

VNR11M

விருதுநகர் மாவட்டம்
அரையாண்டுப் பொதுத் தேர்வு - டிசம்பர் 2024



வகுப்பு 11

கணிதவியல்

மதிப்பெண்கள் : 90

கால அளவு : 3 மணிநேரம்

பகுதி - அ

i) எல்லா வினாக்களுக்கு விடையளிக்க.

20×1=20

ii) சரியான ஏற்புடைய விடையை தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

- 1) $n(A) = 2$ மற்றும் $n(B \cup C) = 3$ எனில் $n[(A \times B) \cup (A \times C)]$ என்பது
 - a) 2^3
 - b) 3^2
 - c) 6
 - d) 5
- 2) $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ல் சார்பு $f(x) = 1 - |x|$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் f ன் வீச்சகம்
 - a) \mathbb{R}
 - b) $(1, \infty)$
 - c) $(-1, \infty)$
 - d) $(-\infty, 1)$
- 3) $\log_{\sqrt{2}} 512$ ன் மதிப்பு _____.
 - a) 16
 - b) 9
 - c) 18
 - d) 12
- 4) $\frac{kx}{(x+2)(x-1)} = \frac{2}{x+2} + \frac{1}{x-1}$ எனில் k ன் மதிப்பு
 - a) 1
 - b) 3
 - c) 2
 - d) 4
- 5) $\sin 765^\circ =$ _____.
 - a) $\frac{1}{2}$
 - b) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
 - c) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
 - d) 1
- 6) $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \cos 4^\circ + \dots + \cos 179^\circ =$ _____.
 - a) 0
 - b) 1
 - c) -1
 - d) 89
- 7) ${}^{15}C_{13} =$ _____.
 - a) 1005
 - b) 105
 - c) 15
 - d) 51
- 8) $1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 17$ ன் மதிப்பு
 - a) 101
 - b) 81
 - c) 71
 - d) 61
- 9) 38^{15} ஐ 13 ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி _____.
 - a) 12
 - b) 1
 - c) 5
 - d) 11
- 10) $(at^2, 2at)$ என்ற புள்ளியின் நியமப் பாதை _____.
 - a) $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$
 - b) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$
 - c) $x^2 + y^2 = a^2$
 - d) $y^2 = 4ax$
- 11) $x^2 - 4y^2 = 0$ மற்றும் $x = a$ என்ற கோடுகளால் உருவாக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
 - a) $2a^2$
 - b) $\frac{\sqrt{3}}{2} a^2$
 - c) $\frac{1}{2} a^2$
 - d) $\frac{2}{\sqrt{3}} a^2$
- 12) $(x, -2), (5, 2), (8, 8)$ என்பன ஒரு கோடமைப் புள்ளிகள் எனில் x ன் மதிப்பு
 - a) 3
 - b) -3
 - c) $\frac{1}{3}$
 - d) 1
- 13) $|\vec{a}| = 13, |\vec{b}| = 5$ மற்றும் $\vec{a} \cdot \vec{b} = 60^\circ$ எனில் $|\vec{a} \times \vec{b}| =$
 - a) 15
 - b) 35
 - c) 45
 - d) 25

VNR11M

2

14) ABCD ஓர் இணைகரம் எனில் $\overline{AB} + \overline{AD} + \overline{CB} + \overline{CD}$ என்பது

- a) $2(\overline{AB} + \overline{AD})$ b) $4 \overline{AC}$ c) $4 \overline{BD}$ d) \overline{O}

15) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \frac{3}{n^2} + \dots + \frac{n}{n^2} \right] = \dots$

- a) $\frac{1}{2}$ b) 0 c) 1 d) ∞

16) $Y = \sin^2 x$ எனில் $\frac{dy}{dx} = \dots$

- a) $2 \sin x$ b) $\sin 2x$ c) $\sin x$ d) $2 \cos x$

17) $pV = 81$ எனில் $V = 9$ எனில் $\frac{dp}{dv} = \dots$

- a) 1 b) -1 c) 2 d) -2

18) A மற்றும் B என்ற இரு நிகழ்ச்சிகளுக்கு $P(A) = \frac{1}{4}$; $P(A/B) = \frac{1}{2}$ மற்றும் $P(B/A) = \frac{2}{3}$ எனில் $P(B)$ ன் மதிப்பு _____.

- a) $\frac{1}{6}$ b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{1}{2}$

19) A என்று ஒரு சதுரஅணி எனில், பின்வருவனவற்றுள் எது சமச்சீரல்ல?

- a) $A + A^T$ b) AA^T c) $A^T A$ d) $A - A^T$

20) எட்டு நாணயங்கள் ஒரு முறை சுண்டப்படுகின்றன. சரியான இரண்டு பூக்கள் கிடைக்க நிகழ்தகவு _____.

- a) $8C_2$ b) $\frac{81}{256}$ c) 2^8 d) $\frac{7}{64}$

பகுதி-ஆ

i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்க. 7×2=14

ii) வினா எண் 30க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்க.

21) $A = \{1,2,3,4\}$ மற்றும் $B = \{3,4,5,6\}$ எனில் $n[(A \cup B) \times (A \cap B) \times (A \Delta B)]$ ஐக் காண்க.22) $x^4 = 16$ ன் மெய்மூலங்களைக் காண்க.23) $\tan(45^\circ + A) = \frac{1 + \tan A}{1 - \tan A}$ எனக் காட்டுக.

24) "BANANA" என்ற வார்த்தையில் உள்ள எழுத்துக்களை எத்தனை வகைகளில் வரிசைப்படுத்தலாம்?

25) $3x + 2y + 5 = 0$ மற்றும் $3x - 4y + 6 = 0$ ஆகிய கோடுகள் வெட்டும் புள்ளி வழியாகவும் (1,1) என்ற புள்ளி வழியாகவும் செல்லும் கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.26) $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = 0$ எனக் காட்டுக.27) மதிப்பிடுக $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 + x - 3x^3}{1 + x^2 + 3x^2}$.

VNR11M

3

28) $y = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ ஐக் காண்க.

29) $P(A) = 0.52$; $P(B) = 0.43$; மற்றும் $P(A \cap B) = 0.24$ எனில் $P(A \cap \bar{B})$ மற்றும் $P(\bar{A} \cap \bar{B})$ ஐக் காண்க.

30) $\begin{bmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{bmatrix}$ என்ற அணி பூச்சிய அணியா அல்லது பூச்சியமற்ற அணியா எனக் காட்டுக.

பகுதி-இ

i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளிக்க.

7×3=21

ii) வினா எண் 40க்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்க.

31) ஒரு விற்பனை பிரதிநிதியின் ஆண்டு வருமானத்தைக் குறிக்கும் சார்பு $A(x) = 30000 + 0.04x$. இங்கு x என்பது அவர் விற்கும் பொருளின் விலைமதிப்பை ரூபாயாகக் குறிக்கின்றது. அதே துறையில் உள்ள அவர் மகனின் வருமானம் $S(x) = 25000 + 0.05x$ எனும் சார்பாகக் குறிக்கப்படுகிறது எனில் $(A+S)(x)$ காண்க. மேலும் 1,50,00,000 மதிப்புள்ள பொருட்களை அவர்களிருவரும் தனித்தனியே விற்கால் குடும்பத்தின் மொத்த வருமானத்தைக் கணக்கிடுக.

32) பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்க $\frac{x}{(x+3)(x+4)}$.

33) ΔABC ல் $(b+c) \cos A + (c+a) \cos B + (a+b) \cos C = a+b+c$ என நிறுவுக.

34) ஒரு குழுவில் உள்ள 10 நபர்களில் ஒரு தலைவர் மற்றும் செயலர் உள்ளடக்கிய 6 நபர்களை எத்தனை வழிகளில் தேர்வு செய்யலாம்?

35) $\left(x^2 + \frac{1}{x^3}\right)^{10}$ ன் விரிவில் x^{15} ன் கெழுக்களைக் காண்க.

36) $\begin{vmatrix} 0 & c & b^2 \\ c & 0 & a \\ b & a & 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} b^2+c^2 & ab & ac \\ ab & c^2+a^2 & bc \\ ab & bc & a^2+b^2 \end{vmatrix}$ எனக் காட்டுக.

37) $(2\bar{i} - \bar{j} + \bar{k})$; $(3\bar{i} - 4\bar{j} - 4\bar{k})$; $(\bar{i} - 3\bar{j} - 5\bar{k})$ ஆகிய வெக்டர்கள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.

38) $y = x^3 - 6x^2 - 5x + 3$ எனில் Y' , Y'' மற்றும் Y''' ஆகியவற்றை காண்க.

39) $(1,3)$ $(2,1)$ மற்றும் $(\frac{1}{2}, 4)$ ஆகிய புள்ளிகள் ஒரே கோடமை புள்ளிகள் என நேர்கோட்டு முறையில் நிறுவுக.

40) X என்பவர் 70% தருணங்களில் உண்மையே பேசுபவர்கள் Y என்பவர் 90% தருணங்களில் உண்மையே பேசுபவர்கள் எனில் ஒரே ஒரு கருத்தை இருவரும் கூறுகையில் ஒருவருக்கொருவர் முரண்பட்ட கருத்தினைத் தெரிவிப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

VNR11M

4

பகுதி - B

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடையளிக்க.

7×5=35

$$41) f(x) = \begin{cases} x^2 + x - 5 & ; x \in (-\infty, 0) \\ x^2 + 3x - 2 & ; x \in (3, \infty) \\ x^2 & ; x \in (0, 2) \end{cases}$$

என வரையறுக்கப்படின $-3, 5, 2, -1, 0$
 $x^2 - 3$; மற்ற இடங்களில்

ஆகியவற்றில் f ன் மதிப்புகளைக் காண்க.

(அல்லது)

$$g(x) = \begin{cases} x^2 - b^2 & ; x < 4 \\ bx - 20 & ; x \geq 4 \end{cases}$$

என்ற சார்பு $(-\infty, \infty)$ ல் தொடர்ச்சியானது எனில் மாறிலி b ஐக் காண்க.

42) i) $32 \frac{\pi}{3}$ கன அளவு கொண்ட கோள வடிவ நீர்த்தேக்கத் தொட்டியின் ஆரத்தைக் காண்க.

ii) $\log \frac{a^2}{bc} + \log \frac{b^2}{ca} + \log \frac{c^2}{ab} = 0$ என நிறுவுக. (அல்லது)

x ஒரு மிகப்பெரிய எண் எனில் $\sqrt[3]{x^3 + 7} - \sqrt[3]{x^3 + 4}$ ன் மதிப்புத் தோராயமாக $\frac{1}{x^2}$ என நிறுவுக.

43) $A+B+C = 180^\circ$ எனில் $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C = 2 + 2 \cos A \cos B \cos C$ என நிறுவுக. (அல்லது)

$$\begin{vmatrix} (q+r)^2 & p^2 & p^2 \\ q^2 & (r+p)^2 & q^2 \\ r^2 & r^2 & (p+q)^2 \end{vmatrix} = 2 pqr (p+q+r)^3$$

என நிறுவுக.

44) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறை மூலம் $n \geq 1$ க்கு

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

என நிறுவுக. (அல்லது)

$y = \sin^{-1} \left(\frac{1-x^2}{1+x^2} \right)$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ ஐக் காண்க.

45) $2x^2 - 10xy + 12y^2 + 5x - 16y - 3 = 0$ என்பது இரட்டை நேர் கோடுகளைக் குறிக்கும் எனில் (i) தனித்தனிச் சமன்பாடுகளைக் காண்க (ii) அவற்றிற்கு இடைப்பட்டக் கோணம் காண்க. (அல்லது)

$y = e^{\tan^{-1} x}$ எனில் $(1+x^2) y^{11} + (2x-1) y^1 = 0$ எனக் காட்டுக.

46) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் யாவும் ஒரே புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிறுவுக. (அல்லது)

அறுதியில்லாக் கெழுக்கல் வழிமுறைகளைப் பயன்படுத்தி $1 + 2 + 3 + \dots + (n-1)$; $n \in \mathbb{N}$ ன் கூடுதல் காண்க.

47) ஒரு குறிப்பிட்ட நிறுவனத்தில் A, B மற்றும் C ஆகியோர் மேலாளர் ஆவதற்கான வாய்ப்புக்கள் முறையே 5:3:2 என்ற விகிதத்தில் உள்ளனர். A, B மற்றும் C ஆகியோர் மேலாளர்களாக இருந்தால் அலுவலக உணவகத்தினை மேம்படுவதற்கான நிகழ்தகவுகள் முறையே 0.4, 0.5 மற்றும் 0.3 ஆகும். மேம்படுவதற்கான நிகழ்தகவு என்ன? (அல்லது)

$4\vec{i} + 5\vec{j} + \vec{k}$; $-\vec{j} - \vec{k}$; $3\vec{i} + 9\vec{j} + 4\vec{k}$ மற்றும் $-4\vec{i} + 4\vec{j} + 4\vec{k}$ ஆகியவற்றை நிலைவெக்டராக கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக் காட்டுக.