

V11M

விருதுநகர் மாவட்டம்  
இரண்டாம் திருப்புதல் பொதுத் தேர்வு - 2025



வகுப்பு 11

கணிதம்

நேரம் : 3.00 மணி

மதிப்பெண்கள்: 90

பகுதி - அ

பொருத்தமான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதவும்:

20×1=20

- 1) 3 உறுப்புகள் கொண்ட கணத்தின் மீதான தொடர்புகளின் எண்ணிக்கை  
a) 9                      b) 81                      c) 512                      d) 1024
- 2)  $f : [-3, 3] \rightarrow S$  என்ற சார்பு  $f(x) = x^2$  என வரையறுக்கப்பட்டு மேற்கோர்த்தல்  
எனில், S என்பது  
a)  $[-9, 9]$                       b) R                      c)  $[-3, 3]$                       d)  $[0, 9]$
- 3)  $|x-1| \geq |x-8|$  என்ற அசமன்பாட்டின் தீர்வுக்கோணம்  
a)  $[0, 2]$                       b)  $[2, \infty]$                       c)  $(0, 2)$                       d)  $(-\infty, 2)$
- 4)  $(x+3)^4 + (x+5)^4 = 16$  -ன் மூலங்களின் எண்ணிக்கை  
a) 4                      b) 2                      c) 3                      d) 0
- 5)  $\cos 1^\circ + \cos 2^\circ + \cos 3^\circ + \dots + \cos 179^\circ =$   
a) 0                      b) 1                      c) -1                      d) 89
- 6)  $\tan^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right) =$   
a)  $\frac{\pi}{3}$                       b)  $-\frac{\pi}{3}$                       c)  $\frac{\pi}{6}$                       d)  $-\frac{\pi}{6}$
- 7) 44 மூலைவிட்டங்கள் உள்ள ஒரு பலகோணத்தின் பக்கங்களின் எண்ணிக்கை  
a) 4                      b) 4!                      c) 11                      d) 22
- 8)  $1+3+5+7+\dots+17$ ன் மதிப்பு  
a) 101                      b) 81                      c) 71                      d) 61
- 9)  $38^{15}$  -ஐ 13 ஆல் வகுக்கக் கிடைக்கும் மீதி  
a) 12                      b) 1                      c) 11                      d) 5
- 10)  $e^{-2x}$  என்ற தொடரில்  $x^5$ -ன் கெழு  
a)  $\frac{2}{3}$                       b)  $\frac{3}{2}$                       c)  $-\frac{4}{15}$                       d)  $\frac{4}{15}$
- 11)  $y = -x$  என்ற கோட்டிற்கு  $(2, 3)$  என்ற புள்ளியின் பிம்பப்புள்ளி  
a)  $(-3, -2)$                       b)  $(-3, 2)$                       c)  $(-2, -3)$                       d)  $(3, 2)$
- 12)  $A = \begin{bmatrix} \lambda & 1 \\ -1 & -\lambda \end{bmatrix}$  எனில்  $\lambda$ -ன் எம்மதிப்புகளுக்கு  $A^2 = 0$ ?  
a) 0                      b)  $\pm 1$                       c) -1                      d) 1
- 13)  $\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{DA} + \overline{CD} =$  என்பது  
a)  $\overline{AD}$                       b)  $\overline{CA}$                       c)  $\vec{0}$                       d)  $-\overline{AD}$

V11M

2

- 14)  $|\vec{a}| = 13$ ,  $|\vec{b}| = 5$  மற்றும்  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 60^\circ$  எனில்  $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ன் மதிப்பு  
 a) 15                      b) 35                      c) 45                      d) 25
- 15)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a^x - b^x}{x} =$   
 a)  $\log ab$                       b)  $\log \frac{a}{b}$                       c)  $\log \frac{b}{a}$                       d)  $\frac{a}{b}$
- 16)  $\lim_{x \rightarrow 4} [x] =$   
 a) 3                      b) 4                      c) மதிப்பு இல்லை                      d) 0
- 17)  $f(x) = x+2$  எனில்  $x = 4$ ல்  $f'(f(x))$ ன் மதிப்பு  
 a) 8                      b) 1                      c) 4                      d) 5
- 18)  $f(x) = |x-1| + |x-3| + \sin x$  எனும் சார்பு Rல் வகைமையாகாத புள்ளிகளின் எண்ணிக்கை  
 a) 3                      b) 2                      c) 1                      d) 4
- 19)  $\int \cos 2x \, dx =$   
 a)  $2 \sin 2x + C$                       b)  $-2 \sin 2x + C$                       c)  $\frac{\sin 2x}{2} + C$                       d)  $\frac{-\sin 2x}{2} + C$
- 20) A மற்றும் B என்ற சார்பிலா நிகழ்ச்சிகளுக்கு  $P(A) = 0.35$  மற்றும்  $P(A \cup B) = 0.6$  எனில்  $P(B)$  ஆனது  
 a)  $\frac{5}{13}$                       b)  $\frac{1}{13}$                       c)  $\frac{4}{13}$                       d)  $\frac{7}{13}$

பகுதி - ஆ

i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளி. 7×2=14

ii) வினா எண் 30க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

21) Z-ல் "m-n ஆனது 7 ஆல் வகுபடும் எனவும் mRn" எனத் தொடர்பு R வரையறுக்கப்பட்டால் R என்பது சமானத் தொடர்பு என நிரூபிக்க.

22) 7 மற்றும் -3 ஆகிய மூலங்களையுடைய இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

23)  $(n+2)P_4 = 42 \times nP_2$  எனில் nஐக் காண்க.24)  $a_n = \begin{cases} n & ; n \text{ என்பது } 1, 2 \text{ அல்லது } 3 \text{ எனில்} \\ a_{n-1} + a_{n-2} + a_{n-3} & ; n > 3 \end{cases}$  எனில்  
தொடர்முறையின் முதல் 6 உறுப்புகளைக் காண்க.25)  $\sqrt{3}x + y + 4 = 0$  என்ற கோட்டை செங்குத்து வடிவத்திற்கு மாற்று.26)  $(-2, -3)$ ,  $(3, 2)$ ,  $(-1, -8)$  என்ற உச்சிப்புள்ளிகளைக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பைக் காண்க.27)  $\vec{a} = 3(\hat{i} + \hat{j} + 4\hat{k})$  மற்றும்  $\vec{b} = \hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$  ஆகியவற்றை அடுத்தடுத்த பக்கங்களாகக் கொண்ட இணைகரத்தின் பரப்பளவைக் காண்க.28)  $f'(x) = 4x - 5$  மற்றும்  $f(2) = 1$  எனில்  $f(x)$  காண்க.

29) முதல் 100 மிகை முழுக்களிலிருந்து ஒரு எண் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகின்றது. அது ஒரு பகா எண் அல்லது 8ன் மடங்காக இருக்க நிகழ்தகவு யாது?

V11M

3

30)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^n - 3^n}{x - 3} = 27$  எனுமாறு உள்ள மிகை முழுஎண்  $n$ ஐக் காண்க.

பகுதி - இ

i) ஏதேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு மட்டும் விடையளி.

7×3=21

ii) வினா எண் 40க்கு கட்டாயம் விடையளிக்கவும்.

31)  $y = |x|$  என்ற வளைவரையின் மூலம் (i)  $y = |x-1|+1$  (ii)  $y = |x+1|-1$   
(iii)  $y = |x+2|-3$  ஆகியவற்றை வரைக.

32) பகுதி பின்னங்களாக பிரித்தெழுதுக:  $\frac{3x+1}{(x-2)(x+1)}$

33)  $A+B = 45^\circ$  எனில்  $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$  என நிறுவுக.

34) IITJEE என்ற வார்த்தையில் உள்ள அனைத்து எழுத்துகளையும் எல்லா வழிகளிலும் வரிசை மாற்றம் செய்து உருவாக்கப்படும் எழுத்துச்சரங்களை அங்குல அகராதியில் உள்ளவாறு வரிசைப்படுத்தும்போது, IITJEE என்ற வார்த்தையின் தரம் காண்க.

35)  $\sqrt[3]{65}$  ன் மதிப்பு காண்க.

36)  $ax^2+2hxy+by^2 = 0$  எனும் இரட்டை நேர்கோடுகளில் ஒன்றின் சாய்வு மற்றதின் சாய்வைப் போல் இரண்டு மடங்கு எனில்  $8h^2 = 9ab$  என நிறுவுக.

37)  $2\hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$ ,  $4\hat{i} + \hat{j} + 9\hat{k}$ ,  $10\hat{i} - \hat{j} + 6\hat{k}$  என்ற வெக்டர்களை நிலைவெக்டர்களாக கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.

38) மதிப்பிடுக: (i)  $\int a^x e^x dx$  (ii)  $\int e^{x \log 2} e^x dx$

39)  $P(A) = 0.6$ ,  $P(B) = 0.5$  மற்றும்  $P(A \cap B) = 0.2$  எனில் (i)  $P(A/B)$  (ii)  $P(\bar{A}/B)$   
(iii)  $P(A/\bar{B})$  காண்க.

40)  $y = \tan^{-1}\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$  எனில்  $y'$  காண்க.

பகுதி - ஈ

அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி:

7×5=35

41)  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  என்ற சார்பு  $f(x) = 2x-3$  என வரையறுக்கப்பட்டின்  $f$  ஒரு இருபுறச்சார்பு என நிரூபித்து, அதன் நேர்மாறினைக் காண்க.

(அல்லது)

நிறுவுக: (i)  $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{\sin \theta}{\theta} = 1$  (ii)  $\lim_{\theta \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \theta}{\theta} = 0$

42) தீர்வு காண்க:  $\frac{x^2 - 4}{x^2 - 2x - 15} \leq 0$

(அல்லது)

$\log 2 + 16 \log \frac{16}{15} + 12 \log \frac{25}{24} + 7 \log \frac{81}{80} = 1$  என நிறுவுக.

V11M

4

43) நேப்பியரின் சூத்திரத்தை எழுதி நிரூபி.

(அல்லது)

$$y = e^{\tan^{-1}x} \text{ எனில் } (1+x^2)y'' + (2x-1)y' = 0 \text{ எனக் காட்டுக.}$$

44)  $n \geq 1$  க்கு  $3^{2n+2} - 8n - 9$  ஆனது 8 ஆல் வகுபடும் என்பதனை நிறுவுக.

(அல்லது)

$$\text{மதிப்பிடுக: } \int \frac{3x+5}{x^2+4x+7} dx$$

45)  $x$  ஒரு தேவையான அளவிலான பெரிய எண் எனில்  $\sqrt[3]{x^3+6} - \sqrt{x^3+3}$  ன்

மதிப்பைத் தோராயமாக  $\frac{1}{x^2}$  என நிறுவுக.

(அல்லது)

$9x^2 - 24xy + 16y^2 - 12x + 16y - 12 = 0$  என்பது இணையான இரட்டை நேர்கோடுகள் என நிறுவுக. மேலும் இவ்விரு கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.

46) ஒரு முக்கோணத்தின் நடுக்கோடுகள் ஒரு புள்ளியில் சந்திக்கும் என நிறுவுக.

(அல்லது)

$4\hat{i} + 5\hat{j} + \hat{k}$ ,  $-\hat{j} - \hat{k}$ ,  $3\hat{i} + 9\hat{j} + 4\hat{k}$  மற்றும்  $-4\hat{i} + 4\hat{j} + 4\hat{k}$  ஆகியவற்றை நிலைவெக்டர்களாக கொண்ட புள்ளிகள் ஒரு தள அமைவன எனக் காட்டுக.

$$47) |A| = \begin{vmatrix} (z+r)^2 & p^2 & p^2 \\ q^2 & (r+p)^2 & q^2 \\ r^2 & r^2 & (p+q)^2 \end{vmatrix} = 2pqr(p+q+r)^2 \text{ என நிறுவுக.}$$

(அல்லது)

கணிதவியலில் ஒரு வினாவானது மூன்று மாணவர்களிடம் தீர்வு காண்பதற்காக

கொடுக்கப்படுகிறது. அவர்கள் தனித்தனியே தீர்ப்பதற்கான நிகழ்தகவு  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{1}{4}$  மற்றும்  $\frac{1}{5}$ .

i) அந்த வினா தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

ii) சரியாக ஒருவர் மட்டுமே அந்த வினாவிற்கு தீர்வு காண்பதற்கான நிகழ்தகவு யாது?

-----