

முதல் திருப்புதல் தேர்வு -2025
கணிதவியல்

வகுப்பு: 11

காலம் : 3.00 HRS.

மதிப்பெண்கள் : 90

பகுதி -அ

சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

20x1=20

- 1) $f(x) = ||x| - x|, x \in \mathbb{R}$ என்ற சார்பின் வீச்சகம்,
(அ) $[0,1]$ (ஆ) $[0,\infty)$ (இ) $[0,1)$ (ஈ) $(0,1)$
- 2) $(x+3)^4 + (x+5)^4 = 16$ -ன் மூலங்களின் எண்ணிக்கை
(அ) 4 (ஆ) 2 (இ) 3 (ஈ) 0
- 3) $\pi < 2\theta < \frac{3\pi}{2}$, எனில், $\sqrt{2 + \sqrt{2 + 2\cos 4\theta}}$ இன் மதிப்பு
(அ) $-2 \cos\theta$ (ஆ) $-2 \sin\theta$ (இ) $2 \cos\theta$ (ஈ) $2 \sin\theta$
- 4) ΔABC இல் $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C = 2$ எனில், அந்த முக்கோணமானது
(அ) சமபக்க முக்கோணம் (ஆ) இரு சமபக்க முக்கோணம்
(இ) செங்கோண முக்கோணம் (ஈ) அசமபக்க முக்கோணம்
- 5) குறைந்தபட்சம் ஒரு இலக்கம் மீண்டும் வருமாறு 5 இலக்க தொலைபேசி எண்களின் எண்ணிக்கை
(அ) 90000 (ஆ) 10000 (இ) 30240 (ஈ) 69760
- 6) $a, 8, b$ என்பன கூட்டுத் தொடர் முறை, $a, 4, b$ என்பன பெருக்குத் தொடர் முறை மற்றும் a, x, b என்பன இசைத் தொடர் முறை எனில், x -ன் மதிப்பு
(அ) 2 (ஆ) 1 (இ) 4 (ஈ) 16
- 7) $1 - \frac{1}{2}\left(\frac{2}{3}\right) + \frac{1}{3}\left(\frac{2}{3}\right)^2 - \frac{1}{4}\left(\frac{2}{3}\right)^3 + \dots$ ன் மதிப்பு
(அ) $\log\left(\frac{5}{3}\right)$ (ஆ) $\frac{3}{2}\log\left(\frac{5}{3}\right)$ (இ) $\frac{5}{3}\log\left(\frac{5}{3}\right)$ (ஈ) $\frac{2}{3}\log\left(\frac{2}{3}\right)$
- 8) $x^2 - 4y^2 = 0$ மற்றும் $x = a$ என்ற கோடுகளால் உருவாக்கப்படும் முக்கோணத்தின் பரப்பு
(அ) $2a^2$ (ஆ) $\frac{\sqrt{3}}{2}a^2$ (இ) $\frac{1}{2}a^2$ (ஈ) $\frac{2}{\sqrt{3}}a^2$
- 9) $A = \begin{vmatrix} -1 & 2 & 4 \\ 3 & 1 & 0 \\ -2 & 4 & 2 \end{vmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{vmatrix} -2 & 4 & 2 \\ 6 & 2 & 0 \\ -2 & 4 & 8 \end{vmatrix}$ எனில்
(அ) $B = 4A$ (ஆ) $B = -4A$ (இ) $B = -A$ (ஈ) $B = 6A$
- 10) \vec{a} மற்றும் \vec{b} -ஐ அடுத்தடுத்த பக்கங்களாக கொண்ட இணைகரம் $ABCD$ -ன் ஒரு மூலைவிட்டம் $\vec{a} + \vec{b}$ எனில் மற்றொரு மூலைவிட்டம் \overline{BD} ஆனது
(அ) $\vec{a} - \vec{b}$ (ஆ) $\vec{b} - \vec{a}$ (இ) $\vec{a} + \vec{b}$ (ஈ) $\frac{\vec{a} + \vec{b}}{2}$
- 11) $\vec{A} \times \vec{B} = \vec{B} \times \vec{A}$ எனில் \vec{A} மற்றும் \vec{B} க்கு இடைப்பட்ட கோணம்
(அ) π (ஆ) $\frac{\pi}{3}$ (இ) $\frac{\pi}{2}$ (ஈ) $\frac{\pi}{4}$
- 12) $f(x) = x(-1)^{\lfloor x \rfloor}, x \leq 0$, இங்கு x என்பது x -க்குச் சமமான அல்லது குறைவான

மீப்பெரு முழு எண், எனில், $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ -ன் மதிப்பு

(அ) -1 (ஆ) 0 (இ) 2 (ஈ) 4

13) $\log_x 10$ -ஐ பொறுத்து $\log_{10} x$ -ன் வகைக்கெழு

(அ) 1 (ஆ) $-(\log_{10} x)^2$ (இ) $(\log_x 10)^2$ (ஈ) $\frac{x^2}{100}$

14) $f(x) = |x-1| + |x-3| + \sin x$ எனும் சார்பு \mathbb{R} -ல் வகைமையாகாத புள்ளிகளின் எண்ணிக்கை

(அ) 3 (ஆ) 2 (இ) 1 (ஈ) 4

15) $\int \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} dx =$

(அ) $\sqrt{1-x^2} + \sin^{-1} x + c$ (ஆ) $\sin^{-1} x - \sqrt{1-x^2} + c$

(இ) $\log|x + \sqrt{1-x^2}| - \sqrt{1-x^2} + c$ (ஈ) $\sqrt{1-x^2} + \log|x + \sqrt{1-x^2}| + c$

16) $\{1,2,3,\dots,20\}$ என்ற கணத்திலிருந்து ஒரு எண் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அந்த எண் 3 அல்லது 4 ஆல் வகுபடுவதற்கான நிகழ்தகவு

(அ) $\frac{2}{5}$ (ஆ) $\frac{1}{8}$ (இ) $\frac{1}{2}$ (ஈ) $\frac{2}{3}$

17) $2x^2-3x-4=0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் α மற்றும் β எனில் $\alpha^2 + \beta^2$ -ன் மதிப்பு

(அ) $\frac{41}{4}$ (ஆ) $\frac{\sqrt{14}}{2}$ (இ) 0 (ஈ) $\frac{25}{4}$

18) ${}^{100}C_r = {}^{100}C_{3r}$ எனில் r -ன் மதிப்பு

(அ) 24 (ஆ) 25 (இ) 20 (ஈ) 50

19) A, B என்பன $|A| = 5$ மற்றும் $|B| = 3$ எனுமாறு உள்ள 3 வரிசை சதுர அணிகள் எனில், $|3AB|$ -ன் மதிப்பு

(அ) 27 (ஆ) 81 (இ) 135 (ஈ) 405

20) $f(x) = \tan x$ என்ற சார்பு தொடர்ச்சியற்றதாக உள்ள கணம்

(அ) $n\pi, n \in \mathbb{Z}$ (ஆ) $2n\pi, n \in \mathbb{Z}$ (இ) $(2n+1)\frac{\pi}{2}, n \in \mathbb{Z}$ (ஈ) $\frac{n\pi}{2}, n \in \mathbb{Z}$

பகுதி -ஆ

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும்.

(Q.No. 30 -க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.)

7x2=14

21) $n(A) = 3$ மற்றும் $n(B) = 2$ எனும் நிபந்தனைக்குட்பட்டு அமைந்துள்ள இரு கணங்கள் A, B ஆகும். $(x, 1), (y, 2), (z, 1)$ என்பவை $A \times B$ எனும் கணத்திலுள்ள சில உறுப்புகள் எனில், A, B எனும் கணங்களைக் காண்க. (இங்கு x, y, z முற்றிலும் வேறுபட்ட உறுப்புகள்).

22) $\log \frac{a^2}{bc} + \log \frac{b^2}{ca} + \log \frac{c^2}{ab} = 0$ என நிறுவுக.

23) மதிப்பு காண்க : $\operatorname{cosec}(-1410^\circ)$

24) ஏதேனும் இரண்டு நேர்க்கோட்டு சமன்பாடுகளை எழுதுக.

25) $A = \begin{bmatrix} 1 & a \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ எனில், A^4 -ஐ காண்க.

26) $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}|$ எனில், \vec{a} மற்றும் \vec{b} ஆகியவை செங்குத்து என நிறுவுக. RSK-11-MAT-2

27) $x^2 + y^2 = 1$ எனில், $\frac{dy}{dx}$ காண்க.

28) தொகையிடுக: $\frac{1}{6-4x}$

29) ஒரு நிகழ்ச்சி A நிகழ சாதக விகிதம் 5க்கு 7 எனில் $P(A)$ -ஐ காண்க.

30) a மற்றும் b ஆனது ஏதேனும் இரண்டு மிகை எண்கள் எனில் அதன் இசைச்சராசரியை காண்க

பகுதி -இ

ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். (வினா எண் 40 -க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.)

7x3=21

31) $f(x) = \frac{1}{1-3\cos x}$ -ன் வீச்சகம் காண்க.

32) நிறுவுக: $\frac{\sin 4x + \sin 2}{\cos 4x + \cos 2} = \tan 3x$.

33) TABLE என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

34) $(q-r)x^2 + (r-p)x + p-q = 0$ என்ற சமன்பாட்டின் மூலங்கள் சமமானவை எனில், p, q, r என்பன ஒரு கூட்டுத் தொடர் முறையாக இருக்கும் என நிறுவுக.

35) $ax^2 + 2hxy + by^2 = 0$ எனும் இரட்டை நேர்க்கோடுகளில் ஒன்றின் சாய்வு மற்றதின் சாய்வைப் போல் இரண்டு மடங்கு எனில், $8h^2 = 9ab$ என நிறுவுக.

36) மதிப்பைக் காண்க: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 3^x}{x}$

37) $x = a \cos^3 t; y = a \sin^3 t$ எனில், $\frac{dy}{dx}$ காண்க.

38) மதிப்பிடுக: $\int x e^x dx$

39) A மற்றும் B சார்பிலா நிகழ்ச்சிகள் எனில், $P(A) = 0.4$ மற்றும் $P(A \cup B) = 0.9$. $P(B)$ காண்க.

40) \hat{a} எனும் அலகு வெக்டர் \hat{i} உடன் $\frac{\pi}{3}$ என்ற கோணத்தையும் மற்றும் \hat{j} உடன் $\frac{\pi}{6}$ என்ற கோணத்தையும் ஏற்படுத்துமெனில் \hat{a} ஆனது \hat{k} க்கு செங்குத்தாக இருக்கும் என நிறுவுக.

பகுதி -ஈ

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி :

7x5=35

41) அ) $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்பு $f(x) = 3x - 5$ என வரையறுக்கப்பட்டது ஒரு இருபுறச் சார்பு என நிரூபித்து அதன் நேர்மாறு காண்க.

(அல்லது)

ஆ) பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும்: $\frac{2x}{(x^2+1)(x-1)}$.

42) அ) θ ஒரு குறுங்கோணம் எனில், $\sin \theta = \frac{1}{25}$ எனும்போது $\sin\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\theta}{2}\right)$ -ன்

மதிப்பைக் காண்க.

RSK-11-MAT-3

(அல்லது)

ஆ) $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix} = (x-y)(y-z)(z-x)$ என நிறுவுக.

- 43) அ) x ஒரு பெரிய எண் எனில், $\sqrt[3]{x^3+7} - \sqrt[3]{x^3+4}$ -ன் மதிப்பு தோராயமாக $\frac{1}{x^2}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) $\sqrt{3}x + y + 4 = 0$ என்ற கோட்டைச் செங்குத்து வடிவத்திற்கு மாற்றுக.

- 44) அ) ஒரு பெட்டியில் இரண்டு வெள்ளைப் பந்துகள், மூன்று கருப்புப் பந்துகள் மற்றும் நான்கு சிவப்புப் பந்துகள் உள்ளன. பெட்டியில் இருந்து மூன்று பந்துகளைத் தேர்ந்தெடுக்கும்போது, அவற்றில் குறைந்தபட்சம் ஒரு கருப்பு பந்து இருக்குமாறு எத்தனை வழிகளில் தேர்ந்தெடுக்கலாம்?

(அல்லது)

ஆ) $2\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$, $4\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}$, $10\hat{i} - \hat{j} + 6\hat{k}$ என்ற வெக்டர்களை நிலை வெக்டர்களாகக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.

- 45) அ) மதிப்பிடுக: (i) $\int e^{x \log 2} e^x dx$. (ii) $\int \frac{2x+4}{x^2+4x+6} dx$

(அல்லது)

ஆ) $y = e^{\tan^{-1} x}$ எனில், $(1+x^2)y'' + (2x-1)y' = 0$ எனக்காட்டுக.

- 46) அ) மதிப்பிடுக: $\int \frac{3x+5}{x^2+4x+7} dx$

(அல்லது)

ஆ) ஒரு தொழிற்சாலையில் இயந்திரங்கள் I மற்றும் II என இருவகை உள்ளன. இயந்திரம் -I தொழிற்சாலையின் உற்பத்தியில் 60% தயாரிக்கிறது மற்றும் இயந்திரம் -II உற்பத்தியில் 40% தயாரிக்கிறது. மேலும் இயந்திரம்-I-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 2% குறைபாடுள்ளதாகவும் இயந்திரம்-II-ன் மூலம் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களில் 4% குறைபாடு உள்ளதாகவும் இருக்கின்றன. உற்பத்தி செய்யப்பட்ட பொருட்களிலிருந்து, சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு பொருள் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகிறது. அப்பொருள் குறைபாடுடன் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

- 47) அ) $f(x) = \frac{1+x}{1+x^2}$ எனில், $3f'(2) + 2f'(3)$ -ன் மதிப்பை காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $\sin 4x + \cos 2x = 0$ -ன் பொதுத் தீர்வை காண்க.