் பரிமாற்று விதியை நிறைவு செய்யாது
 - பரிமாற்று விதி மற்றும் சேர்ப்பு விதிகளை நிறைவு செய்யும்
 - பரிமாற்று விதி மற்றும் சேர்ப்பு விதிகளை நிறைவு செய்யாது
- $\neg(p \vee \neg q)$ ன் மெய்மை அட்டவணையில் கடைசி நிரலில் வரும் மெய் மதிப்பு 'F' விளைவுகளின் எண்ணிக்கை
 - 1
 - 2
 - 3
 - 4
- மெக்லரின் தொடராணது, டெய்லரின் தொடரில் எதனை பிரதியிட்டால் கிடைப்பது
 - $x = a$
 - $x = 0$
 - $a = 0$
 - $a = n$
- $X : S \rightarrow R$ ஒரு தனிநிலை சமவாய்ப்பு மாறி எனில்
 - வீச்சகமானது எண்ணத்தக்கது
 - வீச்சகமானது எண்ணிடத்தக்கது அல்ல
 - வீச்சகம் N
 - வீச்சகம் R
- கூட்டலின் போதான சமனி உறுப்பு இக்கணத்தில் உள்ளது
 - N
 - $C \setminus \{0\}$
 - $(0, \infty)$
 - $-3 \leq x \leq 3$
- ஒன்றின் நான்காம் படி மூலங்கள், பெருக்கலில் நிறைவு செய்யும் பண்புகள்
 - அடைவு பண்பு மட்டும்
 - அடைவு மற்றும் சேர்ப்பு மட்டும்
 - அடைவு, சேர்ப்பு சமனி மட்டும்
 - அடைவு, சேர்ப்பு, சமனி மற்றும் நேர்மாறு
- வையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 15 கட்டாய வினா) $3 \times 2 = 6$
- R-ன் மீது * ஆனது $(a * b) = a + b + ab - 7$ என வரையறுக்கப்பட்டால் *, R-ன் மீது அடைவு பெற்றுள்ளதா? அவ்வாறெனில் $-2 * \left(\frac{5}{4}\right)$ காண்க.
 - பெற்றுள்ளது
 - அவ்வாறெனில் $-2 * \left(\frac{5}{4}\right)$ காண்க.
- இரு சீரான பகடைகள் உருட்டப்படுகின்றன. கிடைத்த நான்குகளின் எண்ணிக்கைக்கான நிகழ்தகவு நிறைச் சார்பு காண்டிக.
 - பெற்றுள்ளது
 - அவ்வாறெனில் $-2 * \left(\frac{5}{4}\right)$ காண்க.
- சார்பு $F(x, y) = \frac{x^2 + 5xy - 10y^2}{3x + 7y}$ படி 1 உடைய சமபடித்தான சார்பு எனக்காட்டுக.
 - பெற்றுள்ளது
 - அவ்வாறெனில் $-2 * \left(\frac{5}{4}\right)$ காண்க.
- கணக்கிடுக : $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 4x + 3} \right)$
- $f(x) = x^2 - 2x - 3$ என்ற சார்பு $(2, \infty)$ என்ற இடைவெளியில் திட்டமாக ஏறும் என நிறுவுக..
 - பெற்றுள்ளது
 - அவ்வாறெனில் $-2 * \left(\frac{5}{4}\right)$ காண்க.

III. எவையேனும் 3 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 20 கட்டாய வினா) 3 x 3 = 9

16. $u(x, y) = \frac{x^2 + y^2}{\sqrt{x+y}}$ எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = \frac{3}{2}u$ என நிறுவுக.

17. $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ என்பவைகள் ஒரே மாதிரியான

வகையினை உடைய ஏதேனும் மூன்று பூலியன் அணிகள் எனில்

(i) $A \vee B$ (ii) $A \wedge B$ (iii) $(A \vee B) \wedge C$ ஆகியவைகளைக் காண்க.

18. சமவாய்ப்பு மாறி X-யின் நிகழ்தகவு அடர்த்திச் சார்பு $f(x) = \begin{cases} kxe^{-2x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$ எனில் k-ன்

மதிப்பைக் காண்க.

19. ரோலின் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி $f(x) = x^2 - x$, $x \in [0, 1]$ என்ற சார்புகளுக்கு X-ன் எம்மதிப்புகளில் வரையப்படும் தொடுகோடு X-அச்சிற்கு இணையாக இருக்கும்?

20. $f(x) = x^2 - 12x + 10$; $[1, 2]$ என்ற சார்புகளுக்கு கொடுக்கப்பட்ட இடைவெளிகளில் மீப்பெரு மற்றும் மீச்சிறு அறுதி மதிப்புகளைக் காண்க.

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

4 x 5 = 20

21. a) 17 மீட்டர் நீளமுள்ள ஒரு ஏணி செங்குத்தான சுவரில் சாய்த்து வைக்கப்பட்டுள்ளது. ஏணியின் அடிப்பக்கம் சுவற்றிலிருந்து விலகிச் செல்லும் வீதம் வினாடிக்கு 5 மீட்டர் எனில் ஏணியின் அடிப்பக்கம் சுவற்றிலிருந்து 8 மீட்டர் தொலைவில் இருக்கும் போது
(i) அதன் உச்சி என்ன வீதத்தில் கீழ்நோக்கி இறங்கும் என்பதைக் காண்க.
(ii) எந்த வீதத்தில், ஏணி, சுவர் மற்றும் தரை ஆகியவற்றால் உருவாகும் முக்கோணத்தின் பரப்பளவு மாறுகிறது?

(அல்லது)

b) $y = x^2$ மற்றும் $y = (x - 3)^2$ என்ற வளைவரைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தைக் காண்க.

22. a) 10 செ.மீ ஆரமுள்ள வட்டத்தினுள் அமைக்கப்படும் செவ்வகங்களுள் மீப்பெரு பரப்புடைய செவ்வகத்தின் பரிமாணங்களைக் காண்க. (அல்லது)

b) $v(x, y) = \log\left(\frac{x^2 + y^2}{x+y}\right)$ எனில் $x \frac{\partial v}{\partial x} + y \frac{\partial v}{\partial y} = 1$ என நிறுவுக.

23. a) சமவாய்ப்பு மாறி X-யின் பரவல் சார்பு F(x)

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}(x^2 + x), & 0 \leq x < 1 \\ 1, & x \geq 1 \end{cases} \text{ எனில் (i) நிகழ்தகவு அடர்த்திச் சார்பு } f(x)$$

(ii) $P(0.3 \leq X \leq 0.6)$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

(அல்லது)

b) ஒரு தனிநிலை சார்பு X-ன் நிகழ்தகவு நிறை சார்பானது

x	1	2	3	4	5	6
f(x)	k	2k	6k	5k	6k	10k

எனில் (i) $P(2 < X < 6)$ (ii) $P(2 \leq X < 5)$

(iii) $P(X \leq 4)$ (iv) $P(3 < X)$.

என்பவற்றைக் காண்க.

24. a) மட்டுக்கூட்டல் 5 செயலி அட்டவணையைப் பயன்படுத்தி கணம் Z_5 ன் மீது $+_5$ என்ற செயலிக்கு (i) அடைவுப் பண்பு (ii) பரிமாற்றுப் பண்பு (iii) சேர்ப்புப் பண்பு (iv) சமனிப் பண்பு மற்றும் (v) எதிர்மறைப் பண்பு ஆகியவைகளைச் சரிபார்க்க.

(அல்லது)

b) $\neg(p \leftrightarrow q) \equiv p \leftrightarrow \neg q$ எனக் காட்டுக.