



Padalsalai's Telegram Groups!

(தலைப்பிற்கு கீழே உள்ள லிங்கை கிளிக் செய்து குழுவில் இணையவும்!)

- Padalsalai's NEWS - Group
https://t.me/joinchat/NIfCqVRBNj9hhV4wu6_NqA
- Padalsalai's Channel - Group
<https://t.me/padasalaichannel>
- Lesson Plan - Group
<https://t.me/joinchat/NIfCqVWwo5iL-21gpzrXLw>
- 12th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_12th
- 11th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_11th
- 10th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_10th
- 9th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_9th
- 6th to 8th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_6to8
- 1st to 5th Standard - Group
https://t.me/Padalsalai_1to5
- TET - Group
https://t.me/Padalsalai_TET
- PGTRB - Group
https://t.me/Padalsalai_PGTRB
- TNPSC - Group
https://t.me/Padalsalai_TNPSC

No. of Printed Pages : 12

2405154

3412 (NS)

B

பதிவு எண்
Register Number

M A R 2 0 2 0



PART - III

கணிதம் / MATHEMATICS

(தமிழ் மற்றும் ஆங்கில வழி / Tamil & English Version)

கால அளவு : 3.00 மணி நேரம்]

[மொத்த மதிப்பெண்கள் : 90

Time Allowed : 3.00 Hours]

[Maximum Marks : 90

அறிவுரைகள் : (1) அனைத்து வினாக்களும் சரியாகப் பதிவாகி உள்ளதா என்பதனைச் சரிபார்த்துக் கொள்ளவும். அச்சுப்பதிவில் குறையிருப்பின், அறைக் கண்காணிப்பாளரிடம் உடனடியாகத் தெரிவிக்கவும்.

(2) நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கும், அடிக்கோடுவதற்கும் பயன்படுத்த வேண்டும். படங்கள் வரைவதற்கு பென்சில் பயன்படுத்தவும்.

Instructions : (1) Check the question paper for fairness of printing. If there is any lack of fairness, inform the Hall Supervisor immediately.

(2) Use Blue or Black ink to write and underline and pencil to draw diagrams.

பகுதி - I / PART - I

குறிப்பு : (i) அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும். 20x1=20

(ii) கொடுக்கப்பட்டுள்ள மாற்று விடைகளில் மிகவும் ஏற்புடைய விடையைத் தேர்ந்தெடுத்துக் குறியீட்டுடன் விடையினையும் சேர்த்து எழுதவும்.

Note : (i) Answer all the questions.

(ii) Choose the most appropriate answer from the given four alternatives and write the option code and the corresponding answer.

[திருப்புக / Turn over

3412 (NS)

2

1. $x = at^2$, $y = 2at$ எனில் $\frac{dy}{dx} =$

(அ) $-t$

(ஆ) $\frac{1}{t}$

(இ) $-\frac{1}{t}$

(ஈ) t

If $x = at^2$, $y = 2at$, then $\frac{dy}{dx} =$

(a) $-t$

(b) $\frac{1}{t}$

(c) $-\frac{1}{t}$

(d) t

2. $\vec{a}$ -க்கும் $\vec{b}$ -க்கும் இடைப்பட்ட கோணம் 120° , மேலும் அவற்றின் எண்ணளவுகள் முறையே 2, $\sqrt{3}$ எனில் $\vec{a} \cdot \vec{b}$ ஆனது :

(அ) $\frac{-\sqrt{3}}{2}$

(ஆ) $\sqrt{3}$

(இ) $-\sqrt{3}$

(ஈ) 2

If $\vec{a}$ and $\vec{b}$ include an angle 120° and their magnitudes are 2 and $\sqrt{3}$, then $\vec{a} \cdot \vec{b}$ is equal to :

(a) $\frac{-\sqrt{3}}{2}$

(b) $\sqrt{3}$

(c) $-\sqrt{3}$

(d) 2

3. $|\vec{a} + \vec{b}| = 60$, $|\vec{a} - \vec{b}| = 40$ மற்றும் $|\vec{b}| = 46$ எனில் $|\vec{a}|$ ன் மதிப்பு :

(அ) 32

(ஆ) 42

(இ) 12

(ஈ) 22

If $|\vec{a} + \vec{b}| = 60$, $|\vec{a} - \vec{b}| = 40$ and $|\vec{b}| = 46$, then $|\vec{a}|$ is :

(a) 32

(b) 42

(c) 12

(d) 22

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - b^x}{x} =$

(அ) $\frac{a}{b}$

(ஆ) $\log ab$

(இ) $\log\left(\frac{a}{b}\right)$

(ஈ) $\log\left(\frac{b}{a}\right)$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - b^x}{x} =$

(a) $\frac{a}{b}$

(b) $\log ab$

(c) $\log\left(\frac{a}{b}\right)$

(d) $\log\left(\frac{b}{a}\right)$

B

5. A என்பது ஒரு சதுர அணி எனில், பின்வருவனவற்றுள் எது சமச்சீரல்ல?
 (அ) $A - A^T$ (ஆ) $A + A^T$ (இ) AA^T (ஈ) $A^T A$
 If A is a square matrix, then which of the following is not symmetric?
 (a) $A - A^T$ (b) $A + A^T$ (c) AA^T (d) $A^T A$
6. $f: [-3, 3] \rightarrow S$ என்ற சார்பு $f(x) = x^2$ என வரையறுக்கப்பட்டு மேற்கோர்த்தல் எனில், S என்பது :
 (அ) $[0, 9]$ (ஆ) $[-9, 9]$ (இ) $\mathbb{R}$ (ஈ) $[-3, 3]$
 If the function $f: [-3, 3] \rightarrow S$ defined by $f(x) = x^2$ is onto, then S is :
 (a) $[0, 9]$ (b) $[-9, 9]$ (c) $\mathbb{R}$ (d) $[-3, 3]$
7. $A = \{(x, y) : y = \sin x, x \in \mathbb{R}\}$ மற்றும் $B = \{(x, y) : y = \cos x, x \in \mathbb{R}\}$ எனில், $A \cap B$ ல் :
 (அ) தீர்மானிக்க இயலாது
 (ஆ) உறுப்புகளில்லை
 (இ) எண்ணிலடங்கா உறுப்புகள் உள்ளன
 (ஈ) ஒரே ஒரு உறுப்பு உள்ளது
 If $A = \{(x, y) : y = \sin x, x \in \mathbb{R}\}$ and $B = \{(x, y) : y = \cos x, x \in \mathbb{R}\}$, then $A \cap B$ contains :
 (a) cannot be determined
 (b) no element
 (c) infinitely many elements
 (d) only one element
8. $f(x) = |x| + |x-1|$ என்ற சார்பு :
 (அ) $x=0, 1$ என்ற புள்ளிகளில் தொடர்ச்சியற்றது
 (ஆ) $x=0$ என்ற புள்ளியில் மட்டுமே தொடர்ச்சியானது
 (இ) $x=1$ என்ற புள்ளியில் மட்டுமே தொடர்ச்சியானது
 (ஈ) $x=0, x=1$ என்ற புள்ளிகளில் தொடர்ச்சியானது
 $f(x) = |x| + |x-1|$ is :
 (a) discontinuous at $x=0, 1$
 (b) continuous at $x=0$ only
 (c) continuous at $x=1$ only
 (d) continuous at both $x=0$ and $x=1$
9. ${}^{2n}C_3 : {}^nC_3 = 11 : 1$ எனில் n-ன் மதிப்பு :
 (அ) 7 (ஆ) 5 (இ) 6 (ஈ) 11
 If ${}^{2n}C_3 : {}^nC_3 = 11 : 1$, then n is :
 (a) 7 (b) 5 (c) 6 (d) 11

3412 (NS)

4

10. $\frac{\cos 6x + 6\cos 4x + 15\cos 2x + 10}{\cos 5x + 5\cos 3x + 10\cos x} =$

- (அ) $2\cos x$ (ஆ) $\cos 2x$ (இ) $\cos x$ (ஈ) $\cos 3x$

$\frac{\cos 6x + 6\cos 4x + 15\cos 2x + 10}{\cos 5x + 5\cos 3x + 10\cos x}$ is equal to :

- (a) $2\cos x$ (b) $\cos 2x$ (c) $\cos x$ (d) $\cos 3x$

11. பத்து நாணயங்களைச் சுண்டும்போது குறைந்தது 8 தலைகள் கிடைப்பதற்கான நிகழ்வு :

- (அ) $\frac{7}{128}$ (ஆ) $\frac{7}{64}$ (இ) $\frac{7}{32}$ (ஈ) $\frac{7}{16}$

Ten coins are tossed. The probability of getting at least 8 heads is :

- (a) $\frac{7}{128}$ (b) $\frac{7}{64}$ (c) $\frac{7}{32}$ (d) $\frac{7}{16}$

12. $y = -x$ என்ற கோட்டிற்கு $(2, 3)$ என்ற புள்ளியின் பிம்பப் புள்ளி :

- (அ) $(3, 2)$ (ஆ) $(-3, -2)$ (இ) $(-3, 2)$ (ஈ) $(-2, -3)$

The image of the point $(2, 3)$ in the line $y = -x$ is :

- (a) $(3, 2)$ (b) $(-3, -2)$ (c) $(-3, 2)$ (d) $(-2, -3)$

13. $\int \left(\frac{x-1}{x+1} \right) dx =$

(அ) $x + 2\log(x+1) + c$

(ஆ) $\frac{1}{2} \left(\frac{x-1}{x+1} \right)^2 + c$

(இ) $x - 2\log(x+1) + c$

(ஈ) $\frac{(x-1)^2}{2} \log(x+1) + c$

$\int \left(\frac{x-1}{x+1} \right) dx =$

(a) $x + 2\log(x+1) + c$

(b) $\frac{1}{2} \left(\frac{x-1}{x+1} \right)^2 + c$

(c) $x - 2\log(x+1) + c$

(d) $\frac{(x-1)^2}{2} \log(x+1) + c$

B

14. $\int \frac{dx}{e^x - 1} =$

(அ) $\log(e^x + 1) - \log(e^x) + c$

(ஆ) $\log(e^x) - \log(e^x - 1) + c$

(இ) $\log(e^x) + \log(e^x - 1) + c$

(ஈ) $\log(e^x - 1) - \log(e^x) + c$

$\int \frac{dx}{e^x - 1}$ is :

(a) $\log(e^x + 1) - \log(e^x) + c$

(b) $\log(e^x) - \log(e^x - 1) + c$

(c) $\log(e^x) + \log(e^x - 1) + c$

(d) $\log(e^x - 1) - \log(e^x) + c$

15. $A + I = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ எனில் $(A + I)(A - I)$ -ன் மதிப்பு :

(அ) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ -8 & -9 \end{bmatrix}$

(ஆ) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & -9 \end{bmatrix}$

(இ) $\begin{bmatrix} -5 & 4 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$

(ஈ) $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$

If $A + I = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$, then $(A + I)(A - I)$ is equal to :

(a) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ -8 & -9 \end{bmatrix}$

(b) $\begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & -9 \end{bmatrix}$

(c) $\begin{bmatrix} -5 & 4 \\ -8 & 9 \end{bmatrix}$

(d) $\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$

16. $\frac{1}{\cos 80^\circ} - \frac{\sqrt{3}}{\sin 80^\circ} =$

(அ) 4

(ஆ) $\sqrt{2}$

(இ) $\sqrt{3}$

(ஈ) 2

$\frac{1}{\cos 80^\circ} - \frac{\sqrt{3}}{\sin 80^\circ} =$

(a) 4

(b) $\sqrt{2}$

(c) $\sqrt{3}$

(d) 2

17. $y = \frac{1}{a - z}$ எனில், $\frac{dz}{dy}$ -ன் மதிப்பு :

(அ) $-(z + a)^2$

(ஆ) $(a - z)^2$

(இ) $-(z - a)^2$

(ஈ) $(z + a)^2$

If $y = \frac{1}{a - z}$, then $\frac{dz}{dy}$ is :

(a) $-(z + a)^2$

(b) $(a - z)^2$

(c) $-(z - a)^2$

(d) $(z + a)^2$

B

[திருப்புக / Turn over

3412 (NS)

6

18. $\frac{1}{2!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{6!} + \dots$ -ன் மதிப்பு :

(அ) $\frac{e^2 - 1}{2e}$

(ஆ) $\frac{e^2 + 1}{2e}$

(இ) $\frac{(e+1)^2}{2e}$

(ஈ) $\frac{(e-1)^2}{2e}$

The value of $\frac{1}{2!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{6!} + \dots$ is :

(a) $\frac{e^2 - 1}{2e}$

(b) $\frac{e^2 + 1}{2e}$

(c) $\frac{(e+1)^2}{2e}$

(d) $\frac{(e-1)^2}{2e}$

19. $\int 2^{3x+5} dx =$

(அ) $\frac{2^{3x+5}}{3 \log 2} + c$

(ஆ) $\frac{3(2^{3x+5})}{\log 2} + c$

(இ) $\frac{2^{3x+5}}{2 \log (3x+5)} + c$

(ஈ) $\frac{2^{3x+5}}{2 \log 3} + c$

$\int 2^{3x+5} dx$ is :

(a) $\frac{2^{3x+5}}{3 \log 2} + c$

(b) $\frac{3(2^{3x+5})}{\log 2} + c$

(c) $\frac{2^{3x+5}}{2 \log (3x+5)} + c$

(d) $\frac{2^{3x+5}}{2 \log 3} + c$

20. $3x - y = -5$ என்ற கோட்டுடன் 45° கோணம் ஏற்படுத்தும் கோட்டின் சாய்வுகள் :

(அ) $2, -\frac{1}{2}$

(ஆ) $1, -1$

(இ) $\frac{1}{2}, -2$

(ஈ) $1, \frac{1}{2}$

The slope of the line which makes an angle 45° with the line $3x - y = -5$ are :

(a) $2, -\frac{1}{2}$

(b) $1, -1$

(c) $\frac{1}{2}, -2$

(d) $1, \frac{1}{2}$

B

பகுதி - II / PART - II

குறிப்பு : எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண். 30 -க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

7x2=14

Note : Answer any seven questions. Question No. 30 is compulsory.

21. பகுதி பின்னங்களாகப் பிரிக்கவும் : $\frac{1}{x^2 - a^2}$

Resolve the rational expression $\frac{1}{x^2 - a^2}$ into partial fractions.

22. $\frac{1}{7!} + \frac{1}{8!} = \frac{A}{9!}$ எனில் A-ன் மதிப்பு என்ன ?

If $\frac{1}{7!} + \frac{1}{8!} = \frac{A}{9!}$, then find the value of A.

23. $\left(x + \frac{1}{x^3}\right)^{17}$ -ன் விரிவாக்கத்தில் x^5 -ன் குணகத்தைக் காண்க.

Find the coefficient of x^5 in the expansion of $\left(x + \frac{1}{x^3}\right)^{17}$.

24. ஒரே நோர்க்கோட்டிற்கு ஆதியிலிருந்து வரையப்படும் செங்குத்துக் கோட்டின் நீளம் 6 அலகுகள். அச்செங்குத்துக்கோடு x-அச்சுடன் ஏற்படுத்தும் கோணம் 120° எனில், அந்த நோர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

Find the equation of the straight line, if the perpendicular from the origin makes an angle of 120° with x-axis and the length of the perpendicular from the origin is 6 units.

B

[திருப்புக / Turn over

3412 (NS)

8

25. $f(x)=\sqrt{x}$, $x \geq 0$ எனில், $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ கிடைக்கப்பெறுமா எனக் காண்க.

Consider the function $f(x)=\sqrt{x}$, $x \geq 0$. Does $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ exist?

26. $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{x^2 - 5x + 6}{x - 3} \right)$ -ன் மதிப்பைக் கணக்கிடுக.

Calculate $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{x^2 - 5x + 6}{x - 3} \right)$.

27. x -ஐப் பொறுத்து தொகையிடுக : $(1+x^2)^{-1}$
Integrate $(1+x^2)^{-1}$ with respect to x .

28. மதிப்பிடுக : $\int \frac{1}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$

Evaluate : $\int \frac{1}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$

29. இரண்டு நாணயங்கள் ஒரே சமயத்தில் சுண்டப்படுகின்றன எனில் அதிகபட்சமாக இரு பூ கிடைப்பதற்கான நிகழ்தகவுகளைக் காண்க.
If two coins are tossed simultaneously, then find the probability of getting at the most two tails.

30. x -ஐப் பொறுத்து வகையிடுக : x^x
Differentiate x^x with respect to x .

பகுதி - III / PART - III

குறிப்பு : எவையேனும் ஏழு வினாக்களுக்கு விடையளிக்கவும். வினா எண் 40 -க்கு கட்டாயமாக விடையளிக்கவும்.

7x3=21

Note : Answer any seven questions. Question No. 40 is compulsory.

31. $f(x) = \frac{1}{1-3\cos x}$ -ன் வீச்சகம் காண்க.

Find the range of $f(x) = \frac{1}{1-3\cos x}$

B

32. 5 மாணவர்கள் மற்றும் 4 மாணவிகள் ஒரே வரிசையில் எந்த இரு மாணவிகளும் அடுத்தடுத்து வராமல் எத்தனை வழிகளில் அமரவைக்கலாம்.
In how many ways 5 boys and 4 girls can be seated in a row, so that no two girls are together ?

33. $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ -என்பன பெருக்குத் தொடர்முறையில் இருக்குமானால், $a_k (k>1)$ அதன் முன்னியான a_{k-1} -க்கும், தொடரியான a_{k+1} -க்கும் பெருக்குச் சராசரியாக இருக்கும் என நிரூபிக்கவும்.
If $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ is a geometric progression, then prove that every term $a_k (k>1)$ is the geometric mean of its immediate predecessor a_{k-1} and immediate successor a_{k+1} .

34. ஒரு கோடு ஆய அச்சகளுடன் ஏற்படுத்தும் முக்கோணத்தின் பரப்பு 36 சதுர அலகு மற்றும் ஆதியிலிருந்து அக்கோட்டிற்கு வரையப்படும் செங்குத்து கோடு மிகை x -அச்சுடன் ஏற்படுத்தும் கோணம் 45° எனில், நேர்க்கோட்டின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

Area of the triangle formed by a line with the coordinate axes is 36 square units. Find the equation of the line if the perpendicular drawn from the origin to the line makes an angle of 45° with positive of the x axis.

35. $\left| \log_3 64 \log_4 3 \right| \times \left| \log_2 3 \log_8 3 \right|$ என்ற பெருக்கலின் மதிப்பைக் காண்க.

Find the value of the product ;

$$\left| \log_3 64 \log_4 3 \right| \times \left| \log_2 3 \log_8 3 \right|$$

36. $\log(\log x)$ என்ற சார்பின் இரண்டாம் வரிசை வகைக்கெழுவை x -ஐப் பொறுத்து காண்க.

Find the second derivative of $\log(\log x)$ with respect to x .

37. x -ஐப் பொறுத்து தொகைக் காண்க : $\frac{x^{15}}{1+x^{32}}$.

Integrate $\frac{x^{15}}{1+x^{32}}$ with respect to x .

38. $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = \vec{0}$ எனக் காட்டுக.

Show that $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \times (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \times (\vec{a} + \vec{b}) = \vec{0}$.

B

[திருப்புக / Turn over

3412 (NS)

10

39. $x \rightarrow 0$ எனும்போது சார்பு $\frac{\sin x}{|x|}$ க்கு எல்லை மதிப்பு உள்ளதா எனக் காண்க.
விடைக்கான காரணம் கூறுக.

Does the limit of the function $\frac{\sin x}{|x|}$ exist when $x \rightarrow 0$? State reasons for your answer.

40. $a \sin^2 \theta + b \cos^2 \theta = c$ எனில், $\tan^2 \theta = \frac{c-b}{a-c}$ என நிறுவுக.

If $a \sin^2 \theta + b \cos^2 \theta = c$, show that $\tan^2 \theta = \frac{c-b}{a-c}$.

பகுதி - IV / PART - IV

குறிப்பு : அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

7x5=35

Note : Answer all the questions.

41. (அ) $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ என்ற சார்புகள் $f(x) = |x| + x$, $g(x) = |x| - x$ என வரையறுக்கப்பட்டின் $f \circ g$ மற்றும் $g \circ f$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

அல்லது

(ஆ) Z என்ற கணத்தில், $m - n$ என்பது 12-ன் மடங்காக இருந்தால், தொடர்பு mRn என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில், R ஒரு சமானத் தொடர்பு என நிரூபிக்க.

(இ) If $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ are defined by $f(x) = |x| + x$ and $g(x) = |x| - x$, find $g \circ f$ and $f \circ g$.

OR

(b) In the set Z of integers, define mRn if $m - n$ is a multiple of 12. Prove that R is an equivalence relation.

42. (அ) $\frac{2x-3}{(x-2)(x-4)} < 0$ என்ற அசமன்பாட்டை நிறைவு செய்யும் x -ன் அனைத்து மதிப்புகளையும் காண்க.

அல்லது

(ஆ) $A + B + C = \frac{\pi}{2}$ எனில், $\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = 1 + 4 \sin A \sin B \sin C$ என நிறுவுக.

(a) Find all the values of x that satisfy the inequality $\frac{2x-3}{(x-2)(x-4)} < 0$.

OR

(b) If $A + B + C = \frac{\pi}{2}$, prove that $\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = 1 + 4 \sin A \sin B \sin C$.

B

43. (அ) முக்கோணம் ABC -ல், $\cos\left(\frac{B-C}{2}\right) = \frac{b+c}{a} \sin \frac{A}{2}$ என நிறுவுக.

அல்லது

(ஆ) $\sqrt[3]{126}$ -ன் மதிப்பை 2 தசமஸ்தானங்களுக்கு திருத்தமாகக் காண்க.

(a) In any triangle ABC, prove that $\cos\left(\frac{B-C}{2}\right) = \frac{b+c}{a} \sin \frac{A}{2}$.

OR

(b) Find the value of $\sqrt[3]{126}$ correct to two decimal places.

44. (அ) கணிதத் தொகுத்தறிதல் முறையில் $n \geq 1$ -க்கு

$$1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n-1)^2 = \frac{n(2n-1)(2n+1)}{3} \text{ என நிரூபிக்க.}$$

அல்லது

(ஆ) $9x^2 - 24xy + 16y^2 - 12x + 16y - 12 = 0$ என்பது இணையான இரட்டை நோக்கோடுகள் என நிறுவுக. மேலும் இவ்விரு கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட தூரத்தைக் காண்க.

(a) By the principle of mathematical induction, prove that, for $n \geq 1$

$$1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n-1)^2 = \frac{n(2n-1)(2n+1)}{3}.$$

OR

(b) Show that the equation $9x^2 - 24xy + 16y^2 - 12x + 16y - 12 = 0$ represents a pair of parallel lines. Find the distance between them.

$$45. (அ) \begin{vmatrix} 2bc-a^2 & c^2 & b^2 \\ c^2 & 2ca-b^2 & a^2 \\ b^2 & a^2 & 2ab-c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix}^2 \text{ என நிறுவுக.}$$

அல்லது

(ஆ) ABCD என்ற நாற்கரத்தில் AC, BD -ன் நடுப்புள்ளிகள் E மற்றும் F -ஆக

இருப்பின் $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD} = 4\vec{EF}$ என நிறுவுக.

B

[திருப்புக / Turn over

3412 (NS)

12

(a) Show that
$$\begin{vmatrix} 2bc-a^2 & c^2 & b^2 \\ c^2 & 2ca-b^2 & a^2 \\ b^2 & a^2 & 2ab-c^2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix}^2$$

OR

- (b) If ABCD is a quadrilateral and E and F are the midpoints of AC and BD, respectively, prove that $\vec{AB} + \vec{AD} + \vec{CB} + \vec{CD} = 4\vec{EF}$

46. (அ) $f(x) = \begin{cases} 4x+5; & x \leq 3 \\ 4x-5; & x > 3 \end{cases}$ என்ற சார்புக்குத் தொடர்ச்சித் தன்மையைக் கொடுக்காத புள்ளிகளைக் காண்க.

அல்லது

(ஆ) $y = \frac{\sin^{-1}x}{\sqrt{1-x^2}}$ எனில், $(1-x^2)y_2 - 3xy_1 - y = 0$ எனக் காட்டுக.

- (a) Find the points of discontinuity of the function f , where

$$f(x) = \begin{cases} 4x+5; & x \leq 3 \\ 4x-5; & x > 3 \end{cases}$$

OR

(b) If $y = \frac{\sin^{-1}x}{\sqrt{1-x^2}}$, show that $(1-x^2)y_2 - 3xy_1 - y = 0$.

47. (அ) x -ஐப் பொறுத்து தொகையிடுக : $\frac{5x-2}{2+2x+x^2}$.

அல்லது

- (ஆ) ஒத்த இரு ஜாடிகளில், ஒன்றில் 6 கருப்பு மற்றும் 4 சிவப்பு நிறப் பந்துகள் உள்ளன. மற்றொரு ஜாடியில் 2 கருப்பு மற்றும் 2 சிவப்பு நிறப் பந்துகள் உள்ளன. சமவாய்ப்பு முறையில் ஒரு ஜாடி தேர்ந்தெடுக்கப்பட்டு அதிலிருந்து ஒரு பந்து எடுக்கப்படுகிறது எனில், அப்பந்து கருப்பாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

- (a) Integrate $\frac{5x-2}{2+2x+x^2}$ with respect to x .

OR

- (b) There are two identical urns containing respectively 6 black and 4 red balls, 2 black and 2 red balls. An urn is chosen at random and a ball is drawn from it. Find the probability that the ball is black.

- o o o -

B