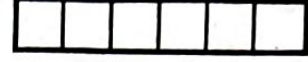


SMM

இரண்டாம் இடையருவத் தேர்வு - 2024

12 - ஆம் வகுப்பு

கணிதம்



காலம் : 1.30 மணி

மதிப்பெண்கள் : 45

பகுதி - I

பொதுத்தமான விடையை தேர்ந்தெடுக்க :-

10 X 1 = 10

1. $6y = x^3 + 2$ என்ற வளைவரையின் எப்புள்ளியில் y - ஆயத்தொலைவின் மாறுபாட்டு வீதம் x - ஆயத்தொலைவின் மாறுபாட்டு வீதத்தைப் போல் 8 மடங்கு இருக்கும்
a) (4, 11) b) (4, -11) c) (-4, 11) d) (-4, -11)
2. $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\cot x - \frac{1}{x} \right)$ -ன் மதிப்பு
a) 0 b) 1 c) 2 d) ∞
3. $y = ax^4 + 6x^2$, $ab > 0$ என்ற வளைவரை
அ) கீடைமட்டத் தொடுகோடு பெறவில்லை ஆ) மேற்புறமாக குழிவு
இ) கீழ்புறமாக குழிவு ஈ) வளைவு மாற்றப் புள்ளியை பெறவில்லை
4. $f(x, y) = e^{xy}$, எனில் $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$ -ன் மதிப்பு
a) xye^{xy} b) $(1 + xy)e^{xy}$ c) $(1 + y)e^{xy}$ d) $(1 + x)e^{xy}$
5. சார்பு $g(x) = \cos x$ -ன் நேரியல் தோராய மதிப்பு $x = \frac{\pi}{2}$ இல்
a) $x + \frac{\pi}{2}$ b) $-x + \frac{\pi}{2}$ c) $x - \frac{\pi}{2}$ d) $-x - \frac{\pi}{2}$
6. கழித்தலின் கீழ் பின்வரும் கணம் அடைவு பெறவில்லை
a) R b) Z c) N d) Q
7. ஒரு கூட்டுக் கூற்றில் 3 தனிக்கூற்றுக்கள் உட்படுத்தப்பட்டிருந்தால் அம்மெய்மை அட்டவணையின் நிரைகளின் எண்ணிக்கை
a) 9 b) 8 c) 6 d) 3
8. லோபிதால் விதியானது கீழ்க்காண்பவைகளில் எதற்கு ஏற்புடையதல்ல?
a) $\frac{0}{0}$ b) $\infty - \infty$ c) $\frac{\infty}{\infty}$ d) 1^0
9. f மற்றும் g வகையிடத்தக்க சார்புகள் எனில் $d(fg) =$
a) $fdg + (df)g$ b) $fdf - gdg$ c) $fdf + gdg$ d) $fdg - gdf$
10. கீழ்க்காண்பவைகளில் R-ல் எது ஈருறுப்புச் செயலி அல்ல?
a) + b) - c) ÷ d) X

பகுதி - II

ஏதேனும் மூன்று வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 15 கட்டாயம் :-

3 x

2 = 6

11. x பக்க அளவு கொண்ட ஒரு கன சதுரத்தின் கனஅளவு $V = x^3$ எனில் $x = 5$ அகல்கள் எனும் போது x -ஐப் பொறுத்து கனஅளவு மாறுவீதம் காண்க.
12. $f(x) = x^2 - 2x - 3$ என்ற சார்பு $(2, \infty)$ என்ற இடைவெளியில் திட்டமாக ஏறும் என நிறுவுக.
13. $f(x) = x^2 + 3x$ என்ற சார்பிற்கு df காண்க மற்றும் $x = 2$, $dx = 0.1$ எனும் போது df -ஐ மதிப்பிடுக.
14. $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ஆகிய இரண்டும் ஒரே வகையான பூலியன் அணிகள் எனில், $A \cup B$ மற்றும் $A \cap B$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

15. ஓர் இயற்கணித அமைப்பில் சமனி உறுப்பானது (உளது எனில்) ஒருமைத்தன்மை வாய்ந்தது என நிறுவுக.

பகுதி - III

ஏதேனும் மூன்று வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் 20 கட்டாய வினா :- $3 \times 3 = 9$

16. $p \rightarrow q \equiv \neg P \vee q$ க்கு சமமானவை பண்பை நிறுவுக.
17. * என்ற ஓர் ஈருறுப்புச் செயலி Q-ன் மீது பின்வருமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது இந்த * ஆனது, அடைவுப் பண்பு, பரிமாற்றுப் பண்பு, சேர்ப்புப் பண்பு ஆகியவற்றை நிறைவு செய்கிறதா எனச் சோதிக்க
- $$a * b = \left(\frac{a+b}{2} \right); \forall a, b \in Q.$$
18. மதிப்பிடுக. $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \log x$
19. சார்பு $f(x, y) = \frac{x^2 - y^2}{y^2 + 1}$ ஒவ்வொரு $(x, y) \in R^2$ க்கும் தொடர்ச்சியானது என நிறுவுக.
20. நேரியல் தோராய மதிப்பீட்டு முறையில் பின்வருவனவற்றின் தோராய மதிப்பு காண்க. $(123)^{2/3}$

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க :-

$4 \times 5 = 20$

21. அ) இரு நிபந்தனைக் கூற்றை நிபந்தனைக் கூற்றுடன் இணைத்து $p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$ என்ற சமமானவை பண்பை நிரூபிக்க.

(அல்லது)

ஆ) கொடுக்கப்பட்ட சுற்றளவுள்ள செவ்வகங்களுள், சதுரம் மட்டுமே பெரும் பரப்பைக் கொண்டிருக்கும் என நிறுவுக.

22. அ) $v(x, y) = e^x (x \cos y - y \sin y)$ எனில் $\frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} = 0$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) மட்டு 11 ஐப் பொருத்து எச்சத் தொகுதிகளின் கணம் $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ - இன் உட்கணம் $A = \{1, 3, 4, 5, 9\}$ - ன் மீது X_{11} என்ற செயலிக்கு (i) அடைவுப் பண்பு (ii) பரிமாற்றுப் பண்பு (iii) சேர்ப்புப் பண்பு (iv) சமனிப் பண்பு (v) எதிர்மறைப் பண்பு ஆகியவைகளைச் சரிபார்க்க.

23. அ) $\log(1+x)$ - ன் மெக்லாரனின் விரிவை $-1 < x \leq 1$ -ல் நான்கு பூச்சியமற்ற உறுப்புகள் வரை காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $f(x, y) = x^3 - 2x^2y + 3xy^2 + y^3$ என்ற சார்பு சமபடித்தானது என நிறுவுக. f-ன் படியைக் கணக்கிட்டு f-க்கு ஆய்னின் தேற்றத்தைச் சரிபார்க்க.

24. அ) $y = x^2$ மற்றும் $x = y^2$ என்ற வளைவரைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணத்தினை (0, 0) மற்றும் (1, 1) என்ற வெட்டும் புள்ளிகளில் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $M = \left\{ \begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix}; x \in R - \{0\} \right\}$ என்க. * என்பது அணிப்பெருக்கல் எனக்கொள்க. * ஆனது M-ன்

மீது அடைவு பெற்றுள்ளதா எனத் தீர்மானிக்க. அவ்வாறெனில், * ஆனது M-ன் மீது பரிமாற்றுப் பண்பு, சேர்ப்புப் பண்புகளையும் நிறைவு செய்யுமா எனச் சோதிக்க மேலும் * ஆனது M-ன் மீது சமனிப் பண்பு மற்றும் எதிர்மறைப் பண்புகளை நிறைவு செய்யுமா எனவும் சோதிக்க.