

வகுப்பு : 11

தேர்வு
எண்

1 1 1 0 4

அரையாண்டுப் பரீட்சைத் தேர்வு - 2024-25

நேரம் : 3.00 மணி]

கணிதம்

[மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90

பகுதி - I

20X1=20

 $A' \cup [(A \cap B) \cap B']$

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

- இயல் எண்களின் அனைத்துக்கணம் N -க்கு A மற்றும் B உட்கணங்கள் எனில் என்பது
(1) A (2) A' (3) B (4) N
- $\log_3 11 \cdot \log_{11} 13 \cdot \log_{13} 15 \cdot \log_{15} 27 \cdot \log_{27} 81$ -ன் மதிப்பு
(1) 1 (2) 2 (3) 3 (4) 4
- $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \dots + \cos 179^\circ =$
(1) 0 (2) 1 (3) -1 (4) 89
- ஒரு தளத்தில் 10 புள்ளிகள் உள்ளன. அவற்றில் 4 ஒரே கோடமைவன. ஏதேனும் இரு புள்ளிகளை இணைத்து கிடைக்கும் கோடுகளின் எண்ணிக்கை
(1) 45 (2) 40 (3) 39 (4) 38
- $(2 + 2x)^{10}$ இல் x^6 -ன் கெழு
(1) ${}^{10}C_6$ (2) 2^6 (3) ${}^{10}C_6 2^6$ (4) ${}^{10}C_6 2^{10}$.
- $y = -x$ என்ற கோட்டிற்கு (2,3) என்ற புள்ளியின் பிம்பப்புள்ளி
(1) (-3, -2) (2) (-3, 2) (3) (-2, -3) (4) (3, 2)
- $2x^2 + (a - 3)x + 3a - 5 = 0$ என்ற சமன்பாட்டில் மூலங்களின் கூடுதல் மற்றும் பெருக்கல் பலன் ஆகியவை சமம் எனில், a -ன் மதிப்பு
(1) 1 (2) 2 (3) 0 (4) 4
- $f(\theta) = |\sin \theta| + |\cos \theta|, \theta \in R$, எனில், $f(\theta)$ அமையும் இடைவெளி
(1) [0, 2] (2) [1, $\sqrt{2}$] (3) [1, 2] (4) [0, 1]
- $\sqrt{2} + \sqrt{8} + \sqrt{18} + \sqrt{32} + \dots$ என்ற தொடரின் n உறுப்புகளின் கூடுதல்
(1) $\frac{n(n+1)}{2}$ (2) $2n(n+1)$ (3) $\frac{n(n+1)}{\sqrt{2}}$ (4) 1
- $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப்பு புள்ளிகள் எனில், x -ன் மதிப்பு
(1) -3 (2) $\frac{1}{3}$ (3) 1 (4) 3
- X மற்றும் Y என்ற இரு நிகழ்ச்சிகளுக்கு $P(X/Y) = \frac{1}{2}, P(Y/X) = \frac{1}{3}, P(X \cap Y) = \frac{1}{6}$ எனில் $P(X \cup Y)$ -ன் மதிப்பு
(1) $\frac{1}{3}$ (2) $\frac{2}{5}$ (3) $\frac{1}{6}$ (4) $\frac{2}{3}$
- $\int \frac{3^x}{x^2} dx = k(3^{\frac{1}{x}}) + c$, எனில் k -ன் மதிப்பு
(1) $\log 3$ (2) $-\log 3$ (3) $-\frac{1}{\log 3}$ (4) $\frac{1}{\log 3}$
- $f(x) = x + 2$, எனில் $x = 4$ -ல் $f'(f(x))$ -ன் மதிப்பு
(1) 8 (2) 1 (3) 4 (4) 5
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{8^x - 4^x - 2^x + 1^x}{x^2} =$
(1) $2 \log 2$ (2) $2(\log 2)^2$ (3) $\log 2$ (4) $3 \log 2$

TPR/11/Mat/1

15. $|\vec{a} + \vec{b}| = 60, |\vec{a} - \vec{b}| = 40$ மற்றும் $|\vec{b}| = 46$, எனில், $|\vec{a}|$ -ன் மதிப்பு
 (1) 42 (2) 12 (3) 22 (4) 32
16. $A + I = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$, எனில் $(A + I)(A - I)$ -ன் மதிப்பு
 (1) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & -9 \end{bmatrix}$ (2) $\begin{bmatrix} -5 & 4 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$ (3) $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$ (4) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ -8 & -9 \end{bmatrix}$
17. $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$ என்ற இரட்டை நேர்க்கோடுகள் செங்குத்தாக இருப்பதற்கான நிபந்தனை
 (1) $a + b = 0$ (2) $a - b = 0$ (3) $h^2 - ab = 0$ (4) $h^2 + ab = 0$
18. இரு வெக்டர்கள் இணை மற்றும் ஒரே திசை இருக்கும் போது
 (1) $\theta = 0$ (2) $\theta = \frac{\pi}{2}$ (3) $\theta = \frac{\pi}{3}$ (4) $\theta = \frac{\pi}{4}$
19. $x = at^2, y = 2at$ t எனில் $\frac{dy}{dx} =$
 (1) t (2) $1/t$ (3) -t (4) 2t
20. இயலா நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு _____
 (1) 1 (2) 0 (3) $1/2$ (4) $1/4$
 பகுதி - II
- எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் : 30 கட்டாய வினா. $7 \times 2 = 14$
21. $f: [-2, 2] \rightarrow B$ என்ற சார்பு $f(x) = 2x^3$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில், f ஒரு மேற்கோர்த்தலாக அமைய B-ஐக் காண்க.
 $f(-2) = 2(-2)^3 = -16$
 $f(2) = 2(2)^3 = 16$
 $f(x) = 16$
 $7 \times 2 = 14$
 $(-16, 16)$
22. மதிப்புக் காண்க : 10^{2^4}
23. மதிப்பு காண்க : $\log_9 27 - \log_{27} 9$.
24. $3i - 4k$ க்குத் திசை விகிதங்கள் மற்றும் திசைக் கொசைன்களைக் காண்க.
25. நிறுவுக : $\sin 4A = 4 \sin A \cos^3 A - 4 \cos A \sin^3 A$.
26. x-ஐ பொறுத்து வகையிடுக : $y = (x^3 - 1)^{100}$.
27. $3x + 2y + 9 = 0$ மற்றும் $12x + 8y - 15 = 0$ ஆகியவை இணைகோடுகள் எனக்காட்டுக.
28. முதல் 10 மிகை முழு எண்களில் இருந்து ஒரு எண் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அந்த எண் (i) இரட்டைப் படை (ii) மூன்றின் மடங்காக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
29. கணக்கிடுக : $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1}$.
30. அணிக்கோவையை விரிவுபடுத்தாமல், $\begin{vmatrix} s & a^2 & b^2 + c^2 \\ s & b^2 & c^2 + a^2 \\ s & c^2 & a^2 + b^2 \end{vmatrix} = 0$ என நிறுவுக.
 பகுதி - III
- எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளி. வினா எண் : 40 கட்டாய வினா. $7 \times 3 = 21$
31. $\begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 - 2x^2 & -x^2 & -x^2 \\ -x^2 & -1 & x^2 - 2x \\ -x^2 & x^2 - 2x & -1 \end{vmatrix}$ என நிறுவுக.

32. $A(1,0,0), B(0,1,0), C(0,0,1)$ ஆகியவற்றை முனைப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பளவைக் காண்க.
33. முதன்மை தீர்வை காண்க $\sin \theta = \frac{-\sqrt{3}}{2}$
34. A என்ற நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு 0.5, B என்ற நிகழ்ச்சியின் நிகழ்தகவு 0.3, மற்றும் A -யும், B -யும் ஒன்றையொன்று விலக்கிய நிகழ்ச்சி எனில் கீழ்க்காணும் நிகழ்தகவுகளைக் காண்க:
- (i) $P(A \cup B)$ (ii) $P(A \cap B)$ (iii) $P(\bar{A} \cap B)$
35. $(n+1)C_8 : {}^{(n-3)}P_4 = 57:16$ எனில், n -ஐக் காண்க.
36. ஒரு இசைத் தொடரின் ஐந்தாவது மற்றும் ஒன்பதாவது உறுப்புகள் முறையே $\frac{1}{19}$ மற்றும் $\frac{1}{35}$ எனில், அந்த தொடர் முறையின் பன்னிரண்டாவது உறுப்பினைக் காண்க.
37. வகைக்கெழுவை காண்க: $y = \sqrt{x + \sqrt{x}}$
38. $4x^2 + 4xy + y^2 - 6x - 3y - 4 = 0$ என்பது ஒரு இணை இரட்டை நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் குறிக்கும் எனக்காட்டுக.
39. $f'(x) = 3x^2 - 4x + 5$ மற்றும் $f(1) = 3$ எனில், $f(x)$ -ஐக் காண்க.
40. ஒரு இருபடிக்கோவையின் ஒரு பூஜ்ஜியம் $1 + \sqrt{5}$. மேலும், $p(1) = 2$ எனில், அந்த இருபடிக்கோவையைக் காண்க.

பகுதி - IV

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி.

7x5=35

41. $f(x) = \begin{cases} x^2 + x - 5; & x \in (-\infty, 0) \\ x^2 + 3x - 2; & x \in (3, \infty) \\ x^2; & x \in (0, 2) \\ x^2 - 3, & \text{மற்ற இடங்களில்} \end{cases}$ என வரையறுக்கப்பட்ட $-3, 5, 2, -1, 0$ ஆகியவற்றில்

 f -ன் மதிப்புகளைக் காண்க.

(அல்லது)

$$\text{ஆ } \begin{vmatrix} b+c & a-c & a-b \\ b-c & c+a & b-a \\ c-b & c-a & a+b \end{vmatrix} = 8abc \text{ என நிறுவுக.}$$

42. அ) பகுதி பின்னங்களாகப் பிரித்தெழுதுக: $\frac{x^2+x+1}{x^2-5x+6}$
- (அல்லது)

$$\text{ஆ } \lim_{x \rightarrow \infty} x \left[\left| \frac{1}{x} \right| + \left| \frac{2}{x} \right| + \dots + \left| \frac{15}{x} \right| \right] = 120 \text{ என நிறுவுக.}$$

43. அ) $A + B + C = \pi$ எனில், $\cos^2 A + \cos^2 B + \cos^2 C = 1 - 2 \cos A \cos B \cos C$ என நிறுவுக.
- (அல்லது)

$$\text{ஆ தீர்க்க: } \frac{x+1}{x+3} < 3.$$

44. அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் $n \geq 1$ -க்கு
- $$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2} \right)^2 \text{ என நிரூபிக்க.}$$
- (அல்லது)

$$\text{ஆ } x\text{-ஐப் பொறுத்து தொகையிடுக } \frac{2x-3}{x^2+4x-12}$$

TPR/11/Mat/3

45. அநகரும் புள்ளி P -ன் ஆயக்கூறுகள் $(\frac{a}{2}(\operatorname{cosec}\theta + \sin\theta), \frac{b}{2}(\operatorname{cosec}\theta - \sin\theta))$ எனில், P -ன் நியமப்பாதையின் சமன்பாடு $b^2x^2 - a^2y^2 = a^2b^2$ எனக்காட்டுக. இங்கு, θ என்பது ஒரு துணையலகு மாறி ஆகும்.

(அல்லது)

ஆ பிரிவு சூத்திரம் -உட்புறமாக பிரித்தல் எழுதி நிறுவுக.

46. ஆ x மிகச் சிறியது எனில், $\sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$ என்பது தோராயமாக $1 - x + \frac{x^2}{2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ $y = \frac{\sin^{-1}x}{\sqrt{1-x^2}}$ எனில், $(1-x^2)y_2 - 3xy_1 - y = 0$ எனக்காட்டுக.

47. ஆ ஒரு தொழிற்சாலையில் இயந்திரங்கள் I மற்றும் II என இருவகை உள்ளன. இயந்திரம் -I தொழிற்சாலையின் உற்பத்தியில் 60% தயாரிக்கிறது மற்றும் இயந்திரம் -II உற்பத்தியில் 40% தயாரிக்கிறது. மேலும் இயந்திரம்-I-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 2% குறைபாடுள்ளதாகவும் இயந்திரம்-II-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 4% குறைபாடு உள்ளதாகவும் இருக்கின்றன. உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களிலிருந்து, சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு பொருள் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அப்பொருள் குறைபாடுடன் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

(அல்லது)

ஆ $4i + 5j + k, -j - k, 3i + 9j + 4k$ மற்றும் $-4i + 4j + 4k$ ஆகியவற்றை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக்காட்டுக.