

V12M

விருதுநகர் மாவட்டம்

இரண்டாம் இடைப் பருவ பொதுத் தேர்வு - 2024



வகுப்பு 12

கால அளவு: 1.30 மணிநேரம்

கணிதம்

மதிப்பெண்கள்: 50

பகுதி-I

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

10×1=10

- 1) $f(x) = 2 \cos 4x$ என்ற வளைவரைக்கு $x = \frac{\pi}{12}$ ல் செங்கோட்டின் சாய்வு
 - a) $-4\sqrt{3}$
 - b) -4
 - c) $\frac{\sqrt{3}}{12}$
 - d) $4\sqrt{3}$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin mx}{x} \right)$
 - a) $\frac{1}{m}$
 - b) m
 - c) 0
 - d) 1
- 3) $x^2 e^{-2x}$, $x > 0$ என்ற சார்பின் பெரும் மதிப்பு
 - a) $\frac{1}{e}$
 - b) $\frac{1}{2e}$
 - c) $\frac{1}{e^2}$
 - d) $\frac{4}{e^4}$
- 4) $y = (x-1)^3$ என்ற வளைவரையின் வளைவு மாற்றுப்புள்ளி
 - a) $(0, 0)$
 - b) $(0, 1)$
 - c) $(1, 0)$
 - d) $(1, 1)$
- 5) $u(x, y) = e^{x^2+y^2}$ எனில் $\frac{\partial u}{\partial x}$ ன் மதிப்பு
 - a) $e^{x^2+y^2}$
 - b) $2xu$
 - c) x^2u
 - d) y^2u
- 6) ஒரு கனசதுரத்தின் பக்க அளவு 4 செ.மீ மற்றும் அதன் பிழை 0.1 செ.மீ கன அளவு கணக்கீட்டில் ஏற்படும் பிழை
 - a) 0.4 கன செ.மீ
 - b) 0.45 கன செ.மீ
 - c) 2 கன செ.மீ
 - d) 4.8 கன செ.மீ
- 7) $u(x, y) = \frac{x^2 + y^2}{\sqrt{x+y}}$ எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} =$
 - a) $\frac{1}{2}u$
 - b) $2u$
 - c) u
 - d) $\frac{3}{2}u$
- 8) கழித்தலின் கீழ் பின்வரும் கணம் அமைப்பு பெறவில்லை
 - a) R
 - b) Z
 - c) N
 - d) Q
- 9) ஒரு கூட்டுக்கூற்றில் 3 தனிக்கூற்றுக்கள் உட்படுத்தப்பட்டிருந்தால் அம்மெய்மை அட்டவணையின் நிறைகளின் எண்ணிக்கை
 - a) 9
 - b) 8
 - c) 6
 - d) 3
- 10) $(p \wedge q) \vee (\neg p \wedge \neg q) \equiv$
 - a) $p \leftrightarrow q$
 - b) $p \rightarrow q$
 - c) $p \leftarrow q$
 - d) $p \vee q$

பகுதி-II

II. ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி.

4×2=8

- 11) $x^2 - y^2 = r^2$ மற்றும் $xy = c^2$ என்ற வளைவரைகள் செங்குத்தாக வெட்டிக்கொள்ளும் எனக் காட்டுக. இங்கு C_1, r ஆகியவை மாறிலிகள்
- 12) $f(x) = x^2 - 12x + 10$ என்ற சார்பிற்கு $[1, 2]$ என்ற இடைவெளியில் மீப்பெரு பெரும்ம மற்றும் மீச்சிறு அறுதி மதிப்புகளைக் காண்க.
- 13) நேரியல் தோராய மதிப்பீடு முறை மூலம் $\sqrt{9.2}$ ன் தோராய மதிப்பை கணிப்பான் உதவியில்லாமல் காண்க.
- 14) $w(x, y) = x^3 - 3xy + 2y^2$, $x, y \in \mathbb{R}$ எனில் $(1, -1)$ இல் w ன் நேரியல் தோராய மதிப்பு காண்க.
- 15) Z ன் மீது * என்ற செயலி பின்வருமாறு வரையறுக்கப்பட்டுள்ளது. $m * n = m^n + n^m$, $\forall m, n \in \mathbb{Z}$ * ஆனது Z ன் மீது அடைவு பண்பை பெற்றுள்ளதா?

V12M

2

16) பின்வரும் கூற்றின் வாய்பாடுகளுக்கு எத்தனை நிரைகள் தேவைப்படும்?

i) $p \vee \neg t \wedge (p \vee \neg s)$

ii) $((p \wedge q) \vee (\neg r \vee \neg s) \wedge (\neg t \vee v))$

பகுதி-III

III. ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு விடையளி.

4×3=12

17) $\log(1+x)$ ன் மெக்லாரின் விரிவை $-1 < x \leq 1$ ல் நான்கு பூஜ்யமற்ற உறுப்புகள் வரை காண்க.

18) மதிப்பு காண்க : $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{\sin x} - \frac{1}{x} \right)$

19) ஒரு வட்ட வடிவ தகடு வெப்பத்தினால் சீராக விரிவடைகிறது என்க. அதன் ஆரம் 10.5 செ.மீ இலிருந்து 10.75 செ.மீ ஆக அதிகரிக்கும் போது அதன் பரப்பில் ஏற்படும் தோராய அதிகரிப்பு மற்றும் தோராய சதவீத அதிகரிப்பு ஆகியவற்றைக் காண்க.

20) $V(x, y, z) = x^3 + y^3 + z^3 + 3xyz$ எனில் $\frac{\partial^2 u}{\partial y \partial z} = \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial y}$ என நிறுவுக

21) R ன் மீது * ஆனது $(a * b) = a + b + ab - 7$ என வரையறுக்கப்பட்டால் *, R இன்

மீது அடைவு பெற்றுள்ளதா? அவ்வாறெனில் $3 * \left(\frac{-7}{15} \right)$ என காண்க.

22) $(p \wedge q) \wedge \neg(p \vee q)$ என்ற கூற்று மெய்மை அல்லது முரண்பாடு அல்லது நிச்சயமின்மையா என காண்க.

பகுதி-IV

IV. ஏதேனும் நான்கு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளி.

4×5=20

23) தலைகீழாக வைக்கப்பட்ட ஒரு நேர்வட்ட கூம்பின் வடிவில் உள்ள ஒரு நீர்நிலைத் தொட்டியின் ஆழம் 12 மீட்டர் மற்றும் மேலுள்ள வட்டத்தின் ஆரம் 5 மீட்டர் என்க. நிமிடத்திற்கு 10 கன மீட்டர் வேகத்தில் நீர் பாய்ச்சப்படுகின்றது எனில் 8 மீட்டர் ஆழத்தில் நீர் இருக்கும் போது நீரின் ஆழம் அதிகரிக்கும் வேகம் என்ன?

24) ஒரு செவ்வக வடிவிலான பக்கத்தில் 24 செ.மீ² அளவிற்கு அச்சிடப்பட்டுள்ளது மேற்புற மற்றும் கீழ்ப்புற ஓரங்கள் 1.5 செ.மீ அளவிலும் மற்ற பக்கங்களின் ஓரங்கள் 1 செ.மீ அளவிலும் இடைவெளி விடப்பட்டுள்ளது. காகித பக்கத்தின் குறைந்த பரப்பளவிற்கு அதன் நீள, அகலங்கள் என்னவாக இருக்க வேண்டும்?

25) $w(x, y, z) = xy + yz + zx$, $x = u - v$, $y = uv$, $z = u + v$, $u, v \in R$, எனில் $\frac{\partial w}{\partial x}$, $\frac{\partial w}{\partial y}$ காண்க.

26) $u = \sin^{-1} \left(\frac{x+y}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} \right)$, எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = \frac{1}{2} \tan u$ என நிறுவுக

27) கொடுக்கப்பட்ட கணத்தின் மீது பின்வரும் செயலானது (i) அடைவு பண்பு

ii) பரிமாற்றுப் பண்பு iii) சேர்ப்புப்பண்பு iv) எதிர்மறைப் பண்பு

ஆகியவற்றைப் பெற்றிருக்குமா என சரிபார்க்க $m * n = m + n - mn$, $m, n \in Z$

28) $p \rightarrow (\neg p \vee r) \equiv \neg p \vee (\neg q \vee r)$ என்பதை மெய்மை அட்டவணையைப் பயன்படுத்தி நிறுவுக.
