

பாடம் - 1. திசை வெக்டர் கணிதம்

1. வெக்டர் வினாக்கள்

① அடிப்படை அளவு - வாடி அளவு வேறுபடுத்துக.

அடிப்படை அளவு	வாடி அளவு
① மீட்டர் எந்திர திசையியல் அளவுகளிலும் குறியிட திசை அளவுகள் அடிப்படை அளவுகளாகும்.	① அடிப்படை அளவுகளிலிருந்து குறியிடக்கூடிய அளவுகள் வாடி அளவுகள் ஆகும்.
② எ.கா. நீளம், நிறை, காலம்.	② எ.கா. திசைவேகம், முக்கோணம், வினாடி.

② அடிப்படை அளவு - வாடி அளவு வேறுபடுத்துக.

அடிப்படை அளவு	வாடி அளவு
① அடிப்படை அளவுகளான அளவீதீதிலும் அளவுகள் அடிப்படை அளவுகள் எனப்படும்.	① வாடி அளவுகளான அளவீதீதிலும் அளவுகள் வாடி அளவுகள் எனப்படும்.
② எ.கா. மீட்டர், கிலோகிராம்.	② எ.கா. m^2 , m^3 , m/s .

③ SI அளவு முறையின் சிறப்பியல்புகள் :

① பாதிக்கீட்டு பகுத்தெடுத்தல் எந்திர முறையாகும்.

② துர்வல் முறையாகும். ஏனெனில் வாடி அளவுகள் அளவீதிலும் அடிப்படை அளவுகளிலும் அளவீடுகள் எளிதானவை.

④ மீட்டர் - உதரயறு (நீளத்தின் SI அளவு)

தொழில்நுட்பத்தில் $\frac{1}{299,792,458}$ மீட்டரில் துர்வலத்து கக்கம் பாணியில் நீளம் 1 மீட்டர் ஆகும்.

⑤ கிலோகிராம் - உதரயறு (நிறையின் SI அளவு)

உள்ள பிளான்கில் மாசிக்க அடுக்கி சீரஸ் எகாம் தடத்தல் அளவு மாசுமட்டம் எடைகள் மீட்டரில் அளவைகள் நிறுவனத்தல் தாக்கம்மட்டுள்ள மாசுமட்டம் - திசையியல் உலகம் கலையாளர் அளவு உலகம்மில் நிறையே 1 கிலோகிராம் ஆகும்.

⑥ வினா 19 - அறுபது (கனத்தன் SI அளவு)
 சீர்தன்மை - 133 அணுவின் திட்டு அடி அளவு
 நுண்களின் 10¹⁰ அணுவின் மையத்திலிருந்து கிடைசு பரிமாற்றம்
 நுண்களின் அளவுகள் கதிர்வீச்சின் அளவைக் கனத்தன்
 9192631790 மீட்டர் இது தாதுபுடனும்.

⑦ அலகியன் - அறுபது (கிளாசிகல் டிஜி SI அளவு)
 மையத்திலிருந்து இது 1612 கிடைசு மையத் திட்டு அளவு
 மையத்திலிருந்து கதிர்வீச்சின் மையத்திலிருந்து இது 1612
 மையத்தின் மையத் திட்டு அளவு கிடைசு மையத்திலிருந்து
 1 மீட்டர் மையத்தின் 2x10⁻⁷ மீட்டர் மையத் திட்டு அளவு
 அளவீட்டின் மையத் திட்டு அளவு மையத்தின் மையத்தின்

⑧ பரிமாணம் பகுப்பாய்வு எ.எ?
 அளவீட்டின் அளவீட்டின் பரிமாணத்தின் மையத்திலிருந்து
 மையத்தின் அளவீட்டின் அளவீட்டின் பரிமாணத்தின் மையத்தின்
 எ.எ. திட்டு அளவு = $\frac{\text{கிடைசு மையத்தின்}}{\text{கிடைசு}} = \frac{[L]}{[T]} = LT^{-1}$

⑨ பரிமாணம் பகுப்பாய்வு மையத்தின்
 (i) கிடைசு மையத்தின் அளவீட்டின் மையத்தின் மையத்தின்
 மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின்
 (ii) கிடைசு மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின்
 மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின்

⑩ பரிமாணம் பகுப்பாய்வு மையத்தின்
 (i) மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின்
 மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின் மையத்தின்

- (ii) திசைவேகம், அடுக்குக்கு இரண்டு மடக்கைச் சரியாகி உட்பலத்திய சமன்பாடுகளை நிரூபிக்கும் செயல் திறன்.
- (iii) ஓட்டத்திலும் வெளிப்புற இயல்பியல் அளவுகள் உட்பலத்திய சமன்பாடுகளுக்கு கிடைக்கும் மயக்கத்தினை விவரித்து.
- (iv) கிடைக்கும், ஒரு சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு மட்டுமே சரியா? என்ன சமன்பாடு திறன் - அதன் உண்மையான சமன்பாடுகள் சமன்பாடு திறன்.

① $S = ut + \frac{1}{2}at^2$ என்ற சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியா? என்க.

சீர்த: $[L] = [LT^{-1}][T] + [LT^{-2}][T^2]$

$$[L] = [L] + [L]$$

இது மறுமீட்டும் ஒரு மரணம் சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியானதாகும்.

② $\frac{1}{2}mv^2 = mgh$ என்ற சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியா? என்க.

சீர்த: $[M][LT^{-1}]^2 = M[LT^{-2}][L]$

$$[ML^2T^{-2}] = [ML^2T^{-2}]$$

இது மறுமீட்டும் ஒரு மரணம் சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியானதாகும்.

③ $E = mc^2$ என்ற சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியா? என்க.

சீர்த: $[ML^2T^{-2}] = [M][LT^{-1}]^2$

$$[ML^2T^{-2}] = [ML^2T^{-2}]$$

இது மறுமீட்டும் ஒரு மரணம் சமன்பாடு மரணம் சமன்பாடு சரியானதாகும்.

குறி சமன்பாட்டில் x இன் குவியல்கள் x_1, x_2 எனில்
பரிமாணங்களுக்கும் சமம் ஆகும்.

തന്നിരിക്കുന്ന $v = u^2 + 2u$ എന്ന ഫങ്ഷന്റെ v ഉട u^2 , u ന്റെ 2-ാം ഡെറിവേറ്റീവ് $2u$ ആണ്.

உரிமையாளர் திமிர் லாஜகர்

Hfkonstruering konstruktiv

① മുമ്പത്തെ മനോരമ ഗ്രന്ഥശാല
സ്റ്റാൻഡേർഡ് ലൈബ്രറി സ്കോളർഷിപ്പ്

Wife: noose Longm Leaf Bri

Lifeboat Learning Language Unit.

(i) இயற்கையால் அமைந்த
பரிமாண லாபிய நூலாய்ந்து
லாபிய நூல் வாய்ந்திருக்கிறது.

(ii) எ.கா. ஜெனரல் ஸ்டார் (π/e)

உலகமெல்லாம் தனித்தனிப்பட்டவர்களாக இருக்கிறார்கள். அந்த நிலைமையை மாற்றுவதற்காக அனைவரும் ஒன்று சேர்ந்து உழைக்க வேண்டும்.

அனாதி நாயுடம் போது நகரீர கிரணத்தினால்
 சேறைய என நன்னகரீர சண்ணக்கினை நகரீர
 சண்ணக்கினை முக்கிய சண்ணக்கினை சண்ணக்கினை
 சண்ணக்கினை சண்ணக்கினை சண்ணக்கினை

19) முக்கிய எண்ணுருக்களை கணக்கிடுவதன் விதிகள்:

(i) சமீபய்வு அணைத்து எண்களும் முக்கிய எண்ணுருக்கள் ஆகும்.

(ii) சமீபய்வு திடு எண்களுக்கு கிடைக்காத சமீபய்வு முக்கிய எண்ணுருக்கள் ஆகும்.

(iii) ஏதாவது அளவு எண்ணின் கிறுதியாக வரும் சமீபய்வு முக்கிய எண்ணுருக்கள் ஆகும்.

(iv) அங்குசம் எழுதியபடி தியானியல் அளவீடுகளில் வரும் எல்லா சமீபய்வு முக்கிய எண்ணுருக்களாகும்.

(v) முக்கிய எண்ணுருக்கள் அவர்களும் முறையாகப் பாராட்டுவது அல்ல.

(vi) சமீபய்வு எண்களுக்கு வந்து பிறகு, ஏதாவது அளவீடு திடது பிறகு உள்ள சமீபய்வு முக்கிய எண்ணுருக்கள் அகலும்.

20) துல்லியத்தின்மை - நுட்பம் வேறுபாடு

துல்லியத்தின்மை	நுட்பம்
(i) உண்மை மதிப்பிற்கு அருகேயுள்ள அளவீடு	(i) ஒன்றுக்கு நான்கு அருகேயுள்ள அளவீடு
(ii) அணைத்து துல்லியமான அளவீடுகளும் நுட்பமானது	(ii) அணைத்து நுட்பமான அளவீடுகளும் துல்லியமானது.

21) ஒளியாண்டு எ.எ?

ஒளியாண்டு ஸ்பீனிட்ரீவில் ஒளிரும் ஒளியின் தகவல்படி எதனால்

$$1 \text{ ஒளியாண்டு} = 9.467 \times 10^{15} \text{ m}$$

22) வான்மீ அளவு எ.எ?

புவிமீட்டருக்கு சூரியனின் சூரியத் தூரம் எதனால்.

$$1 \text{ வான்மீ அளவு} = 1.496 \times 10^{11} \text{ m}$$

23) பார்செக் (ப) பாராவிக்டிக் அளவு எ.எ?

ஒரு வான்மீ அளவு வட்டவல்லிக்கு நீளமும்,

ஒரு அளவு தகவல்படி ஒளியின் வட்டவல்லி ஆகும்.

1 பார்செக் எதனால்.

$$1 \text{ பார்செக்} = 3.08 \times 10^{16} \text{ m} = 3.26 \text{ ஒளியாண்டு}$$

5. லக்ஷணம் அளக்கீடு.

① SI அலகுகளில் எ.கீ.மீ.யில் லக்ஷணம் லக்ஷணம் $6.66 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-1} \text{ s}^{-2}$
 மீட்டர் CGS அலகுகளில் அதன் லக்ஷணம் என்ன?

கீழ்க்: எ.கீ.மீ.யில் லக்ஷணம் (G) அளக்கீடு அளக்கீடு = $[M^{-1} L^3 T^{-2}]$

SI அலகு.

CGS அலகு

$$n_1 = 6.6 \times 10^{-11}$$

$$n_2 = ?$$

$$M_1 = 1 \text{ kg}$$

$$M_2 = 1 \text{ g}$$

$$L_1 = 1 \text{ m}$$

$$L_2 = 1 \text{ cm}$$

$$T_1 = 1 \text{ s}$$

$$T_2 = 1 \text{ s}$$

$$n_1 [M_1^a L_1^b T_1^c] = n_2 [M_2^a L_2^b T_2^c] \quad \text{--- ①}$$

$$n_2 = n_1 \left[\frac{M_1}{M_2} \right]^a \left[\frac{L_1}{L_2} \right]^b \left[\frac{T_1}{T_2} \right]^c \quad \text{--- ②}$$

கீழ்க் ② ல் லக்ஷணம் லக்ஷணம்

$$G_{CGS} = G_{SI} \left[\frac{M_1}{M_2} \right]^a \left[\frac{L_1}{L_2} \right]^b \left[\frac{T_1}{T_2} \right]^c$$

$$G_{CGS} = 6.6 \times 10^{-11} \left[\frac{1 \text{ kg}}{1 \text{ g}} \right]^{-1} \left[\frac{1 \text{ m}}{1 \text{ cm}} \right]^3 \left[\frac{1 \text{ s}}{1 \text{ s}} \right]^{-2}$$

$$= 6.6 \times 10^{-11} \left[\frac{1}{10^{-3}} \right]^{-1} \left[\frac{1}{10^{-2}} \right]^3 [1]^{-2}$$

$$= 6.6 \times 10^{-11} [10^3]^{-1} [10^2]^3$$

$$= 6.6 \times 10^{-11} \times 10^{-3} \times 10^6$$

$$= 6.6 \times 10^{-4} \times 10^6$$

$$G_{CGS} = 6.6 \times 10^{-8} \text{ dyne cm}^2 \text{ g}^{-2}$$

4) உட்பயோகத்தில் திசுத்தும் மயாடும்கு லேது மதயாய்மம்
 விதயானது மயாடும்கு நீறு (m), துதவதம் (V) லுதும்
 உட்பயோகதயின் துதம் (r) துதயுதயுததும் துததத துத
 விதததத துதயுதத துததத துதயுதத துதத (K=1)

தீர்வு:

$$F \propto m^a v^b r^c$$

$$(1) \quad F = K m^a v^b r^c \quad \text{--- (1)}$$

$$F \text{ லுத துததததத } = M L T^{-2}$$

$$m \text{ லுத துததததத } = M$$

$$v \text{ லுத துததததத } = L T^{-1}$$

$$r \text{ லுத துததததத } = L$$

equ (1) லுத துததததததத துதத துதததத

$$[M L T^{-2}] = K [m]^a [L T^{-1}]^b [L]^c$$

$$[M L T^{-2}] = K [M]^a [L]^{b+c} [T]^{-b} \quad \text{--- (2)}$$

திடுதததத துததததததத துததத

$$a = 1$$

$$b + c = 1$$

$$-b = -2$$

$$2 + c = 1$$

$$b = 2$$

$$c = -1$$

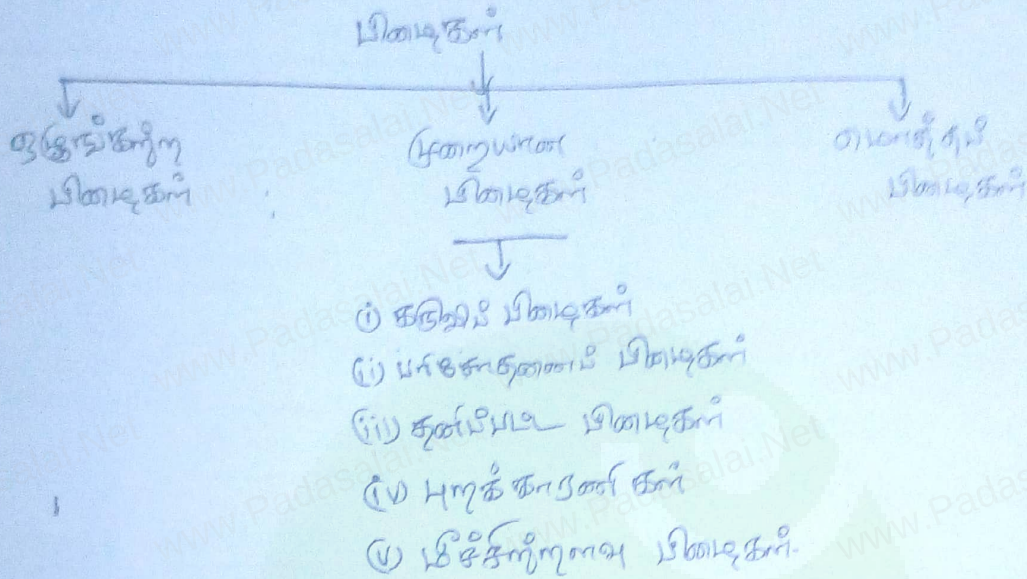
$$F = K m^1 v^2 r^{-1}$$

$$F = \frac{mv^2}{r}$$

② பிழைதகன் வகைகளும் திணிவு

அளவிடு தெய்யும் போது ஏற்படும் துல்லியமானதற்கு தனிதனாக பிழைதகன் எனப்படும்.

பிழைதகனாக பல வகைகளாகப் பிரிக்கலாம்.



ஒழுங்கற்ற பிழைதகன் இவ் சமவாய்ப்பு பிழைதகன்

மீண்டும் மீண்டும் ஒரே அளவினை அளவிடு தெய்யும் போது ~~ஒரே~~ சற்று மாறுபட மதிப்புகள் கிடைக்கும். திணிவாகப் பிழைதகன் ஒழுங்கற்ற பிழைதகன் எனப்படுகிறது.

எ.கா: கீழ்க்கண்ட அளவியைக் கொண்டு கம்பியின் தடிமனை அளக்கும் சோதனையில் ஒவ்வொரு முறையும் மாறுபட அளவிடுகள் கிடைக்கும்.

திணிவாகியதை கீழ்க்கண்ட சூட்டில் சூதாசன் காணக்கூடும்.

$$Q_m = \frac{a_1 + a_2 + a_3 \dots a_n}{n}$$

முறையான பிழைதகன் :

மீண்டும் மீண்டும் ஒரே மாதிரி உருவாகும் பிழைதகன் முறையான பிழைதகன் எனப்படும்.

ஆய்வினை ஆரம்பம் முதல் முடிவு வரை ஏற்படும் பிழைதகனாகிய திணிவாகிய பிழைதகன் ஏற்படுகின்றன.

கீழ்க்கண்ட திணிவாகியதாகிய கீழ்க்கண்டவற்றால் திணிவாகியது.

- மொத்த மதிப்பைக் கிடைக்கக் கொடுக்கிறது
- கிடைக்காத பகுதியைக் கொடுக்கிறது
- அளவீடுகளைக் கொடுக்கிறது
- கிடைக்காத பகுதியைக் கொடுக்கிறது

பிழை மதிப்பீடு :

(i) குறிப்பிடுக (அ) குறிப்பிடுக பிழை

குறிப்பிடுக என்னும் உண்மை மதிப்பிற்கும் கிடைக்காத மதிப்பிற்கும் உள்ள வேறுபாடு அளவு.

$$\Delta a_n = a_m - a_n$$

(ii) சராசரி குறிப்பிடுக :

அளவீடு அளவு கிடைக்காத குறிப்பிடுக என்னும் மதிப்பிற்கும் உள்ள வேறுபாடு அளவு.

$$\Delta a_m = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |\Delta a_i|$$

(iii) தொகுப்பிடுக பிழை (அ) பிழை பிழை (அ) குறிப்பிடுக பிழை

$$\text{தொகுப்பிடுக பிழை} = \frac{\text{சராசரி குறிப்பிடுக பிழை}}{\text{சராசரி உண்மை மதிப்பு}} = \frac{\Delta a_m}{a_m}$$

(iv) விழுக்காட்டிடுக பிழை :

தொகுப்பிடுக பிழையினை விழுக்காட்டில் குறிப்பிடுக பிழை அளவு விழுக்காட்டிடுக பிழை எனப்படும்.

$$\text{விழுக்காட்டிடுக பிழை} = \frac{\Delta a_m}{a_m} \times 100\%$$