

Kanchipuram Dt

இரண்டாம் திருப்புதல் தேர்வு - 2025

பன்னிரண்டாம் வகுப்பு

பதிவு எண்:

கணிதம்

நேரம் : 3.00 மணி

பகுதி - அ

மதிப்பெண்கள் : 90

20 x 1 = 20

I. சரியான விடையைத் தேர்ந்தெடுத்து எழுதுக.

1. $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$ மற்றும் $B = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ எனில் $|\text{adj } AB| =$

அ) -40 ஆ) -80 இ) -60 ஈ) -20

2. $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & -2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$ மற்றும் $A^{-1} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$ எனில் a_{23} ன் மதிப்பானது

அ) 0 ஆ) -2 இ) -3 ஈ) -1

3. ஒரு கலப்பெண்ணின் இணை கலப்பெண் $\frac{1}{i-2}$ எனில் அந்த கலப்பெண்

அ) $\frac{1}{i+2}$ ஆ) $\frac{-1}{i+2}$ இ) $\frac{-1}{i-2}$ ஈ) $\frac{1}{i-2}$

4. z_1, z_2, z_3 என்ற கலப்பெண்கள் $z_1 + z_2 + z_3 = 0$ எனவும் $|z_1| = |z_2| = |z_3| = 1$ ஆகவும் இருந்தால் $z_1^2 + z_2^2 + z_3^2$ ன் மதிப்பு

அ) 3 ஆ) 2 இ) 1 ஈ) 0

5. α, β மற்றும் γ என்பவை $x^3 + px^2 + qx + r$ ன் மூலங்கள் எனில் $\sum \frac{1}{\alpha}$ ன் மதிப்பு

அ) $-\frac{q}{r}$ ஆ) $-\frac{p}{r}$ இ) $\frac{q}{r}$ ஈ) $-\frac{p}{q}$

6. $\sin^{-1}\left(\tan \frac{\pi}{4}\right) - \sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{3}{x}}\right) = \frac{\pi}{6}$ ல் x என்பதை மூலமாகக் கொண்ட சமன்பாடு

அ) $x^2 - x - 6 = 0$ ஆ) $x^2 - x - 12 = 0$

இ) $x^2 + x - 12 = 0$ ஈ) $x^2 + x - 6 = 0$

7. வட்டம் $x^2 + y^2 = 4x + 8y + 5$ நோக்கோடு $3x - 4y = m$ ஐ இரு வெவ்வேறு புள்ளிகளில் வெட்டுகின்றது எனில்

அ) $15 < m < 65$ ஆ) $35 < m < 85$ இ) $-85 < m < -35$ ஈ) $-35 < m < 15$

8. $P(x, y)$ என்ற புள்ளி குவியங்கள் $F_1(3,0)$ மற்றும் $F_2(-3,0)$ கொண்ட கூம்பு வளைவு $16x^2 + 25y^2 = 400$ ன் மீதுள்ள புள்ளி எனில் $PF_1 + PF_2$ ன் மதிப்பு

அ) 8 ஆ) 6 இ) 10 ஈ) 12

9. $|\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}| = 1$ எனில் $\frac{\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})}{(\vec{c} \times \vec{a}) \cdot \vec{b}} + \frac{\vec{b} \cdot (\vec{c} \times \vec{a})}{(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}} + \frac{\vec{c} \cdot (\vec{a} \times \vec{b})}{(\vec{c} \times \vec{b}) \cdot \vec{a}}$ ன் மதிப்பு

அ) 1 ஆ) -1 இ) 2 ஈ) 3

10. $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-2}, z = 2$ மற்றும் $\frac{x-1}{1} = \frac{2y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$ என்ற கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட கோணம்

அ) $\frac{\pi}{6}$ ஆ) $\frac{\pi}{4}$ இ) $\frac{\pi}{3}$ ஈ) $\frac{\pi}{2}$

2

XII கணிதம்

11. $6y = x^3 + 2$ என்ற வளைவரையின் எப்புள்ளியில் y ஆயத்தொலைவின் மாறுபாட்டு வீதம் x ஆயத்தொலைவின் மாறுபாட்டு வீதத்தைப் போல 8 மடங்கு இருக்கும்?
 அ) (4,11) ஆ) (4,-11) இ) (-4,11) ஈ) (-4,-11)
12. x^2e^{-2x} , $x > 0$ என்ற சார்பின் பெரும் மதிப்பு
 அ) $\frac{1}{e}$ ஆ) $\frac{1}{2e}$ இ) $\frac{1}{e^2}$ ஈ) $\frac{1}{e^4}$
13. ஒரு கனசதுரத்தின் பக்க அளவு 1% அதிகரிக்கும்போது அதன் கனஅளவில் ஏற்படும் மாற்றம்
 அ) $0.3x \text{ dx m}^3$ ஆ) $0.03x \text{ m}^3$ இ) $0.03x^2 \text{ m}^3$ ஈ) $0.03x^3 \text{ m}^3$
14. ஒவ்வொரு $n \in \mathbb{Z}$ க்கும் $\int_0^{\pi} e^{\cos^2 x} \cos^3[(2n+1)x] dx$ இன் மதிப்பு
 அ) $\frac{\pi}{2}$ ஆ) π இ) 0 ஈ) 2
15. $f(x) = \int_1^x \frac{e^{\sin u}}{u} du$, $x > 1$ மற்றும் $\int_1^3 \frac{e^{\sin x^2}}{x} dx = \frac{1}{2}[f(a) - f(1)]$ எனில் a பெறக்கூடிய ஒரு மதிப்பு
 அ) 3 ஆ) 6 இ) 9 ஈ) 5
16. $\sqrt{\sin x} (dx + dy) = \sqrt{\cos x} (dx - dy)$ எனும் வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் வரிசை மற்றும் படி
 அ) 1, 2 ஆ) 2, 2 இ) 1, 1 ஈ) 2, 1
17. $\frac{dy}{dx} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} = 0$ எனும் வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டின் தீர்வு
 அ) $y + \sin^{-1}x = c$ ஆ) $x + \sin^{-1}y = 0$ இ) $y^2 + 2\sin^{-1}x = c$ ஈ) $x^2 + 2\sin^{-1}y = 0$
18. 1,2,3,4,5,6 எண்ணிடப்பட்ட அறுபக்க பகடையும் 1,2,3,4 என எண்ணிடப்பட்ட நான்கு பக்க பகடையும் சோடியாக உருட்டப்பட்டு இரண்டும் காட்டும் எண்களின் கூட்டல் தொகை தீர்மானிக்கப்படுகிறது. இந்த கூட்டலைக் குறிக்கும் சமவாய்ப்பு மாறி X என்க. இனி 7 ன் நேர்மாறு பிம்பத்தின் உறுப்புகளின் எண்ணிக்கை
 அ) 1 ஆ) 2 இ) 3 ஈ) 4
19. ஒரு சமவாய்ப்பு மாறியின் நிகழ்தகவு அடர்த்திச் சார்பு $f(x) = \begin{cases} 2x & 0 \leq x \leq a \\ 0 & \text{பிற மதிப்புகளுக்கு} \end{cases}$ எனில் a ன் மதிப்பு
 அ) 1 ஆ) 2 இ) 3 ஈ) 4
20. பின்வருபவைகளில் எது சரியல்ல? மற்றும் ஏதேனும் இரு கூற்றுகளுக்கு பின்வரும் தர்க்க சமானமானவைகள் பெறப்படுகிறது.
 அ) $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \wedge \neg q$ ஆ) $\neg(p \wedge q) \equiv \neg p \vee \neg q$
 இ) $\neg(p \vee q) \equiv \neg p \vee \neg q$ ஈ) $\neg(\neg p) \equiv p$
- பகுதி - ஆ
- II. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 30 கட்டாய வினா) 7 x 2 = 14
21. $z = (2 + 3i)(1 - i)$ எனில் $z^{-1} = \frac{5}{26} - i\frac{1}{26}$ என நிரூபி. 7 x 2 = 14
22. $2 - \sqrt{3}$ ஐ மூலமாகக் கொண்ட குறைந்தபட்ச படியுடன் விகிதமுறு கெழுக்களுடைய பலலுறுப்புக் கோவைச் சமன்பாட்டைக் காண்க.

23. $\tan^{-1}(\sqrt{3})$ ன் முதன்மை மதிப்பு காண்க.
24. $y = 4x + c$ என்ற நேர்க்கோடு $x^2 + y^2 = 9$ என்ற வட்டத்தின் தொடுகோடு எனில் C ன் மதிப்பு காண்க.
25. $2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$, $\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ மற்றும் $3\hat{i} + \hat{j} + 3\hat{k}$ என்ற மூன்று வெக்டர்கள் ஒருதள வெக்டர்கள் என நிரூபி.
26. $f(x) = x^2 + 3x$ என்ற சார்பிற்கு $x = 2$ மற்றும் $dx = 0.1$ எனும் போது df ஐ காண்க.
27. $\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$ என்பது செங்குத்து அணி என நிறுவுக.
28. $\frac{dy}{dx} = \sqrt{\frac{1-y^2}{1-x^2}}$ என்பதன் தீர்வு $\sin^{-1}y = \sin^{-1}x + C$ அல்லது $\sin^{-1}x = \sin^{-1}y + C$ என நிறுவுக.
29. $y = x^3 - 3x^2 + x - 2$ என்ற வளைவரைக்கு எந்தெந்த புள்ளிகளில் வரையப்படும் தொடுகோடு $y = x$ என்ற கோட்டிற்கு இணையாக இருக்கும்?
30. X என்பது மூன்று சீரான நாணயங்களை ஒரே சமயத்தில் ஒரு முறை சுண்டும்போது விழும் பூக்களின் எண்ணிக்கை என்க. சமவாய்ப்பு மாறியான X ன் மதிப்புகளையும் அதன் நேர்மாறு பிம்பங்களில் உள்ள புள்ளிகளின் எண்ணிக்கையையும் காண்க.

பகுதி - இ

III. எவையேனும் 7 வினாக்களுக்கு விடையளி. (வினா எண் 40 கட்டாய வினா) 7 x 3 = 21

31. $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 4 & 3 \\ 8 & 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ என்ற அணியின் தரம் 3 என நிறுவுக.
32. $10 - 8i$, $11 + 6i$ ஆகிய புள்ளிகளில் எப்புள்ளி $1 + i$ க்கு மிக அருகாமையில் இருக்கும்?
33. ஒரு கனச்சதுரப் பெட்டியின் பக்கங்களை 1, 2, 3 அலகுகள் அதிகரிப்பதால் கனச்சதுரப் பெட்டியின் கொள்ளளவை விட 52 கன அலகுகள் அதிகமுள்ள கனச்செவ்வகம் கிடைக்கிறது எனில், கனச்செவ்வகத்தின் கொள்ளளவு 60 கன அலகுகள் என நிரூபிக்கவும்.
34. X ன் எம்மதிப்பிலிருந்து, சமனிலை $\frac{\pi}{2} < \cos^{-1}(3x - 1) < \pi$ மெய்யாகும்?
35. சூரியனிலிருந்து பூமியின் அதிகபட்சம் மற்றும் குறைந்தபட்ச தூரங்கள் முறையே 152×10^6 கி.மீ மற்றும் 94.5×10^6 கி.மீ. நீள்வட்டப் பாதையின் ஒரு குவியத்தில் சூரியன் உள்ளது. சூரியனுக்கும் மற்றொரு குவியத்திற்குமான தூரம் காண்க.
36. ஒரு குறிப்பிட்ட பறவையின் முட்டை கோள வடிவமாக உள்ளது. முட்டையின் ஆரம் ஒட்டிற்கு வெளியே 4 மி.மீ ஆகவும், ஒட்டிற்கு உள்ளே 4.2 மி.மீ ஆகவும் உள்ளது எனில், ஒட்டின் தோராய கன அளவானது 12.8π மி.மீ³ என நிரூபிக்கவும்.
37. $\int_0^{\pi/3} \frac{\sec x \tan x}{1 + \sec^2 x} dx = \tan^{-1}(2) - \frac{\pi}{4}$ என நிறுவுக.
38. 6 வெள்ளை மற்றும் 4 கருப்பு பந்துகள் கொண்ட ஒரு ஜாடியிலிருந்து இரு பந்துகள் சமவாய்ப்பு முறையில் தேர்ந்தெடுக்கப்படுகின்றன. தேர்ந்தெடுக்கப்படும் ஒவ்வொரு கருப்பு பந்திற்கும் ₹30 வெல்வதாகவும் தேர்ந்தெடுக்கப்படும் ஒவ்வொரு வெள்ளை பந்திற்கும் ₹20 தோற்பதாகவும் கொள்க. வெல்லும் தொகையை X குறிப்பதாகக் கொண்டால், X ன் மதிப்புகளையும் மற்றும் அதன் நேர்மாறு பிம்பங்களில் புள்ளிகளின் எண்ணிக்கையும் காண்க.
39. $p \rightarrow q$ மற்றும் $q \rightarrow p$ ஆகியவைகள் சமானமற்றவை எனக்காட்டுக.
40. தீர்க்க : $x \cos y dy = e^x(x \log x + 1) dx$

பகுதி - ஈ

IV. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7 x 5 = 35

41. அ) $x - y + 2z = 2$, $2x + y + 4z = 7$, $4x - y + z = 4$ என்ற சமன்பாடுகளின் தீர்வை கிராமரின் விதிப்படி காண்க. (அல்லது)

ஆ) $\int_0^1 \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} dx = \frac{\pi}{2} - 1$ என நிறுவுக.

42. அ) $f(x) = 4x^6 - 6x^4$ என்ற சார்பிற்கு இடஞ்சார்ந்த சிறும மதிப்புகள் $x = -1$, $x = 1$. ஆகிய புள்ளிகளில் கிடைக்கும் என நிரூபிக்க. (அல்லது)

ஆ) $|z + i| = |z - 1|$ என்ற நிபந்தனைக்கு $z = x + iy$ ன் நியமப்பாதை $x + y = 0$ என நிறுவுக.

43. அ) வெக்டர் முறையில் $\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha \cos\beta + \sin\alpha \sin\beta$ என நிரூபி. (அல்லது)

ஆ) தீர்க்க : $(1 + x + xy^2) \frac{dy}{dx} + (y + y^3) = 0$

44. அ) ஒரு பால் விற்பனையத்தில் வினியோகிக்கப்படும் பாலின் அளவு சமவாய்ப்பு மாறி X என்க. குறைந்தபட்சம் 200 லிட்டர்கள் மற்றும் அதிகபட்சம் 600 லிட்டர்களுடன் நிகழ்தகவு

அடர்த்திச் சார்பு $f(x) = \begin{cases} 0 & 200 \leq x \leq 600 \\ 0 & \text{பிற மதிப்புகளுக்கு} \end{cases}$ (i) K ன் மதிப்பு காண்க (ii) பரவல் சார்பு

காண்க (iii) 300 லிட்டர்கள் மற்றும் 500 லிட்டர்களுக்கு இடையே தினசரி விற்பனை இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு காண்க. (அல்லது)

ஆ) (2,2,1) மற்றும் (9,3,6) என்ற புள்ளிகள் வழியாகச் செல்வதும் $2x + 6y + 6z = 9$ என்ற தளத்திற்கு செங்குத்தாகவும் உள்ள தளத்தின் வெக்டர் சமன்பாடு (ஏதேனும் ஒரு வடிவம்) அல்லது கார்டீசியன் சமன்பாடு காண்க.

45. அ) $3x - 2y = 0$, $x = -3$ மற்றும் $x = 1$ ஆகியவற்றால் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பு $\frac{15}{2}$ என நிரூபிக்கவும். (அல்லது)

ஆ) ஒரு ராக்கெட் வெடியானது கொளுத்தும் போது அது ஒரு பரவளையப் பாதையில் செல்கிறது. அதன் உச்ச உயரம் 4 மீ ஐ எட்டும்போது அது கொளுத்தப்பட்ட இடத்திலிருந்து கிடைமட்டத் தூரம் 6 மீ தொலைவிலுள்ளது. இறுதியில் கிடைமட்டமாக 12 மீ தொலைவில் தரையை வந்தடைகிறது எனில், புறப்பட்ட இடத்தில் தரையுடன் ஏற்படுத்தப்படும் எறிகோணம் $\tan^{-1}\left(\frac{4}{3}\right)$ என நிரூபிக்கவும்.

46. அ) $\cos^{-1}x + \cos^{-1}y + \cos^{-1}z = \pi$ மற்றும் $0 < x, y, z < 1$, show that $x^2 + y^2 + z^2 + 2xyz = 1$ எனக் காட்டுக. (அல்லது)

ஆ) ஒரு சிறுவன் $y = ax^2 + bx + c$ என்ற பாதையில் (-6, 8), (-2, -12) மற்றும் (3, 8) எனும் புள்ளிகள் வழியாகச் செல்கிறான். P(7, 60) என்ற புள்ளியில் உள்ள அவனுடைய நண்பனை சந்திக்க விரும்புகிறான். அவன் அவனுடைய நண்பனை சந்திப்பானா? (காஸ்டியன் நீக்கல் முறையை பயன்படுத்துக)

47. அ) $x^2 + 4y^2 = 8$ என்ற நீள்வட்டமும் $x^2 - 2y^2 = 4$ என்ற அதிபரவளையமும் செங்குத்தாக வெட்டிக்கொள்ளும் என நிரூபி. (அல்லது)

ஆ) $18x^2 + 12y^2 - 144x + 48y + 120 = 0$ என்ற கூம்பு வளைவின் வகையை கண்டறிந்து அவற்றின் மையம், குவியங்கள் மற்றும் முனைகளைக் காண்க.
