

10. ஆதியில் $y^2 = x$ மற்றும் $x^2 = y$ என்ற வளைவரைகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம்

- 1) $\tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$ 2) $\tan^{-1}\left(\frac{4}{3}\right)$ 3) $\frac{\pi}{2}$ 4) $\frac{\pi}{4}$

11. $P = \begin{bmatrix} 1 & x & 0 \\ 1 & 3 & 0 \\ 2 & 4 & -2 \end{bmatrix}$ என்பது 3×3 வரிசையுடைய அணி A-ன் சேர்ப்பு அணி மற்றும் $|A|=4$

எனில், x ஆனது

- 1) 15 2) 12 3) 14 4) 11

12. $y^2=4x$ என்ற பரவளையத்திற்கும் அதன் செவ்வகலத்திற்கும் இடையே பரப்பானது

- 1) $\frac{2}{3}$ 2) $\frac{4}{3}$ 3) $\frac{8}{3}$ 4) $\frac{5}{3}$

13. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x}{x} =$

- 1) 0 2) 2 3) 1 4) ∞

14. $\vec{r} = (\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}) + t(2\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k})$ என்ற கோட்டிற்கும் $\vec{r} \cdot (\hat{i} + \hat{j}) + 4 = 0$ என்ற

தளத்திற்கும் இடைப்பட்ட கோணம்

- 1) 0° 2) 30° 3) 45° 4) 90°

15. $x^3 + 12x^2 + 10ax + 1999$ -க்கு நிச்சயமாக ஒரு மிகையெண் பூச்சியமாக்கி இருப்பதற்கு தேவையானதும் மற்றும் போதுமானதுமான நிபந்தனை

- 1) $a \geq 0$ 2) $a > 0$ 3) $a < 0$ 4) $a \leq 0$

16. $\frac{dy}{dx} + p(x)y = 0$ -ன் தீர்வு

- 1) $y = ce^{\int p dx}$ 2) $y = ce^{-\int p dx}$ 3) $x = ce^{-\int p dy}$ 4) $x = ce^{\int p dy}$

17. $V(x, y) = \log(e^x + e^y)$, எனில் $\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial V}{\partial y}$ -ன் மதிப்பு

- 1) $e^x + e^y$ 2) $\frac{1}{e^x + e^y}$ 3) 2 4) 1

18. $|x| \leq 1$, எனில், $2\tan^{-1}x - \sin^{-1}\frac{2x}{1+x^2}$ என்பதற்கு சமம்

- 1) $\tan^{-1}x$ 2) $\sin^{-1}x$ 3) 0 4) π

19. $\left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)^4$ -ன் எல்லா நான்கு மதிப்புகளின் பெருக்குத் தொகை

- 1) -2 2) -1 3) 1 4) 2

20. $n=25$ மற்றும் $p=0.8$ என்று உள்ள ஈருறுப்பு பரவல் கொண்ட சமவாய்ப்பு மாறி X எனில் X -ன் திட்டவிலக்கத்தின் மதிப்பு

- 1) 6 2) 4 3) 3 4) 2

பகுதி -2

குறிப்பு: ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். (கட்டாய வினா 30) (7x2=14)

21. $z = (2 + 3i)(1 - i)$ எனில் z^{-1} -ஐக் காண்க.

22. $x^2 + 2(k+2)x + 9k = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் மூலங்கள் சமம் எனில், k -ன் மதிப்பு காண்க.

23. $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ -ன் முதன்மை மதிப்புக் காண்க.

24. $(3, 4)$ மற்றும் $(2, -7)$ என்ற புள்ளிகளை விட்டத்தின் முனைப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட வட்டத்தின் சமன்பாட்டைப் பெறுக.

12-கணிதம்-2

25. ஏதேனும் ஒரு வெக்டர் $\vec{a}$ -க்கு, $\hat{i} \times (\hat{a} \times \hat{i}) + \hat{j} \times (\hat{a} \times \hat{j}) + \hat{k} \times (\hat{a} \times \hat{k}) = 2\vec{a}$ என நிறுவுக.
26. மதிப்பு காண்க: $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin x}{x^2} \right)$
27. $A = \{a + \sqrt{5} b : a, b \in \mathbb{Z}\}$ என்க. வழக்கமான பெருக்கல் A-ன் மீது ஓர் ஈருறுப்புச் செயல் ஆகுமா என பரிசோதிக்க.
28. மதிப்பிடுக: $\int_{-\log 2}^{\log 2} e^{-|x|} dx$
29. இரு சீரான பகடைகள் ஒரு முறை உருட்டப்படுகின்றன. கிடைத்த நான்குகளின் எண்ணிக்கைக்கான நிகழ்தகவு நிறைச் சார்பு காண்க.
30. $x+2y+3z+7=0$ மற்றும் $2x+4y+6z+7=0$ ஆகிய தளங்களுக்கு இடைப்பட்ட தொலைவு.

பகுதி - 3

குறிப்பு: ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். (கட்டாய வினா 40) $(7 \times 3 = 21)$

31. $A = \begin{bmatrix} 8 & -4 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$ எனில், $A(\text{adj } A) = (\text{adj } A) A = |A| I_2$ என்பதைச் சரிபார்க்க.
32. $(3-i)x - (2-i)y + 2i + 5$ மற்றும் $2x + (-1+2i)y + 3 + 2i$ ஆகிய கலப்பெண்கள் சமம் எனில் x மற்றும் y -ன் மதிப்புகளைக் காண்க.
33. சுருக்குக: $\tan^{-1} \frac{x}{y} - \tan^{-1} \frac{x-y}{x+y}$
34. முனை $(5, -2)$ மற்றும் குவியம் $(2, -2)$ உடைய பரவளையத்தின் சமன்பாடு காண்க.
35. $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{4}$ மற்றும் $\frac{x-3}{1} = \frac{y-m}{2} = z$ என்ற கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் வெட்டிக் கொள்ளும் எனில், m -ன் மதிப்பைக் காண்க.
36. $y = x^2 + 3x - 2$ என்ற வளைவரைக்கு $(1, 2)$ என்ற புள்ளியில் தொடுகோடு மற்றும் செங்கோட்டின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
37. R -ன் மீது $*$ ஆனது $(a * b) = a + b + ab - 7$ என வரையறுக்கப்பட்டால் $*$, R -ன் மீது அடைவு பெற்றுள்ளதா? அவ்வாறெனில் $3 * \left(\frac{-7}{15} \right)$ காண்க.

38. மதிப்பிடுக: $\int_0^a \frac{f(x)}{f(x) + f(a-x)} dx$

39. ஒரு மின்சாரத்தின் ஆயுட்காலத்தைக் குறிக்கும் சமவாய்ப்பு மாறி x -ன் நிகழ்தகவு அடர்த்தி சார்பு $f(x) = \begin{cases} ke^{-2x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$ ஆகும். (i) k -ன் மதிப்பைக் காண்க.

40. $y = 2 \cos 3x$ என்பது $\frac{d^2y}{dx^2} + 9y = 0$ எனும் வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் தீர்வாகும் எனக் காட்டுக.

பகுதி - 4

குறிப்பு: அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

 $(7 \times 5 = 35)$

41. அ) λ, μ -இன் எம்மதிப்புகளுக்கு $2x+3y+5z=9, 7x+3y-5z=8, 2x+3y+\lambda z=\mu$ என்ற சமன்பாடுகளின் தொகுப்பானது
- (i) யாதொரு தீர்வும் பெற்றிராது (ii) ஒரே ஒரு தீர்வைப் பெற்றிருக்கும்
- (iii) எண்ணிக்கையற்ற தீர்வுகளைப் பெற்றிருக்கும் என்பதனை ஆராய்க.
- (அல்லது)

ஆ) நிரூபி: $\tan(\sin^{-1} x) = \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}, -1 < x < 1$

42. அ) ஒரு தனி நிலை சார்பு X -ன் நிகழ்தகவு நிறை சார்பானது

x	1	2	3	4	5	6
f(x)	k	2k	6k	5k	6k	10k

எனில் (i) $P(2 < x < 6)$ (ii) $P(2 \leq x < 5)$ (iii) $P(x \leq 4)$ (iv) $P(3 < x)$
என்பவற்றைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $\vec{a} = \hat{i} - \hat{j}$, $\vec{b} = \hat{i} - \hat{j} - 4\hat{k}$, $\vec{c} = 3\hat{j} - \hat{k}$ மற்றும் $\vec{d} = 2\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$ எனில்,

$$(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d}) = [\vec{a}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{b} - [\vec{b}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{a}.$$

43. அ) 1.2 மீ நீளமுள்ள மூங்கில் அதன் முனைகள் எப்போதும் ஆய அச்சுகளைத் தொட்டுச் செல்லுமாறு நகருகின்றது. மூங்கிலின் x -அச்ச முனையிலிருந்து 0.3 மீ தூரத்தில் உள்ள ஒரு புள்ளி P -ன் நியமப்பாதை ஒரு நீள்வட்டம் என நிறுவுக. மேலும் அதன் மையத் தொலைத்தகவும் காண்க. (அல்லது)

ஆ) $2 \cos \alpha = x + \frac{1}{x}$ மற்றும் $2 \cos \beta = y + \frac{1}{y}$ எனக் கொண்டு, கீழ்க்காண்பவைகளை

நிறுவுக. (i) $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} = 2 \cos(\alpha - \beta)$ (ii) $\frac{x^m}{y^n} - \frac{y^n}{x^m} = 2i \sin(m\alpha - n\beta)$

44. அ) ஆரம் a செ.மீ மற்றும் உயரம் b செ.மீ கொண்ட ஒரு வெற்றுக் கூம்பு ஒரு மேசையின் மீது வைக்கப்படுகிறது. இதன் அடியில் மறைத்து வைக்கக்கூடிய மிகப்பெரிய உருளையின் கனஅளவு கூம்பின் கன அளவைப் போல் $\frac{4}{9}$ மடங்கு என்பதைக் காட்டுக.

(அல்லது)

ஆ) $(-1, 2, 0)$, $(2, 2, -1)$ என்ற புள்ளிகள் வழியாகச் செல்வதும் $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+1}{2} = \frac{z+1}{-1}$ என்ற கோட்டிற்கு இணையாகவும் உள்ள தளத்தின் துணையலகு வெக்டர் சமன்பாடு, துணையலகு அல்லாத வெக்டர் சமன்பாடு மற்றும் கார்டீசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

45. அ) $v(x, y, z) = x^3 + y^3 + z^3 + 3xyz$ எனில் $\frac{\partial^2 v}{\partial y \partial z} = \frac{\partial^2 v}{\partial z \partial y}$ என நிறுவுக.

(அல்லது)

ஆ) $1+2i$ மற்றும் $\sqrt{3}$ ஆகியவை $x^6 - 3x^5 - 5x^4 + 22x^3 - 39x^2 - 39x + 135$ என்ற பல்லுறுப்புக் கோவையின் இரு பூச்சியமாக்கிகள் எனில் அனைத்து பூச்சியமாக்கிகளையும் கண்டறிக.

46. அ) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ $a > b$ என்ற அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பினை நெட்டச்சைப் பொருத்துச் சுழற்றினால் உருவாகும் திடப்பொருளின் கனஅளவைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $x^2 + 4y^2 = 8$ என்ற நீள்வட்டமும் $x^2 - 2y^2 = 4$ என்ற அதிபரவளையமும் செங்குத்தாக வெட்டிக் கொள்ளும் என நிறுவுக.

47. அ) ஒரு நகரத்தின் மக்கள் தொகை வளர்ச்சி வீதம் t நேரத்தில் உள்ள மக்கள் தொகையின் விகிதமாக அமைந்துள்ளது. மேலும் நகரத்தின் மக்கள் தொகை 40 ஆண்டுகளில் 3,00,000 லிருந்து 4,00,000 ஆக அதிகரித்துள்ளது எனக் கொடுக்கப்பட்டுள்ளது எனில் t நேரத்தில் அந்நகரத்தின் மக்கள் தொகையைக் காண்க.

(அல்லது)

ஆ) $P \rightarrow Q$ மற்றும் $Q \rightarrow P$ ஆகியவைகள் சமான மற்றவை எனக் காட்டுக.